Lab5 实验报告

PB20000072 王铖潇

CPU

基础矩阵乘法, AVX矩阵乘法和AVX分块矩阵乘法的实现分别为 task1.cpp, task2.cpp, task3.cpp.

三种实现性能的差异

对不同规模的输入,三种实现的矩阵乘法用时如下表。其中AVX分块矩阵乘法中块大小是8 * 8.

矩阵大小	基础矩阵乘法用时(s)	AVX矩阵乘法用时(s)	AVX分块矩阵乘法用时(s)
$2^6 * 2^6$	0.004380	0.000987	0.001000
$2^8 * 2^8$	0.1242	0.0374	0.0396
$2^9 * 2^9$	0.7840	0.1695	0.1913
$2^{10} * 2^{10}$	14.0048	2.8428	1.9222
$2^{11} * 2^{11}$	213.3354	36.8003	16.1930

对于64*64的矩阵, 截图如下:

```
root@DESKTOP-CT70M52:/mnt/d/experiment_Vivado/Grade3_spring/Lab5/cpu# make gcc -march=native -mavx task1.cpp -o task1 gcc -march=native -mavx task2.cpp -o task2 gcc -march=native -mavx task3.cpp -o task3 root@DESKTOP-CT70M52:/mnt/d/experiment_Vivado/Grade3_spring/Lab5/cpu# ./task1 矩阵乘法运行时间: 0.124246秒 root@DESKTOP-CT70M52:/mnt/d/experiment_Vivado/Grade3_spring/Lab5/cpu# ./task2 AVX矩阵乘法运行时间: 0.037364秒 root@DESKTOP-CT70M52:/mnt/d/experiment_Vivado/Grade3_spring/Lab5/cpu# ./task3 AVX分块矩阵乘法运行时间: 0.039628秒
```

可以发现,使用AVX的两种方法性能明显好于基础矩阵乘法。但是AVX矩阵乘法和AVX分块矩阵乘法的性能和矩阵大小有关,当矩阵比较小的时候,AVX矩阵乘法和AVX分块矩阵乘法的性能相差不大,甚至AVX矩阵乘法的性能更好;但是矩阵规模较大的时候,AVX分块矩阵乘法的性能明显好于AVX矩阵乘法。

分析:使用AVX的方法性能明显好于基础的矩阵乘法是因为它们使用了并行化处理,可以大幅度缩短时间。AVX分块矩阵乘法虽然可以利用cache的局部性实现加速,但是分块的预处理本身也需要时间,所以当矩阵规模较小的时候,使用分块方法的优化效果并不明显,甚至可能由于预处理时间较长反而性能变差;但是当矩阵规模较大的时候,分块方法对cache局部性应用得更充分,有很明显的优化效果。

不同的分块参数对AVX分块矩阵乘法性能的影响

选择矩阵大小为 $2^{10} * 2^{10}$,不同的分块参数下,矩阵乘法用时如下表:

块大小	用时(s)
8 * 8	1.6983
16 * 16	1.6645
32 * 32	1.4481
64 * 64	1.2247
128 * 128	1.4875
256 * 256	1.4520

可以发现,分块大小太小或者太大都会似的用时较长。

分块比较小的时候,可以充分利用cache的局部性,但循环次数较多,而每次循环前后都需要进行分块或是合并的处理。分块比较大的时候,不能很好地利用cache局部性。所以需要权衡二者,取一个合适的分块大小,才能获得更好的性能。

CPU平台上其它矩阵乘法的优化手段

1. 循环重排序

调整三层循环中内两层循环的顺序,保证访问矩阵的空间局部性。

2. 循环展开

直接对汇编生成的代码进行循环展开,减少流水线处理时的停顿。

3. 写缓存优化

开一块write cache内存空间,每个block的计算结果直接在write cache上读写,最后计算完一个block之后,整块写回目标数组中对应的不同数组段上。

4. 算法优化

对于较大规模的矩阵,优化算法、降低算法的时间复杂度也会对性能产生较大的提示。如Strassen 算法或Winograd算法等。

GPU

基础矩阵乘法,分块矩阵乘法的实现分别为 task1.cpp, task2.cpp.

两种实现性能的差异

对不同规模的输入,两种实现的矩阵乘法用时如下表。其中分块矩阵乘法中块大小是8 * 8.

矩阵大小	基础矩阵乘法用时(ms)	分块矩阵乘法用时(ms)
2^6*2^6	0.011136	0.007120
$2^8 * 2^8$	0.47824	0.27859
$2^9 * 2^9$	4.5099	2.6704
$2^{10}*2^{10}$	35.948	21.688
$2^{11} * 2^{11}$	306.79	

矩阵大小为 2^6*2^6 时,使用 nvprof 工具对矩阵乘法kernel的时间进行profiling,截图如下:

GPU上, 分块矩阵乘法用时短于基础矩阵乘法。

这是因为分块矩阵乘法利用了访存更快的 shared memory , 效率更高。

不同的 gridsize 和 blocksize 对基础矩阵乘法性能的影响

gridsize 根据 blocksize 而变化。这里改变 blocksize ,对性能的影响如下表。矩阵规模是64*64.

blocksize	用时(us)
4 * 4	1234.6
8 * 8	710.05
16 * 16	480.04
32 * 32	493.96

blocksize 为8 * 8的时候,使用 nvprof 工具对矩阵乘法kernel的时间进行profiling,截图如下:

可以看出,blocksize 过小或是过大都会对性能产生负面影响。

blocksize 增加时,一方面增加了一次性处理的数据数量,但另一方面也可能超出硬件设备支持的范畴,导致部分操作退化为串行处理从而导致性能下降。所以需要权衡,找到一个合适的 blocksize.

不同的 gridsize 和 blocksize 对分块矩阵乘法性能的影响

gridsize 根据 blocksize 而变化。这里改变 blocksize ,对性能的影响如下表。矩阵规模是64 * 64.

blocksize	用时(us)
4*4	1064.2
8 * 8	278.02
16 * 16	233.73
32 * 32	227.52

Block 大小为8 * 8的时候,使用 nvprof 工具对矩阵乘法kernel的时间进行profiling,截图如下:

可以看出, BLOCK 的大小增加时性能上升。

可能是因为BLOCK大小增加时,分块后一次性处理的数据更多,减少了每次分块前后的处理时间。