

# 실시간 스타일 변환 어플리케이션 개발과정

생성모델II-GAN



# Introduction

앞에서는...

오토 인코더(Auto Encoder), 변이형 오토 인코더(Variational Auto Encoder)에 대해 다루었습니다. 이번 장에서는 GAN의 특징에 대해 다루어 보겠습니다.

## Generative Adversarial Networks(GANs)

복잡한 고차원 학습 데이터의 분포로부터 데이터를 샘플링 하고 싶으나, 이를 직접적으로 하는 것이 불가능하다. 그러기에, 데이터를 쉽게 샘플링하기 위해 간단한 분포(random noise)를 이용하는 것에서 출발해본다. 그리고 이 간단한 분포를 학습 분포로 변형하는 법을 학습한다.



신경망을 사용

Sample from  
training distribution      출력



Discriminator  
Network



Real?  
Fake?

Generative Network



Random Noise :  $z$

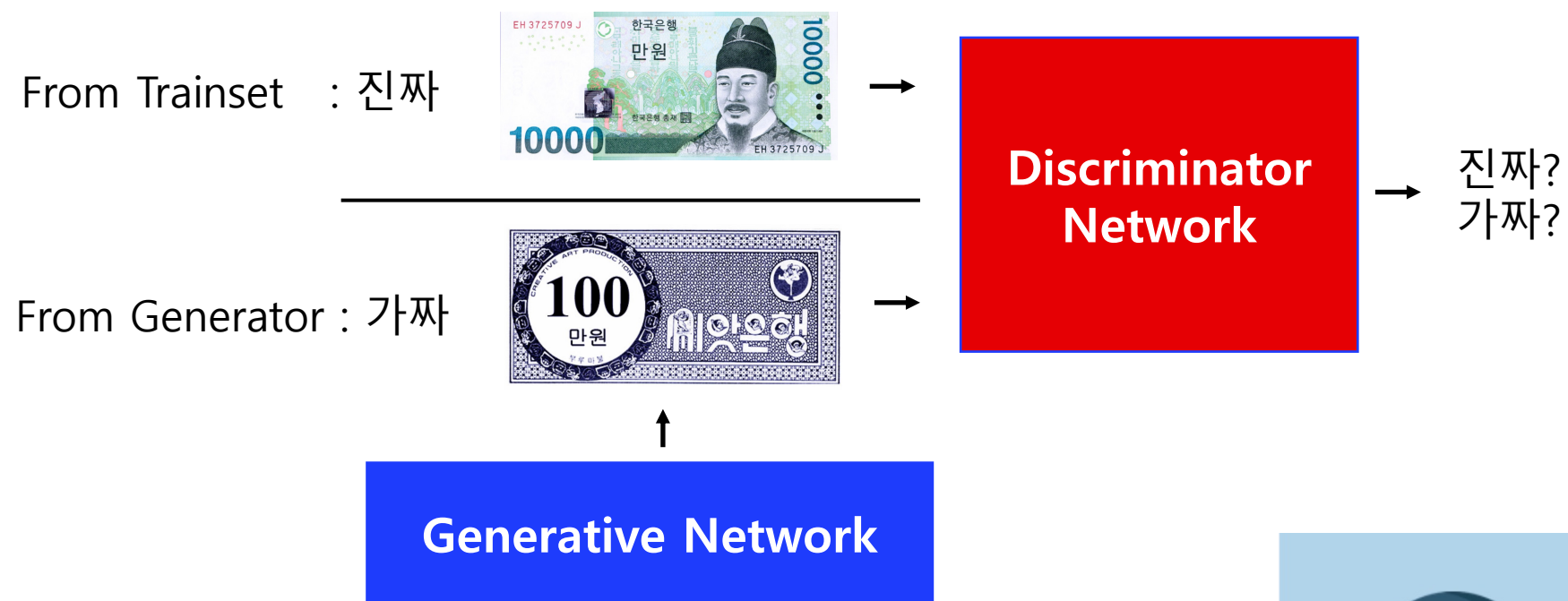
입력

각 샘플  $z$ 가 어떤 이미지로 맵핑 되는지 알 수 없으나, Discriminator Network를 사용하면 생성된 이미지가 우리가 원하는 데이터 분포 내에 속하는지 판단할 수 있다.

# GAN

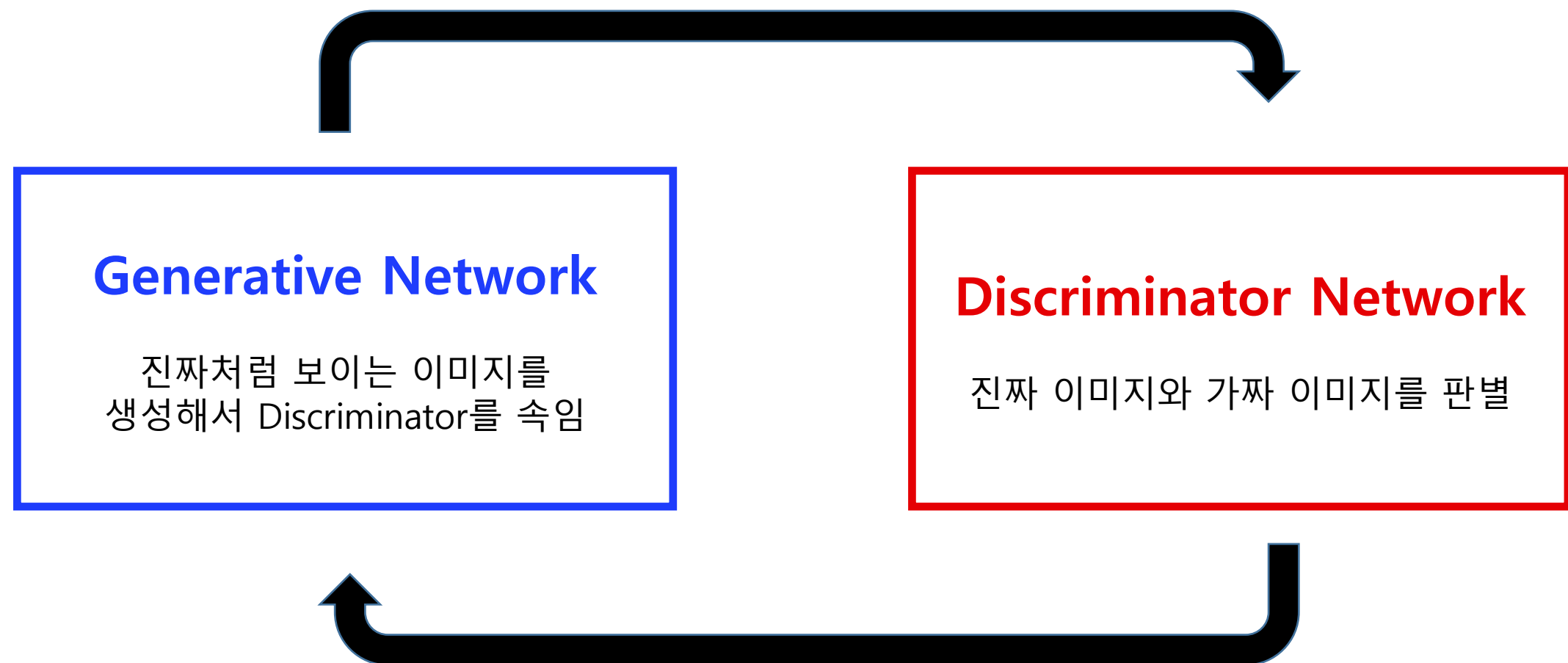
## Generative Adversarial Networks(GANs)

GAN은 위조지폐범(Generator)과 경찰(Discriminator)의 관계로 표현되기도 한다.



# GAN

## GAN의 학습 : Two player game



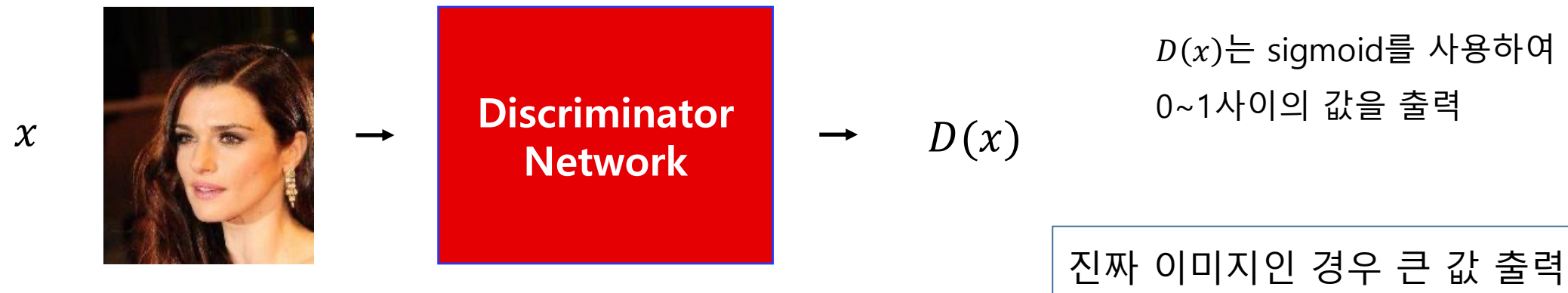
# GAN

## GAN의 학습 : Two player game

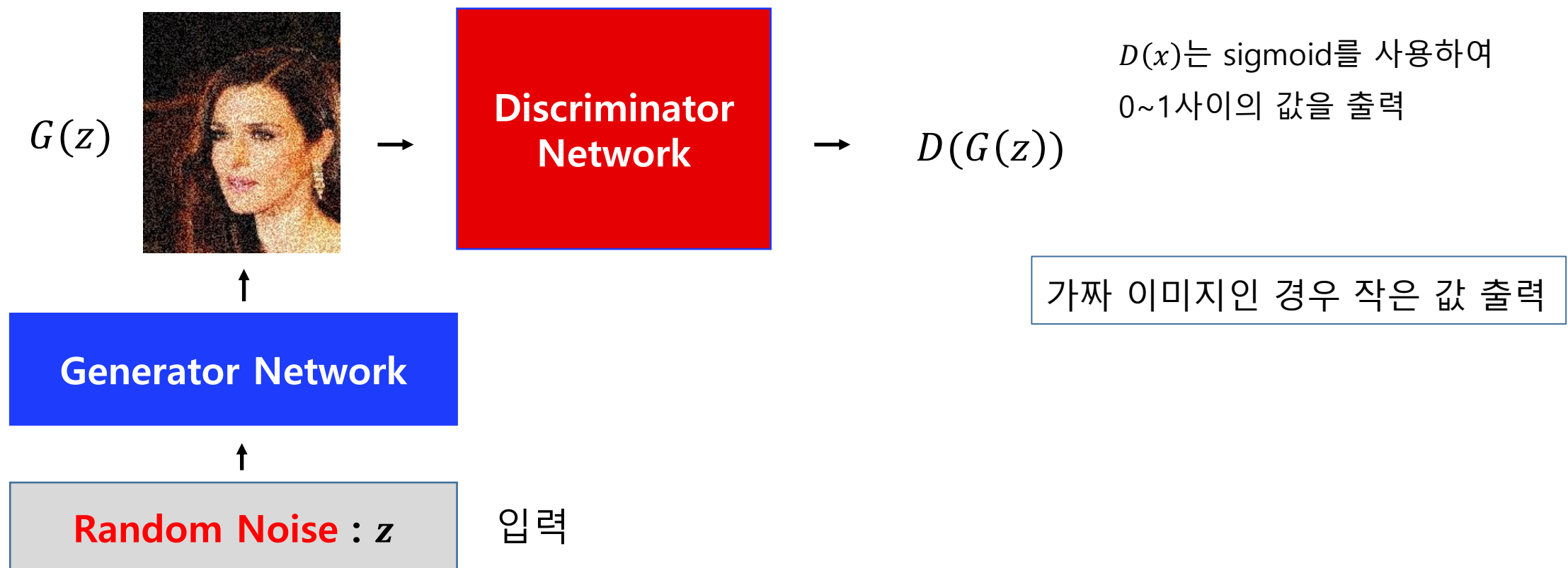


# GAN

## Discriminator에 진짜 이미지가 입력된 경우

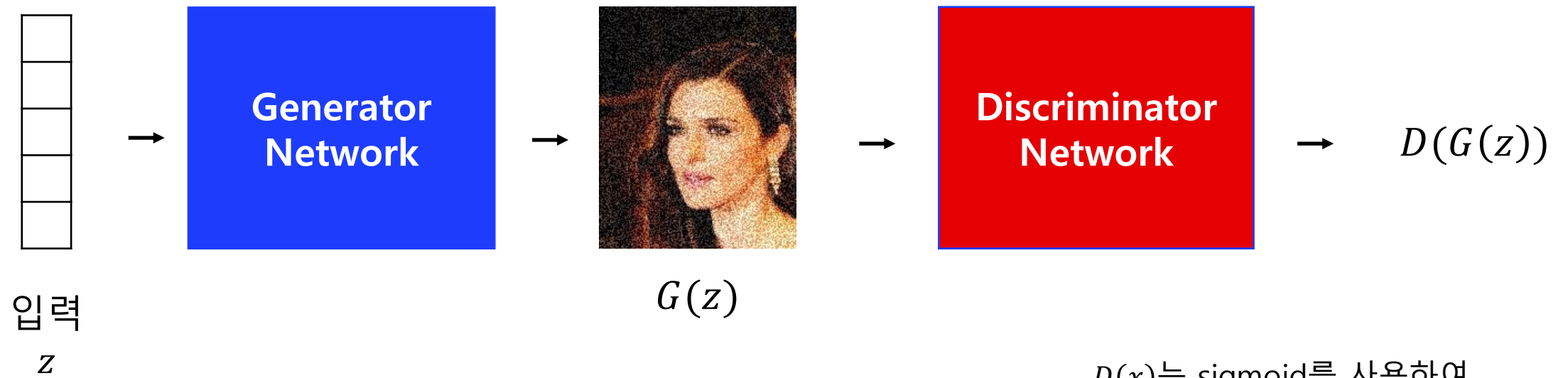


## Discriminator에 생성 이미지가 입력된 경우





# GAN



$D(x)$ 는 sigmoid를 사용하여  
0~1사이의 값을 출력



# GAN의 목적 함수

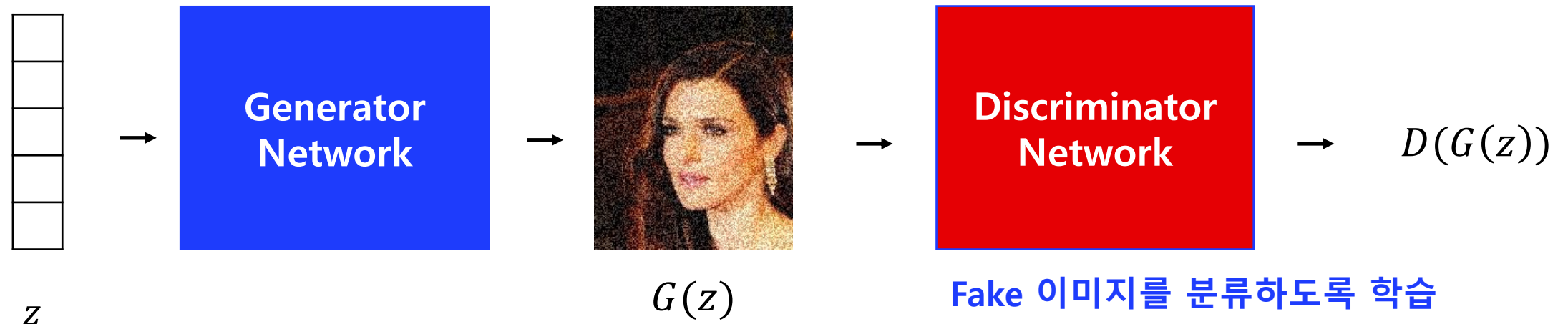
**D(Discriminator)**는 아래 수식이 최소가 되도록 학습한다.

$$\max_G \min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

실제 데이터 분포로부터  $x$ 를 샘플링  
정규 분포로부터 latent code  $z$ 를 샘플링

$D$ 는  $L(D, G)$ 를 최소화해야 함  
 $D(x) = 1$ 일 때 최소가 됨  
 $D(G(z)) = 0$ 일 때 최소가 됨

Negative log likelihood = binary cross entropy



$D(x)$ 는 sigmoid를 사용하여  
0~1사이의 값을 출력

# GAN의 목적 함수

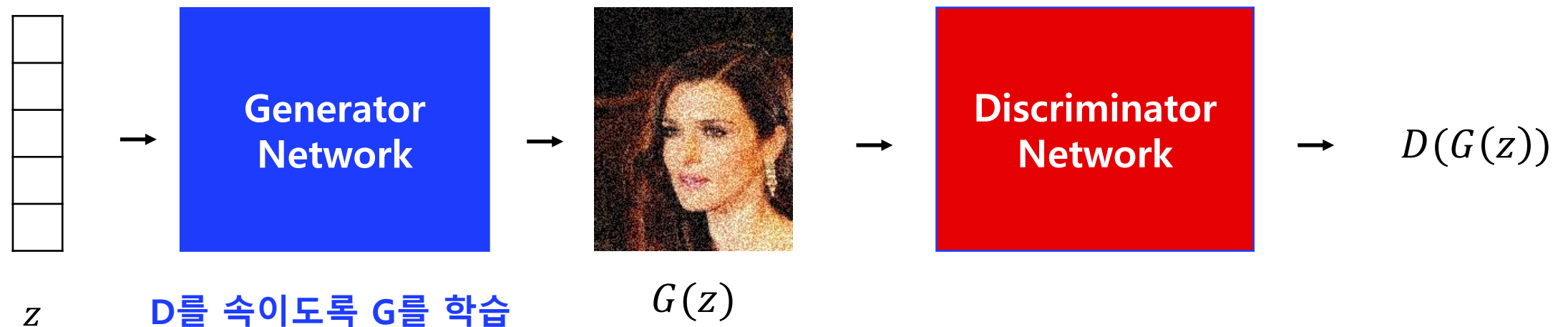
**G(Generator)**는 아래 수식이 최소가 되도록 학습한다.

$$\max_G \min_D L(D, G) = \underbrace{E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)]}_{\text{Generator는 관련이 없는 항}} + \underbrace{E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]}_{\text{정규 분포로부터 latent code } z \text{를 샘플링}}$$

$\nearrow$   $G$ 는  $L(D, G)$ 를 최대화 해야 함

$\nwarrow$   $D(G(z))$ 는 1일때 최대가 됨

Negative log likelihood = binary cross entropy



$D(x)$ 는 sigmoid를 사용하여  
0~1사이의 값을 출력

# Mini-max optimization

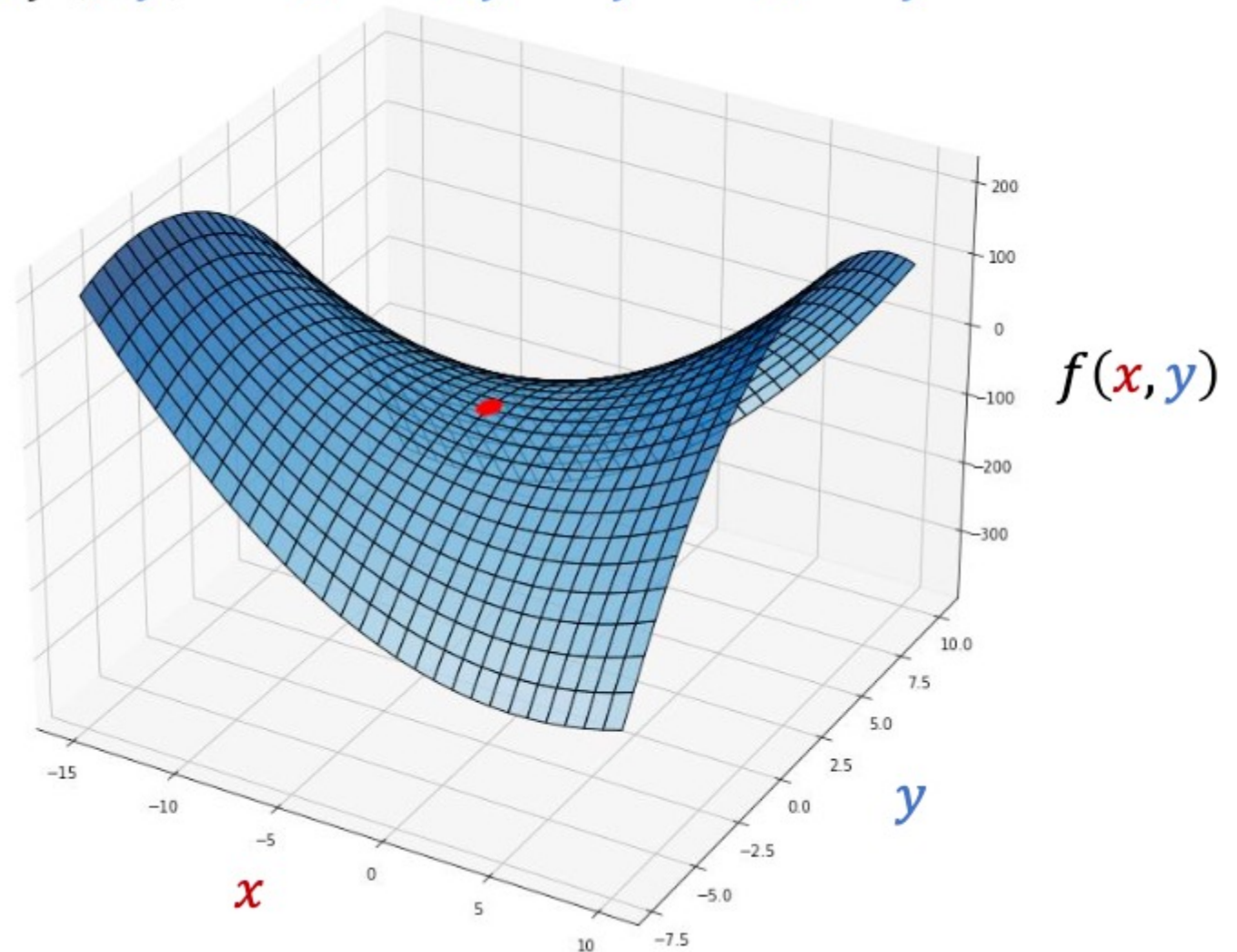
두가지 목적함수로 Generator와 Discriminator를 함께 학습

$$\max_G \min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

Generator의  
목적함수

Discriminator의  
목적함수

$$\min_x \max_y f(x, y) = x^2 + 2xy - 3y^2 + 4x + 5y + 6$$



# Mini-max optimization

$$\min_x \max_y f(x, y) = x^2 + 2xy - 3y^2 + 4x + 5y + 6$$

(랜덤) 초기값 설정:  $x = -1, y = -0.5$

$y = -0.5$  로 고정할 때,  $x$ 만의 함수:

$$f(x, y = -0.5) = x^2 - x - 0.75 + 4x - 2.5 + 6 = x^2 + 3x + 2.75$$

$x = -1$  로 고정할 때,  $y$ 만의 함수:

$$f(x = -1, y) = 1 - 2y - 3y^2 - 4 + 5y + 6 = -3y^2 + 3y + 3$$

$x$  만의 함수에 대해,  $x$  에 대한 편미분을 구하면,

$$\frac{\partial f(x, y = -0.5)}{\partial x} = 2x + 3$$

$y$  만의 함수에 대해,  $y$  에 대한 편미분을 구하면,

$$\frac{\partial f(x = -1, y)}{\partial y} = -6y + 3$$

# Mini-max optimization

$$\frac{\partial f(\mathbf{x}, y = -0.5)}{\partial x} = 2x + 3$$

$$\frac{\partial f(x = -1, \mathbf{y})}{\partial y} = -6y + 3$$

$x$ 는  $f(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 를 최소화하는 방향으로 gradient descent를 수행:

$$x = -1 - \underset{\substack{\uparrow \\ \text{learning rate}}}{0.1} \times \frac{\partial f(\mathbf{x}, y = -0.5)}{\partial x} \bigg|_{x=-1} = -1 - 0.1 \times 1 = -1.1$$

$y$ 는  $f(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 를 최대화하는 방향으로 gradient ascent를 수행:

$$y = -0.5 + \underset{\substack{\uparrow \\ \text{learning rate}}}{0.1} \times \frac{\partial f(x = -1, \mathbf{y})}{\partial y} \bigg|_{y=-0.5} = -0.5 + 0.1 \times 6 = 0.1$$



# Mini-max optimization

$$\max_G \min_D L_{GAN}(D, G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + \mathbb{E}_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

Minimax 목적 함수:

$$\max_G \min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

아래의 두 과정을 번갈아 진행:

1. **Gradient descent** on discriminator

$$\min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

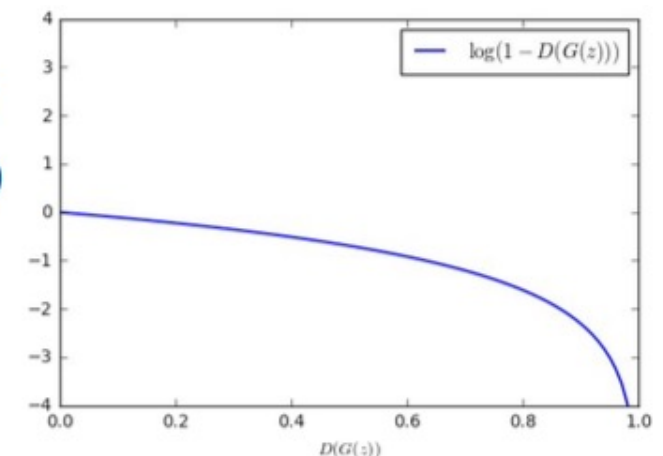
2. **Gradient ascent** on generator

$$\max_G L(D, G) = E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

하지만 실제 상황에서는 이러한 Generator 목적 함수가 잘 학습되지 않음

학습 초반에 기울기가 작다는 것이 가장 큰 문제다.

샘플이 가짜처럼 보일 때,  
이 샘플을 통해 Generator를  
학습하려고 함  
(X 축의 오른쪽으로 옮기려 함)



# Mini-max optimization

Minimax 목적 함수:

$$\max_G \min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

아래의 두 과정을 번갈아 진행:

1. **Gradient descent** on discriminator

$$\min_D L(D, G) = E_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + E_{z \sim p_z(z)} [-\log(1 - D(G(z)))]$$

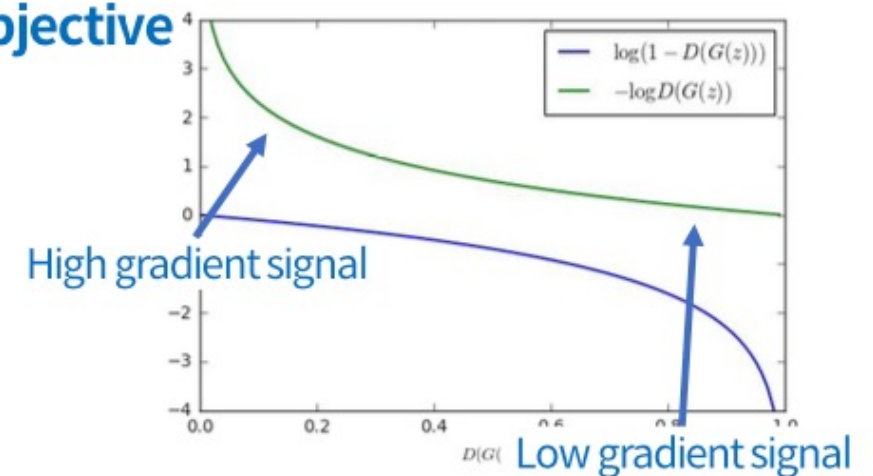
2. **Instead: Gradient descent** on generator using **different objective**

$$\max_G L(D, G) = E_{z \sim p_z(z)} [\log(D(G(z)))]$$

$$\leftrightarrow \min_G L(D, G) = E_{z \sim p_z(z)} [-\log(D(G(z)))]$$

기존과 동일하게 Discriminator를 속이기 위한 목적 함수이지만 가짜 같이 보이는 샘플들에 대한 그라디언트가 커짐.  
그 결과, 실제 학습에서 잘 작동함.

Ian Goodfellow et al., "Generative Adversarial Nets", NeurIPS 2014



Instead : Gradient Descent를 사용하면 Fake이미지일때  
기울기가 크게 나오므로 학습이 원활하게 이루어진다.



# GAN 이미지 생성 모델

- MNIST 데이터 생성
- CIFAR10 데이터 생성

# GAN 특징 정리

- 장점

- ✓ 뛰어난 품질의 데이터 샘플을 생성한다

- 단점

- ✓ 더 까다롭고 안정적이지 못한 학습 과정

- 추가 학습 포인트

- ✓ 더 안정적인 학습과 더 좋은 목적함수(LSGAN, Wasserstein GAN)

- ✓ 다양한 조건을 수용할 수 있는 Conditional GANs 기법

# 실시간 스타일 변환 어플리케이션 개발과정

생성모델II – 학습 안정화 기법

LSGAN



## Least Squares Generative Adversarial Networks

Xudong Mao<sup>1</sup> Qing Li<sup>1</sup> Haoran Xie<sup>2</sup>  
Raymond Y.K. Lau<sup>3</sup> Zhen Wang<sup>4</sup> Stephen Paul Smolley<sup>5</sup>

<sup>1</sup>Department of Computer Science, City University of Hong Kong

<sup>2</sup>Department of Mathematics and Information Technology, The Education University of Hong Kong

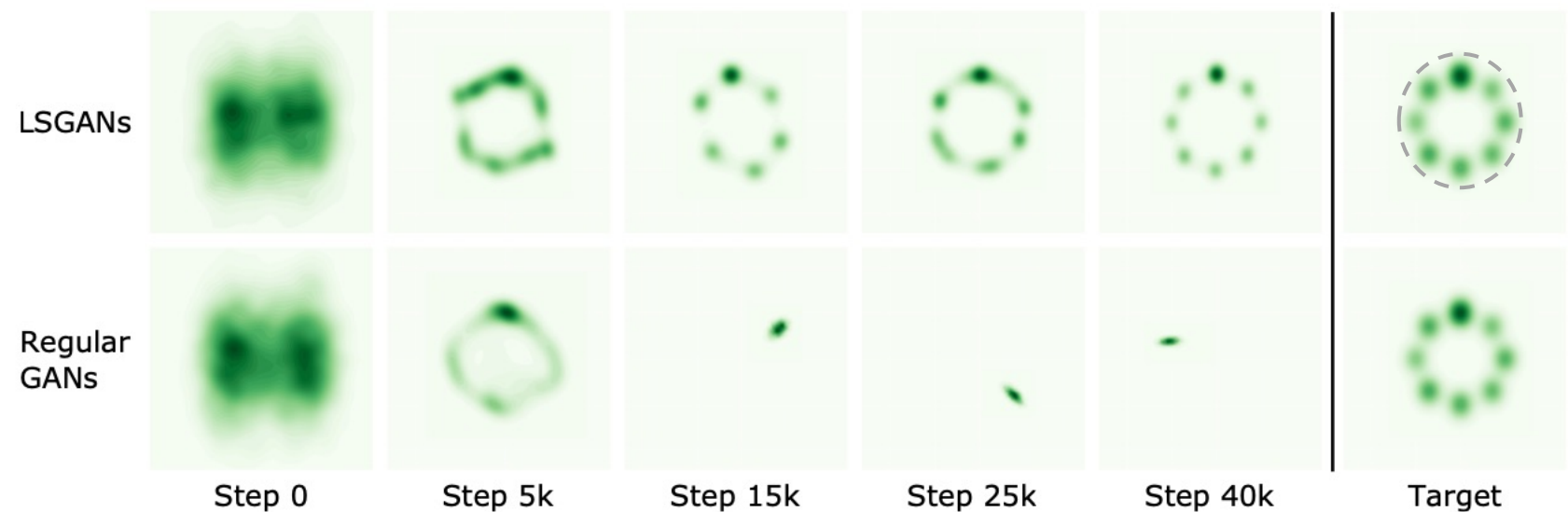
<sup>3</sup>Department of Information Systems, City University of Hong Kong

<sup>4</sup>Center for Optical Imagery Analysis and Learning, Northwestern Polytechnical University

<sup>5</sup>CodeHatch Corp.

xudonmao@gmail.com, itqli@cityu.edu.hk, hrxie2@gmail.com

raylau@cityu.edu.hk, zhenwang0@gmail.com, steve@codehatch.com



LSGAN은 기존의 GAN보다 mode-collapsing 없이 더 안정적으로 학습 가능  
모든 분포의 데이터를 균등하게 안정적으로 학습이 가능하다.



# LSGAN



(a) LSGANs: without BN in  $G$  using Adam.



(b) Regular GANs: without BN in  $G$  using Adam.



(c) LSGANs: without BN in  $G$  and  $D$  using RMSProp.



(d) Regular GANs: without BN in  $G$  and  $D$  using RMSProp.

Figure 6. Comparison experiments by excluding batch normalization (BN).

# LSGAN

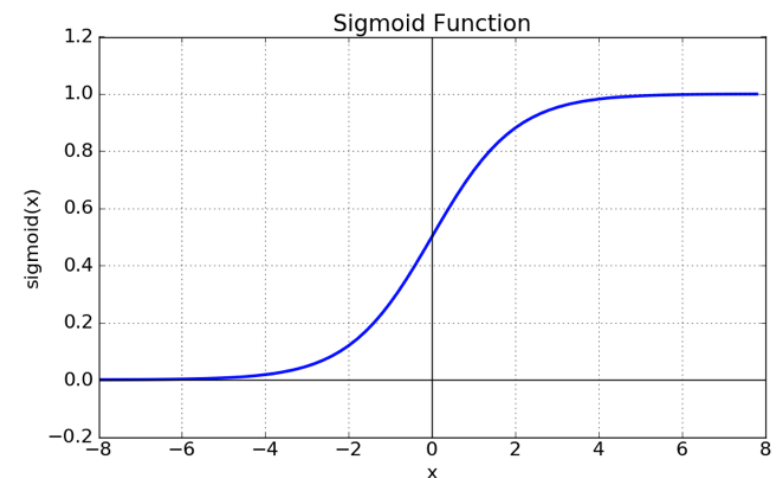
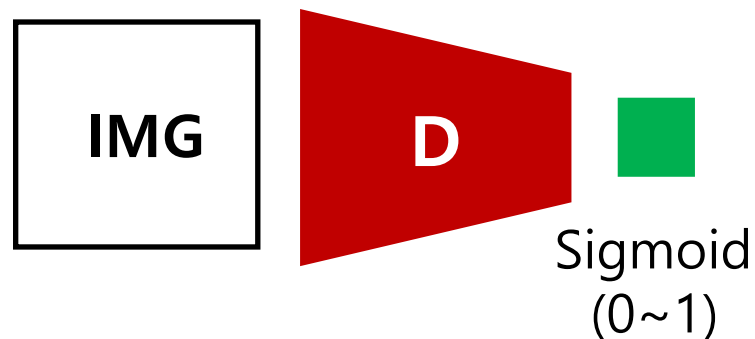
- Least Squares Generative Adversarial Networks(LSGANs)

특징 : Discriminator 학습에 binary cross entropy 대신 **least squares loss**를 사용

- Binary cross entropy loss

$$\max_G \min_D L_{GAN}(D, G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}(x)} [-\log D(x)] + \mathbb{E}_{z \sim p_z(z)} [-\log (1 - D(G(z)))]$$

Vanishing gradients 문제가 발생, 그래디언트 값은 작는데 이미지는 여전히 진짜 이미지 같아 보이지 않는다.



$-\infty$ 에 가까울수록  
*Fake*

$+\infty$ 에 가까울수록  
*Real*

Sigmoid는 양쪽 끝으로 갈수록 기울기가 소실된다.

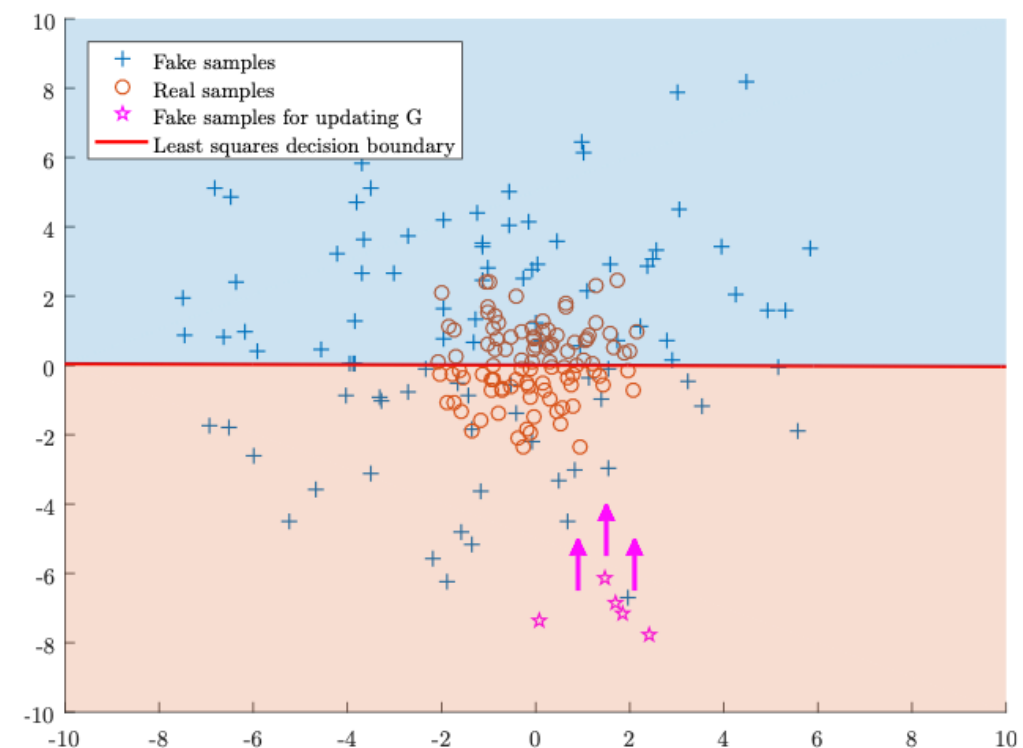
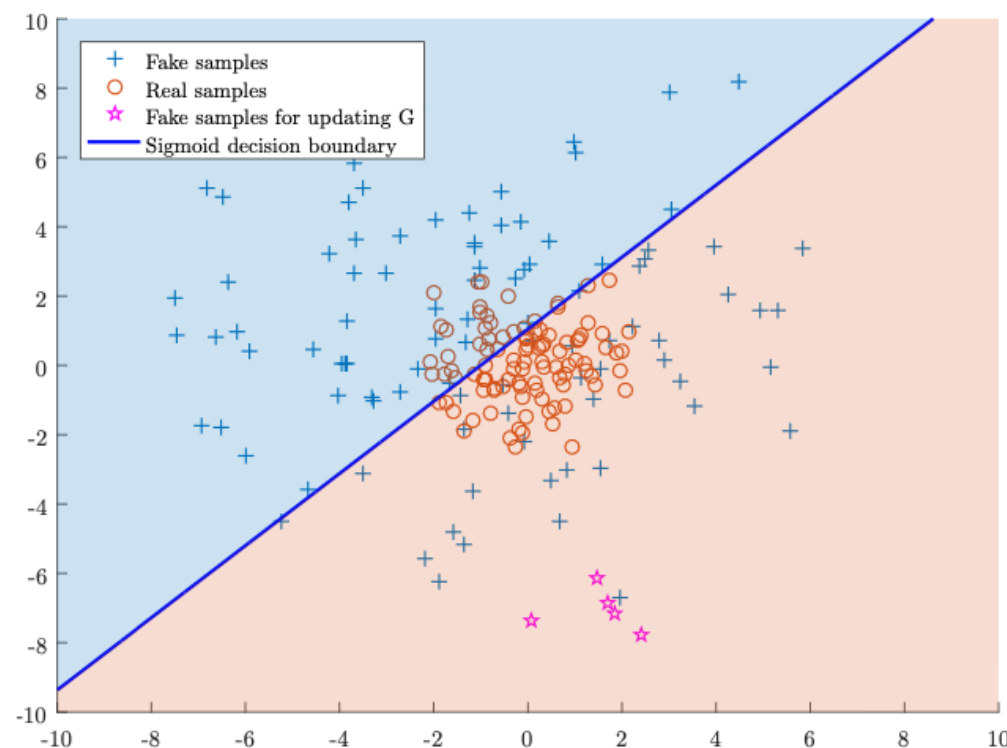
# LSGAN

- Least squares loss

$$\min_D L_{LSGAN}(D) = \frac{1}{2} \mathbb{E}_{x \sim p_{data}(x)} [(D(x) - b)^2] + \frac{1}{2} \mathbb{E}_{z \sim p_z(z)} [-\log(D(G(z) - a)^2)]$$

$$\min_G L_{LSGAN}(G) = \frac{1}{2} \mathbb{E}_{z \sim p_z(z)} [D(G(z) - c)^2]$$

(  $a=0$ ,  $b=1$ ,  $c=1$ )





- Least squares loss

- ✓ 진짜 이미지라고 분류된 Fake 이미지도 Real 이미지와 거리가 멀면 진짜 이미지들과 비슷한 예측 값을 갖도록 학습됨
- ✓ 기존 GAN에 비해 이미지들의 품질이 향상됨
- ✓ Vanishing Gradient 문제를 완화해서 더 안정적으로 학습이 가능

# 인공지능 심화 과정

생성모델II – 학습 안정화 기법  
Wasserstein GAN-GP



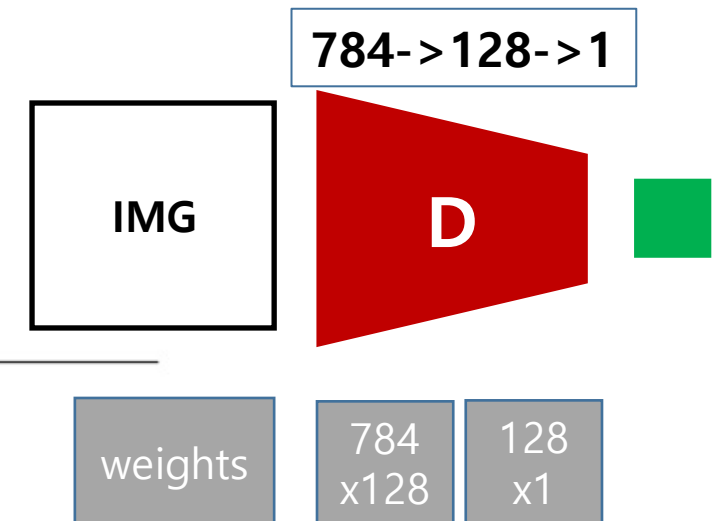
# Wasserstein GAN – GP(Gradient Penalty)

**Algorithm 1** WGAN with gradient penalty. We use default values of  $\lambda = 10$ ,  $n_{\text{critic}} = 5$ ,  $\alpha = 0.0001$ ,  $\beta_1 = 0$ ,  $\beta_2 = 0.9$ .

**Require:** The gradient penalty coefficient  $\lambda$ , the number of critic iterations per generator iteration  $n_{\text{critic}}$ , the batch size  $m$ , Adam hyperparameters  $\alpha, \beta_1, \beta_2$ .

**Require:** initial critic parameters  $w_0$ , initial generator parameters  $\theta_0$ .

```
1: while  $\theta$  has not converged do
2:   for  $t = 1, \dots, n_{\text{critic}}$  do
3:     for  $i = 1, \dots, m$  do
4:       Sample real data  $\mathbf{x} \sim \mathbb{P}_r$ , latent variable  $\mathbf{z} \sim p(\mathbf{z})$ , a random number  $\epsilon \sim U[0, 1]$ .
5:        $\tilde{\mathbf{x}} \leftarrow G_{\theta}(\mathbf{z})$ 
6:        $\hat{\mathbf{x}} \leftarrow \epsilon \mathbf{x} + (1 - \epsilon) \tilde{\mathbf{x}}$ 
7:        $L^{(i)} \leftarrow D_w(\tilde{\mathbf{x}}) - D_w(\mathbf{x}) + \lambda(\|\nabla_{\hat{\mathbf{x}}} D_w(\hat{\mathbf{x}})\|_2 - 1)^2$ 
8:     end for
9:      $w \leftarrow \text{Adam}(\nabla_w \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m L^{(i)}, w, \alpha, \beta_1, \beta_2)$ 
10:  end for
11:  Sample a batch of latent variables  $\{\mathbf{z}^{(i)}\}_{i=1}^m \sim p(\mathbf{z})$ .
12:   $\theta \leftarrow \text{Adam}(\nabla_{\theta} \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m -D_w(G_{\theta}(\mathbf{z}^{(i)})), \theta, \alpha, \beta_1, \beta_2)$ 
13: end while
```



Discriminator의 Loss함수에 규제항을 추가한다.

iteration당 기울기의 변화율에 규제항을 추가하여 안정적으로 학습이 되게 한다.

Pytorch 구현 코드 참조 : <https://github.com/eriklindernoren/PyTorch-GAN>

# GAN의 학습 안정화 기법

- Generator와 Discriminator의 2 player game을 통해 학습하는 GAN 모델은 어느 한 쪽이 과도하게 학습되고 다른 쪽은 전혀 학습이 되지 않아 학습이 불안정해 질 수 있다.
- LSGAN, WGAN-GP와 같이 목적 함수를 새롭게 정의하여 추가적인 안정화를 얻을 수 있다.