逻辑航线信息学奥赛系列教程

P2392 考前临时抱佛脚

题目描述

这次期末考试, kkksc03 需要考4科。因此要开始刷习题集, 每科都有一个习题集, 分别有 s_1,s_2,s_3,s_4 道题目, 完成每道题目需要一些时间, 可能不等 (A_1,A_2,, A_s1, B_1,B_2,, B s2C 1,C 2,, C s3, D 1,D 2,, D s4。

kkksc03 有一个能力,他的左右两个大脑可以同时计算 2 道不同的题目,但是仅限于同一科。因此,kkksc03 必须一科一科的复习。

由于 kkksc03 还急着去处理洛谷的 bug, 因此他希望尽快把事情做完, 所以他希望知道能够完成复习的最短时间。

输入格式

本题包含5行数据:

第1行, 为四个正整数 s_1, s_2, s_3, s_4

第2行,为 A 1,A 2, ·····, A s1共s 1个数,表示第一科习题集每道题目所消耗的时间。

第3行, 为 B_1,B_2, ······, B_s2共s_2个数。

第4行, 为 C 1, C 2, ·····, C s3共s 3个数。

第5行,为 D_1,D_2,, D_s4共s_4个数, 意思均同上。

输入样例

1 2 1 3

5

4 3

6

2 4 3

输出样例

20

解析

将复杂问题进行抽象化:输入N个数,将这N个数能够分成两组,使得两组总数最接近。

根据样例数据,我们来模拟一下 DFS 的过程。有左脑和右脑可用。每次我们都先用左脑,再用右脑,也就是这样的搜索过程:先全部左脑(方案一)、左1左2(左脑解第一题和第二题)、左1右1、左2右1和右1有2,这么四种组合。

第一个科目有一题, 所以我们可以得到:

- 1、全左脑: 耗时 5。
- 2、全右脑: 耗时 5。

因此第一个科目的最小时间为 5 分钟。

第二个科目有两题, 所以我们可以得到:

- 1、全左脑: 耗时 4+3=7。
- 2、左脑解题1, 右脑解题2: 耗时 max(4,3)=4。
- 3、左脑解题2, 右脑解题1: 耗时 max(3,4)=4。
- 4、全右脑: 耗时 4+3=7。

第三个科目有一题, 所以我们可以得到:

- 1、全左脑: 耗时 6。
- 2、全右脑: 耗时 6。

因此第三个科目的最小时间为 6 分钟。

第四个科目有三题, 所以我们可以得到:

- 1、全部左脑完成。这样耗时为 2+4+3=9。
- 2、左脑完成1、2题,右脑完成3题。这样耗时是 max(2+4,3)=6。
- 3、左脑完成1、3题,右脑完成2题。这样耗时是 max(2+3, 4)=5。
- 4、左脑完成1题, 右脑完成2、3题。这样耗时是 max(2, 4+3)=7。
- 5、左脑完成2 3题, 右脑完成1题。这样耗时是 max (4+3, 2)=7。
- 6、左脑完成2题,右脑完成1、3题。这样耗时是 max(4,3+2)=5。
- 7、左脑完成3题,右脑完成1、2题。这样耗时是 max(3, 2+4)=6。
- 8、全部右脑完成。这样耗时为 2+4+3=9。

因此第四个科目的最小时间为 5 分钟。

总时间自然就是 5+4+6+5=20。

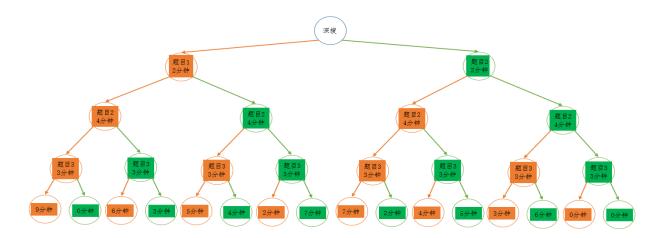
数据规模分析

根据题目描述,我们可以知道,一共 4 个科目,每个科目最多 20 个题目,因此最大的数据集为 4*20=80。也就是说,本题使用 DFS 搜索的时候,可以不需要剪枝。

每个题目耗时不会超过 60 分钟, 那么最大的数据可能是 60*20*4=4800。因此用 int 这个数据类型足够。

绘制行为树

假设现在有3道题, 耗费时间分别是2分钟, 4分钟, 3分钟。我们尝试用决策树来秒描述最终的结果。



编码

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 4;
const int MAXM = 22;
int subjects[MAXN];//科目
int times[MAXN][MAXM];//时间
int Left;//左脑
int Right;//右脑
int minn; //某一门科目最小时间
//从第i门的第j题目开始复习
void dfs(int i, int j) {
   //判断本次搜索是否结束
   if (j >= subjects[i]) {
       minn = min(minn, max(Left, Right));
       return;
   }
   //左脑工作
   Left += times[i][j];
   dfs(i, j + 1);
   //计算完本侧结果时,需要进行还原,避免影响后续的计算
```

```
Left -= times[i][j];
   //右脑工作
   Right += times[i][j];
   dfs(i, j + 1);
   Right -= times[i][j];
}
int main() {
   //读入每个科目的题目数
   for (int i = 0; i < 4; i++) {
       cin >> subjects[i];
   }
   //读入每个题的复习时间
   for (int i = 0; i < 4; i++) {
       for (int j = 0; j < subjects[i]; j++) {
           cin >> times[i][j];
       }
   }
   //搜索
   int ans = 0; //最后的时间
   for (int i = 0; i < 4; i++) {
       Left = 0;//左脑清零
      Right = 0; //右脑清零
      minn = INT MAX; //由于是要最小值
      dfs(i, 0);//从第i门的第一题开始复习
      ans += minn;
   }
   cout << ans << endl;</pre>
   return 0;
}
```

逻辑航线培优教育, 信息学奥赛培训专家。

扫码添加作者获取更多内容。

