

# **数字逻辑实验报告（4**）

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **数字逻辑实验4** | | |
| **斐波那契(Fibonacci)数列计算器设计** | **成绩** |  |

评语：（包含：预习报告内容、实验过程、实验结果及分析）

教师签名

**姓 名：**

**学 号：**

**班 级：**

**指 导 教 师：**

**计算机科学与技术学院**

**20 年 月 日**



**数字逻辑实验报告**

斐波那契(Fibonacci)数列计算器设计

## 斐波那契(Fibonacci)数列计算器设计

1、实验名称

斐波那契(Fibonacci)数列计算器设计。

2、实验目的

要求使用合适的逻辑电路的设计方法，通过工具软件logisim进行斐波那契(Fibonacci)数列计算器设计和验证，记录实验结果，验证设计是否达到要求。

通过斐波那契(Fibonacci)数列计算器的设计、仿真、验证3个训练过程，掌握数字逻辑电路的设计、仿真、调试的方法。

3、实验所用设备

Logisim2.7.1软件一套。

4、实验内容

斐波那契(Fibonacci)数列中每项数值都是其两个直接前项的和，其生成规则如下公式所示：

**（1）求Fibonacci数的矩阵算法**

　　首先，对于数列的初始条件对应以下的矩阵运算：

更一般化地，有：

所以，根据递推关系可以得到：

因此，对求斐波那契数列的第n项的问题，可以转化为对一个二维矩阵求n次幂。采用矩阵的快速幂算法，操作次数可优化为O(log2 n)。

由于F(47)=(2971215073)10<232，F(48)=(4807526976)10>232，电路中采用32位二进制数表示一个整数。为了避免整数溢出，取2≤n≤47，n用6位二进制数表示。

**（2）算法描述**

Fibonacci(){

初始化：, Start=0；

For (i=5 downto 0)

{

if (Start==0) then

{

if (n[i]==1) then Start=1;

}

Else

{

if (n[i]==1)

then X=X2•A;

else

X=X2; }

}

return(X);

}

例如：n = (101100)2 = (44)10

step1：i=5，Start=0，n[5]=1，此时Start置1；

step2：i=4，Start=1，n[4]=0，此时X = X2 = A2；

step3：i=3，Start=1，n[3]=1，此时X = X2 •A = (A2)2•A；

step4：i=2，Start=1，n[2]=1，此时X = X2 •A = ((A2)2•A)2 •A；

step5：i=1，Start=1，n[1]=0，此时X = X2 = (((A2)2•A)2 •A)2；

step6：i=0，Start=1，n[0]=0，此时X = X2 = ((((A2)2•A)2 •A)2)2；

循环执行完后，X = ((((A2)2•A)2 •A)2)2 = A44

**（3）矩阵计算模块**

计算X2模块sqrX

其相应的输入/输出如下：

sqrX

a

b

c

d

a′ = a2+bc

b′ = ab+bd

c′ = ac+cd

d′ = bc+d2

这里，a, b, c, d, a′, b′, c′, d′都为32位无符号二进制整数。

计算X2·A模块sqrX\*A

其相应的输入/输出如下：

sqrX\*A

a

b

c

d

a″ = ab+bd

b″ = a2+bc+ab+bd

c″ = bc+d2

d″ = ac+cd+bc+d2

这里，a, b, c, d, a″, b″, c″, d″都为32位无符号二进制整数。

**（4）矩阵快速幂算法迭代模块**

该模块Fibo输入/输出端如下：

Fibo

start

clr

ni-1

clk

Fi = bi′ or bi″

这里，start为Fibonacci()算法中的6位二进制数n左移出的第一个（最高位的）1的标志信号；ni-1是start=1之后左移出的下一位；clr为初始化（清零）信号，此时X = A；clk为时钟脉冲信号。Fi为Fibonacci()算法迭代的中间结果，根据ni-1取0或1来决定Fi是取sqrX或者sqrX\*A运算后的矩阵元素bi，在第6个时钟脉冲时，Fi即为输入n的Fibonacci数Fn。

其内部逻辑结构图如图4-1所示。



图4-1 Fibo内部逻辑结构图

**（5）Fibonacci数显示模块**

将二进制数转换成十进制数在数码显示管上显示出来。

输入为32位二进制的Fibonacci数F(n)。

由于32位二进制Fibonacci数表示的最大十进制数的位数是10位，该模块的输出为10组8421BCD码D9、D8、D7、D6、D5、D4、D3、D2、D1、D0，每组8421BCD码表示1位10进制数。

**（6）主模块main**

主模块main的逻辑结构图4-2所示。



图4-2 主模块main的逻辑结构图

控制器Controller中包括三个功能块：6位二进制数n的左移控制电路、6个时钟脉冲控制电路、start信号产生电路。

6位二进制数n的左移控制电路，使用一个移位寄存器，在时钟脉冲作用下产生ni-1。用clear信号装入n，进行移位寄存器的初始化。

使用1个8位计数器、1个比较器和适当的门电路，可以控制Fibo只接收6个clock时钟脉冲（产生clk）。直至下一个clear信号初始化后，才准备产生下一组6个时钟脉冲。

使用1个D触发器加适当的门电路构成一个锁存器Latch，在接收到n的最高位1时start=1，直至下一个clear信号使start=0。

在6个clock时钟脉冲信号后，电路就产生了第n个Fibonacci数F(n)，并经过Display电路转换成十进制数在数码管上显示出来。

5、实验方案设计

**（1）斐波那契(Fibonacci)数列计算**

**要求：**

给出Fibonacci数列通项公式；

给出Fibonacci数列的递归算法（指数时间复杂度）形式化描述；

给出Fibonacci数列的多项式时间复杂度算法形式化描述。

**（2）计算矩阵X2模块**

**要求：**

给出矩阵X2计算模块的设计思路；

给出logisim软件绘制的电路图（经过仿真验证基本正确）；

对矩阵X2模块进行封装，给出封装后的模块图。

**（3）计算矩阵X2·A模块**

**要求：**

给出矩阵X2·A计算模块的设计思路；

给出logisim软件绘制的电路图（经过仿真验证基本正确）；

对矩阵X2·A模块进行封装，给出封装后的模块图。

**（4）矩阵快速幂算法迭代模块设计**

**要求：**

给出矩阵快速幂算法迭代模块设计思路；

给出logisim软件绘制的电路图（经过仿真验证基本正确）；

对矩阵X2·A模块进行封装，给出封装后的模块图。

**（5）主模块main设计**

**要求：**

说明主模块main中控制和显示部分的设计思路；

给出主模块的logisim软件绘制的电路图（经过仿真验证基本正确）。

6、实验结果记录

根据下表中所列内容，记录相应信号作用后输出数码管显示数据，并填入表6-1中（注：要求clear、clock使用按钮输入）。

表6-1

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Input n | clear | 1st clock | 2nd clock | 3rd clock | 4th clock | 5th clock | 6th clock | After  6th clock |
| 2 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 5 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 10 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 17 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 25 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 32 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 44 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 45 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 46 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 47 |  |  |  |  |  |  |  |  |

7、实验中遇到的问题及解决方法

（1）故障1

问题描述：

问题分析：

解决方法：给出修改后的实例

（2）故障2

问题描述：

问题分析：

解决方法：给出修改后的实例

（3）故障3

问题描述：

问题分析：

解决方法：给出修改后的实例

**………**

8、思考题

**（1）**如果n=48,电路的输出结果是多少？为什么？如果要求n=64时电路的输出结果也需正确，对你设计的电路应作哪些改进？

**（2）**还有没有其它时间复杂度为O(log2 n)的算法？如有，请描述该算法，并简要说明该算法的硬件实现思路。

**（3）**请谈谈对用硬件和用软件实现同一算法的优势和劣势。

9、心得体会、意见与建议