数学科学学院21级泛函分析小测验(1)

1. (2分)设 ρ 为度量空间 \mathcal{X} 上的度量, 试证对 $\forall x, y, z \in \mathcal{X}$,

$$|\rho(x,z) - \rho(y,z)| \le \rho(x,y).$$

2. (3分)设T为度量空间 (\mathcal{X}, ρ) 到自身的映射且对 $\forall x, y \in \mathcal{X}, \rho(Tx, Ty) = 0$, 试证T存在唯一的不动点.