# Сегментация изображений с помощью графов

Алиева Сабина 19.м11-пу

#### Что такое сегментация?

Сколько сегментов?





#### Что такое сегментация?

Грубая сегментация



Определение сегментов



#### Определение сегментации

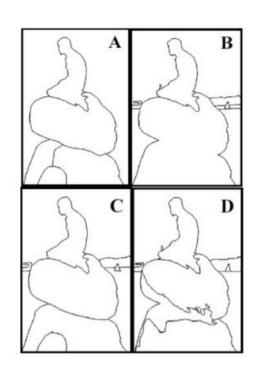
«Жесткая» сегментация – Разбиение изображения на неперекрывающиеся области, однородные по некоторому признаку и покрывающие всё изображение



**Формально** – Разбиение изображения на набор областей.

#### Какое из разбиений верно?

Вопрос. Нужна ли информация из предметной области?



### Как это работает?



Изображение



Сегментация

#### Границы



#### Распознавание



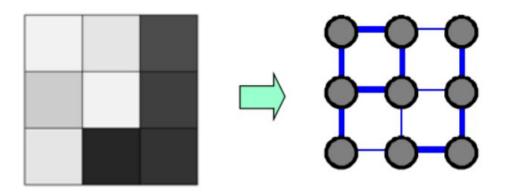
# Методы на графах

Normalized cut

#### Представление в виде графа

Изображение превращается во взвешенный неориентированный граф G = (V,E)

- Вершины графа V пиксели изображения
- Ребра Е связи между соседними пикселями
- Вес ребер пропорционален «похожести» пикселей



#### Построение графа

Для построения графа, описывающего изображение, используется мультимасштабное представление на основе свертки функции яркостей изображения с функцией Гаусса и её производными.

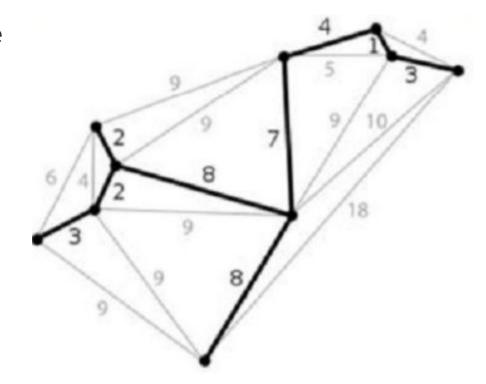
Мультимасштабное представление изображения на основе применения функции Гаусса представляет собой упорядоченное множество изображений, полученных из исходного путём свёртки с ней:

$$L(x, y, \sigma_i) = G(x, y, \sigma_i) * I(x, y)$$

#### Minimum Spanning Tree (MST)

Построим минимальное остовное дерево – Дерево, которое содержит все вершины графа, сумма весов ребёр которого минимальна.

МЅТ для связанной компоненты (сегмента) содержит рёбра, обеспечивающие наибольшую «похожесть» пикселов в компоненте.



#### Ход работы





Рисунок 1 – Исходное изображение



Рисунок 3 – Характерные линии, выделенные при использовании масштаба сглаживания  $\sigma = 11,2$ 



Рисунок 2 – Характерные линии, выделенные при использовании масштаба сглаживания  $\sigma = 3,8$ 

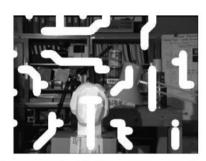
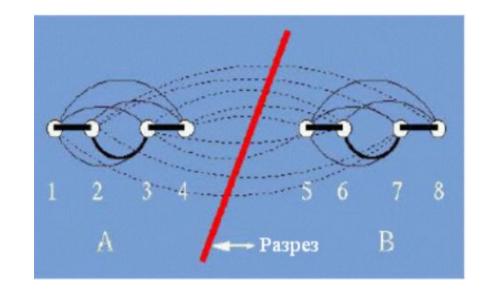


Рисунок 4 — Характерные линии, выделенные при использовании масштаба сглаживания  $\sigma = 33,98$ 

#### Сегментация с помощью разрезов графа

- Создать граф
- Разрезать граф
- Каждую связную компоненту после разреза рассматривать как отдельную область



#### Разрез графа

G=(V,E) – Непересекающиеся подмножества вершин A и B из V – Удаляем все ребра, связывающие A и B

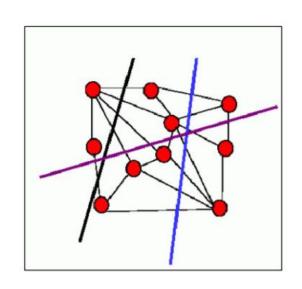
$$Cut(A,B) = \sum_{u \in A, v \in B} w(u,v)$$

Cut(A,B) – мера «силы связности» множеств А и В

#### Минимальный разрез графа

Если множества A и B не заданы заранее – разрезать граф можно по-разному:

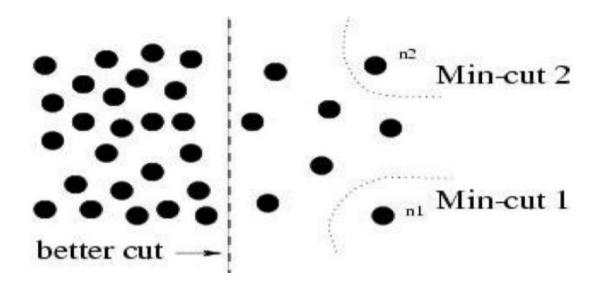
**Минимальный разрез** – разрез, превращающий граф в несвязный, с минимальной суммой весов удаленных ребер



$$Cut(A,B) = \sum_{u \in A, v \in B} w(u,v)$$

#### Минимальный разрез хорош не всегда

На данном рисунке вес ребер графа показан расстоянием между вершинами



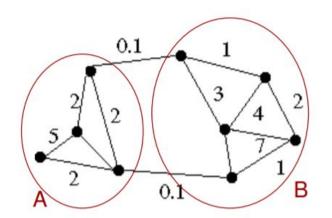
# Нормализованный разрез графа (Normalized cut)

Другая мера разреза – измеряет «похожесть» двух групп вершин, нормированную на «объем», занимаемый ими в графе

$$Ncut(A,B) = \frac{cut(A,B)}{assoc(A,V)} + \frac{cut(A,B)}{assoc(B,V)}$$
$$assoc(A,V) = \sum_{u \in A, t \in V} w(u,t)$$

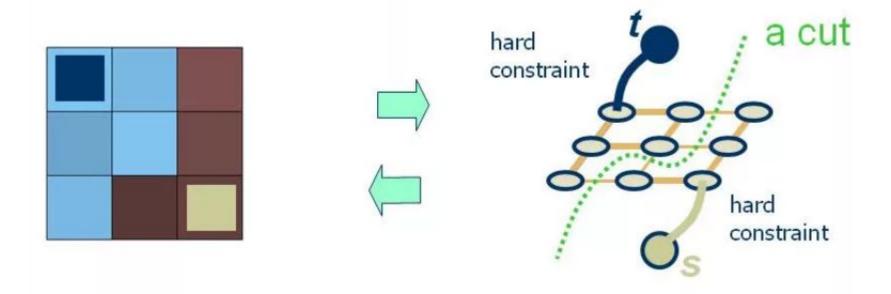
#### Минимальный нормализованный разрез

Минимальный нормализованный разрез – разрез, превращающий граф в несвязный, с минимальной величиной NCut

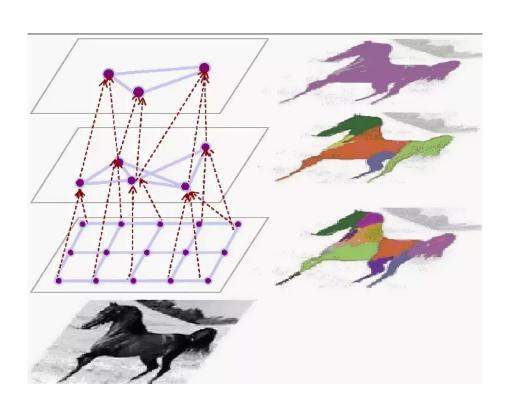


$$Ncut(A,B) = \frac{cut(A,B)}{assoc(A,V)} + \frac{cut(A,B)}{assoc(B,V)}$$
$$assoc(A,V) = \sum_{u \in A, t \in V} w(u,t)$$

## Пример работы



## Пример работы



Спасибо за внимание!