

Лабораторная работа № 30-31

«Оценка сложности и оформление алгоритмов сортировки массива»

Цель работы:

изучить оценку сложности и оформление алгоритмов сортировки массива.

Теория

Алгоритм сортировки — это алгоритм для упорядочивания элементов в списке. В случае, когда элемент списка имеет несколько полей, поле, служащее критерием порядка, называется ключом сортировки. На практике в качестве ключа часто выступает число, а в остальных полях хранятся какие-либо данные, никак не влияющие на работу алгоритма.

Оценка алгоритма сортировки

Алгоритмы сортировки оцениваются по скорости выполнения и эффективности использования памяти:

- Время — основной параметр, характеризующий быстродействие алгоритма. Называется также вычислительной сложностью. Для упорядочения важны худшее, среднее и лучшее поведение алгоритма в терминах мощности входного множества A . Если на вход алгоритму подаётся множество A , то обозначим $n = |A|$. Для типичного алгоритма хорошее поведение — это $O(n \log n)$ и плохое поведение — это $O(n^2)$. Идеальное поведение для упорядочения — $O(n)$. Алгоритмы сортировки, использующие только абстрактную операцию сравнения ключей всегда нуждаются по меньшей мере в сравнениях. Тем не менее, существует алгоритм сортировки Хана (Yijie Han) с вычислительной сложностью $O(n \log \log n \log \log \log n)$, использующий тот факт, что пространство ключей ограничено (он чрезвычайно сложен, а за O -обозначением скрывается весьма большой коэффициент, что делает невозможным его применение в повседневной практике). Также существует понятие сортирующих сетей. Предполагая, что можно одновременно (например, при параллельном вычислении) проводить несколько сравнений, можно отсортировать n чисел за $O(\log^2 n)$ операций. При этом число n должно быть заранее известно;
- Память — ряд алгоритмов требует выделения дополнительной памяти под временное хранение данных. Как правило, эти алгоритмы требуют $O(\log n)$ памяти. При оценке не учитывается место, которое занимает исходный массив и независимые от входной последовательности затраты, например, на хранение кода программы (так как всё это

потребляет $O(1)$). Алгоритмы сортировки, не потребляющие дополнительной памяти, относят к сортировкам на месте.

Пример: простейшая программа сортировки массива.

Создадим новое консольное приложение. И изменим код файла Program.cs на следующий:

```
using System;
namespace SortApp
{
    class Program
    {
        static void Main(string[] args)
        {
            // ввод чисел
            int[] nums = new int[7];
            Console.WriteLine("Введите семь чисел");
            for (int i = 0; i < nums.Length; i++)
            {
                Console.Write("{0}-е число: ", i + 1);
                nums[i] = Int32.Parse(Console.ReadLine());
            }
            // сортировка
            int temp;
            for (int i = 0; i < nums.Length-1; i++)
            {
                for (int j = i + 1; j < nums.Length; j++)
                {
                    if (nums[i] > nums[j])
                    {
                        temp = nums[i];
                        nums[i] = nums[j];
                        nums[j] = temp;
                    }
                }
            }
            // вывод
            Console.WriteLine("Вывод отсортированного массива");
            for (int i = 0; i < nums.Length; i++)
            {
                Console.WriteLine(nums[i]);
            }
            Console.ReadLine();
        }
    }
}
```

Вся программа условно поделена на три блока: ввод чисел, сортировку и вывод отсортированного массива. Здесь используются все те же конструкции, что были

рассмотрены ранее. Сначала в цикле мы вводим все числа для массива. Так как метод `Console.ReadLine()` возвращает вводимую строку, а нам нужны числа, поэтому мы эту строку переводим в число с помощью метода `Int32.Parse(Console.ReadLine())`.

Затем сортируем: выполняем проходы по массиву и сравниваем элементы. Если элемент с меньшим индексом больше элемента с большим индексом, то меняем элементы местами.

В конце выводим все элементы.

Ход работы:

1. Написать программу, которая сортирует массив по возрастанию.
2. Написать программу, которая сортирует массив по убыванию

```

    }
    catch
    {
        Console.WriteLine("\nВведите корректное значение\n");
    }
}

int[] sortArr(int[] arr, bool increase)
{
    Array.Sort(arr);
    if (!increase) Array.Reverse(arr);
    showArr(arr);
    return arr;
}

int[] createArr()
{
    Random rnd = new Random();

    Console.Write("\nВведите кол-во элементов массива ");
    Console.Write("> ");
    int[] array = new int[Convert.ToInt32(Console.ReadLine())];

    for (int i = 0; i < array.Length; i++)
    {
        array[i] = rnd.Next(-10, 10);
    }

    showArr(array);

    return array;
}

void showArr(int[] arr)
{
    for (int i = 0; i < arr.Length; i++)
    {
        Console.Write(arr[i] + " ");
    }
}

while (true)
{
    onChoice();
}
}

```

```
Введите кол-во элементов массива > 5
4 9 -5 2 9
Выберите действие:
0: Сортировка по возрастанию
1: Сортировка по убыванию
2: выход
> 1
9 9 4 2 -5
Введите кол-во элементов массива > 6
-3 -6 -6 4 7 1
Выберите действие:
0: Сортировка по возрастанию
1: Сортировка по убыванию
2: выход
> 0
-6 -6 -3 1 4 7
Введите кол-во элементов массива >
```

Контрольные вопросы:

1. Что такое алгоритм сортировки?

Алгоритм сортировки — это алгоритм для упорядочивания элементов в списке. В случае, когда элемент списка имеет несколько полей, поле, служащее критерием порядка, называется ключом сортировки. На практике в качестве ключа часто выступает число, а в остальных полях хранятся какие-либо данные, никак не влияющие на работу алгоритма.

2. Какие оценки алгоритма сортировки вы знаете?

- Время - основной параметр, характеризующий быстродействие алгоритма.
- Память - ряд алгоритмов требует выделения дополнительной памяти под временное хранение данных.

3. Какие алгоритмы сортировки относят к алгоритмам сортировок на месте?

Алгоритмы сортировки, не потребляющие дополнительной памяти, относят к сортировкам на месте.