# 2019 年上半年中小学教师资格考试 数学学科知识与教学能力试题(初级中学)

#### 注意事项:

- 1.考试时间为120分钟,满分为150分。
- 2.请按规定在答题卡上填涂、作答。在试卷上作答无效,不予评分。
- 一、单项选择题(本大题共8小题,每小题5分,共40分)

在每小题列出的四个备选项中只有一个是符合题目要求的,请用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案字母按要求涂黑。错选、多选或未选均无分。

1.下列选项中,运算结果一定是无理数的是()。

A.有理数与无理数的和

B.有理数与有理数的差

C.无理数与无理数的和

D.无理数与无理数的差



初插讲自

2.在空间直角坐标系中,由参数方程  $y=a\sin^2t$ ,  $(0 \le t \le 2\pi)$ 所确定的曲线的一般方程是( )  $z=a\sin 2t$ 

A. 
$$\begin{cases} x+y=a, \\ z^2=2xy \end{cases}$$

B. 
$$\begin{cases} x + y = a, \\ z^2 = 4xy \end{cases}$$

 $x=a\cos^2 t$ .





视频讲

 $x=p\cos\theta\cos\varphi$ , 3. 已知空间直角坐标与球坐标的变换公式为  $y=p\cos\theta\sin\varphi$ ,  $(\rho \ge 0, -\pi < \varphi \le \pi, -\frac{\pi}{2} \le \theta \le z=\rho\sin\theta$ 

 $(\frac{\pi}{2})$ , 则在球坐标系中,  $\theta = \frac{\pi}{3}$  表示的图形是()

A.柱面

B.圆面

C.半平面

D.半锥面



视频讲角

4.设A为n阶方阵,B是A经过若干次初等行变换得到的矩阵,则下列结论正确的是( )。

A. |A| = |B|

 $B.|A| \neq |B|$ 

C. 若 |A| = 0, 则一定有 |B| = 0

D.若 |A| >0,则一定有 |B| >0



5.已知 $f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{(2n-1)!} (\pi x)^{2n-1}, 则 f(1) = ($  ) o

A.-1

B.0

C.1

 $D.\pi$ 



视频讲解

6.若矩阵 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ x & 4 & y \\ -3 & -3 & 5 \end{pmatrix}$$
有三个线性无关的特征向量, $\lambda = 2$  是  $A$  的二重特征根,则( )。

A.x = -2, y = 2

B.x=1, y=-1

C.x=2, y=-2

D.x = -1, y = 1



7.下列描述为演绎推理的是(

- A.从一般到特殊的推理
- B.从特殊到一般的推理
- C.通过实验验证结论的推理
- D.通过观察猜想得到结论的推理
- 8.《义务教育数学课程标准(2011年版)》从四个方面阐述了课程目标,这四个目标是(
- A.知识技能、数学思考、问题解决、情感态度
- B.基础知识、基本技能、问题解决、情感态度
- C.基础知识、基本技能、数学思考、情感态度
- D.知识技能、问题解决、数学创新、情感态度



## 二、简答题(本大题共5小题,每小题7分,共35分)

9.一次实践活动中,某班甲、乙两个小组各 20 名同学在综合实践基地脱玉米粒,一天内每 人完成脱粒数量(千克)的数据如下:

甲组:57,59,63,63,64,71,71,71,72,75

75,78,79,82,83,83,85,86,86,89

乙组:50,53,57,62,62,63,65,65,67,68

69,73,76,77,78,85,85,88,94,96

#### 问题.

- (1)分别计算甲、乙两组同学脱粒数量(千克)的中位数;(2分)
- (2)比照甲、乙两组数据,请你给出2种信息,并说明实际意义。(5分)



10.试判断过点  $P_1(2,0,1)$ ,  $P_2(4,3,2)$ ,  $P_3(-2,1,1)$ 的平面  $\pi$  与平面  $\frac{1}{2}x+2y-7z+3=0$  的位置 关系,并写出一个与平面 π 垂直的平面方程。

11.已知方程  $x^5+5x^4+5x^3-5x^2-6x=0$  的两个实数解为 1 与-2,试求该方程的全部实数解。



12.用统计方法解决实际问题的过程,主要包括哪些步骤?



13.评价学生的数学学习应采用多样化的方式,请例举四种不同类型的评价方式。



### 三、解答题(本大题 1 小题,10 分)

14.设  $\mathbb{R}^2$  为二维欧氏平面,F 是  $\mathbb{R}^2$  到  $\mathbb{R}^2$  的映射,如果存在一个实数  $\rho$ ,0< $\rho$ <1,使得对于任意的  $P,Q \in \mathbb{R}^2$ ,有  $d(F(P),F(Q)) \leq \rho d(P,Q)$ (其中 d(P,Q)表示 P,Q 两点间的距离),则称 F 是压缩映射。

设映射  $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ .

$$T((x,y))=(\frac{1}{2}x,\frac{1}{3}y), \forall (x,y) \in \mathbb{R}^2$$

- (1)证明:映射 T 是压缩映射;(4 分)
- (2)设 $P_0=P_0(x_0,y_0)$ 为 $\mathbf{R}^2$ 中任意一点,令 $P_n=T(P_{n-1})$ , $n=1,2,3,\cdots$ ,求 $\lim_{n\to\infty}P_n$ 。(6分)



# 四、论述题(本大题 1 小题,15 分)

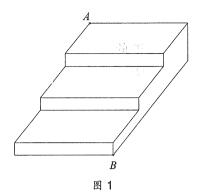
15.函数是中学数学课程的主线,请结合实例谈谈如何用函数的观点来认识中学数学课程中的方程、不等式、数列等内容。

视频讲解

#### 五、案例分析题(本大题1小题,20分)阅读案例,并回答问题。

16.案例:

甲、乙两位数学教师均选用如下素材组织了探究活动,如图 1 所示,这是一个三级台阶,它的每一级的长、宽、高分别为 50 cm, 25 cm 和 15 cm。 A 和 B 是这个台阶的两个相对端点, B 点上有一只蚂蚁,想到 A 点去吃食物。请你想一想,这只蚂蚁从 B 点出发,沿着台阶面爬到 A 点,最短路线是什么?



两位教师的教学过程如下:

甲教师:用大屏幕展示问题情境,组织小组讨论,学生开始读题,教师巡视过程中看到有的 同学把台阶画出来,与教学预设不符,立即中止了大家讨论,指着题目说:"同学们请注意读题, 是'沿着台阶面',你们把这张图画出来有什么用?"

在接下来的讨论中,教师又遇到新情况,有的学生画展开图,却把尺寸弄错了,于是教师 终止思考。

乙教师:展示情境,将问题进行分析,出示了一张台阶模样的纸片,边说边将纸片拉直,如 图 2 所示,然后让大家研究。很快,有同学说出答案,教师解释了下,同学们都明白了。



甲、乙教师课后交流:两个教师在教学中均有探究。

问题:

- (1)《义务教育数学课程标准(2011年版)》指出,"有效的数学活动是教师教与学生学的统 一", 教师应成为学生学习活动的组织者、引导者、合作者。请说明两位教师的教学是否符合要 求。(6分)
  - (2)两位教师组织的探究活动各自存在什么问题,请简要说明并简述理由。(6分)
  - (3)组织数学探究活动,需要注意哪些事项?请说明。(8分)



#### 六、教学设计题(本大题 1 小题,30 分)

- 17.《义务教育数学课程标准(2011年版)》附录中给出了两个例子:
- 例 1.计算 15×15,25×25,…,95×95,并探索规律。
- 例 2.证明例 1 所发现的规律。

很明显例 1 计算所得到的乘积是一个三位数或者四位数,其中后两位数为 25.而百位和 干位上的数字存在这样的规律:1×2=2,2×3=6,3×4=12,...,这是"发现问题"的过程,在发现问 题的基础上,需要尝试用语言符号表达规律,实现"提出问题",进一步实现"分析问题"和"解 决问题"。

请根据上述内容,完成下列任务:

- (1)分别设计例 1、例 2 的教学目标;(8 分)
- (2)设计"提出问题"的主要教学过程:(8分)
- (3)设计"分析问题"和"解决问题"的主要教学过程;(7分)
- (4)设计"推广例1所探究的规律"的主要教学过程。(7分)

