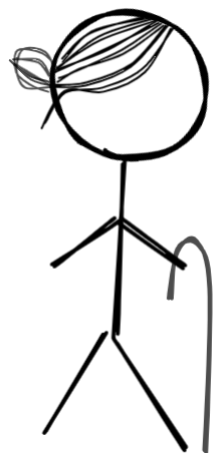


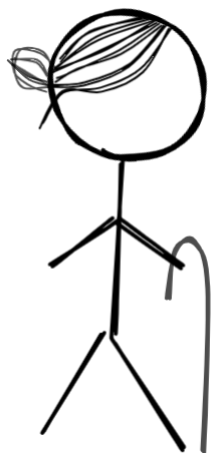
Lecture 2:



图形与渲染技术

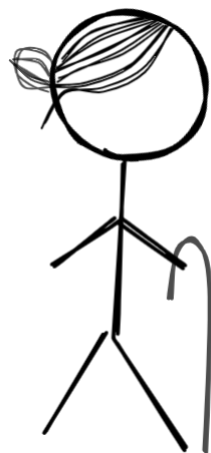
-- 孙绍彬 71184501138@stu.ecnu.edu.cn

Lecture 2:



图形流水线

Lecture 2:

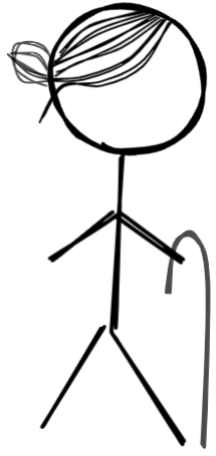


问题1:能够使用canvas进行3D渲染吗?

问题2:能够使用WebGL进行2D渲染吗?

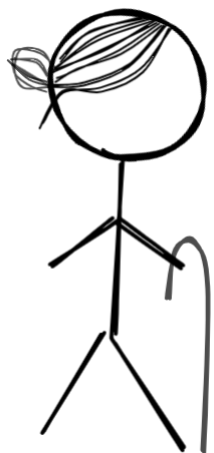
问题3:2D渲染和3D渲染到底是怎么定义的?

Lecture 2:



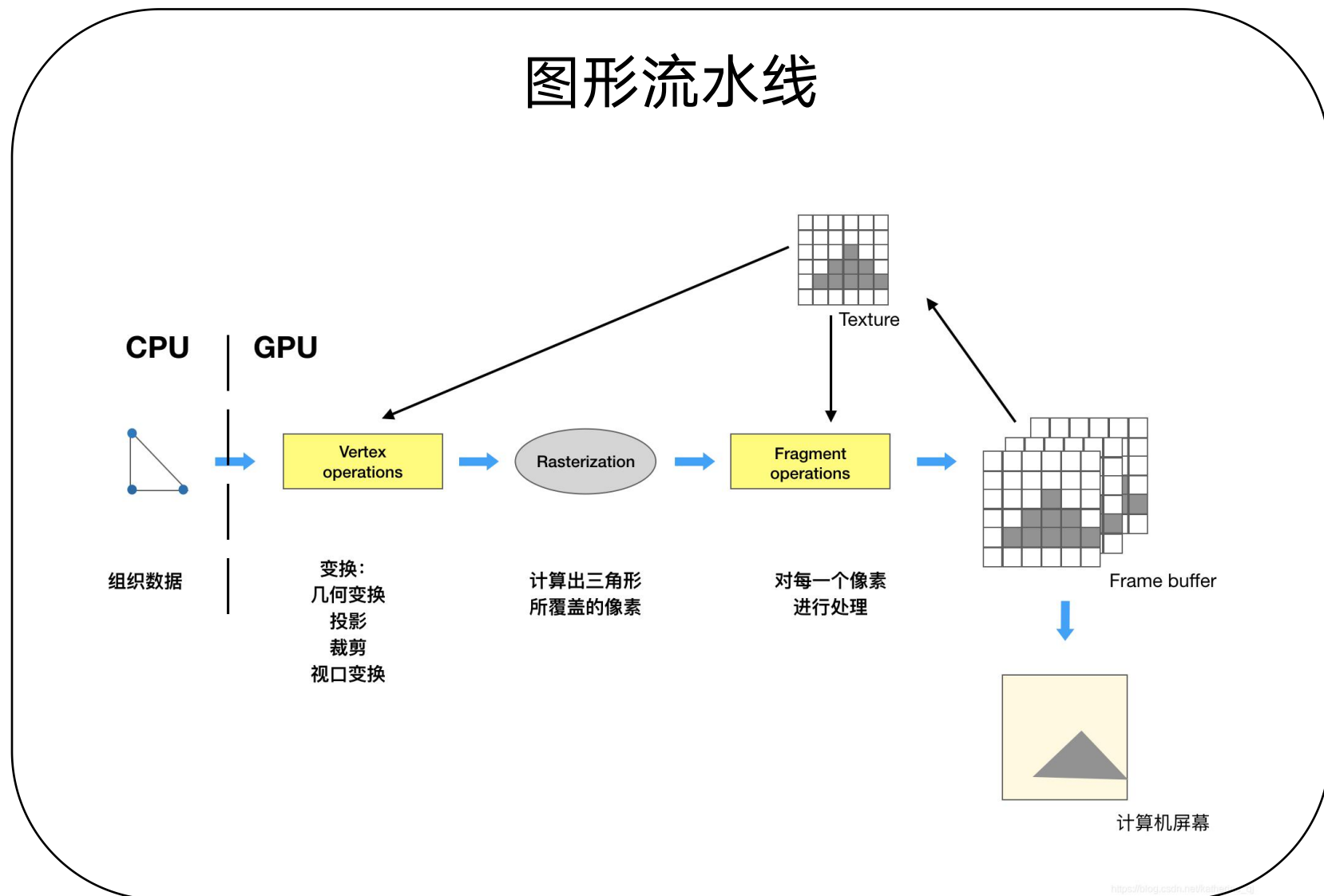
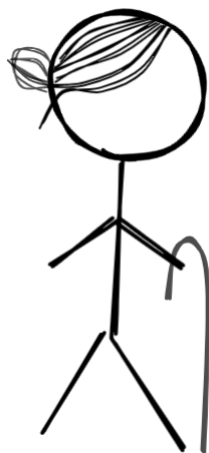
图一

Lecture 2:

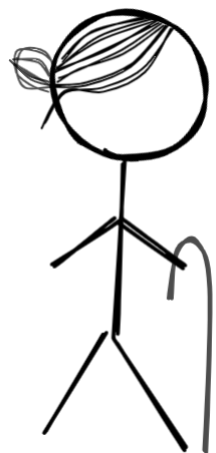


- 1.可使用canvas渲染3D场景
- 2.可以使用WebGL渲染(是否有必要)
- 3.开放讨论

Lecture 2:

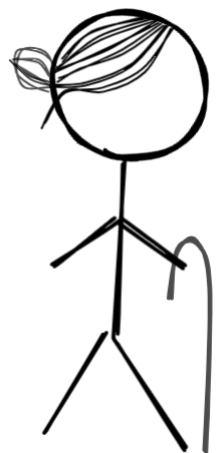


Lecture 2:



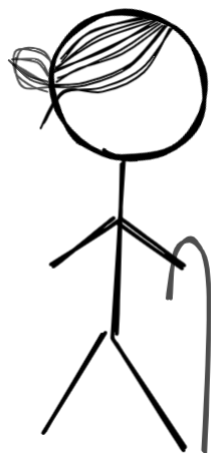
2.GPU与CPU

Lecture 2:



CPU计算特点与GPU?

Lecture 2:

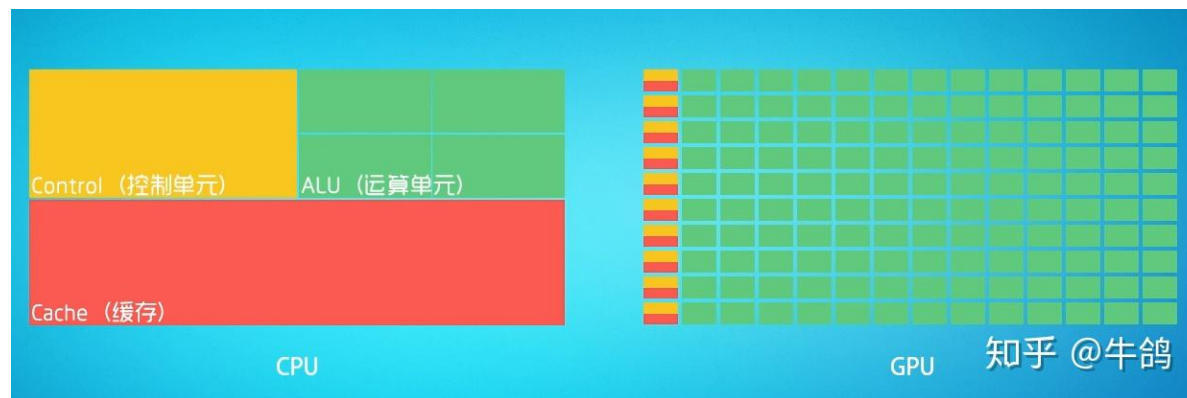


CPU: 可以形象的理解为有25%的ALU(运算单元)、有25%的Control(控制单元)、50%的Cache(缓存单元)

特点: 需要少量的运算单元, 强大的逻辑运算能力, 可以理解为4个专家, 既可以做奥数题, 也可以做加减法

需要足够的控制单元实现复杂的数据控制和数据转发

需要足够的缓存单元去存放一些已经计算完成的结果, 或者是后面马上要用到的数据

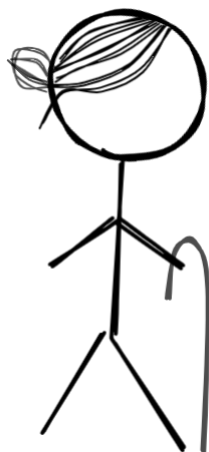


GPU: 可以形象的理解为90%的ALU(运算单元), 5%的Control(控制单元)、5%的Cache(缓存单元)

特点: 大量的运算单元: 负责简单粗暴的计算, 不擅长奥数题, 但小学题他会

少量的控制单元和缓存单元: 主要是负责合并和转发数据, 对这两块的需求较小, 所以占据GPU较小的空间

Lecture 2:

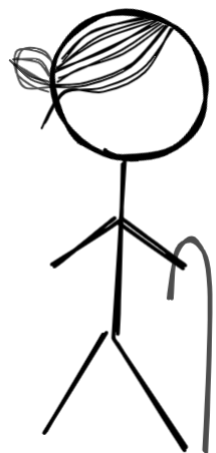


对于多个1+1算术题的计算速度比较

CPU: 速度较慢。因为计算原理是: 先算第1题, 再算第2题, 总时间为【 $T_1 + T_2 + T_3 + \dots + T_{1000}$ (也就是1000个算术题消耗时间的累加)】

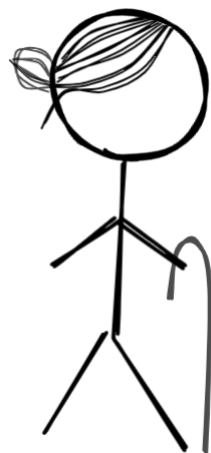
GPU: 速度很快。因为计算原理是: 可同时计算1000道算术题, 总时间为【 $\max(T_1, T_2, T_3 \dots T_{1000})$ (也就是1000个算术题消耗时间中的最大值)】

Lecture 2:



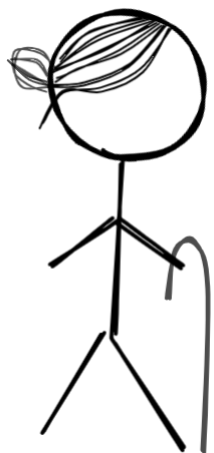
浏览器中canvas的计算？

Lecture 2:



Canvas (JavaScript语句)
JavaScript引擎
浏览器接口逻辑
图形库

Lecture 2:



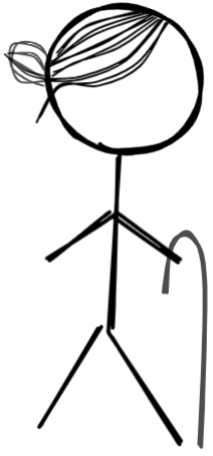
利用GPU通用计算

<https://zhuanlan.zhihu.com/p/38992506>

<https://github.com/gpujs/gpu.js>

Lecture 2:

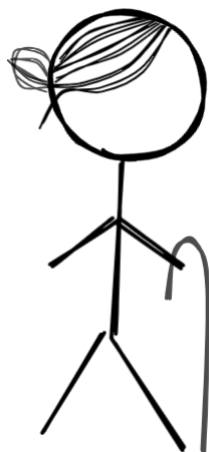
顶点着色器



```
var VSHADER_SOURCE =  
`attribute vec4 a_Position;  
void main() {  
    gl_Position = a_Position;  
};`
```

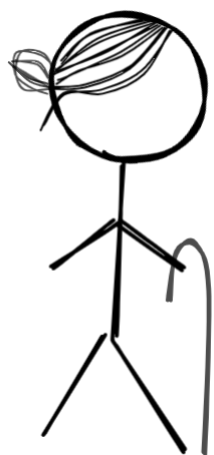
Lecture 2:

片元着色器



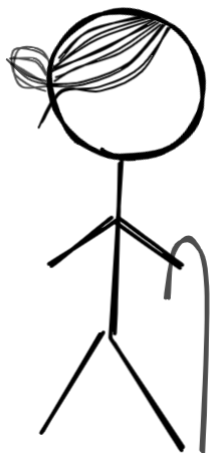
```
var FSHADER_SOURCE =  
`precision mediump float;  
uniform float u_Width;  
uniform float u_Height;  
void main() {  
    //证明片元着色器是逐像素被调用的  
    gl_FragColor = vec4(gl_FragCoord.x /  
u_Width, 0.0, gl_FragCoord.y / u_Height, 1.0);  
};
```

Lecture 2:



矢量

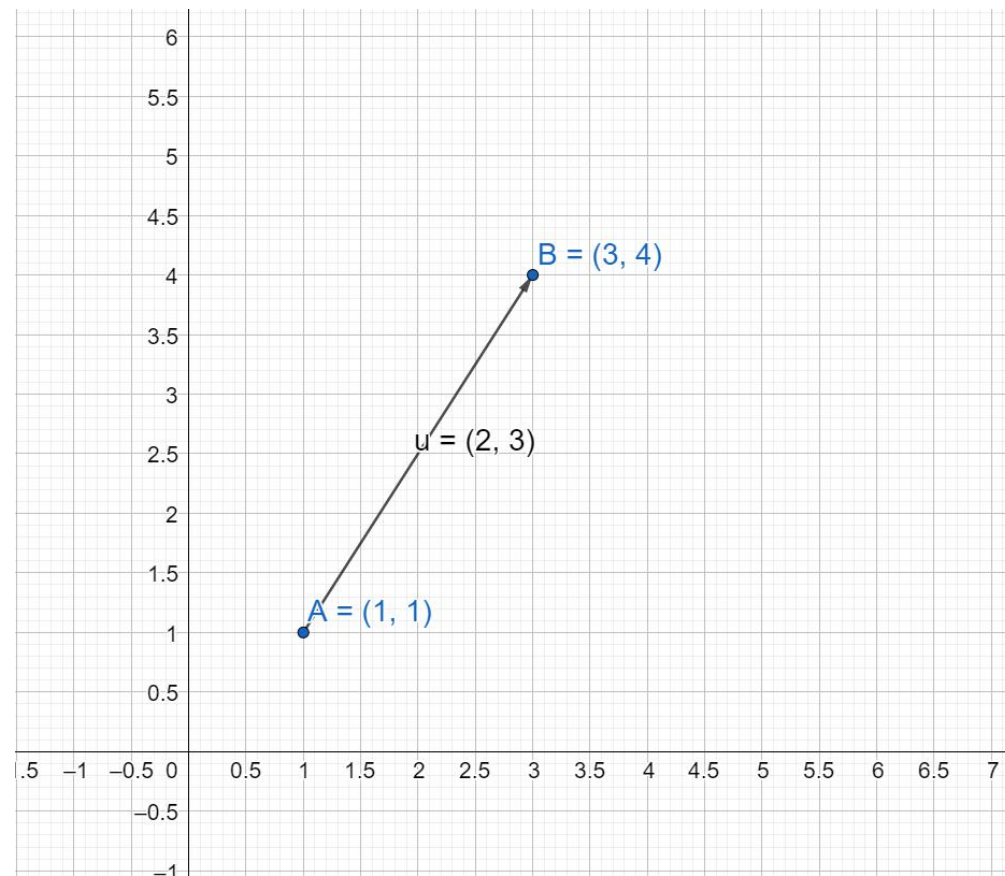
Lecture 2:



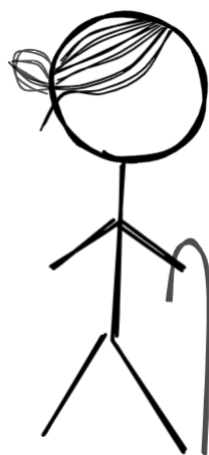
$$\mathbf{u} = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

对于有向线段 u 来说，它的向量表示保存了两条信息：方向和长度。

而对于坐标点 A 和 B 来说，实际上也隐含了两条类似的信息：原点到坐标点的方向和原点到坐标点的距离长度。方向通过向量各分量的比例而确定，而长度则是通过向量大小（magnitude）确定。



Lecture 2:



$$|u| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

向量大小

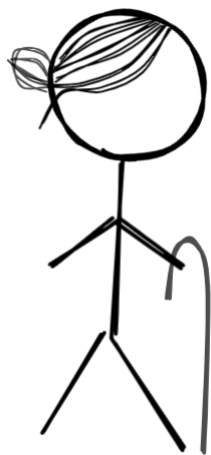
向量大小写作 $|u|$ (通过勾股定理), 其中 x 和 y 表示 u 的两个分量。

$$\hat{u} = \frac{u}{|u|}$$

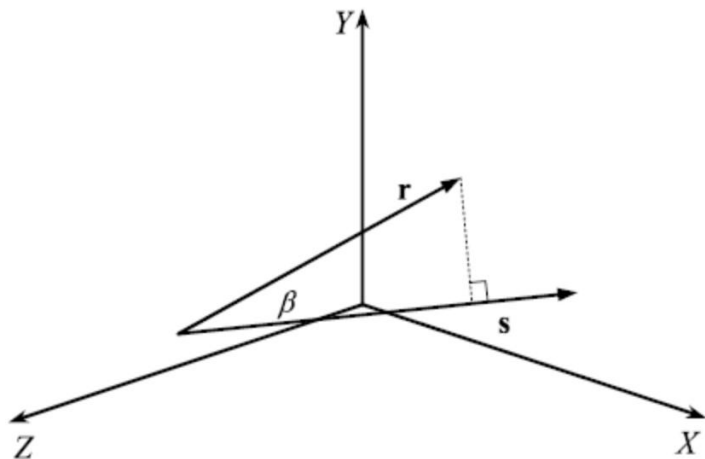
单位向量就是大小为 1 的向量, 把普通向量转换为单位向量的过程称为规范化或标准化 (normalization)。

向量的规范化很容易, 将向量除以它的大小即可。

Lecture 2:



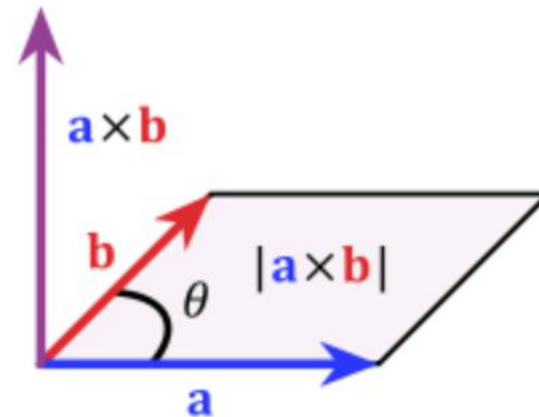
$$r \cdot s = |r| |s| \cos\beta$$



几何意义：向量 r 对 s 作投影，得到 $r \cos\beta$ ，再将投影的大小 $|r| \cos\beta$ 和 s 向量的大小 $|s|$ 相乘

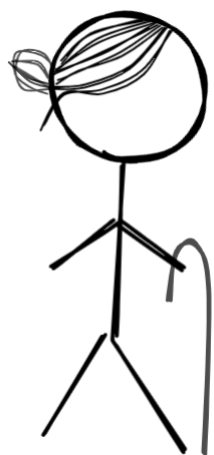
意义：点乘在计算光照的时候非常有用，比如在聚光灯的效果计算中，可以根据点乘来得到光照效果，如果点乘越大，说明夹角越小，则物体离光照的轴线越近，光照越强。在 GLSL 中内置了点乘函数 `dot(v1, v2)`。

$$|t| = |a| |b| \sin\theta$$



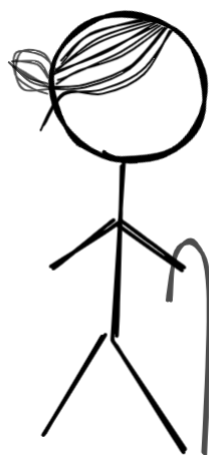
大小等于两个向量张成的平行四边形的面积。该面积衡量了两个向量的差异性。如果 a 和 b 是垂直（正交）的，两者的差异性最大，在两个向量大小不变的情况此时面积最大（ $\sin\theta=1$ ）；如果 a 和 b 是共线的，两者的差异性最小，此时面积等于 0

Lecture 2:



矩阵

Lecture 2:



矩阵是按照行列排列的一系列数值的集合，一个矩阵通常是由 m 行 n 列组成，我们称之为 $m \times n$ 矩阵。在 GLSL 着色器语言中我们可以使用 `mat2`、`mat3`、`mat2x3`、`mat3x4` 等来表示不同行列数的矩阵，如 `mat3` 表示行列数为 3×3 的矩阵。

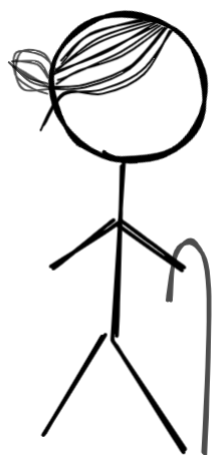
$$M = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

矩阵与矩阵相乘，需要满足左侧矩阵的列数与右侧矩阵的行数相等。结果矩阵的行数为左侧矩阵的行数，列数等于右侧矩阵的列数。

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \cdot 5 + 2 \cdot 7 & 1 \cdot 6 + 2 \cdot 8 \\ 3 \cdot 5 + 4 \cdot 7 & 3 \cdot 6 + 4 \cdot 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 19 & 22 \\ 43 & 50 \end{bmatrix}$$

Lecture 2:

设某点向x方向移动 dx , y方向移动 dy , $[x,y]$ 为变换前坐标, $[X,Y]$ 为变换后坐标。
则 $X = x+dx$; $Y = y+dy$;
以矩阵表示:



$$\begin{matrix} 1 & 0 & 0 \end{matrix}$$

$$[X, Y, 1] = [x, y, 1] \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \end{bmatrix};$$

$$\begin{matrix} dx & dy & 1 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 1 & 0 & 0 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 0 & 1 & 0 \end{matrix} \text{ 即平移变换矩阵。}$$

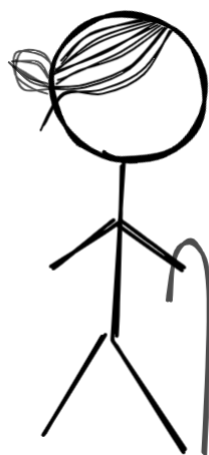
$$\begin{matrix} dx & dy & 1 \end{matrix}$$

Lecture 2:

设某点坐标，在x轴方向扩大 s_x 倍，y轴方向扩大 s_y 倍， $[x,y]$ 为变换前坐标， $[X,Y]$ 为变换后坐标。

$$X = s_x * x; Y = s_y * y;$$

则用矩阵表示：



$$\begin{matrix} s_x & 0 & 0 \end{matrix}$$

$$[X, Y, 1] = [x, y, 1] \begin{bmatrix} 0 & s_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix};$$

$$\begin{matrix} 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} s_x & 0 & 0 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 0 & s_y & 0 \end{matrix} \text{ 即为缩放矩阵。}$$

$$\begin{matrix} 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

Lecture 2:

设某点与原点连线与X轴夹角为b度，以原点为圆心，逆时针转过a度，原点与该点连线长度为R, $[x,y]$ 为变换前坐标， $[X,Y]$ 为变换后坐标。

$$x = R\cos(b) ; y = R\sin(b);$$

$$X = R\cos(a+b) = R\cos a \cos b - R\sin a \sin b = x\cos a - y\sin a;$$

$$Y = R\sin(a+b) = R\sin a \cos b + R\cos a \sin b = x\sin a + y\cos a ;$$

用矩阵表示：

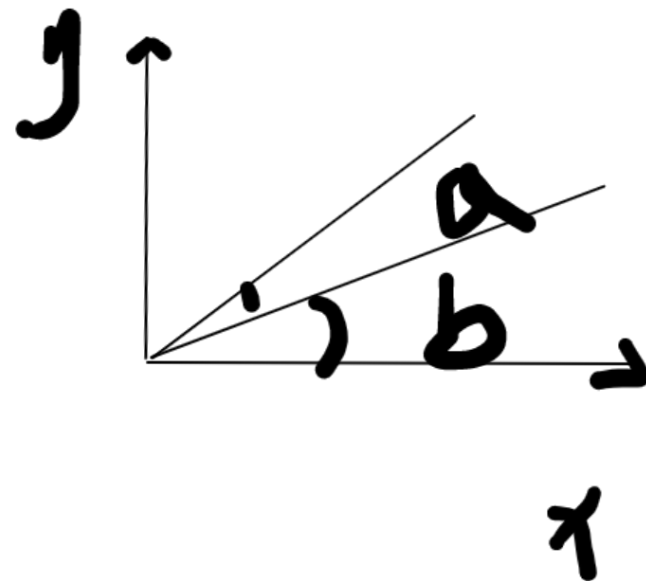
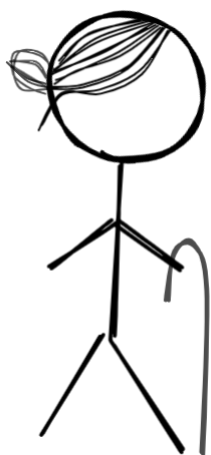
$$\begin{matrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

$$[X, Y, 1] = [x, y, 1] \begin{bmatrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

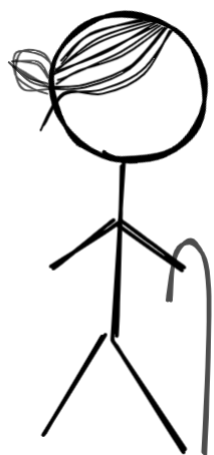
$$\begin{matrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

为旋转变换矩阵。（顺时针旋转）

$$\begin{matrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{matrix}$$

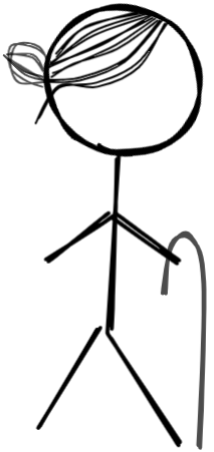


Lecture 2:



作业1：
用原生WebGL实现一个长方形的渲染

Lecture 2:



Thanks!