逻辑航线信息学奥赛系列教程

哈夫曼编码

计算机传输数据时,必须将信息的内容编码成0或1的信息流,比如说可以讲一个字母或者数字转换成ASCii码,成为8位的0/1串,但是这么编码生成出的0/1信息流还是比较长。可以将一些出现频数较高的字母缩短编码长度,而频度较低的字母加长编码长度,以达到缩短总长度的目的。

假设信息只由A,B,C,D,E这几个字母组成,其出现的次数分别是A: 5, B: 10, C: 13, D: 14, E: 20。请设计一种0/1编码,使编码后的总长度最小。

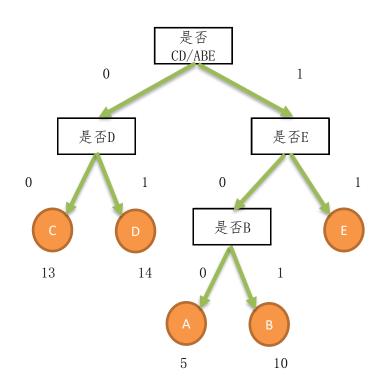
分析

既然要将每个字母变成一组0/1编码,出现次数多的字母要短,那可以从一开始给这些使用频数最多的字母编码,如果一位不够就两位·····可以得到这样的编码方案。

E: 0 D: 1 C: 00 B: 01 A: 10

然而,这么做是不行的。如果收到了001,对应的原文可能是EED、CD或者EB,这就造成了歧义。为了不造成歧义,我们要求一个字母的0/1编码不是其他编码的前缀。(比如01就是011的前缀)

那么该如何正确的构建呢? 我们使用如下方法。



要查询某个字母的编码就相当于从头开始将字母分类,往左边分就是0,往右边分就是1,直到不可分为止。因此,最终的编码如下:

C: 00 D: 01 A: 100 B: 101 E: 11

因此"BAD"可以编码成10110001, 而编码"001101"可以解码成"CED"。这样的编码方式就被称为哈夫曼编码。

逻辑航线培优教育,信息学奥赛培训专家。

扫码添加作者获取更多内容。

