АЛКТГ дз 2

Татаринов Георгий

27 ноября 2021 г.

Задание 1

ДНФ: $\overline{x_1}x_2\overline{x_3} \vee \overline{x_1}x_2x_3 \vee x_1\overline{x_2}\overline{x_3} \vee x_1\overline{x_2}x_3$ КНФ: $(x_1 \vee x_2 \vee x_3)(x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3})(\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee x_3)(\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_3})$

Задание 2

 $\neg (1->1) = \neg 1 = 0$ Ответ: да

Задание 3

MAJ(x, y, z) = xy+xz+yz функция симметрична относительно x,y,z MAJ(0,0,0)=0 MAJ(1,0,0)=0 MAJ(1,1,0)=0 MAJ(1,1,1)=0

Задание 4

 $x_1 \lor x_2 \lor ... x_n = x_1 + x_2 + ... + x_n + x_1 x_2 + ... + x_1 x_2 ... x_n$ количество слагаемых - все способы выбрать непустое подмножетсво множества переменных. Ответ: 2^n -1

Задание 5

$$\neg(x \land x) = \neg x$$
$$\neg \neg(x \land y) = x \land y$$
$$\neg(\neg x \land \neg y) = x \lor y$$

Задание 6

1->1=1 $1\lor 1=1$ базис содержится в T_1 Ответ: нет

Задание 7

```
\neg \overline{x} = \overline{\neg x}
\neg MAJ(x_1,x_2,x_3) = MAJ(\neg x_1,\neg x_2,\neg x_3) базис содержится в S
Ответ: нет
```

Задание 8

f - не монотонная -> есть переменная x_i и набор значений a_j из $\{0,1\}$ для остальных переменных, что $f(a_1,a_2,...,a_{i-1},1,...,a_n)=0$ и $f(a_1,a_2,...,0,...,a_n)=1$ тогда $g(x)=f(a_1,a_2,...,a_{i-1},x,...,a_n)$

Задание 9

Представим нашу функцию $f(x_1, x_2, ..., x_n)$ в дизъюнктивной нормальной форме, тогда если в каком-то слагаемом был элемент $\neg x_i$, то в силу монотонности есть слагаемое, где есть элемент x_1 , а остальные множители такие же. Объединим их и избавимся от $\neg x_i$. И так пока не придём к базису.

Задание 10

```
а)  PAR(x_1,x_2,...,x_n) = x_1 + x_2 + ... + x_n  индукция по п база n=1  PAR(x_1) = x_1 \text{ верно}  переход x_{n-1} -> x_n  PAR(x_1,...,x_{n-1},0) = PAR(x_1,...,x_{n-1}) = PAR(x_1,...,x_{n-1}) + 0   PAR(x_1,...,x_{n-1},1) = \neg PAR(x_1,...,x_{n-1}) = PAR(x_1,...,x_{n-1}) + 1  б) при n=1  PAR(x_1) = x_1  при n>1  PAR(1,1,0,...,0) = 0   PAR(1,0,0,...,0) = 1  функция PAR не монотонна -> не представима ввиде ДНФ без отрицаний Ответ: при n=1
```