深度学习作业 2

请依次实现:自动编码器模型 (AE);变分自动编码器模型 (VAE);条件变分自动编码器模型 (Conditional VAE);并将模型应用到 MNIST 数据上对手写体数字进行降维、聚类、生成和指定生成工作。

具体要求如下:

- i. 使用 Fully Connected layer 实现 AE, VAE 和 CVAE 完成以下任务并用画图展示下列结果:
 - 1. 将 AE 模型和 PCA 模型进行对比: (A) 相同隐向量长度下(尝试多个不同的隐向量长度), AE 和 PCA 获得的重建图像质量(同时展示原图、AE 和 PCA 重建图); (B) 比较 AE 和 PCA 获得的隐向量能否区分不同手写体数字(用 t-SNE 或UMAP 对获得的隐向量进行进一步降维,降成 2 维,然后将每个数据点画到二维平面上,点的颜色根据数字 true label 标注); (C) 对 AE 和 PCA 的隐向量进行聚类分析,将(B)中点的颜色用聚类得到的 clsuter label 标注,从新生成图片。
 - 2. 实现 VAE 模型, 然后: (D) 将 VAE 模型得到的隐向量(均值向量)与上述中的 AE 的隐向量 进行比较,具体执行上述的 B 和 C 操作, 将 PCA 替换成 VAE, 对 比隐向量对不同数字的区分情况和聚类效果; (E) 尝试用 VAE 为每一种手写体 数字生成一张图片。
 - 3. 实现 CVAE 模型,然后: (F) 比较 VAE 和 CVAE 学得的隐向量,重复 B、C 操作将里面的方法替换为 VAE 和 CVAE; (G) 为每一个手写体数字生成一张图片。
- ii. 使用 Convolution 相关的 layer 实现 AE, VAE, CVAE 重复以上的每一个任务

*除以上具体要求外,请适当放上一些和每个模型训练过程相关的图(比如训练的 train/valida loss 图)。

以上模型代码和结果请放在一个 python notebook 里面展示;对不同的任务和代码请给出适当的描述和注释。对结果进行适当的描述、分析和总结。(最终作业**请只提交 python notebook**,作业描述也放 notbook,并 zip 压缩,深度学习作业 2+名字+学号 命名。)