清 华 大 学

综 合 论 文 训 练

题目：基于压缩感知的频谱感知算法研究

系 别：电子工程系

专 业：电子信息科学与技术

姓 名：沈睿哲

指导教师：王军

2017年5月46日

关于学位论文使用授权的说明

本人完全了解清华大学有关保留、使用学位论文的规定，即：学校有权保留学位论文的复印件，允许该论文被查阅和借阅；学校可以公布该论文的全部或部分内容，可以采用影印、缩印或其他复制手段保存该论文。

**(涉密的学位论文在解密后应遵守此规定)**

签 名： 导师签名： 日 期：

中文摘要

随着无线通信技术的发展及人类对信息量需求的增大，无线通信频谱之稀缺已成一迫在眉睫的问题。然而据通信官方部门譬如FCC亦或Ofcom报道，实际应用中，于同一时间内，有极大部分部分频谱未能得到使用，频谱的实际利用率极低（甚至低至10%）。

在此情况下，认知雷达技术（CR）应运而生，CR通过对频谱进行感知测量，选取空闲信道进行动态访问，以实现频谱的高效率利用。而在对于宽带频谱感知，无损恢复所要求的高奈奎斯特采样率一直受着ADC（Analog Digital Converter）硬件采样率性能瓶颈般缓慢的发展速度牵连与制衡。于是研究者们便萌生将压缩感知的技术利用于频谱感知中的想法，即所谓压缩频谱感知（CSS），该技术通过以低于奈奎斯特采样率对信号进行采样（通常为非线性）获得压缩观测值，再通过相应恢复算法进行处理而获取还原的信号。理论和实践均已证明，若待感知信号在某一正交基域满足稀疏性（实际应用中信号在频域满足稀疏性已是事实，即傅里叶基上的稀疏信号。本文之后所述“稀疏信号”均指此类信号），则通过压缩感知进行信号的压缩感知和恢复，能几近完美的恢复原信号。

本文首先对频谱感知技术进行了理论研究，之后通过matlab进行对800MHZ宽带信号的压缩感知与恢复的仿真。本文通过比较不同种类压缩采样器（亦称AIC，模信转换器）、利用三种类型的恢复算法并对调控参数（如判决阈值）等进行了仿真并且给出了良好的在亚奈奎斯特采样率下的压缩感知恢复结果。通过变动稀疏度、压缩率、信噪比作出了侦测/虚警概率变化趋势图，并且从信号类型、实际需求、复杂度和侦测性能上综合分析，给出了宽带频谱压缩感知对于各种不同恢复算法性能一般性的结论的同时，在IRLS恢复算法上建立高斯噪声模型并通过仿真得到了一个最佳判决门限比，为实际频谱压缩感知提供了帮助。

**关键词**：宽带频谱感知；压缩感知；模信转换器（AIC）；迭代加权最小二乘法；

目 录

[第1章 引言 6](#_Toc4788)

[1.1 课题研究背景 6](#_Toc11631)

[1.2 研究现状概述 7](#_Toc26936)

[1.3 解决的问题及实用价值 8](#_Toc28570)

[第2章 系统原理介绍 9](#_Toc22061)

[2.1压缩感知技术基础 9](#_Toc122)

[2.1.1 信号的稀疏表示 9](#_Toc17909)

[2.1.2 压缩感知应用条件 9](#_Toc19729)

[2.1.3 信号重建与恢复 9](#_Toc778)

[2.2 频谱压缩感知整体模型 9](#_Toc18792)

[2.3 压缩采样器（AIC）的选择——随机解调器 9](#_Toc7903)

[2.3.1 随机解调器标配的信号模型——离散谐波信号 9](#_Toc16497)

[2.3.2 等价的矩阵形式描述 9](#_Toc25287)

[2.3.3 非理想情况的处理 9](#_Toc24529)

[2.4 压缩感知恢复算法 9](#_Toc4355)

[2.4.1 优化法 10](#_Toc18217)

[2.4.2 贪心法 10](#_Toc16240)

[第3章 具体设计与仿真 10](#_Toc24227)

[3.1 信号模型 11](#_Toc8293)

[3.1.1 宽带OFDM信号 11](#_Toc5823)

[3.1.2 可调稀疏度：重建性能-稀疏度关系 11](#_Toc29633)

[3.2 噪声模型 11](#_Toc953)

[3.2.1 信号无噪声直观模型 11](#_Toc26946)

[3.2.2 复数高斯噪声 11](#_Toc6407)

[3.2.3 侦测概率-信噪比曲线 11](#_Toc18061)

[3.3 压缩采样与重建 11](#_Toc11696)

[3.2.1 可调压缩率：重建性能-压缩率关系 11](#_Toc30360)

[3.2.2 能量判决门限：判决门限对侦测/虚警概率的影响，最优经验门限比 11](#_Toc30872)

[第4章 各种压缩感知恢复算法性能比较 11](#_Toc5468)

[4.2.1 性能比较 12](#_Toc27638)

[4.2.2 复杂度比较 12](#_Toc25065)

[4.2.3 收敛性比较 12](#_Toc20864)

[第5章 总结 12](#_Toc4696)

[声 明 15](#_Toc21795)

# 第1章 引言

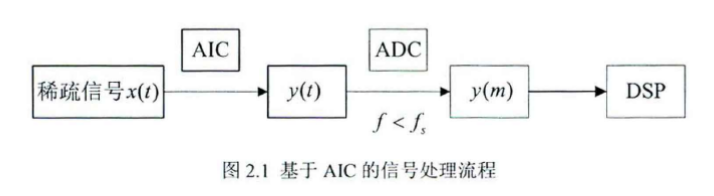
## 1.1 课题研究背景

近年来，随着无线通信的迅速发展、无线频谱资源的稀缺成为了一个紧要的问题。然而根据美国通信委员会（FCC）以及英国通信局（Ofcom）的报道，很大百分比的频谱资源没有被利用（利用率低至10%）。认知雷达（CR）技术应运而生，其通过允许次用户对当前空闲频谱进行访问利用。

在CR技术中，频谱感知技术乃第一步，其通过感测当前频谱中空洞，在不对主用户带来任何干扰干涉情况下用以给次用户访问。

在最近的研究中宽带频谱感知逐渐吸引了研究者的兴趣。一个最直接的感知方法即是通过以奈奎斯特采样率进行采样之后通过插值滤波器/DFT恢复时域/频域信号。而在频谱为宽带情形下最大的问题不在于数字信号处理等数值计算模块，而在于对极高采样率ADC的要求，根据调研，现状是数字信号处理软硬件性能的进步速度都高过ADC采样率性能瓶颈般的提高速度。

于是压缩感知的技术被利用至宽带频谱感知中，用以克服高速ADC代价昂贵的问题。压缩感知本质是通过对信号在一组正交稀疏基上进行投影获取压缩测量量，其数学描述可视作一个观测矩阵与信号矢量的相乘。在一般压缩感知问题中，问题仅仅是观测矩阵的设计（该观测矩阵虚满足正交性、约束等距条件等，通常以随机矩阵实用，会在后文中详尽分析），在矩阵确认之后直接将其与带压缩信息相乘。但在频谱压缩感知中问题并非如此易，因为我们需要在ADC采样之前完成信息的压缩，而不是违背初心：用一个高速ADC采样后再去与观测矩阵相乘——这完全没有减轻ADC的压力。于是AIC（Analog Information Converter）应时而生,其位置处于ADC之前，将信息先通过一类非线性处理之后通过低速ADC采样获得压缩观测值。



通过上图，我等可以理解。故于整个压缩采样过程最精妙之处在于设计合理且巧妙的AIC，即要利用实际可行的硬件对信号进行处理（AIC部分）再通过ADC采样，获得压缩测量量。即是说，要用可行的模拟器件（如乘法器滤波器）加埋低速ADC完成一个等效观测矩阵！

上段所述是关于压缩测量过程，目前对于AIC的设计大致可分为随机调制器和非均匀采样器等类型，关于此器的设计刚处于初级阶段，事实上亦可说对于整个频谱压缩感知实践刚处于初级阶段。就AIC设计而言，目前这需要极之巧妙的设计、高妙的数学分析手段结合可实现的物理器件的条件。本文在之后对于AIC的比较与选取有详尽研究与论述。

除去压缩测量，留低即是压缩恢复过程。关于压缩感知恢复算法已经有较为多的研究，毕竟仅系一纯数学问题。目前常见的几类恢复算法可以分为：贪婪算法，优化算法，混合算法等。其利弊优劣复杂度分析均有在后文中分析、仿真。

在恢复完信号后，我们目的是为了满足认知雷达CR的选取空闲信道的功能，便有一个信道是否空闲的判决过程，本次我们建立的模型采用能量检测法设置阈值进行判决。

## 1.2 研究现状概述

自美籍华人学者陶哲轩（亦是笔者儿时偶像）等人提出压缩感知这一概念来，压缩感知理论研究吸引学术领域关注，而对于频谱压缩感知的实际应用仅处于起步阶段。根据笔者文献调研，本章节主要叙述了几种压缩感知测量与恢复方法的研究现状。

根据上一节，我们知压缩采样部分主要在于实用AIC（Analog Information Converter）的设计，目前常用几类AIC：

1. 非均匀采样器（Nonuniform Sampling）[1]:器如其名，通过对待压缩带限信号进行非均匀采样以获取压缩采样值。其优劣均十分明显，优即实现简单：仅需要控制标准ADC的时钟，无需任何附加硬件。劣即对时钟抖动十分铭感，拥有较低信噪比。
2. 随机解调器（Random Demodulator）[2]：J.A Tropp教授代表之作之一，首次将连续信号用于压缩感知中。随机解调器通过待恢复信号与奈奎斯特频率伪随机信号相乘再按低奈奎斯特频率通过积分器后通过低速ADC采样。其精妙构造使它能完美恢复多谐波稀疏信号；一定程度性能上近似恢复任意实际频域稀疏信号。优点是性能相比于其它AIC（如非均匀采样器）有着较好的SNR性能且稳定性好，劣势在于需要额外硬件支持。目前来说，由于其综合性能与可实现性，这是用得最广泛的一类AIC。
3. 随机卷积器（Random Demodulator）[3]:与随机解调器类似，其区别在于将调制换成卷积，将积分换成滤波，由于性能等各种原因其使用不及RD广泛。
4. 基于多带系统相关等，如并行解调系统、亚线性FFTs，此等在本文中并未涉及，故不作详述。。

几种压缩感知恢复算法：

1. 贪心（追踪）算法[2]:
2. 凸松弛算法

## 1.3 解决的问题及实用价值

本课题基于导师实验室项目中频谱感知算法研究部分，通过调研与仿真、计算选取了当前常用的一种AIC进行压缩采样并使用了三种不同的恢复算法进行信号重构，对比了几种恢复算法的性能、优劣、适定情况。通过以高斯过程建模建立能量判决门限与侦测/虚警概率之间关系，在对理论门限验证后，通过仿真改变门限比率获取恢复性能，得到了基于IRLS（加权最小二乘）恢复算法的最佳门限比的经验值，为之后进一步进行CSS研究提供了理论、经验分析和仿真结果。

# 第2章 系统原理介绍

## 2.1压缩感知技术基础

### 2.1.1 信号的稀疏表示

### 2.1.2 压缩感知应用条件

### 2.1.3 信号重建与恢复

## 2.2 频谱压缩感知整体模型

基于压缩感知的频谱感知模型可以分为以下四步：

1. 主用户接收稀疏信号
2. 主用户获取压缩测量量
3. 次用户信号恢复
4. 次用户判决

下面拟对四个步骤分别进行介绍：

1）

2）

3）

4）

## 2.3 压缩采样器（AIC）的选择——随机解调器

### 2.3.1 随机解调器标配的信号模型——离散谐波信号

如前所述，频谱压缩感知最妙之处在于压缩采样器亦或是AIC的设计，通过前面介绍过的几种AIC的比较。本次我们采用的是随机解调器进行模信转换获取压缩测量量。

### 2.3.2 等价的矩阵形式描述

### 2.3.3 非理想情况的处理

## 2.4 压缩感知恢复算法

### 2.4.1 优化法

最小零范数->松弛为一范数（基本凸优化方法）->松弛为加权二范数（迭代加权最小二乘法）

### 2.4.2 贪心法

Cosamp（压缩采样匹配追踪）

# 第3章 具体设计与仿真

## 3.1 信号模型

### 3.1.1 宽带OFDM信号

800MHZ宽带 OFDM 子载波间隔 0.1MHZ

### 3.1.2 可调稀疏度：重建性能-稀疏度关系

## 3.2 噪声模型

### 3.2.1 信号无噪声直观模型

### 3.2.2 复数高斯噪声

### 3.2.3 侦测概率-信噪比曲线

## 3.3 压缩采样与重建

### 3.2.1 可调压缩率：重建性能-压缩率关系

### 3.2.2 能量判决门限：判决门限对侦测/虚警概率的影响，最优经验门限比

# 各种压缩感知恢复算法性能比较

### 4.2.1 性能比较

### 4.2.2 复杂度比较

### 4.2.3 收敛性比较

# 总结

插图索引

致 谢

此次毕业设计中，我受到了很多老师、同学的帮助，在此我要向他们致以最诚挚的谢意。

Xxxxx

声 明

本人郑重声明：所呈交的学位论文，是本人在导师指导下，独立进行研究工作所取得的成果。尽我所知，除文中已经注明引用的内容外，本学位论文的研究成果不包含任何他人享有著作权的内容。对本论文所涉及的研究工作做出贡献的其他个人和集体，均已在文中以明确方式标明。

签 名：\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 日 期：\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**错误！未找到目录项。**表格索引

参考文献

[1]