任意 mod での二項係数列挙

二項係数 ${}_NC_i \mod M$; $(0 \le i \le N)$ を列挙する. M は合成数でもよい.

ArbitaryModBinom1

概要:素因数分解形で値を持ち,セグ木で積を復元する.

計算量: $O(N(\log N)(\log \log N))$

ArbitaryModBinom2

概要:Mと素因数を共有する部分のみ素因数分解形で持ち,他は逆元を用いて計算する.

計算量: $O\left(\frac{N\log M}{\log\log M}\right)$

ArbitaryModBinom3

概要: ArbitaryModBinom2 において素因数分解形の部分の積をセグ木で管理するようにする.

計算量: $O(N(\log \log M)(\log \log \log M))$

(参考) パフォーマンス比較

右 3 列は順に ArbitaryModBinom1, ArbitaryModBinom2, ArbitaryModBinom3 の実行時間 (単位は ms). 一度きりの計測値なので、あくまで参考程度にして下さい.

N	M	1	2	3
10^4	10^{0}	24	13	4
10^4	10^1	6	12	18
10^4	10^2	4	4	4
10^4	10^{3}	4	5	3
10^4	10^4	5	2	3
10^4	10^5	5	2	2
10^4	10^6	5	2	1
10^4	10^{7}	4	2	1
10^4	10^{8}	4	2	1
10^4	10^{9}	5	2	2
10^4	2	3	1	1
10^{4}	$2\cdot 3$	4	2	2
	·			

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	N	M	1	2	3
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^4	$2\cdot 3\cdot 5$	4	2	1
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{10^4}$	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7$	5	2	3
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{10^4}$	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11$	4	2	2
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{4}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13$	5	3	3
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^4	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13\cdot 17$	4	2	2
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^4	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19$	4	3	2
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^4	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 23$	4	3	2
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{0}	41	1	0
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{1}	35	10	14
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{2}	40	9	16
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{3}	39	9	19
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{4}	37	12	19
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^5	44	12	20
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{6}	43	9	11
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{7}	39	10	11
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	10^{8}	38	10	12
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^5	10^{9}	47	11	14
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	2	41	6	10
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3$	36	9	12
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3\cdot 5$	40	10	15
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7$	38	15	16
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11$	36	11	16
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13$	36	13	17
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13\cdot 17$	37	13	19
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10^{5}	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19$	36	14	20
10^6 10^1 473 71 72 10^6 10^2 445 65 70	10^5	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 23$	40	16	16
10^6 10^2 445 65 70	10^{6}	10^{0}	550	1	1
	10^{6}	10^{1}	473	71	72
$10^6 10^3 428 64 62$	10^6	10^{2}	445	65	70
	10^6	10^{3}	428	64	62

N	M	1	2	3
10^{6}	10^4	420	68	72
10^{6}	10^5	433	69	72
10^{6}	10^{6}	464	73	68
10^{6}	10^{7}	427	67	77
10^{6}	10^{8}	417	79	69
10^{6}	10^{9}	418	84	65
10^{6}	2	422	49	55
10^{6}	$2\cdot 3$	410	70	62
10^{6}	$2\cdot 3\cdot 5$	420	81	80
10^{6}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7$	409	94	93
10^{6}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11$	448	110	102
10^{6}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13$	403	108	109
10^{6}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13\cdot 17$	436	118	115
10^{6}	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19$	412	127	112
10^{6}	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 23$	435	120	128
10^{7}	10^{0}	5297	11	10
10^7	10^{1}	5437	610	594
10^{7}	10^{2}	5472	547	573
10^{7}	10^{3}	5475	588	566
10^{7}	10^4	5453	590	629
10^{7}	10^5	5441	786	758
10^{7}	10^6	5449	639	631
10^{7}	10^7	5972	648	624
10^{7}	10^{8}	5667	643	657
10^{7}	10^{9}	5465	648	646
10^{7}	2	5481	446	454
10^{7}	$2\cdot 3$	5622	568	567
10^{7}	$2\cdot 3\cdot 5$	5932	721	740
10^{7}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7$	5459	895	870
10^{7}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11$	5466	978	983

N	M	1	2	3
10^{7}	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13$	5492	1026	1033
10^7	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13\cdot 17$	5482	1110	1125
10^7	$2\cdot 3\cdot 5\cdot 7\cdot 11\cdot 13\cdot 17\cdot 19$	5457	1191	1144
$\frac{10^{7}}{10^{7}}$	$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 23$	5490	1229	1262