Lesson07---哈希

[本节目标]

- 1. unordered系列关联式容器
- 2. 底层结构
- 3. 模拟实现
- 4.哈希的应用
- 5.海量数据处理面试题

1. unordered系列关联式容器

在C++98中,STL提供了底层为红黑树结构的一系列关联式容器,在查询时效率可达到 log_2N ,即最差情况下需要比较红黑树的高度次,当树中的节点非常多时,查询效率也不理想。最好的查询是,进行很少的比较次数就能够将元素找到,因此在C++11中,STL又提供了4个unordered系列的关联式容器,这四个容器与红黑树结构的关联式容器使用方式基本类似,只是其底层结构不同,本文中只对unordered_map和unordered_set进行介绍,unordered_multimap和unordered_multiset学生可查看文档介绍。

1.1 unordered map

1.1.1 unordered_map的文档介绍

unordered map在线文档说明

- 1. unordered_map是存储<key, value>键值对的关联式容器,其允许通过keys快速的索引到与其对应的value。
- 2. 在unordered_map中,键值通常用于惟一地标识元素,而映射值是一个对象,其内容与此键关联。键和映射值的类型可能不同。
- 3. 在内部,unordered_map没有对<kye, value>按照任何特定的顺序排序, 为了能在常数范围内找到key所对应的value, unordered_map将相同哈希值的键值对放在相同的桶中。
- 4. unordered_map容器通过key访问单个元素要比map快,但它通常在遍历元素子集的范围迭代方面效率较低。
- 5. unordered_maps实现了直接访问操作符(operator[]),它允许使用key作为参数直接访问value。
- 6. 它的迭代器至少是前向迭代器。

1.1.2 unordered_map的接口说明

1. unordered_map的构造

函数声明	功能介绍			
unordered map	构造不同格式的unordered_map对象			

2. unordered_map的容量

函数声明	功能介绍				
bool empty() const	检测unordered_map是否为空				
size_t size() const	获取unordered_map的有效元素个数				

3. unordered_map的迭代器

函数声明	功能介绍				
<u>begin</u>	begin 返回unordered_map第一个元素的迭代器				
<u>end</u>	返回unordered_map最后一个元素下一个位置的迭代器				
cbegin	返回unordered_map第一个元素的const迭代器				
cend	返回unordered_map最后一个元素下一个位置的const迭代器				

4. unordered_map的元素访问

函数声明	功能介绍
operator[]	返回与key对应的value,没有一个默认值

注意:该函数中实际调用哈希桶的插入操作,用参数key与V()构造一个默认值往底层哈希桶中插入,如果key不在哈希桶中,插入成功,返回V(),插入失败,说明key已经在哈希桶中,将key对应的value返回。

5. unordered_map的查询

函数声明	功能介绍			
iterator find(const K& key)	返回key在哈希桶中的位置			
size t count(const K& key)	返回哈希桶中关键码为key的键值对的个数			

注意: unordered_map中key是不能重复的,因此count函数的返回值最大为1

6. unordered_map的修改操作

函数声明	功能介绍			
insert	向容器中插入键值对			
<u>erase</u>	删除容器中的键值对			
void clear()	清空容器中有效元素个数			
void swap(unordered map&)	交换两个容器中的元素			

7. unordered_map的桶操作

函数声明	功能介绍				
size t bucket count()const	返回哈希桶中桶的总个数				
size t bucket size(size t n)const	返回n号桶中有效元素的总个数				
size t bucket(const K& key)	返回元素key所在的桶号				

1.2 unordered_set

参见 unordered set在线文档说明

1.3 在线OJ

重复n次的元素

```
class Solution {
 1
 2
    public:
        int repeatedNTimes(vector<int>& A) {
 3
            size_t N = A.size()/2;
 4
            // 用unordered_map统计每个元素出现的次数
 5
            unordered_map<int, int> m;
 6
 7
            for(auto e : A)
 8
               m[e]++;
 9
            // 找出出现次数为N的元素
10
            for(auto& e : m)
11
12
13
               if(e.second == N)
14
                   return e.first;
15
16
       }
17
    };
```

两个数组的交集!

```
1 class Solution {
2 public:
```

```
vector<int> intersection(vector<int>& nums1, vector<int>& nums2) {
 4
 5
            // 用unordered_set对nums1中的元素去重
            unordered_set<int> s1;
 6
 7
            for (auto e : nums1)
 8
                s1.insert(e);
 9
            // 用unordered set对nums2中的元素去重
10
            unordered_set<int> s2;
11
            for (auto e : nums2)
12
                s2.insert(e);
13
14
            // 遍历s1, 如果s1中某个元素在s2中出现过, 即为交集
            vector<int> vRet;
16
            for (auto e : s1)
17
18
                if (s2.find(e) != s2.end())
19
20
                    vRet.push back(e);
21
22
23
            return vRet;
        }
24
25
    };
```

两个数组的交集!!

存在重复元素

两句话中不常见的单词

2. 底层结构

unordered系列的关联式容器之所以效率比较高,是因为其底层使用了哈希结构。

2.1 哈希概念

顺序结构以及平衡树中,元素关键码与其存储位置之间没有对应的关系,因此在**查找一个元素时,必须要经过关键码的多次比较。顺序查找时间复杂度为O(N),平衡树中为树的高度,即O(log_2N)**,搜索的效率取决于搜索过程中元素的比较次数。

理想的搜索方法:可以不经过任何比较,一次直接从表中得到要搜索的元素。如果构造一种存储结构,通过某种函数(hashFunc)使元素的存储位置与它的关键码之间能够建立——映射的关系,那么在查找时通过该函数可以很快找到该元素。

当向该结构中:

• 插入元素

根据待插入元素的关键码,以此函数计算出该元素的存储位置并按此位置进行存放

• 搜索元素

对元素的关键码进行同样的计算,把求得的函数值当做元素的存储位置,在结构中按此位置取元素比较,若关键码相等,则搜索成功

该方式即为哈希(散列)方法,**哈希方法中使用的转换函数称为哈希(散列)函数,构造出来的结构称为哈希表** (Hash Table)(**或者称散列表**)

例如: 数据集合{1,7,6,4,5,9};

哈希函数设置为: hash(key) = key % capacity; capacity为存储元素底层空间总的大小。

哈希函数: hash(key) = key % capacity capacity = 10

()	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		1			4	5	6	7		9

$$hash(1) = 1\%10 = 1$$
 $hash(7) = 4\%10 = 4$ $hash(6) = 6\%10 = 6$
 $hash(4) = 4\%10 = 4$ $hash(5) = 5\%10 = 5$ $hash(9) = 9\%10 = 9$

用该方法进行搜索不必进行多次关键码的比较,因此搜索的速度比较快问题:按照上述哈希方式,向集合中插入元素44,会出现什么问题?

2.2 哈希冲突

对于两个数据元素的关键字 k_i 和 k_j (i = j),有 $k_i = k_j$,但有: $Hash(k_i) == Hash(k_j)$,即:**不同关键字通过** 相同哈希哈数计算出相同的哈希地址,该种现象称为哈希冲突或哈希碰撞。

把具有不同关键码而具有相同哈希地址的数据元素称为"同义词"。

发生哈希冲突该如何处理呢?

2.3 哈希函数

引起哈希冲突的一个原因可能是:**哈希函数设计不够合理。哈希函数设计原则**:

- 哈希函数的定义域必须包括需要存储的全部关键码,而如果散列表允许有m个地址时,其值域必须在0 到m-1之间
- 哈希函数计算出来的地址能均匀分布在整个空间中
- 哈希函数应该比较简单

常见哈希函数

1. 直接定制法--(常用)

取关键字的某个线性函数为散列地址: Hash (Key) = A*Key + B 优点: 简单、均匀 缺点: 需要事先知道关键字的分布情况 使用场景: 适合查找比较小且连续的情况 面试题: 字符串中第一个只出现一次字符

2. 除留余数法--(常用)

设散列表中允许的**地址数为m,取一个不大于m,但最接近或者等于m的质数p作为除数,按照哈希函数**: Hash(key) = key% p(p<=m),将关键码转换成哈希地址

3. 平方取中法--(了解)

假设关键字为1234,对它平方就是1522756,抽取中间的3位227作为哈希地址;再比如关键字为4321,对它平方就是18671041,抽取中间的3位671(或710)作为哈希地址**平方取中法比较适合:不知道关键字的分布,而位数又不是很大的情况**

4. 折叠法--(了解)

折叠法是将关键字从左到右分割成位数相等的几部分(最后一部分位数可以短些),然后将这几部分叠加求和,并按散列表表长,取后几位作为散列地址。

折叠法适合事先不需要知道关键字的分布,适合关键字位数比较多的情况

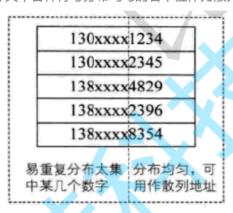
5. **随机数法**--(了解)

选择一个随机函数,取关键字的随机函数值为它的哈希地址,即H(key) = random(key),其中random为随机数函数。

通常应用于关键字长度不等时采用此法

6. **数学分析法**--(了解)

设有n个d位数,每一位可能有r种不同的符号,这r种不同的符号在各位上出现的频率不一定相同,可能在某些位上分布比较均匀,每种符号出现的机会均等,在某些位上分布不均匀只有某几种符号经常出现。可根据散列表的大小,选择其中各种符号分布均匀的若干位作为散列地址。例如:



假设要存储某家公司员工登记表,如果用手机号作为关键字,那么极有可能前7位都是相同的,那么我们可以选择后面的四位作为散列地址,如果这样的抽取工作还容易出现冲突,还可以对抽取出来的数字进行反转(如1234改成4321)、右环位移(如1234改成4123)、左环移位、前两数与后两数叠加(如1234改成12+34=46)等方法。

数字分析法通常适合处理关键字位数比较大的情况,如果事先知道关键字的分布且关键字的若干位分布较均匀的情况

注意:哈希函数设计的越精妙,产生哈希冲突的可能性就越低,但是无法避免哈希冲突

2.4 哈希冲突解决

解决哈希冲突两种常见的方法是: 闭散列和开散列

2.4.1 闭散列

闭散列: 也叫开放定址法,当发生哈希冲突时,如果哈希表未被装满,说明在哈希表中必然还有空位置,那么可以把key存放到冲突位置中的"下一个"空位置中去。那如何寻找下一个空位置呢?

1. 线性探测

比如2.1中的场景,现在需要插入元素44,先通过哈希函数计算哈希地址,hashAddr为4,因此44理论上应该插在该位置,但是该位置已经放了值为4的元素,即发生哈希冲突。

线性探测: 从发生冲突的位置开始, 依次向后探测, 直到寻找到下一个空位置为止。

- 插入
 - 通过哈希函数获取待插入元素在哈希表中的位置

■ 如果该位置中没有元素则直接插入新元素,如果该位置中有元素发生哈希冲突,使用线性探测找到下一个空位置,插入新元素

哈希函数: hash(key) = key % capacity capacity = 10

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1			4	5	6	7	44	9

```
hash(1) = 1\%10 = 1 hash(7) = 4\%10 = 4 hash(6) = 6\%10 = 6 hash(4) = 4\%10 = 4 hash(5) = 5\%10 = 5 hash(9) = 9\%10 = 9
```

○ 删除

采用闭散列处理哈希冲突时,不能随便物理删除哈希表中已有的元素,若直接删除元素会影响其他元素的搜索。比如删除元素4,如果直接删除掉,44查找起来可能会受影响。因此**线性探测采用标记的伪删除法来删除一个元素**。

```
1 // 哈希表每个空间给个标记
2 // EMPTY此位置空, EXIST此位置已经有元素, DELETE元素已经删除
3 enum State{EMPTY, EXIST, DELETE};
```

线性探测的实现

```
// 注意: 假如实现的哈希表中元素唯一, 即key相同的元素不再进行插入
   // 为了实现简单, 此哈希表中我们将比较直接与元素绑定在一起
2
3
   template<class K, class V>
   class HashTable
4
5
6
       struct Elem
           pair<K, V> _val;
8
           State _state;
9
10
       };
11
12
    public:
13
       HashTable(size t capacity = 3)
           : _ht(capacity), _size(0)
14
15
       {
           for(size_t i = 0; i < capacity; ++i)</pre>
16
               _ht[i]._state = EMPTY;
17
18
       }
19
20
       bool Insert(const pair<K, V>& val)
21
22
          // 检测哈希表底层空间是否充足
23
          // CheckCapacity();
24
          size_t hashAddr = HashFunc(key);
25
          // size t startAddr = hashAddr;
          while(_ht[hashAddr]._state != EMPTY)
26
27
```

```
28
               if( ht[hashAddr]. state == EXIST && ht[hashAddr]. val.first == key)
29
                   return false;
30
               hashAddr++;
31
32
               if(hashAddr == _ht.capacity())
33
                   hashAddr = 0;
34
               // 转一圈也没有找到,注意: 动态哈希表,该种情况可以不用考虑,哈希表中元素个数
35
    到达一定的数量,哈希冲突概率会增大,需要扩容来降低哈希冲突,因此哈希表中元素是不会存满的
36
               if(hashAddr == startAddr)
                   return false;
37
38
39
           }
40
           // 插入元素
41
           _ht[hashAddr]._state = EXIST;
42
43
           _ht[hashAddr]._val = val;
44
           _size++;
45
           return true;
46
       int Find(const K& key)
47
48
49
           size_t hashAddr = HashFunc(key);
50
           while( ht[hashAddr]. state != EMPTY)
51
               if(_ht[hashAddr]._state == EXIST && _ht[hashAddr]._val.first == key)
52
53
                   return hashAddr;
54
55
               hashAddr++;
56
57
           return hashAddr;
58
59
       bool Erase(const K& key)
60
61
           int index = Find(key);
           if(-1 != index)
62
63
               _ht[index]._state = DELETE;
64
65
               _size++;
66
               return true;
67
68
           return false;
69
       }
70
       size_t Size()const;
71
       bool Empty() const;
72
       void Swap(HashTable<K, V, HF>& ht);
73
    private:
74
        size_t HashFunc(const K& key)
75
76
            return key % _ht.capacity();
77
78
    private:
79
        vector<Elem> _ht;
```

```
80 | size_t _size;
81 |};
```

思考: 哈希表什么情况下进行扩容? 如何扩容?

散列表的载荷因子定义为: α = 填入表中的元素个数 / 散列表的长度

 α 是散列表装满程度的标志因子。由于表长是定值, α 与"填入表中的元素个数"成正比,所以, α 越大,表明填入表中的元素越多,产生冲突的可能性就越大;反之, α 越小,标明填入表中的元素越少,产生冲突的可能性就越小。实际上,散列表的平均查找长度是载荷因子 α 的函数,只是不同处理冲突的方法有不同的函数。

对于开放定址法,荷载因子是特别重要因素,应严格限制在0.7-0.8以下。超过0.8,查表时的CPU缓存不命中(cache missing)按照指数曲线上升。因此,一些采用开放定址法的hash库,如Java的系统库限制了荷载因子为0.75,超过此值将resize散列表。

```
void CheckCapacity()
 1
 2
     {
 3
         if( size * 10 / ht.capacity() >= 7)
 4
 5
             HashTable<K, V, HF> newHt(GetNextPrime(ht.capacity));
             for(size t i = 0; i < ht.capacity(); ++i)</pre>
 6
 7
 8
                 if( ht[i]. state == EXIST)
 9
                      newHt.Insert( ht[i]. val);
10
11
12
             Swap(newHt);
13
         }
14
    }
```

线性探测优点:实现非常简单,

线性探测缺点:一旦发生哈希冲突,所有的冲突连在一起,容易产生数据"堆积",即:不同关键码占据了可利用的空位置,使得寻找某关键码的位置需要许多次比较,导致搜索效率降低。如何缓解呢?

2. 二次探测

线性探测的缺陷是产生冲突的数据堆积在一块,这与其找下一个空位置有关系,因为找空位置的方式就是挨着往后逐个去找,因此二次探测为了避免该问题,**找下一个空位置的方法为**: H_i = (H_0 + i^2)% m。其中: i = 1,2,3…, H_0 是通过散列函数Hash(x)对元素的关键码 key 进行计算得到的位置,m是表的大小。 对于2.1中如果要插入44,产生冲突,使用解决后的情况为:

哈希函数: hash(key) = key % capacity capacity = 10

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1			4	5	6	7	44	9

```
hash(1) = 1\%10 = 1 hash(7) = 4\%10 = 4 hash(6) = 6\%10 = 6 hash(4) = 4\%10 = 4 hash(5) = 5\%10 = 5 hash(9) = 9\%10 = 9
```

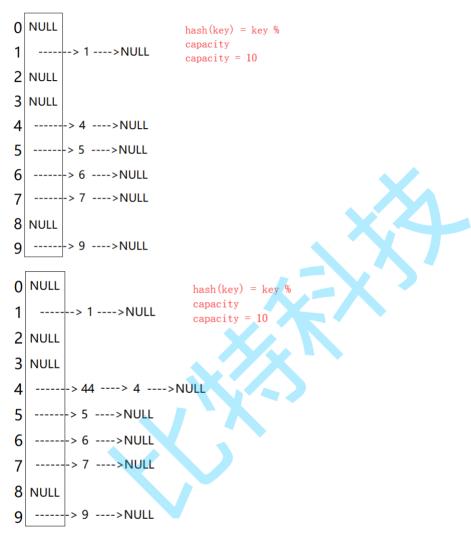
研究表明: 当表的长度为质数且表装载因子a不超过0.5时,新的表项一定能够插入,而且任何一个位置都不会被探查两次。因此只要表中有一半的空位置,就不会存在表满的问题。在搜索时可以不考虑表装满的情况,但在插入时必须确保表的装载因子a不超过0.5,如果超出必须考虑增容。

因此:比散列最大的缺陷就是空间利用率比较低,这也是哈希的缺陷。

2.4.2 开散列

1. 开散列概念

开散列法又叫链地址法(开链法),首先对关键码集合用散列函数计算散列地址,具有相同地址的关键码归于同一子集合,每一个子集合称为一个桶,各个桶中的元素通过一个单链表链接起来,各链表的头结点存储在哈希表中。



从上图可以看出, **开散列中每个桶中放的都是发生哈希冲突的元素**。

2. 开散列实现

```
template<class V>
    struct HashBucketNode
2
3
4
       HashBucketNode(const V& data)
5
           : _pNext(nullptr), _data(data)
6
7
       HashBucketNode<V>* _pNext;
       V _data;
8
9
   };
10
11 // 本文所实现的哈希桶中key是唯一的
```

```
12
    template<class V>
13
    class HashBucket
14
        typedef HashBucketNode<V> Node;
15
16
        typedef Node* PNode;
    public:
17
18
        HashBucket(size_t capacity = 3): _size(0)
19
        { ht.resize(GetNextPrime(capacity), nullptr);}
20
        // 哈希桶中的元素不能重复
21
22
        PNode* Insert(const V& data)
23
            // 确认是否需要扩容。。。
24
25
            // CheckCapacity();
26
            // 1. 计算元素所在的桶号
27
28
            size_t bucketNo = HashFunc(data);
29
30
            // 2. 检测该元素是否在桶中
            PNode pCur = ht[bucketNo];
31
            while(pCur)
32
33
34
                if(pCur->_data == data)
35
                    return pCur;
36
37
                pCur = pCur->_pNext;
            }
38
39
40
            // 3. 插入新元素
41
            pCur = new Node(data);
42
            pCur->_pNext = _ht[bucketNo];
            _ht[bucketNo] = pCur;
43
44
            _size++;
45
            return pCur;
46
47
48
        // 删除哈希桶中为data的元素(data不会重复),返回删除元素的下一个节点
49
        PNode* Erase(const V& data)
50
            size t bucketNo = HashFunc(data);
51
52
            PNode pCur = ht[bucketNo];
53
            PNode pPrev = nullptr, pRet = nullptr;
54
55
            while(pCur)
56
57
                if(pCur->_data == data)
58
59
                    if(pCur == _ht[bucketNo])
60
                        _ht[bucketNo] = pCur->_pNext;
61
                    else
62
                        pPrev->_pNext = pCur->_pNext;
63
64
                    pRet = pCur->_pNext;
```

```
65
                     delete pCur;
66
                     size--;
67
                     return pRet;
                 }
68
69
                 else
70
                 {
                     pPrev = pCur;
71
72
                     pCur = pCur->next;
73
                 }
74
            }
75
76
            return nullptr;
77
        }
78
79
        PNode* Find(const V& data);
        size t Size()const;
80
81
        bool Empty()const;
82
        void Clear();
83
        bool BucketCount()const;
        void Swap(HashBucket<V, HF>& ht;
84
        ~HashBucket();
85
86
    private:
87
        size t HashFunc(const V& data)
88
89
            return data% ht.capacity();
90
        }
91
    private:
        vector<PNode*> _ht;
92
93
                            // 哈希表中有效元素的个数
        size t size;
94
    };
```

3. 开散列增容

桶的个数是一定的,随着元素的不断插入,每个桶中元素的个数不断增多,极端情况下,可能会导致一个桶中链表节点非常多,会影响的哈希表的性能,因此在一定条件下需要对哈希表进行增容,那该条件怎么确认呢? 开散列最好的情况是:每个哈希桶中刚好挂一个节点,再继续插入元素时,每一次都会发生哈希冲突,因此,在元素个数刚好等于桶的个数时,可以给哈希表增容。

```
void _CheckCapacity()
1
2
    {
3
        size t bucketCount = BucketCount();
4
        if(_size == bucketCount)
5
            HashBucket<V, HF> newHt(bucketCount);
6
7
            for(size_t bucketIdx = 0; bucketIdx < bucketCount; ++bucketIdx)</pre>
8
9
                PNode pCur = _ht[bucketIdx];
10
                while(pCur)
11
                    // 将该节点从原哈希表中拆出来
12
13
                    _ht[bucketIdx] = pCur->_pNext;
14
                    // 将该节点插入到新哈希表中
15
```

```
16
                     size t bucketNo = newHt.HashFunc(pCur-> data);
17
                     pCur->_pNext = newHt._ht[bucketNo];
18
                     newHt._ht[bucketNo] = pCur;
19
                     pCur = _ht[bucketIdx];
20
21
            }
22
23
            newHt. size = size;
            this->Swap(newHt);
24
25
26
   }
```

4. 开散列的思考

1. 只能存储key为整形的元素, 其他类型怎么解决?

```
// 哈希函数采用处理余数法,被模的key必须要为整形才可以处理,此处提供将key转化为整形的
   方法
   // 整形数据不需要转化
   template<class T>
   class DefHashF
4
6
   public:
7
       size_t operator()(const T& val)
8
9
           return val;
10
11
   };
12
13
   // key为字符串类型, 需要将其转化为整形
   class Str2Int
14
15
16
   public:
       size t operator()(const string& s)
17
18
           const char* str = s.c_str();
19
           unsigned int seed = 131; // 31 131 1313 13131 131313
20
21
           unsigned int hash = 0;
22
           while (*str)
23
24
              hash = hash * seed + (*str++);
25
26
27
          return (hash & 0x7FFFFFFF);
28
       }
29
   };
30
31
   // 为了实现简单,此哈希表中我们将比较直接与元素绑定在一起
   template<class V, class HF>
32
33
   class HashBucket
34
35
       // .....
36
   private:
```

```
37     size_t HashFunc(const V& data)
38     {
39         return HF()(data.first)%_ht.capacity();
40     }
41     };
```

2. 除留余数法, 最好模一个素数, 如何每次快速取一个类似两倍关系的素数?

```
const int PRIMECOUNT = 28;
2
    const size t primeList[PRIMECOUNT] =
3
                                                      769ul,
      53ul,
                  97ul,
                                193ul,
                                           389ul,
1
                                          12289ul,
5
      1543ul,
                   3079ul,
                               6151ul,
                                                       24593ul,
                  98317ul,
                               196613ul, 393241ul, 786433ul,
6
       49157ul,
7
      1572869ul, 3145739ul, 6291469ul, 12582917ul, 25165843ul,
       50331653ul, 100663319ul, 201326611ul, 402653189ul, 805306457ul,
8
       1610612741ul, 3221225473ul, 4294967291ul
9
10
   };
11
   size t GetNextPrime(size t prime)
12
13
     size_t i = 0;
14
       for(; i < PRIMECOUNT; ++i)</pre>
15
16
          if(primeList[i] > primeList[i])
17
              return primeList[i];
19
20
21
       return primeList[i];
22 }
```

字符串哈希算法

5. 开散列与闭散列比较

应用链地址法处理溢出,需要增设链接指针,似乎增加了存储开销。事实上: 由于开地址法必须保持大量的空闲空间以确保搜索效率,如二次探查法要求装载因子a <= 0.7,而表项所占空间又比指针大的多,所以使用链地址法反而比开地址法节省存储空间。

3. 模拟实现

3.1 哈希表的改造

1. 模板参数列表的改造

```
1// K:关键码类型2// V: 不同容器V的类型不同,如果是unordered_map, V代表一个键值对,如果是unordered_set,V为 K3// KeyOfValue: 因为V的类型不同,通过value取key的方式就不同,详细见unordered_map/set的实现4// HF: 哈希函数仿函数对象类型,哈希函数使用除留余数法,需要将Key转换为整形数字才能取模5template<class K, class V, class KeyOfValue, class HF = DefHashF<T> >6class HashBucket;
```

2. 增加迭代器操作

```
// 为了实现简单,在哈希桶的迭代器类中需要用到hashBucket本身,
2
   template<class K, class V, class KeyOfValue, class HF>
3
    class HashBucket;
4
   // 注意: 因为哈希桶在底层是单链表结构, 所以哈希桶的迭代器不需要--操作
5
6
   template <class K, class V, class KeyOfValue, class HF>
7
    struct HBIterator
8
       typedef HashBucket<K, V, KeyOfValue, HF> HashBucket;
9
10
       typedef HashBucketNode<V>* PNode;
11
       typedef HBIterator<K, V, KeyOfValue, HF> Self;
12
       HBIterator(PNode pNode = nullptr, HashBucket* pHt = nullptr);
13
14
       Self& operator++()
15
            // 当前迭代器所指节点后还有节点时直接取其下一个节点
16
17
           if ( pNode-> pNext)
               _pNode = _pNode->_pNext;
18
19
           else
20
21
             ▲ // 找下一个不空的桶,返回该桶中第一个节点
22
               size_t bucketNo = _pHt->HashFunc(KeyOfValue()(_pNode->_data))+1;
23
               for (; bucketNo < _pHt->BucketCount(); ++bucketNo)
24
                  if (_pNode = _pHt->_ht[bucketNo])
25
26
                      break;
27
28
29
           return *this;
30
31
       }
32
       Self operator++(int);
33
       V& operator*();
34
       V* operator->();
       bool operator==(const Self& it) const;
35
       bool operator!=(const Self& it) const;
36
37
       PNode _pNode;
                              // 当前迭代器关联的节点
                              // 哈希桶--主要是为了找下一个空桶时候方便
38
       HashBucket* _pHt;
39
   };
```

```
template<class K, class V, class KeyOfValue, class HF = DefHashF<T> >
2
    class HashBucket
3
4
        friend HBIterator<K, V, KeyOfValue, HF>;
5
        // .....
    public:
6
        typedef HBIterator<K, V, KeyOfValue, HF> Iterator;
 7
8
        9
        // ...
10
        // 迭代器
        Iterator Begin()
11
12
13
            size t bucketNo = 0;
            for (; bucketNo < _ht.capacity(); ++bucketNo)</pre>
14
15
16
                if (_ht[bucketNo])
17
                   break;
18
            }
19
            if (bucketNo < ht.capacity())</pre>
20
21
                return Iterator(_ht[bucketNo], this);
22
            else
23
                return Iterator(nullptr, this);
24
25
26
        Iterator End(){ return Iterator(nullptr, this);}
27
        Iterator Find(const K& key);
        Iterator Insert(const V& data);
28
        Iterator Erase(const K& key);
29
30
        // 为key的元素在桶中的个数
31
32
        size_t Count(const K& key)
33
34
            if(Find(key) != End())
               return 1;
35
36
37
            return 0;
38
        }
39
40
        size t BucketCount()const{ return ht.capacity();}
        size_t BucketSize(size_t bucketNo)
41
42
43
            size_t count = 0;
            PNode pCur = _ht[bucketNo];
44
45
            while(pCur)
46
47
                count++;
48
                pCur = pCur->_pNext;
49
50
51
            return count;
```

```
52 }
53
54 // .....
55 };
```

3.2 unordered map

```
1
   // unordered map中存储的是pair<K, V>的键值对, K为key的类型, V为value的类型, HF哈希函数类型
2
   // unordered map在实现时,只需将hashbucket中的接口重新封装即可
   template<class K, class V, class HF = DefHashF<K>>
4
   class unordered map
5
      typedef pair<K, V> ValueType;
6
      typedef HashBucket<K, ValueType, KeyOfValue, HF> HT;
7
      // 通过key获取value的操作
9
      struct KeyOfValue
10
         const K& operator()(const ValueType& data)
11
12
         { return data.first;}
13
      };
14
   public:
15
      typename typedef HT::Iterator iterator;
   public:
16
17
      unordered map(): ht()
18
      {}
19
      iterator begin(){ return _ht.Begin();}
20
      iterator end(){ return ht.End();}
21
      22
23
      // capacity
24
      size_t size()const{ return _ht.Size();}
      bool empty()const{return ht.Empty();}
25
      26
27
      // Acess
      V& operator[](const K& key)
28
29
      {
         return (*( ht.InsertUnique(ValueType(key, V())).first)).second;
30
31
      }
      const V& operator[](const K& key)const;
32
      33
34
      // lookup
      iterator find(const K& key){ return _ht.Find(key);}
35
36
      size_t count(const K& key){ return _ht.Count(key);}
      37
      // modify
38
39
      pair<iterator, bool> insert(const ValueType& valye)
      { return _ht.Insert(valye);}
40
41
42
      iterator erase(iterator position)
      { return _ht.Erase(position);}
43
44
      45
      // bucket
      size_t bucket_count(){ return _ht.BucketCount();}
46
```

```
size_t bucket_size(const K& key){ return _ht.BucketSize(key);}

private:
    HT _ht;
};
```

4. 哈希的应用

4.1 位图

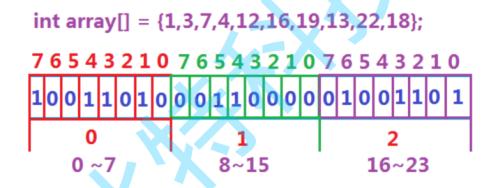
4.1.1 位图概念

1. 面试题

给40亿个不重复的无符号整数,没排过序。给一个无符号整数,如何快速判断一个数是否在这40亿个数中。【腾讯】

- 1. 遍历,时间复杂度O(N)
- 2. 排序(O(NlogN)), 利用二分查找: logN
- 3. 位图解决

数据是否在给定的整形数据中,结果是在或者不在,刚好是两种状态,那么可以使用一个二进制比特位来代表数据是否存在的信息,如果二进制比特位为1,代表存在,为0代表不存在。比如:



2. 位图概念

所谓位图,就是用每一位来存放某种状态,适用于海量数据,数据无重复的场景。通常是用来判断某个数据存不存在的。

4.1.2 位图的实现

```
class bitset
 2
 3
    public:
        bitset(size_t bitCount)
 4
            : _bit((bitCount>>5)+1), _bitCount(bitCount)
 5
 6
        // 将which比特位置1
        void set(size_t which)
 8
9
            if(which > _bitCount)
10
11
                return;
            size t index = (which >> 5);
13
            size_t pos = which % 32;
            _bit[index] |= (1 << pos);
14
```

```
15
16
        // 将which比特位置0
17
        void reset(size_t which)
18
19
            if(which > _bitCount)
20
                 return;
            size t index = (which >> 5);
21
22
            size t pos = which % 32;
23
            bit[index] &= ~(1<<pos);
24
        // 检测位图中which是否为1
25
26
        bool test(size t which)
27
        {
28
            if(which > bitCount)
29
                 return false;
            size t index = (which >> 5);
30
            size t pos = which % 32;
31
32
            return bit[index] & (1<<pos);</pre>
33
        }
        // 获取位图中比特位的总个数
34
35
        size t size()const{ return bitCount;}
        // 位图中比特为1的个数
36
37
        size t Count()const
38
        {
39
            int bitCnttable[256] = {
        0, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 3, 1, 2, 2, 3, 2, 3, 3, 4, 1, 2, 2, 3, 2, 3, 3, 4, 2,
40
        3, 3, 4, 3, 4, 4, 5, 1, 2, 2, 3, 2, 3, 3, 4, 2, 3, 3, 4, 3, 4, 4, 5, 2, 3,
41
42
        3, 4, 3, 4, 4, 5, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 1, 2, 2, 3, 2, 3, 3, 4, 2, 3, 3,
        4, 3, 4, 4, 5, 2, 3, 3, 4, 3, 4, 4, 5, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 2, 3, 3, 4,
43
        3, 4, 4, 5, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 4, 5, 5, 6, 5,
44
45
        6, 6, 7, 1, 2, 2, 3, 2, 3, 3, 4, 2, 3, 3, 4, 3, 4, 4, 5, 2, 3, 3, 4, 3, 4,
        4, 5, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 2, 3, 3, 4, 3, 4, 4, 5, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5,
46
        6, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 4, 5, 5, 6, 5, 6, 6, 7, 2, 3, 3, 4, 3, 4, 4, 5,
47
        3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 3, 4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 4, 5, 5, 6, 5, 6, 6, 7, 3,
48
49
        4, 4, 5, 4, 5, 5, 6, 4, 5, 5, 6, 5, 6, 6, 7, 4, 5, 5, 6, 5, 6, 6, 7, 5, 6,
50
        6, 7, 6, 7, 7, 8};
51
            size_t size = _bit.size();
52
53
            size t count = 0;
            for(size t i = 0; i < size; ++i)</pre>
54
55
            {
                int value = _bit[i];
56
                int j = 0;
57
                while(j < sizeof(\_bit[0]))
58
59
60
                    unsigned char c = value;
61
                     count += bitCntTable[c];
                    ++j;
62
                    value >>= 8;
63
64
                }
65
            }
            return count;
66
67
```

```
68
69 private:
70 vector<int> _bit;
71 size_t _bitCount;
72 };
```

4.1.3 位图的应用

- 1. 快速查找某个数据是否在一个集合中
- 2. 排序 + 去重
- 3. 求两个集合的交集、并集等
- 4. 操作系统中磁盘块标记

4.2 布隆过滤器

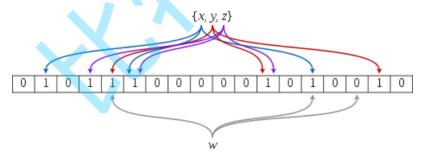
4.2.1 布隆过滤器提出

我们在使用新闻客户端看新闻时,它会给我们不停地推荐新的内容,它每次推荐时要去重,去掉那些已经看过的内容。问题来了,新闻客户端推荐系统如何实现推送去重的? 用服务器记录了用户看过的所有历史记录, 当推荐系统推荐新闻时会从每个用户的历史记录里进行筛选,过滤掉那些已经存在的记录。 如何快速查找呢?

- 1. 用哈希表存储用户记录, 缺点: 浪费空间
- 2. 用位图存储用户记录,缺点:位图一般只能处理整形,如果内容编号是字符串,就无法处理了。
- 3. 将哈希与位图结合,即布隆过滤器

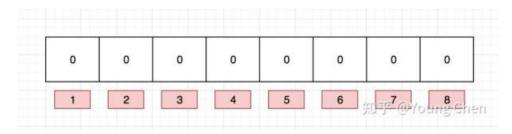
4.2.2布隆过滤器概念

布隆过滤器是由布隆 (Burton Howard Bloom) 在1970年提出的一种紧凑型的、比较巧妙的概率型数据结构,特点是高效地插入和查询,可以用来告诉你"某样东西一定不存在或者可能存在",它是用多个哈希函数,将一个数据映射到位图结构中。此种方式不仅可以提升查询效率,也可以节省大量的内存空间。

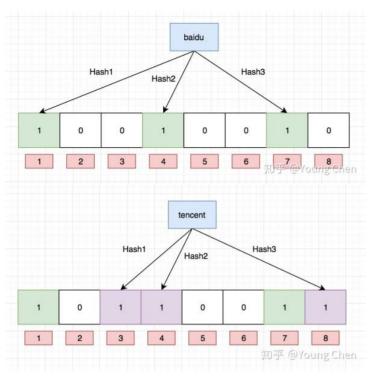


https://www.jianshu.com/p/2104d11ee0a2

4.2.3 布隆过滤器的插入



向布隆过滤器中插入: "baidu"



```
// 假设布隆过滤器中元素类型为K,每个元素对应5个哈希函数
 2
    template<class K, class KToInt1 = KeyToInt1, class KToInt2 = KeyToInt2,
                     class KToInt3 = KeyToInt3, class KToInt4 = KeyToInt4,
 3
 4
                    class KToInt5 = KeyToInt5>
 5
    class BloomFilter
 6
 7
    public:
        BloomFilter(size_t size) // 布隆过滤器中元素个数
 8
 9
            : _bmp(5*size), _size(0)
10
        {}
        bool Insert(const K& key)
11
12
            size t bitCount = bmp.Size();
13
            size_t index1 = KToInt1()(key)%bitCount;
14
            size_t index2 = KToInt2()(key)%bitCount;
15
16
            size_t index3 = KToInt3()(key)%bitCount;
17
           size_t index4 = KToInt4()(key)%bitCount;
18
            size t index5 = KToInt5()(key)%bitCount;
            _bmp.Set(index1); _bmp.Set(index2);_bmp.Set(index3);
19
            _bmp.Set(index4);_bmp.Set(index5);
20
            _size++;
21
22
        }
23
    private:
        bitset bmp;
24
        size_t _size;
                      // 实际元素的个数
25
26
27
28
```

4.2.4 布隆过滤器的查找

布隆过滤器的思想是将一个元素用多个哈希函数映射到一个位图中,因此被映射到的位置的比特位一定为1。 所以可以按照以下方式进行查找:分别计算每个哈希值对应的比特位置存储的是否为零,只要有一个为零, 代表该元素一定不在哈希表中,否则可能在哈希表中。

```
bool IsInBloomFilter(const K& key)
 2
    {
 3
       size_t bitCount = _bmp.Size();
 4
        size t index1 = KToInt1()(key)%bitCount;
       if(! bmp.Test(index1))
 5
            return false;
 6
 7
       size_t index2 = KToInt2()(key)%bitCount;
        if(! bmp.Test(index2))
 8
9
            return false;
       size t index3 = KToInt3()(key)%bitCount;
10
11
        if(! bmp.Test(index3))
12
            return false;
       size t index4 = KToInt4()(key)%bitCount;
13
       if(! bmp.Test(index4))
14
15
            return false;
        size t index5 = KToInt5()(key)%bitCount;
17
       if(! bmp.Test(index5))
            return false;
18
19
        return true; // 有可能在
20
```

注意: 布隆过滤器如果说某个元素不存在时,该元素一定不存在,如果该元素存在时,该元素可能存在,因为有些哈希函数存在一定的误判。

比如:在布隆过滤器中查找"alibaba"时,假设3个哈希函数计算的哈希值为:1、3、7,刚好和其他元素的比特位重叠,此时布隆过滤器告诉该元素存在,但实该元素是不存在的。

4.2.5 布隆过滤器删除

布隆过滤器不能直接支持删除工作,因为在删除一个元素时,可能会影响其他元素。

比如:删除上图中"tencent"元素,如果直接将该元素所对应的二进制比特位置0,"baidu"元素也被删除了,因为这两个元素在多个哈希函数计算出的比特位上刚好有重叠。

一种支持删除的方法:将布隆过滤器中的每个比特位扩展成一个小的计数器,插入元素时给k个计数器(k个哈希函数计算出的哈希地址)加一,删除元素时,给k个计数器减一,通过多占用几倍存储空间的代价来增加删除操作。

缺陷:

- 1. 无法确认元素是否真正在布隆过滤器中
- 2. 存在计数回绕

4.2.6 布隆过滤器优点

- 1. 增加和查询元素的时间复杂度为:O(K), (K为哈希函数的个数, 一般比较小), 与数据量大小无关
- 2. 哈希函数相互之间没有关系, 方便硬件并行运算
- 3. 布隆过滤器不需要存储元素本身,在某些对保密要求比较严格的场合有很大优势
- 4. 在能够承受一定的误判时,布隆过滤器比其他数据结构有这很大的空间优势

- 5. 数据量很大时, 布隆过滤器可以表示全集, 其他数据结构不能
- 6. 使用同一组散列函数的布隆过滤器可以进行交、并、差运算

4.2.7 布隆过滤器缺陷

- 1. 有误判率,即存在假阳性(False Position),即不能准确判断元素是否在集合中(补救方法:再建立一个白名单,存储可能会误判的数据)
- 2. 不能获取元素本身
- 3. 一般情况下不能从布隆过滤器中删除元素
- 4. 如果采用计数方式删除,可能会存在计数回绕问题

5. 海量数据面试题

5.1 哈希切割

给一个超过100G大小的log file, log中存着IP地址, 设计算法找到出现次数最多的IP地址? 与上题条件相同, 如何找到top K的IP? 如何直接用Linux系统命令实现?

5.2 位图应用

- 1. 给定100亿个整数,设计算法找到只出现一次的整数?
- 2. 给两个文件, 分别有100亿个整数, 我们只有1G内存, 如何找到两个文件交集?
- 3. 位图应用变形: 1个文件有100亿个int, 1G内存,设计算法找到出现次数不超过2次的所有整数

5.3 布隆过滤器

- 1. 给两个文件,分别有100亿个query,我们只有1G内存,如何找到两个文件交集?分别给出精确算法和 近似算法
- 2. 如何扩展BloomFilter使得它支持删除元素的操作

扩展阅读:

一致性哈希

哈希与加密