

上机2: Python数值分析 1. 开电脑 2. 打开PyCharm

授课老师:

胡晓敏 (xmhu@ieee.org)

龚怡(2167570874@qq.com)

明俊峰(34940530@qq.com)

课程资料下载



■课件

https://pan.baidu.com/s/1FuQaIoLmT1OnL1hAoBlk VQ

密码: she6

■ Pycharm(或在Jetbrains官网下载,选择Community版本)

https://pan.baidu.com/s/liXhXryPJG-YNYF-





软件说明



- 安装Anaconda后
 - □ 已经有Spyder这个代码编辑器(IDE,集成开发环境)
- 然而,对于Python开发
 - □ PyCharm已经成为首选IDE
- 使用PyCharm, 需要Create New Project
 - □ 设置Location, 选择Previously configured interpreter Python 3.8.3





- 理论教学2: Python编程基础
- 实验1: Python绘图模拟非线性方程求解过程
- 实验2: 求解Hilbert系数矩阵方程组



理论教学2: Python编程基础

- 2.1 类与实例
- 2.2 迭代
- 2.3 NumPy基础数据结构
- 2.4 NumPy矩阵运算
- 2.5 NumPy线性代数
- 2.6 Python绘图



2.1 Python类与实例

- 类 (class) 是面向对象编程的基础
- 类由属性和方法两部分组成

```
# 定义一个类
                                     _init___(self)初始化:
class cat():
   def __init__(self, color, weight):
                                       所有类都有
       self.color = color
                                       定义类包含的属性,
       self.weight = weight
                                       也可以在实例化类时
   def catch_mice(self):
                                       执行某些方法
       """抓老鼠的方法"""
       print('抓老鼠')
                                       这个类执行的方法,
   def eat_mice(self):
                                       通过函数来实现
       """吃老鼠"""
       print('吃老鼠')
```



类的定义与使用步骤

■ 1) 定义类

```
# 定义一个类
class cat():
    def __init__(self, color, weight):
        self.color = color
        self.weight = weight

    def catch_mice(self):
        """抓老鼠的方法"""
        print('抓老鼠')

    def eat_mice(self):
        """吃老鼠"""
        print('吃老鼠')
```

属性

方法

■ 2) 类的实例化

```
my_cat1 = cat('yello', 10) # 1号猫
my_cat2 = cat('black', 23) # 2号猫
```

■ 3)查看类的属性

```
print(my_cat1.color)
print(my_cat2.weight)
```

■ 4)调用类的方法

```
my_cat1.catch_mice() # 输出 抓老鼠
my_cat1.eat_mice() # 输出 吃老鼠
```



2.2 Python中的迭代

- 迭代可以看作是循环的高效版本
- 提高编程效率和代码的可读性

```
# 列表迭代
a = [1, 2, 3, 4, 5]
```

循环实现



```
# 循环版本
b2 = []
for x in a:
    print('do some on ', x)
    t = x + 1 #数值加 1
    b2.append(t)
print(b2)
# 輸出 [2, 3, 4, 5, 6]
```



迭代实现

```
def my_func(x):
    print('do some on ', x)
    return x + 1 #数值加 1

# 迭代版本

b = [my_func(x) for x in a]
print(b)
# 輸出 [2, 3, 4, 5, 6]
```

(M)

2.3 NumPy基础数据结构

- 数组(array)
 - □ 一维数组: 行向量
 - □ 二维数组:矩阵,或列向量
 - □ 三维数组: 在时间轴上的二维数组
 - □高维数组
- ■常用代码
 - □ 数组创建 np. array([])
 - □ 显示维度 . shape
 - □ 全1全0数组 np. ones((x, y))和 np. zeros ((x, y))
 - □ 改变维度 .ravel()和.reshape((x, y))



操作实践1:编写以下代码

```
# 重塑数组形状
import numpy as np
                                            import numpy as np
                                            # 维度中的-1表示自动推断的意思
# 创建一个二维数组
                                            a = np.array([[1,2,3],
a = np.array([[1,2,3],
                                                       [4,5,6]]
             [4,5,6]]
                                            print('将二维数组转成一维数组', a.ravel())
                                            # 输出 将二维数组转成一维数组 [1 2 3 4 5 6]
print('数组的维度是: ', a.shape) # 输出(2, 3)
                                            print('改变二维数组形状: 2*3 -> 3*2 \n', a.reshape((3,2)))
# 创建全是@或1的二维数组
                                            # 输出
a one = np.ones((2,3))
                                            # 改变二维数组形状: 2*3 -> 3*2
print('创建全是1的数组: \n', a_one)
                                            # [[1 2]
                                            # [3 4]
# 创建全是1的数组:
                                            # [5 6]]
  [[1. 1. 1.]
# [1. 1. 1.]]
                                            print('将二维数组转成列向量: \n', a.reshape((-1,1)))
                                            # 输出
                                            # 将二维数组转成列向量:
a zero = np.zeros((2,3))
                                             [[1]
print('创建全是0的数组: \n', a zero)
                                             [2]
# 创建全是0的数组:
                                             [31]
 [[0. 0. 0.]
                                             [4]
                                            # [5]
# [0. 0. 0.1]
                                            # [6]]
```



■ 常用代码

- □ 纵向拼接 np. vstack([数组1,数组2])
- □ 横向拼接 np. hstack([数组1,数组2])
- □ 提取子数组

```
print('纵向拼接: \n', np.vstack([a, b]))
# 输出
# 纵向拼接:
# [[ 1 2 3]
# [ 4 5 6]
# [ 7 8 9]
# [10 11 12]]
```

```
print('横向拼接: \n', np.hstack([a, b]))
# 输出
# 横向拼接:
# [[ 1 2 3 7 8 9]
# [ 4 5 6 10 11 12]]
```

```
# 切片,就是截取子数组的意思
a = np.array([[1, 2, 3, 4, 5, 6],
           [4, 5, 6, 7, 8, 9],
           [7, 8, 9, 10, 11, 12],
           [10, 11, 12, 13, 14, 15]])
print('切取 1:3行, 2:4列的子数组: \n', a[0:3, 1:4])
# 输出 切取 1:3行, 2:4列的子数组:
                注意python数组从0位置开始
  [8 9 10]]
print('切取前3行,后4列的子数组: \n', a[:3, -4:])
 输出 切取前3行,后4列的子数组:
 [[1 2 3]
# [4 5 6]]
```

练习: 提取合并数组a第1,3列和数组b第2列



2. 4 NumPy矩阵运算

```
import numpy as np
a1 = np.array([[4, 5, 6], [1, 2, 3]])
a2 = np.array([[6, 5, 4], [3, 2, 1]])
# 矩阵对应元素相加
print(a1 + a2)
# 输出
# [[10 10 10]
# [ 4 4 4]]
# 矩阵对应元素相除, 如果都是整数则取商
print(a1 / a2)
# 输出
# [[0.66666667 1. 1.5
# [0.33333333 1.
                      3.
# 矩阵对应元素相除后取余数
print(a1 % a2)
# 输出
# [[4 0 2]
# [1 0 0]]
# 矩阵每个元素都取n次方
print(a1 ** 3)
# 输出
# [[ 64 125 216]
    1 8 2711
```

```
# 矩阵点乘,即对应元素相乘
print(a1 * a2)
# 输出
# [[24 25 24]
# [ 3 4 3]]
# 矩阵点乘,每个元素乘以一个数
print(a1 * 3)
# 输出
 [[12 15 18]
# [ 3 6 9]]
# 矩阵相乘, (2*3)*(2*3)是报错的, 维度不对应
# 需要先对a2转置
a3 = a2.T # 转置
print(np.dot(a1, a3)) # 矩阵相乘要用 np.dot 函数
# 输出
# [[73 28]
           注意矩阵点乘与矩阵相乘的区别
# [28 10]]
# 矩阵转置
print(a1.T)
# 输出
 \Gamma\Gamma4 17
 [5 2]
  [6 3]
```



2. 4 NumPy矩阵运算

■ 矩阵求逆

```
a = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [5, 4, 3]])
print(np.linalg.inv(a))
# 輸出
# [[ 2.25179981e+15 -1.50119988e+15 7.50599938e+14]
# [-4.50359963e+15 3.00239975e+15 -1.50119988e+15]
# [ 2.25179981e+15 -1.50119988e+15 7.50599938e+14]]
```

■ 矩阵特征值与特征向量

```
a = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])
eigenValues, eigVector = np.linalg.eig(a)
# 得到三个特征值及其对应的特征向量
# 特征值是
# array([ 1.61168440e+01, -1.11684397e+00, -1.30367773e-15])
# 对应的特征向量是
# array([[-0.23197069, -0.78583024, 0.40824829],
# [-0.52532209, -0.08675134, -0.81649658],
# [-0.8186735, 0.61232756, 0.40824829]])
```



2.5 NumPy求解方程组(直接法)

■ 标准的线性代数方程形式为

$$Ax = b$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 2 & -8 \\ -4 & 5 & 9 \end{bmatrix} \qquad b = \begin{bmatrix} 0 \\ -8 \\ 9 \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ -8 \\ 9 \end{bmatrix}$$

```
import numpy as np
A = np.array([
 [1, -2, 1],
[0, 2, -8],
[-4, 5, 9]
B = np.array([0, -8, 9])
```

```
result = np.linalg.solve(A, B)
print('x=', result[0])
print('y=', result[1])
print('z=', result[2])
# 输出
\# x = -29.0 \quad y = -16.0 \quad z = -3.0
```

```
# 检查答案正确性
print(np.allclose(np.dot(A, result), B))
```

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.linalg.solve.html



这是散点图

2.6 Python绘图

- Python科学计算的核心库——NumPy
- Python绘图库的核心库——Matplotlib
 - □ 知名绘图库如seaborn也是基于Matplotlib封装而来

1) 散点图 plt. scatter(x, y)

```
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib as mpl
import numpy as np

mpl.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 指定默认字体
mpl.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 解决保存图像是负号'-'显示为方块的问题

# 绘制散点图

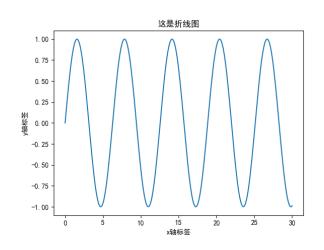
x = np.random.randint(low=2, high=10, size=10)
y = np.random.randint(low=2, high=10, size=10)
plt.scatter(x, y) # 绘制散点图
plt.title("这是散点图")
plt.xlabel("x轴标签")
plt.ylabel("y轴标签")
plt.show()
```



2) 折线图 plt.plot(x, y)

```
# 绘制折线图,以sin函数为例

x = np.linspace(start=0, stop=30, num=300)
y = np.sin(x)
plt.plot(x, y)
plt.title("这是折线图")
plt.xlabel("x轴标签")
plt.ylabel("y轴标签")
plt.show()
```



3) 柱状图 plt.bar(x,y)

```
# 绘制柱状图

x = ['a', 'b', 'c', 'd']

y = [3, 5, 7, 9]

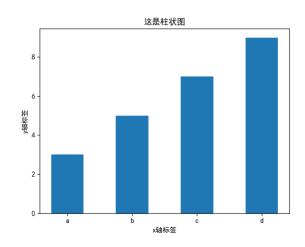
plt.bar(x, y, width=0.5)

plt.title("这是柱状图")

plt.xlabel("x轴标签")

plt.ylabel("y轴标签")

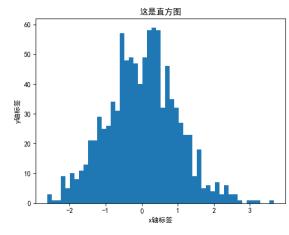
plt.show()
```





4) 直方图 plt.hist(x=x,bins=n)

```
x = np.random.normal(loc=0, scale=1, size=1000)
plt.hist(x=x, bins=50)
plt.title("这是直方图")
plt.xlabel("x轴标签")
plt.ylabel("y轴标签")
plt.show()
```

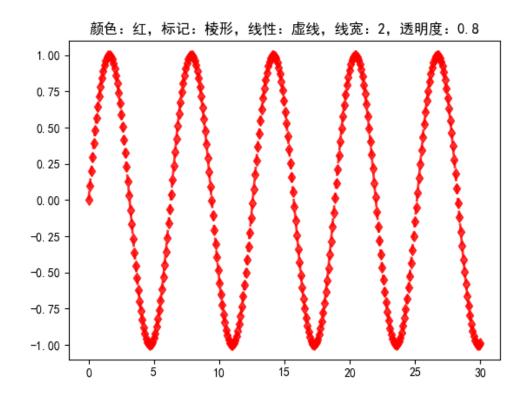


5) 图形属性

- □ 颜色 r-红色,b-蓝色,g-绿色,y-黄色
- □ o-圆圈, .-圆点, d-菱形
- **□ ---**(两横线)虚线**,**-(一横线)实线



```
# 绘制正弦曲线,并修改图形属性
x = np.linspace(start=0, stop=30, num=300)
y = np.sin(x)
plt.plot(x, y, color='r', marker='d', linestyle='--', linewidth=2, alpha=0.8)
plt.title('颜色: 红,标记: 棱形,线性: 虚线,线宽: 2, 透明度: 0.8')
plt.show()
```





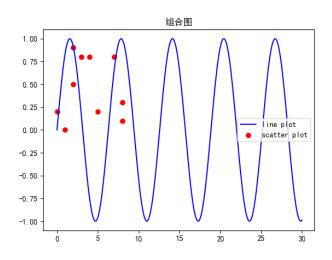
6)组合图

画出多个图形,后面图形覆盖前面的,最后调

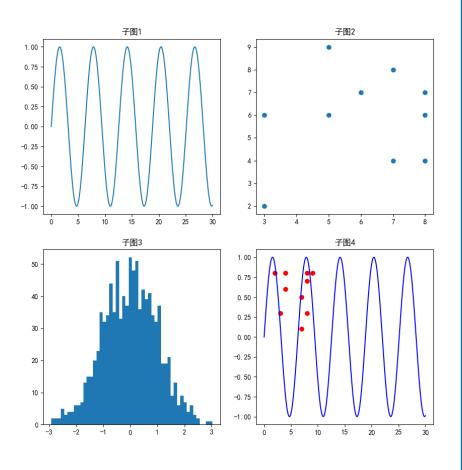
用show函数完成。

```
# 绘制正弦曲线,并修改图形属性
x1 = np.linspace(start=0, stop=30, num=300)
y1 = np.sin(x1)
x2 = np.random.randint(low=0, high=10, size=10)
y2 = np.random.randint(low=0, high=10, size=10) / 10

# 先绘制折线图,用蓝色
plt.plot(x1, y1, color='b', label='line plot')
# 再绘制散点图,用红色
plt.scatter(x2, y2, color='r', label='scatter plot')
plt.title("组合图")
plt.legend(loc='best') # 显示图例
plt.show()
```



7) 子图 axi.plot()

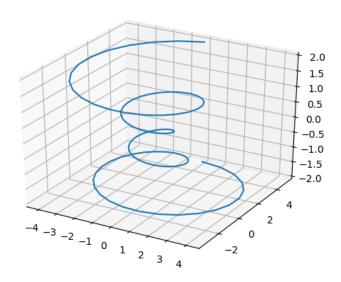


```
fig = plt.figure(figsize=(<mark>10, 10</mark>)) # 指定画布大小
ax1 = fig.add_subplot(2, 2, 1) # 添加一个子图,返回子图句柄
ax2 = fig.add subplot(2, 2, 2)
ax3 = fig.add subplot(2, 2, 3)
ax4 = fig.add subplot(2, 2, 4)
# 子图1 绘制sin 图形
x = np.linspace(start=0, stop=30, num=300)
y = np.sin(x)
ax1.plot(x, y)
ax1.set title('子图1')
# 子图2绘制散点图
x = np.random.randint(low=2, high=10, size=10)
y = np.random.randint(low=2, high=10, size=10)
ax2.scatter(x, y) # 绘制散点图
ax2.set title('子图2')
# 子图3绘制直方图
x = np.random.normal(loc=0, scale=1, size=1000)
ax3.hist(x=x, bins=50)
ax3.set_title('子图3')
# 子图4绘制组合图
x1 = np.linspace(start=0, stop=30, num=300)
y1 = np.sin(x1)
x2 = np.random.randint(low=0, high=10, size=10)
y2 = np.random.randint(low=0, high=10, size=10) / 10
# 绘制组合图
ax4.plot(x1, y1, color='b', label='line plot')
ax4.scatter(x2, y2, color='r', label='scatter plot')
ax4.set_title('子图4')
# 最后显示图形
plt.show()
```



8) 三维曲线图 调入库mpl_toolkits.mplot3d

```
from mpl toolkits.mplot3d import Axes3D
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
# 生成画布
fig = plt.figure()
ax = fig.gca(projection='3d') # 指定为3D图形
# 生成(x,y,z)数据
theta = np.linspace(-4 * np.pi, 4 * np.pi, 100)
z = np.linspace(-2, 2, 100)
r = z ** 2 + 1
x = r * np.sin(theta)
y = r * np.cos(theta)
# 绘制图形
ax.plot(x, y, z) # 曲线图和2D一样使用plot函数
plt.show()
```

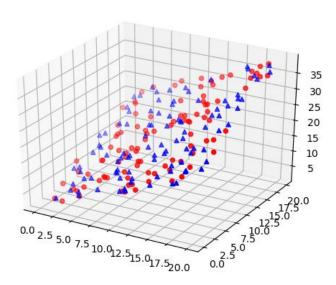




9) 三维散点图 调入库mpl_toolkits.mplot3d

```
# 绘制红色点100个
x1 = np.random.random(100) * 20
y1 = np.random.random(100) * 20
z1 = x1 + y1
ax.scatter(x1, y1, z1, c='r', marker='o')

# 绘制蓝色点100个
x2 = np.random.random(100) * 20
y2 = np.random.random(100) * 20
z2 = x2 + y2
ax.scatter(x2, y2, z2, c='b', marker='^')
plt.show()
```



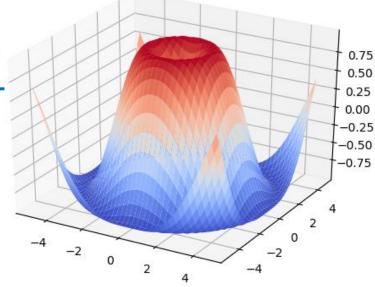


10) 三维曲面图 调入库mpl_toolkits.mplot3d

```
# 生成数据(x,y,z)

x = np.arange(-5, 5, 0.25)
y = np.meshgrid(x, y) # 重点,用np.meshgrid生成坐标网格矩阵
z = np.sin(np.sqrt(x ** 2 + y ** 2))

# 使用plot_surface函数
# cmap=cm.coolwarm 是颜色属性
surf = ax.plot_surface(x, y, z, cmap=cm.coolwarm)
plt.show()
```





11) 动态图 调入库animation

- 假设一个场景有3辆卡车,在一个广场上行驶。用动态图画出3辆卡车的位置。
- □ 卡车类由3个属性, x和y表示其位置, marker表示其形状

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib import animation
# 这是一个卡车类
class car():
   def __init__(self, color):
       self.x = 1
       self.y = 1
       self.color = color
    def move(self):
       """在东南西北四个方向随机选一个方向走一步,然后更新坐标"""
       # 随机移动一步
       self.x = self.x + np.random.randint(low=-1, high=2, size=1)[0]
       self.y = self.y + np.random.randint(low=-1, high=2, size=1)[0]
       # 防止越界
       self.x = self.x if self.x > 0 else 0
       self.x = self.x if self.x < 10 else 10</pre>
       self.y = self.y if self.y > 0 else 0
       self.y = self.y if self.y < 10 else 10</pre>
```

定义卡车类



□ 实例化3辆车

```
# 实例化3辆车
cars = [car(color='r'), car(color='b'), car(color='g')]
```

□ 模拟1000个时间点,在每个时间点操作图形对象

```
i = list(range(1, 1000)) # 模拟1000个时间点
# update 是核心函数,在每个时间点操作图形对象
def update(i):
   plt.clf() # 清空图层
   # 对每辆卡车进行操作
   for c in cars:
      c.move() # 移动1步
      x = c.x
      y = c.y
       color = c.color
       plt.xlim(0, 10) # 限制图形区域
      plt.ylim(0, 10)
       plt.scatter(x, y, color=color) # 绘制卡车
   return
```

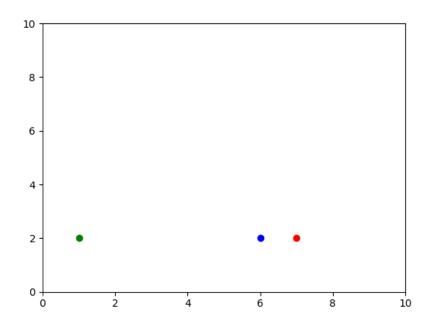


□ 绘制一张画布

fig = plt.figure()

□ 绘制动态图

ani = animation.FuncAnimation(fig, update)
plt.show()







- 理论教学2: Python编程基础
- 实验1: Python绘图模拟非线性方程求解过程
- 实验2: 求解Hilbert系数矩阵方程组



实验1: Python绘图模拟非线性方程求解过程

- 实验目的:

通过动态图显示求解迭代过程。

■ 实验要求:

对不动点迭代法fixPointFig.py进行修改, 使得

- 1) 图形坐标根据迭代范围缩小自动调整;
- 2) 在图像上显示迭代序号,和对应迭代得到的值



实验1: Python绘图模拟非线性方程求解过程

■ 提示:

1) 图形坐标根据迭代范围缩小自动调整;

(提示用plt.xlim, ylim, 在动图程序中有的)。

2)在图像上显示迭代序号,和对应迭代得到的值(提升通过修改title输出实现)。



实验2: 求解Hilbert系数矩阵方程组

■ 实验目的:

比较直接法和迭代法求解病态方程组的特点。

■ 实验要求:

系数矩阵为Hilbert阵,对解全为1的方程组,随着 $n = 2, 3, \cdots$ 的增加,编写程序,测试和分析利用直接法和迭代法求解方程组的结果差别。 $\begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \cdots & \frac{1}{n} \end{bmatrix}$

Hilbert 阵
$$H_n = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{n} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{n} & \frac{1}{n+1} & \frac{1}{2n-1} \end{bmatrix}$$





■ 完成实验1和实验2内容,

写到"上机2实验报告. docx",

并通过email发送给老师

word报告重命名为"学号姓名上机1实验报告2. docx"

Email标题为"学号姓名上机2实验"





■《Python最优化算法实战——从推公式到写代码》