Lecture #7. 직선 이동

2D 게임 프로그래밍

이대현 교수



학습 내용

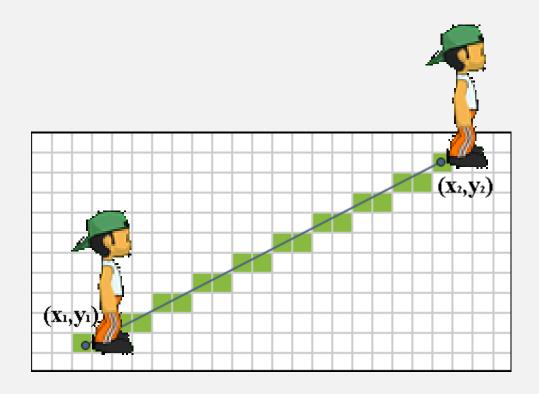
■ 직선 방정식을 이용한 직선 이동

■ Parametric Representaion을 이용한 직선 이동

List Comprehension

소년을 (x1,y1)에서 (x2,y2)까지 이동시키기

- 엄밀히 하려면, 물리 공식을 이용해야 한다. 즉, 속도와 시간을 이용해서 계산.
 - \Box s = s0 + v*t
 - □ 나중에 "시간 " 주제 강의 때, 정확히 다룰 예정
- 일단 여기서는, 선분을 그리는 방법을 이용해서 해본다.
 - □ 정확히 말하면, 선분 상에 점(캐릭터의 이동 위치)을 찍어보자.
 - □ 선분을 정확히 그리려면, bresenhem algorithm을 이용해야 한다.



Bresenhem Line Algorithm

- "컴퓨터 화면 상에 직선(선분)을 그리는 알고리즘.
- 덧셈과 뺄셈만을 이용함으로써, 고속으로 직선을 그릴 수 있음.

The Bresenham Line Algorithm

BRESENHAM'S LINE DRAWING ALGORITHM (for |m| < 1.0)

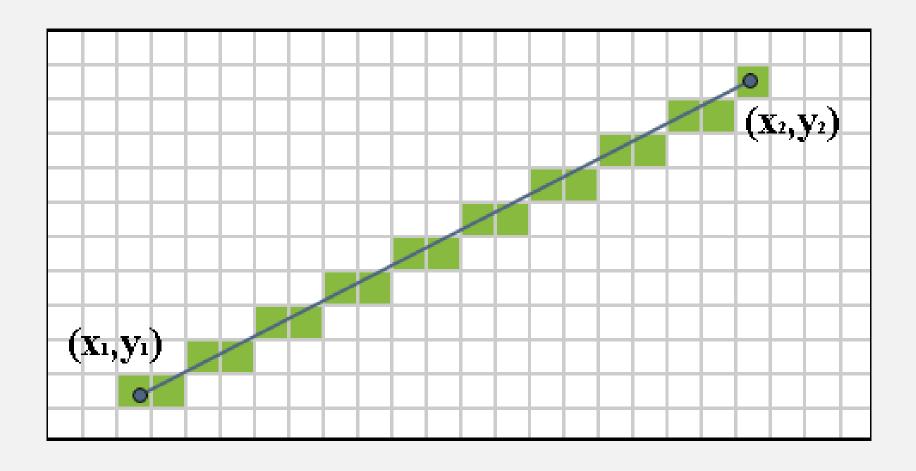
- 1. Input the two line end-points, storing the left end-point in (x_0, y_0)
- 2. Plot the point (x_0, y_0)
- 3. Calculate the constants Δx , Δy , $2\Delta y$, and $(2\Delta y 2\Delta x)$ and get the first value for the decision parameter as:

$$p_0 = 2\Delta y - \Delta x$$

4. At each x_k along the line, starting at k = 0, perform the following test. If $p_k < 0$, the next point to plot is (x_k+1, y_k) and:

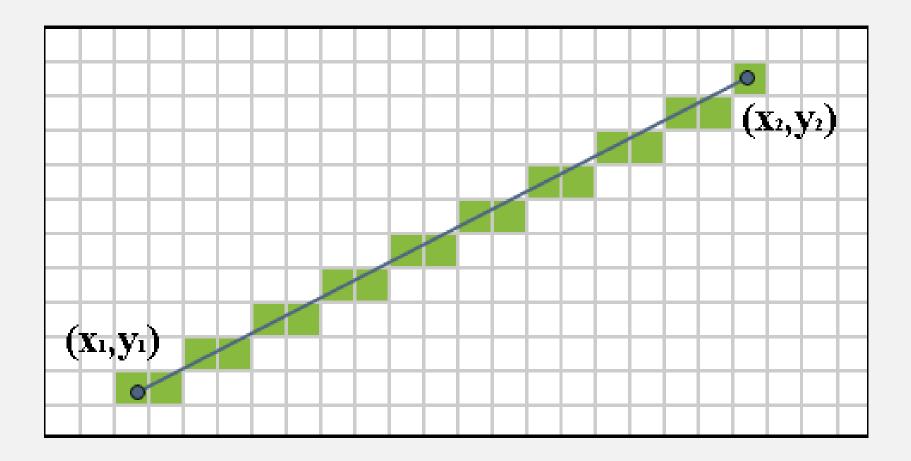
$$p_{k+1} = p_k + 2\Delta y$$

(x1,y1)에서 (x2,y2)까지의 선분 상에 어떻게 점을 찍을까?



무식한 방법?

- 선분 상의 <mark>점들의 리스트</mark>를 작성
 - □ [(2,1), (3,1), (4,2),(5,2), -----, (20, 10)]
 - □ 무식하지만? 장점도 있다? 뭘까?



(x1,y1)에서 (x2,y2)까지의 선분 상에 점 찍기

- 직선의 방정식을 구한다.
 - \Box y = ax + b
 - \Box a = (y2-y1)/(x2-x1)
 - □ b = y1 x1 * a
- ■x를 x1부터 x2까지 (일정간격) 변화시켜가면서, y 값을 계산한다.

```
a = (y2-y1)/(x2-x1)
b = y1 - x1 * a

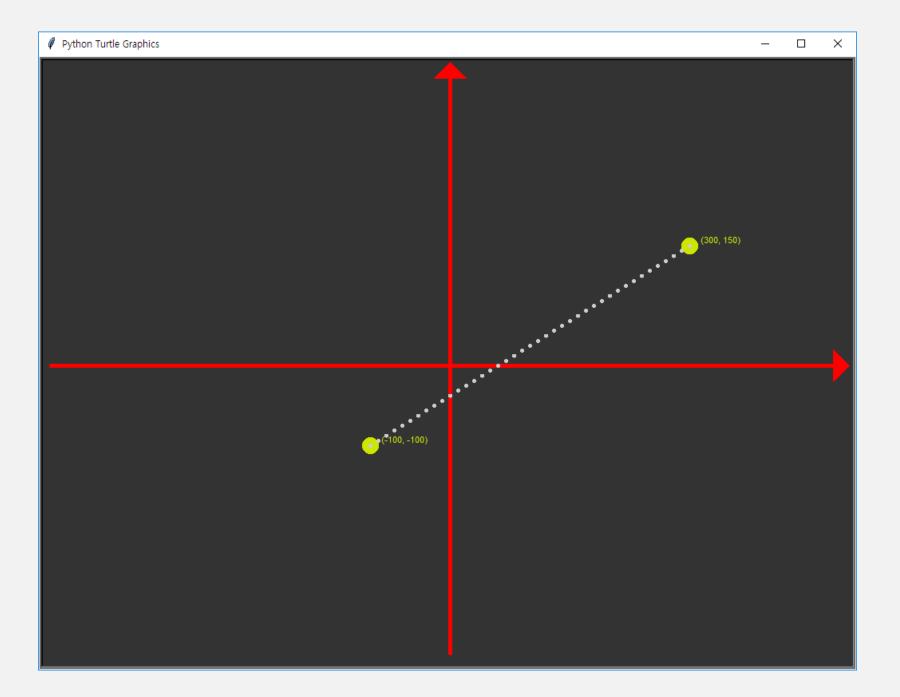
for x in range(x1, x2 + 1, 10):
    y = a * x + b
```

line.py

```
def draw_line_basic(p1, p2):
    draw_big_point(p1)
    draw big point(p2)
    x1, y1 = p1[0], p1[1]
    x2, y2 = p2[0], p2[1]
    a = (y2-y1)/(x2-x1)
    b = y1 - x1 * a
    for x in range(x1, x2 + 1, 10):
        y = a * x + b
        draw_point((x, y))
    draw point(p2)
```



```
prepare_turtle_canvas()
draw_line_basic((-100,-100),(300,150))
turtle.done()
```

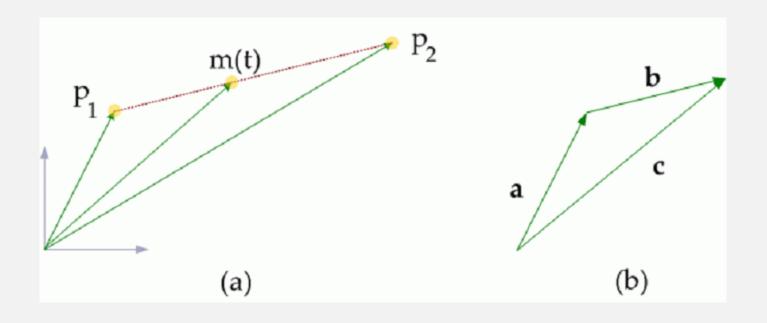


문제점?

y축과 평행인 직선(x=c)을 그릴 수 없음.

■ 해결책은?

Parametric Representation of Lines

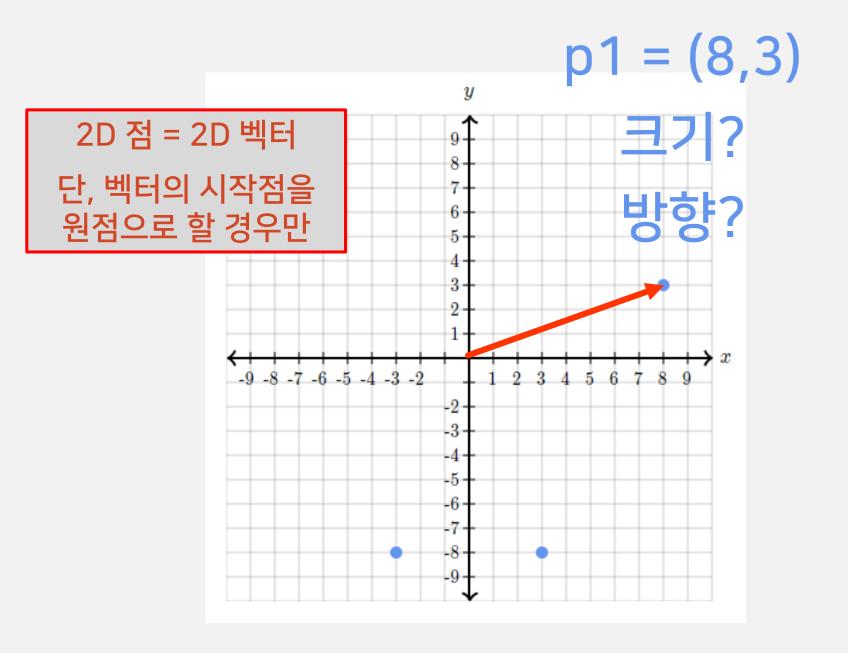


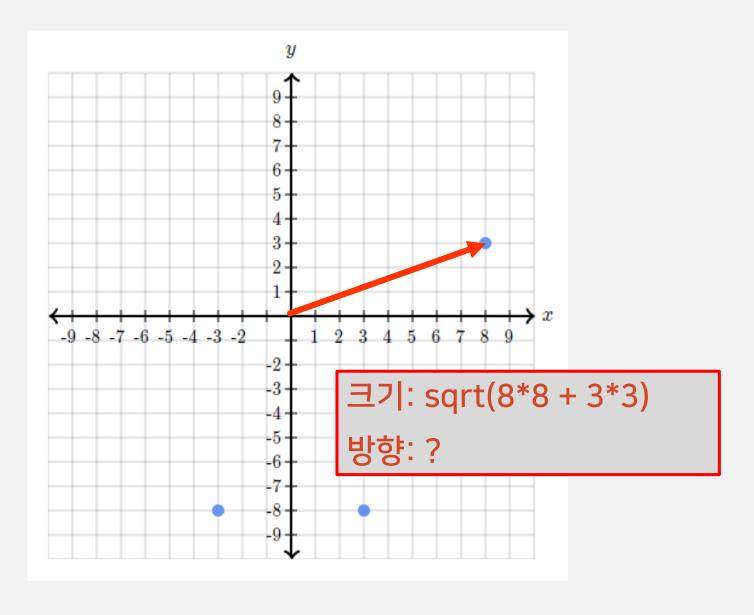
$$m(t) \ = \ p_1 \ + \ t \ (p_2 \ - \ p_1) \ = \ (1 \ - \ t) \quad p_1 \ + \ t \ p_2 \quad (0 \ \le \ t \ \le \ 1)$$

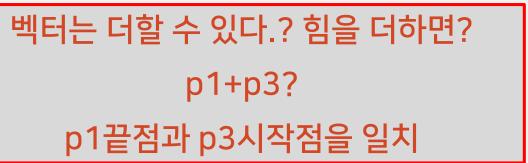
$$m(t) = p_1$$
, at $t = 0$
= p_2 , at $t = 1$

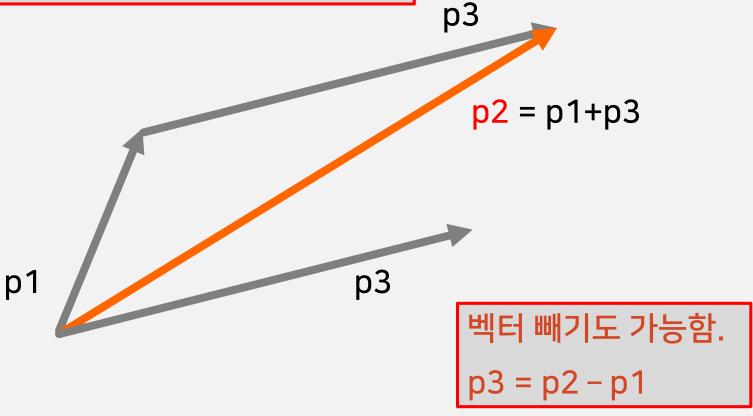
벡터

크기와 방향을 갖는 물리량 예) 속도, 힘, ···

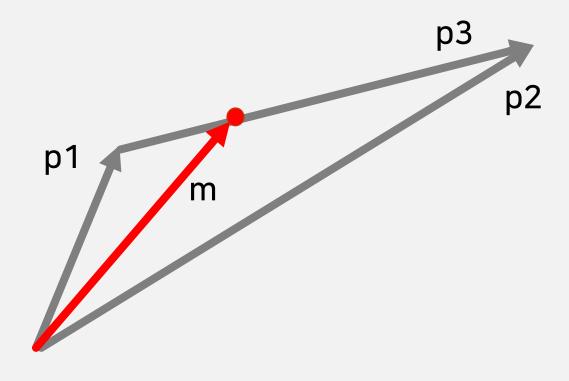




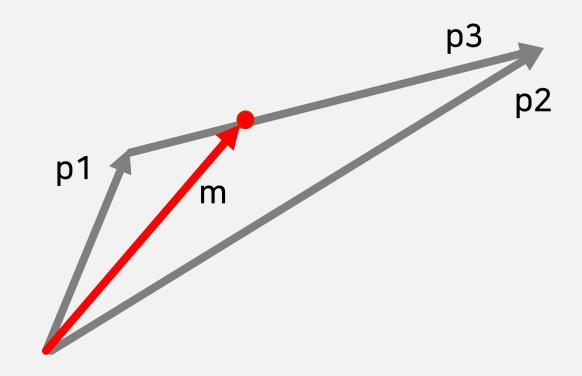




p3 벡터 위 30% 지점의 점을 m이라고 하면, 벡터 m?



p3 벡터 위 30% 지점의 점을 m이라고 하면, 벡터 m?

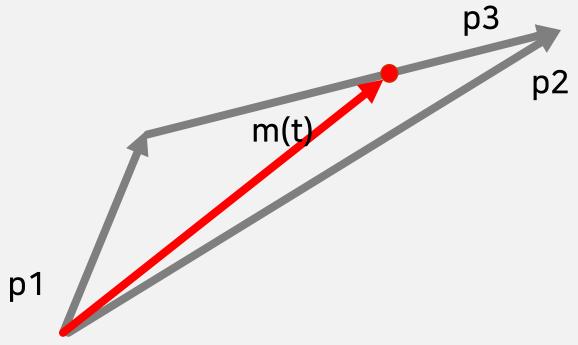


$$m = p1 + 0.3p3 = p1 + 0.3(p2 - p1) = 0.7p1 + 0.3p2$$

p3 벡터 위 t% 지점의 점을 m(t)라고 하면, 벡터 m(t)?

$$m(t) = p1 + t p3 = p1 + t(p2 - p1) = (1 - t)p1 + t p2$$

t의 범위: 0 <= t <=1



m(t)는 결국, p1과 p2를 1-t:t의 비율로 섞은 것임. m(t)는 두 점 p1과 p2의 <mark>선형조합</mark>임.

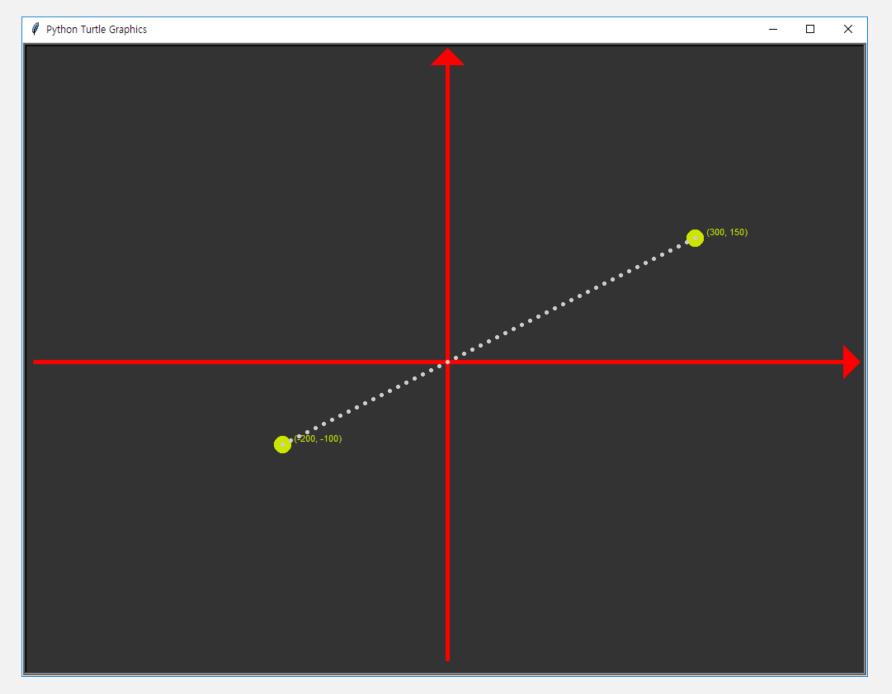
line.py

```
def draw_line(p1, p2):
    draw_big_point(p1)
    draw_big_point(p2)

for i in range(0, 100 + 1, 2):
    t = i / 100
    x = (1-t)*p1[0]+t*p2[0]
    y = (1-t)*p1[1]+t*p2[1]
    draw_point((x, y))
```

```
25 TOP
```

```
prepare_turtle_canvas()
draw_line((-200,-100),(300,150))
turtle.done()
```



Parametric Representation

- 직선, 또는 곡선의 (x,y) 좌표를 공통적인 파라미터를 이용하여 표현하는 방법.
- 일반적인 수학적 표현에 비해, 컴퓨터를 이용하여 그리기가 편리함.
- 동일한 곡선에 대해, 파라미터 표현법은 여러 개 있음.

m(t) = (1 - t)*p1 + t * p2, t의 범위: 0 <= t <=1

파라미터 t로 표현

implicit form

circle

$$x^2 + y^2 - r^2 = 0$$

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$$

 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$

$$y^2 - 2px = 0$$

parametric form

$$x(t) = r\frac{1-t^2}{1+t^2} \quad y(t) = r\frac{2t}{1+t^2}$$

$$x(t) = a\frac{1-t^2}{1+t^2}$$
 $y(t) = b\frac{2t}{1+t^2}$

$$x(t) = a \frac{1+t^2}{1-t^2}$$
 $y(t) = b \frac{2t}{1-t^2}$

$$x(t) = \frac{t^2}{2p} \qquad \qquad y(t) = t$$

Contour type	Con	tour	ty	ре
--------------	-----	------	----	----

Parametric representation

Apple shaped:

$$\Gamma^{(a)} = \left\{ \frac{0.5 + 0.4\cos t + 0.1\sin 2t}{1 + 0.7\cos t} (\cos t, \sin t) : t \in [0, 2\pi] \right\}$$

Circle:

$$\Gamma^{(c)} = \{c_0(\cos t, \sin t) : t \in [0, 2\pi]\}, c_0 : \text{constant}$$

Drop shaped:

$$\Gamma^{(d)} = \left\{ \left(-0.5 + 0.75\sin\frac{t}{2}, -0.75\sin t \right) \colon t \in [0, 2\pi] \right\}$$

Ellipse:

$$\Gamma^{(e)} = \{(e_0 \cos t, e_1 \sin t) : t \in [0, 2\pi]\}, e_0, e_1 : \text{constant}$$

Kite shaped:

$$\Gamma^{(k)} = \left\{ (\cos t + 1.3\cos^2 t - 0.8, 1.5\sin t) \colon t \in [0, 2\pi] \right\}$$

Peanut shaped:

$$\Gamma^{(p)} = \left\{ \sqrt{\cos^2 t + 0.25 \sin^2 t} (\cos t, \sin t) : t \in [0, 2\pi] \right\}$$

Rounded triangle:

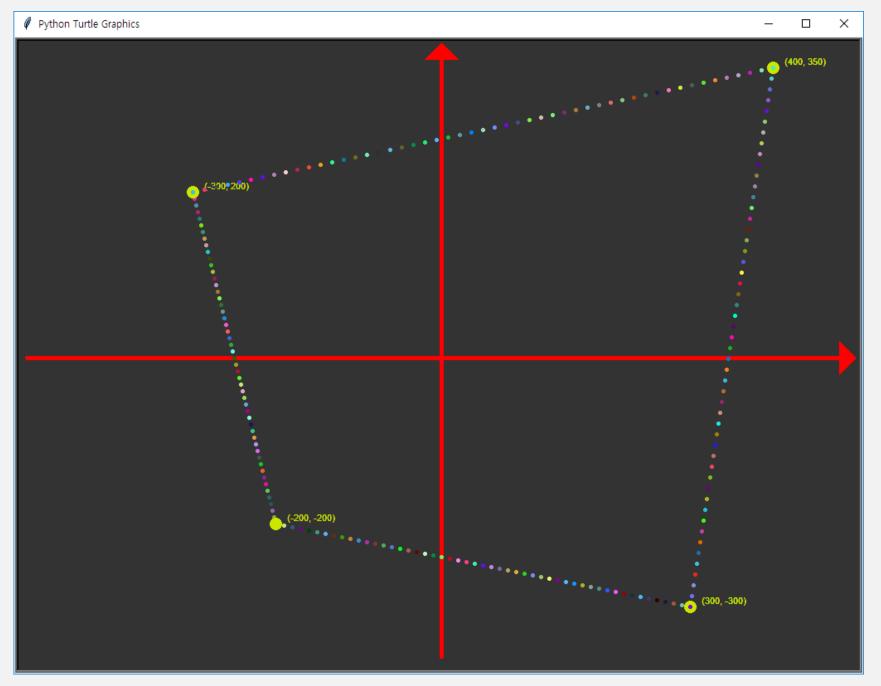
$$\Gamma^{(r)} = \{ (2 + 0.3\cos 3t)(\cos t, \sin t) \colon t \in [0, 2\pi] \}$$

https://www.researchgate.net/figure/Parametric-representation-of-boundary-curves_tbl2_233628915

line.py - 여러 개의 선분 그리기



```
points = [(-300, 200), (400, 350), (300, -300), (-200, -200)]
size = len(points)
n = 1
while True:
    draw_line(points[n-1], points[n])
    n = (n + 1) % size
```



line.py - 랜덤 선분 그리기



```
size = 6
points = [(random.randint(-500, 500), random.randint(-350, 350)) for
  i in range(size)]
```

Python List Comprehension

- 리스트를 빠르게 만들기 위한 독특한 문법 구조
- 리스트 안에 있는 데이타들을 일정한 규칙을 가지고 생성해냄.

https://docs.python.org/3.3/tutorial/datastructures.html#list-comprehensions