

1. 陈述Lagrange定理与群同态基本定理

2. 判断是否构成群并说明理由：

(1) 所有 $n$ 阶实对称可逆矩阵关于矩阵的乘法

(2)  $SL(n, \mathbb{Z})$ 关于矩阵乘法

3. 集合 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ，置换群 $G = \{(1), (1\ 2), (3\ 5\ 6), (3\ 6\ 5), (1\ 2)(3\ 5\ 6), (1\ 2)(3\ 6\ 5)\}$ ，求 $X$ 中所有元素的轨道以及稳定子群

4. 证明群中共轭的元素有相同的阶数

5. 证明35阶群是循环群

6.  $G$ 是一个群，证明

(1)  $C(G) \triangleleft G$

(2) 若 $G/C(G)$ 是循环群，则 $G$ 是交换群

(3) 49阶群是交换群

7. 设 $f: G_1 \rightarrow G_2$ 是群的满同态， $N_2 \triangleleft G_2$ ， $N_1 = f^{-1}(N_2)$ ，证明 $G_1/N_1 \cong G_2/N_2$