

## Don. 8/3

① ММЛ  $f$ -ть  $n$ -ва (в конечномерн. сл.)

а) Теорема:

$$\left| \sum_{i=1}^n x_i y_i \right| \leq \left( \sum_{i=1}^n |x_i|^p \right)^{1/p} \left( \sum_{i=1}^n |y_i|^q \right)^{1/q}$$
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = 1, p \geq 1$$

б) Мinkовского:

$$\left( \sum_{i=1}^n |x_i + y_i|^p \right)^{1/p} \leq \left( \sum_{i=1}^n |x_i|^p \right)^{1/p} + \left( \sum_{i=1}^n |y_i|^p \right)^{1/p},$$
$$p \geq 1$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} \sum_{i=1}^n x_i^2 \mapsto \text{extr} \\ \sum_{i=1}^n a_i x_i = 1 \quad (a_i > 0) \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} \sum_{i=1}^n (125 |x_{2i}|^3 + 8 |x_{2i-1}|^3) \mapsto \text{extr} \\ \sum_{i=1}^n (25 |x_{2i}|^2 + 4 |x_{2i-1}|^2) = 16 \end{cases}$$