2022학년도 1학기 컴퓨터언어학

제10강 신경망 언어 모형 (4)

박수지

서울대학교 인문대학 언어학과

2022년 4월 6일 수요일

컴퓨터언어학

오늘의 목표

- ★ 순방향신경망 학습에 필요한 손실함수를 도출할 수 있다.
- 합성함수의 계산 그래프를 그리고 순전파를 수행할 수 있다.
- 3 순방향신경망을 이루는 각 계층의 미분값을 역방향으로 구하는 오차역전파법을 설명할 수 있다.

손실함수

로지스틱 회귀분석(이항 분류)의 교차엔트로피 손실함수

$$L_{CE}\left(\hat{y},y\right)=-\log p(y|\vec{x})$$
 ···교차엔트로피 손실함수의 정의.
$$=-\left[y\log \hat{y}+(1-y)\log \left(1-\hat{y}\right)\right]$$
 ····3강 슬라이드 22–23면 참조.

일반화(→다항 분류)

스칼라 $\mathbf{y} \in \{0,1\}$ 를 원-핫 인코딩 벡터 $\vec{\mathbf{y}} = [\mathbf{y}_1,\mathbf{y}_2] \in \{0,1\}^2$ 로 표현할 수 있다.

정답 표상 1
$$y = 1 \Rightarrow y_1 = 1 \Rightarrow \vec{y} = [1, 0]$$

2 $y = 0 \Rightarrow y_2 = 1 \Rightarrow \vec{y} = [0, 1]$

추정치 Î
$$\hat{y} = P(y = 1|\vec{x}) \Rightarrow \hat{y}_1 = P(y_1 = 1|\vec{x})$$

2 $1 - \hat{y} = P(y = 0|\vec{x}) \Rightarrow \hat{y}_2 = P(y_2 = 1|\vec{x})$

 $\mathbf{y}_2 = \mathbf{1} \quad \mathbf{y}_2 = \mathbf{y}_$

손실함수

로지스틱 회귀분석(이항 분류)의 교차엔트로피 손실함수

$$\mathsf{L}_{\mathsf{CE}}\left(\hat{\mathsf{y}},\mathsf{y}\right) = -\left[\mathsf{y}\log\hat{\mathsf{y}} + (1-\mathsf{y})\log\left(1-\hat{\mathsf{y}}\right)\right]$$

소프트맥스 회귀분석(다항 분류)의 교차엔트로피 손실함수

부류가 K개 있을 때

$$\mathsf{K} = 2 \; \, \mathsf{L}_{\mathsf{CE}} \left(\hat{\vec{\mathsf{y}}}, \vec{\mathsf{y}} \right) = - \left[\mathsf{y}_1 \log \hat{\mathsf{y}}_1 + \mathsf{y}_2 \log \hat{\mathsf{y}}_2 \right]$$

$$\mathsf{K} = 3 \ \mathsf{L}_{\mathsf{CE}} \left(\hat{\vec{\mathsf{y}}}, \vec{\mathsf{y}} \right) = - \left[\mathsf{y}_1 \log \hat{\mathsf{y}}_1 + \mathsf{y}_2 \log \hat{\mathsf{y}}_2 + \mathsf{y}_3 \log \hat{\mathsf{y}}_3 \right]$$

$$\cdots L_{CE}(\hat{\vec{y}}, \vec{y}) = -\sum_{k=1}^{K} y_k \log \hat{y}_k$$

소프트맥스 회귀분석(다항 분류)의 교차엔트로피 손실함수

$$egin{aligned} \mathsf{L}_{\mathsf{CE}}\left(\hat{ec{\mathsf{y}}},ec{\mathsf{y}}
ight) &= -\sum_{k=1}^{\mathsf{K}} \mathsf{y}_k \log \hat{\mathsf{y}}_k \\ &= -\log \hat{\mathsf{y}}_{\mathsf{c}} \end{aligned}$$
 (c가 정답인 경우)

관찰

두 번째 등식이 성립하는 이유

- \blacksquare \vec{y} 가 원-핫 인코딩 벡터이므로, \vec{x} 의 정답이 c 번째 부류일 때 $y_c = 1$ 이다.
- $\mathbf{k} \neq \mathbf{c}$ 인 \mathbf{k} 의 경우 $\mathbf{y}_{\mathbf{k}} = 0$ 이므로 $\mathbf{y}_{\mathbf{k}} \log \hat{\mathbf{y}}_{\mathbf{k}} = 0$ 이 된다.



소프트맥스 회귀분석(다항 분류)의 매개변수

 \mathbf{n} 차원 입력 벡터 $\vec{\mathbf{x}} = [\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \cdots, \mathbf{x}_n]^\mathsf{T}$ 를 \mathbf{K} 개 중 하나의 부류로 분류할 때

가중치 행렬
$$\mathbf{W} = egin{bmatrix} \vec{\mathsf{W}}_1 \ \vec{\mathsf{W}}_2 \ \vdots \ \vec{\mathsf{W}}_{\mathsf{K}} \end{bmatrix} = egin{bmatrix} \mathsf{W}_{1,1} & \mathsf{W}_{1,2} & \dots & \mathsf{W}_{1,\mathsf{n}} \ \mathsf{W}_{2,1} & \mathsf{W}_{2,2} & \dots & \mathsf{W}_{2,\mathsf{n}} \ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \ \mathsf{W}_{\mathsf{K},1} & \mathsf{W}_{\mathsf{K},2} & \dots & \mathsf{W}_{\mathsf{K},\mathsf{n}} \end{bmatrix}$$

편향 벡터
$$\vec{\mathbf{b}} = egin{bmatrix} \mathbf{b}_1 \\ \mathbf{b}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{b}_K \end{bmatrix}$$

박수지

손실함수

예시: 소프트맥스 회귀분석의 매개변수

4차원 입력 벡터 $\vec{x} = [x_1, x_2, x_3, x_4]^T$ 를 3개 중 하나의 부류로 분류할 때

$$\mathbf{W} = \begin{bmatrix} \vec{\mathsf{W}}_1 \\ \vec{\mathsf{W}}_2 \\ \vec{\mathsf{W}}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathsf{W}_{1,1} & \mathsf{W}_{1,2} & \mathsf{W}_{1,3} & \mathsf{W}_{1,4} \\ \mathsf{W}_{2,1} & \mathsf{W}_{2,2} & \mathsf{W}_{2,3} & \mathsf{W}_{2,4} \\ \mathsf{W}_{3,1} & \mathsf{W}_{3,2} & \mathsf{W}_{3,3} & \mathsf{W}_{3,4} \end{bmatrix}$$

$$\vec{\mathbf{b}} = \begin{bmatrix} \mathbf{b}_1 \\ \mathbf{b}_2 \\ \mathbf{b}_3 \end{bmatrix}$$

가중합과 확률 추정치

$$\vec{z} = \mathbf{W}\vec{x} + \vec{b} = \begin{bmatrix} \vec{w}_1 \cdot \vec{x} + b_1 \\ \vec{w}_2 \cdot \vec{x} + b_2 \\ \vec{w}_3 \cdot \vec{x} + b_3 \end{bmatrix}$$

$$\hat{\vec{y}} = \begin{bmatrix} \text{softmax} \left(z_1 \right) \\ \text{softmax} \left(z_2 \right) \\ \text{softmax} \left(z_3 \right) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\exp(z_1)}{\sum_{k=1}^{3} \exp(z_k)} \\ \frac{\exp(z_2)}{\sum_{k=1}^{3} \exp(z_k)} \\ \frac{\exp(z_3)}{\sum_{k=1}^{3} \exp(z_k)} \end{bmatrix}$$

<ロト 4 回 ト 4 三 ト 4 三 ト 9 Q (^

손실함수

소프트맥스 회귀분석(다항 분류)의 교차엔트로피 손실함수

$$\begin{split} \mathsf{L}_{\mathsf{CE}}\left(\hat{\vec{y}},\vec{y}\right) &= -\log \hat{y}_c \quad (\mathtt{c}\, \mathsf{T}\, \mathsf{정답인}\, \mathsf{경우}) \\ &= -\log \mathsf{softmax}\, (z_c) \\ &= -\log \frac{\mathsf{exp}(z_c)}{\sum_{k=1}^{\mathsf{K}} \mathsf{exp}(z_k)} \\ &= -\log \frac{\mathsf{exp}\left(\vec{w}_c \cdot \vec{x} + b_c\right)}{\sum_{j=1}^{\mathsf{K}} \mathsf{exp}\left(\vec{w}_j \cdot \vec{x} + b_j\right)} \end{split}$$



기울기 계산하기

목표

손실함수 L_{CF} 의 값을 최소로 하는 매개변수 \mathbf{W} , \vec{b} 의 값을 찾는다.

필요한 것

각 매개변수에 대한 편도함숫값 $\frac{\partial L_{CE}}{\partial t}$

로지스틱 회귀분석에서 손실함수의 편도함수

$$\frac{\partial L_{CE}}{\partial w_j} = (\hat{y} - y) x_j \quad (j = 1, 2, \cdots, n)$$

기울기 계산하기

신경망의 마지막 계층(출력층)…

입력층
$$\vec{x} = [x_1, x_2, \cdots, x_n] \in \mathbb{R}^n$$

가중합 $\vec{z} = \mathbf{W}\vec{x} + \vec{b} \in \mathbb{R}^K$
출력층 $\hat{\vec{y}} = \text{softmax} (\vec{z}) \in \mathbb{R}^K$

$$\mathbf{W} = \begin{bmatrix} \vec{\mathsf{W}}_1 \\ \vec{\mathsf{W}}_2 \\ \vdots \\ \vec{\mathsf{W}}_\mathsf{K} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathsf{W}_{1,1} & \mathsf{W}_{1,2} & \dots & \mathsf{W}_{1,\mathsf{n}} \\ \mathsf{W}_{2,1} & \mathsf{W}_{2,2} & \dots & \mathsf{W}_{2,\mathsf{n}} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \mathsf{W}_{\mathsf{K},1} & \mathsf{W}_{\mathsf{K},2} & \dots & \mathsf{W}_{\mathsf{K},\mathsf{n}} \end{bmatrix}$$

…에서 손실함수의 편도함수

$$\begin{split} \frac{\partial L_{CE}}{\partial w_{k,i}} &= \left(\hat{y}_k - y_k\right) x_i \\ &= -\left(y_k - \hat{y}_k\right) x_i \\ &= -\left(y_k - \frac{exp\left(\vec{w}_k \cdot \vec{x} + b_k\right)}{\sum_{j=1}^K exp\left(\vec{w}_j \cdot \vec{x} + b_j\right)}\right) x_i \end{split}$$

문제

출력층 이전의 은닉층에는 적용할 수 없다!

계산 그래프

계산을 여러 연산으로 쪼개어 각 연산을 노드로 표현한 그래프

예시: 순전파

L(a, b, c) = c(a + 2b)이 함수를 쪼개어 보자.

$$d = 2b$$
 $e = a + d$
 $L = ce$

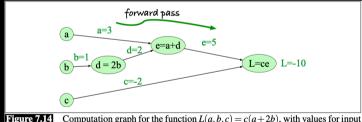


Figure 7.14 Computation graph for the function L(a, b, c) = c(a+2b), with values for input nodes a = 3, b = 1, c = -2, showing the forward pass computation of L.

미분의 연쇄법칙

합성함수의 미분
$$f(x) = u(v(x))$$
 \Rightarrow $\frac{df}{dx} = \frac{du}{dv} \times \frac{dv}{dx}$

예시: 역전파

$$L(a,b,c) = c(a+2b) = c(a+d) = ce$$

$$\frac{\partial L}{\partial d} = \frac{\partial L}{\partial e} \frac{\partial e}{\partial d} = \frac{\partial}{\partial e} (ce) \times \frac{\partial}{\partial d} (a+d)$$



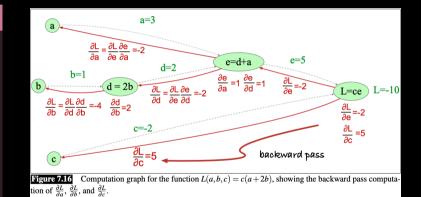
Figure 7.15 Each node (like e here) takes an upstream gradient, multiplies it by the local gradient (the gradient of its output with respect to its input), and uses the chain rule to compute a downstream gradient to be passed on to a prior node. A node may have multiple local gradients if it has multiple inputs.

< □ ▶ < @ ▶ < 분 ▶ < 분 ▶ 를 ∽ Q (~

예시: 역전파

$$\begin{aligned} \mathsf{L}(\mathsf{a},\mathsf{b},\mathsf{c}) &= \mathsf{c}(\mathsf{a}+2\mathsf{b}) \\ &= \mathsf{c}(\mathsf{a}+\mathsf{d}) \\ &= \mathsf{c}\mathsf{e} \end{aligned}$$

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial a} &= \frac{\partial L}{\partial e} \frac{\partial e}{\partial a} \\ \frac{\partial L}{\partial b} &= \frac{\partial L}{\partial e} \frac{\partial e}{\partial d} \frac{\partial d}{\partial b} \\ \frac{\partial L}{\partial c} & \end{split}$$



13 / 26

박수지 컴퓨터언어학

로지스틱 함수의 계산 그래프 그려 보기

로지스틱 함수

$$\sigma(\mathbf{z}) = \frac{1}{1 + \exp(-\mathbf{z})}$$

$$\mathbf{a} = -\mathbf{z}$$

$$\mathbf{b} = \exp(\mathbf{a})$$

$$\mathbf{c} = 1 + \mathbf{b}$$

$$\sigma = \frac{1}{\mathbf{c}}$$

$$\frac{d\sigma}{dz} = \frac{d\sigma}{dc} \frac{dc}{db} \frac{db}{da} \frac{da}{dz}$$

$$\begin{aligned} \frac{da}{dz} &= -1\\ \frac{db}{da} &= exp(a) = b\\ \frac{dc}{db} &= 1 \end{aligned}$$

 $\frac{d\sigma}{dc}$

로지스틱 함수의 미분

로지스틱 함수…

$$\sigma(\mathsf{z}) = \frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})}$$

$$\mathbf{a} = -\mathbf{z}$$
 $\mathbf{b} = \mathbf{exp}(\mathbf{a})$
 $\mathbf{c} = 1 + \mathbf{b}$

$$\sigma = \frac{1}{\mathsf{c}}$$

$$\begin{aligned} \frac{\text{da}}{\text{dz}} &= -1\\ \frac{\text{db}}{\text{da}} &= \exp(a) = b\\ \frac{\text{dc}}{\text{db}} &= 1\\ \frac{\text{d}\sigma}{\text{dc}} &= -\frac{1}{c^2} \end{aligned}$$

…의 도함수 구하기

$$\begin{aligned} \frac{d\sigma}{dz} &= \frac{d\sigma}{dc} \times \frac{dc}{db} \times \frac{db}{da} \times \frac{da}{dz} \\ &= \left(-\frac{1}{c^2}\right) \times 1 \times b \times (-1) \\ &= \frac{b}{c^2} \\ &= \frac{\exp(-z)}{\left[1 + \exp(-z)\right]^2} \end{aligned}$$

로지스틱 함수의 미분

로지스틱 함수의 도함수 정리하기

$$\begin{split} \frac{\mathsf{d}\sigma}{\mathsf{d}\mathsf{z}} &= \frac{\mathsf{d}}{\mathsf{d}\mathsf{z}} \left[\frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \right] = \frac{\exp(-\mathsf{z})}{\left[1 + \exp(-\mathsf{z})\right]^2} \\ &= \frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \times \frac{\exp(-\mathsf{z})}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \\ &= \frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \times \frac{1 + \exp(-\mathsf{z}) - 1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \\ &= \frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \times \left[\frac{1 + \exp(-\mathsf{z})}{1 + \exp(-\mathsf{z})} - \frac{1}{1 + \exp(-\mathsf{z})} \right] \\ &= \sigma(1 - \sigma) \end{split}$$

16/26

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

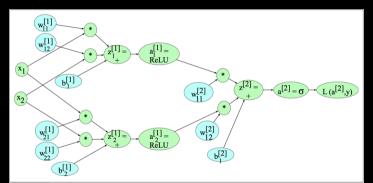


Figure 7.17 Sample computation graph for a simple 2-layer neural net (= 1 hidden layer) with two input units and 2 hidden units. We've adjusted the notation a bit to avoid long equations in the nodes by just mentioning the function that is being computed, and the resulting variable name. Thus the * to the right of node $w_{11}^{[1]}$ means that $w_{11}^{[1]}$ is to be multiplied by x_1 , and the node $z^{[1]} = +$ means that the value of $z^{[1]}$ is computed by summing the three nodes that feed into it (the two products, and the bias term $b_i^{[1]}$).

(ㅁ▶ᅦ@▶ᅦ토▶ᅦ토▶ 토 쒸٩(

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\frac{\partial L}{\partial w_{1,1}^{[1]}} = \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} \frac{\partial a_1^{[1]}}{\partial z_1^{[1]}} \frac{\partial z_1^{[1]}}{\partial w_{1,1}^{[1]}}$$

1. 손실함수→활성홧값2

$$\mathsf{L} = -\left[\mathsf{y}\log\mathsf{a}^{[2]} + (1-\mathsf{y})\log\left(1-\mathsf{a}^{[2]}\right)\right]$$

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} &= -\left[\frac{y}{a^{[2]}} - \frac{1 - y}{1 - a^{[2]}}\right] \\ &= -\left[\frac{y\left(1 - a^{[2]}\right) - (1 - y)a^{[2]}}{a^{[2]}\left(1 - a^{[2]}\right)}\right] \\ &= \frac{a^{[2]} - y}{a^{[2]}\left(1 - a^{[2]}\right)} \end{split}$$

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\frac{\partial L}{\partial w_{1,1}^{[1]}} = \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} \frac{\partial a_1^{[1]}}{\partial z_1^{[1]}} \frac{\partial z_1^{[1]}}{\partial w_{1,1}^{[1]}}$$

$$\frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} = \frac{a^{[2]} - y}{a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right)}$$

2. 활성홧값2→가중합2(로지스틱 계층)

$$\mathsf{a}^{[2]} = \sigma\left(\mathsf{z}^{[2]}
ight)$$

$$\begin{split} \frac{\partial \mathbf{a}^{[2]}}{\partial \mathbf{z}^{[2]}} &= \sigma \left(\mathbf{z}^{[2]} \right) \left[1 - \sigma \left(\mathbf{z}^{[2]} \right) \right] \\ &= \mathbf{a}^{[2]} \left(1 - \mathbf{a}^{[2]} \right) \end{split}$$

(ㅁ▶ 4륜 > 4분 > - 분 - - 9 < 연

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\frac{\partial L}{\partial w_{1,1}^{[1]}} = \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} \frac{\partial a_1^{[1]}}{\partial z_1^{[1]}} \frac{\partial z_1^{[1]}}{\partial w_{1,1}^{[1]}}$$

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} &= \frac{a^{[2]} - y}{a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right)} \\ \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} &= a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right) \end{split}$$

3. 가중합2→활성홧값1 (Affine 계층)

$$\mathbf{z}^{[2]} = \mathbf{w}_1^{[2]} \mathbf{a}_1^{[1]} + \mathbf{w}_2^{[2]} \mathbf{a}_2^{[1]} + \mathbf{b}^{[2]}$$

$$\frac{\partial \mathsf{z}^{[2]}}{\partial \mathsf{a}_{\scriptscriptstyle 1}^{[1]}} = \mathsf{w}_{\scriptscriptstyle 1}^{[2]}$$

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\frac{\partial L}{\partial w_{1,1}^{[1]}} = \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} \frac{\partial a_1^{[1]}}{\partial z_1^{[1]}} \frac{\partial z_1^{[1]}}{\partial w_{1,1}^{[1]}}$$

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} &= \frac{a^{[2]} - y}{a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right)} \\ \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} &= a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right) \\ \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} &= w_1^{[2]} \end{split}$$

4. 활성홧값1→가중합1 (ReLU 계층)

$$\mathsf{a}_1^{[1]} = \mathsf{ReLU}\left(\mathsf{z}_1^{[1]}
ight) = egin{cases} 0, & \mathsf{if}\,\mathsf{z}_1^{[1]} \leq 0 \ \mathsf{z}_1^{[1]}, & \mathsf{if}\,\mathsf{z}_1^{[1]} > 0 \end{cases}$$

$$\begin{split} \frac{\partial \textbf{a}_1^{[1]}}{\partial \textbf{z}_1^{[1]}} &= \begin{cases} 0, & \text{if } \textbf{z}_1^{[1]} \leq 0 \\ 1, & \text{if } \textbf{z}_1^{[1]} > 0 \end{cases} \\ &= \mathbb{1} \left\{ \textbf{z}_1^{[1]} > 0 \right\} \end{split}$$

2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\frac{\partial L}{\partial w_{1,1}^{[1]}} = \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} \frac{\partial a_1^{[1]}}{\partial z_1^{[1]}} \frac{\partial z_1^{[1]}}{\partial w_{1,1}^{[1]}}$$

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial a^{[2]}} &= \frac{a^{[2]} - y}{a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right)} \\ \frac{\partial a^{[2]}}{\partial z^{[2]}} &= a^{[2]} \left(1 - a^{[2]}\right) \\ \frac{\partial z^{[2]}}{\partial a_1^{[1]}} &= w_1^{[2]} \end{split}$$

5. 가중합1→가중치1 (Affine 계층)

$$z_1^{[1]} = w_{1,1}^{[1]} x_1 + w_{1,2}^{[1]} x_2 + b_1^{[1]}$$

$$\frac{\partial \mathsf{Z}_{1}^{^{[1]}}}{\partial \mathsf{W}_{1,1}^{[1]}} = \mathsf{X}$$



2층 신경망의 손실함수를 1층 매개변수로 편미분하기

손실함수의 편도함수: 연쇄법칙

$$\begin{split} \frac{\partial \mathsf{L}}{\partial \mathsf{w}_{1,1}^{[1]}} &= \frac{\partial \mathsf{L}}{\partial \mathsf{a}^{[2]}} \frac{\partial \mathsf{a}^{[2]}}{\partial \mathsf{z}^{[2]}} \frac{\partial \mathsf{z}_{1}^{[1]}}{\partial \mathsf{z}_{1}^{[1]}} \frac{\partial \mathsf{z}_{1}^{[1]}}{\partial \mathsf{w}_{1,1}^{[1]}} \\ &= \frac{\mathsf{a}^{[2]} - \mathsf{y}}{\mathsf{a}^{[2]} \left(1 - \mathsf{a}^{[2]}\right)} \times \mathsf{a}^{[2]} \left(1 - \mathsf{a}^{[2]}\right) \times \mathsf{w}_{1}^{[2]} \times \mathbb{1} \left\{ \mathsf{z}_{1}^{[1]} > 0 \right\} \times \mathsf{x}_{1} \\ &= \left(\mathsf{a}^{[2]} - \mathsf{y} \right) \times \mathsf{w}_{1}^{[2]} \times \mathbb{1} \left\{ \mathsf{z}_{1}^{[1]} > 0 \right\} \times \mathsf{x}_{1} \\ &= \begin{cases} \left(\hat{\mathsf{y}} - \mathsf{y} \right) \mathsf{w}_{1}^{[2]} \mathsf{x}_{1}, & \text{if } \mathsf{z}_{1}^{[1]} > 0 \\ 0, & \text{if } \mathsf{z}_{1}^{[1]} \leq 0 \end{split}$$

지금까지 살펴본 계층

- 1 손실함수
- 2 로지스틱 계층(→소프트맥스 계층으로 일반화 가능)
- 3 ReLU 계층
- 4 Affine 계층(가중합)

심화: tanh 계층의 역전파를 계산해 보자. (시험에 안 나옴)

관찰

위의 계층들을 조합하여 3층 이상의 신경망으로 확장할 수 있다.



남은 문제

《밑바닥부터 시작하는 딥러닝 1》6장〈학습 관련 기술들〉참조 — 심화 과제

- 매개변수 갱신(최적화) 방법
- 가중치의 초깃값 설정
- 배치 정규화
- 과적합(Overfitting) 방지

다음 주에 배울 것

합성곱신경망(CNN: Convolutional Neural Networks)

- ■《밑바닥부터 시작하는 딥러닝 1》7장
- Kim (2014) "Convolutional Neural Networks for Sentence Classification" https://arxiv.org/abs/1408.5882