创建时间: 2019/8/10 16:29 **更新时间:** 2019/8/11 11:18

作者: Min Xia

URL: https://katex.org/docs/supported.html

仿射变换通过原图和变换后图的各四个点,变换后组成一个3 * 3 的矩阵,这个矩阵是啥,为啥需要8个点

https://scm_mos.gitlab.io/vision/homography-matrix/ 参考链接

https://blog.csdn.net/liubing8609/article/details/85340015 单应矩阵求解

M_warp = cv2.getPerspectiveTransform(pts1, pts2) #pts1, pts2分别是来自原图和变换后图的四个点

$$\begin{pmatrix}
x_2 \\
y_2 \\
z_2
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
H_{11} & H_{12} & H_{13} \\
H_{21} & H_{22} & H_{23} \\
H_{31} & H_{32} & H_{33}
\end{pmatrix} * \begin{pmatrix}
x_1 \\
y_1 \\
z_1
\end{pmatrix}$$

--> 设 z1 = 1 x 2的导数 = x 2/z 2 y 2的导数 = y 2/z 2

$$x2 = H11 * X1 + H12 * Y2 + H13z1$$

 $y2 = H21 * X1 + H22 * Y2 + H23z1$
 $z2 = H31 * X1 + H32 * Y2 + H33z1$

-->变换后

x2 (H31x1+H32y1+H33) =H11x1+H12y1+H13 y2 (H31x1+H32y1+H33) =H21x1+H22y1+H23

-->a x * H = 0

x2 (H31x1+H32y1+H33) -H11x1+H12y1+H13=0 y2 (H31x1+H32y1+H33) -H21x1+H22y1+H23=0

-->将上面的等式改写为向量积的形式, 令h= (H11,H12,H13,H21,H22,H23,H31,H32,1)Th= (H11,H12,H13,H21,H22,H23,H31,H32,1)T, 单应矩阵HH是一个齐次矩阵,可以将其最后一个元素归一化为1。则上面两个式子可以改写为

$$a_{x}*h=0$$
 $a_{y}*h=0$
 $a_{x}*h=0$
 a_{x

• tips:x_2 和 x_1 的关系 可以通过上面的每一次变换后表达。y_2同理, 下图是用x_1'代表 x 2.

Robert Collins
CSE 486, Penn State
Algebraic Distance, h₃₃=1 (cont)

Tips:

- 齐次坐标:一幅2D图像上的非齐次坐标为(x,y),而齐次坐标为(x,y,1),也可以写成 (x/z,y/z,1)或(x,y,z)。齐次坐标有很多好处,比如可以很清楚的确定一个点在不在直线 上:
- 射影变换也叫"单应"--Homography, "Homo"前缀就是same的意思,表示"同",homography就是用同一个源产生的graphy,中文译过来大概就是"单应"。
- 单应矩阵的求解过程, cv2.getPerspectiveTransform(pts1, pts2)