> restart:
> interface(imaginaryunit=i):

Musterlösung Aufgabe 2

Erweitertes Ersatzschaltbild (Eindiodenmodell) der Solarzelle

Eine Solarzelle hat physikalisch den gleichen Aufbau wie eine <u>Diode</u>. Sie besteht aus einem n- und p-dotierten Halbleiter mit einer sich ausbildenden Raumladungszone, sodass sich eine unbestrahlte Solarzelle wie eine Diode verhält und sich im einfachsten Fall durch eine Diode beschreiben lässt. Im <u>erweiterten Ersatzschaltbild der Solarzelle</u> sind Zellstrom I und Zellspannung U durch die folgende implizite Gleichung miteinander verknüpft:

> I=I[ph]-I[s]*(exp((U+I*R[s])/(m*U[T]))-1)-(U+I*R[s])/R[p];
$$I = I_{ph} - I_{s} \begin{pmatrix} \frac{IR + U}{s} \\ \frac{s}{mU_{T}} \\ e \end{pmatrix} - \frac{IR_{s} + U}{R_{p}}$$
(1)

Hierbei bedeuten I_{ph} Photostrom, I_s Sättigungsstrom in Diodensperrrichtung, U_T Temperaturspannung, R_s Serienwiderstand, R_p Parallelwiderstand und m Diodenfaktor.

a) Lösen Sie die Gleichung (1) symbolisch mit Hilfe der LambertW-Funktion nach I.

> I=solve((1), I);
$$I = -\frac{1}{R_{s}} \left(-\left(-LambertW \left(-\frac{\frac{R_{s}(I_{s} + I_{s} + U)}{mU_{T}(R_{p} + R_{s})}}{-mR_{p}U_{T} - mR_{s}U_{T}} \right) + \frac{R_{p}(I_{ph}R_{s} + I_{s}R_{s} + U)}{mU_{T}(R_{p} + R_{s})} \right) mU_{T} + U \right)$$

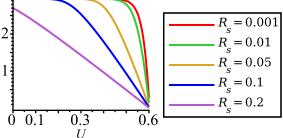
b) Gegeben seien die Zellparameter:

m = 1.0, U_T = 0.025, I_s = 1.0000000000 10^{-10} , R_p = 10.0, I_{ph} = 3.0 . Zeichnen Sie die I-U-Kennlinien (Zellstrom I in Abhängigkeit von der Zellspannung U) für die Serienwiderstände R_s = 0.001, 0.05, 0.1, 0.2 in ein Diagramm über dem Intervall U = 0..0.6 .

Hinweis: Erstellen Sie für den Plot eine Liste mit Ausdrücken, z.B. mit subs und map.

```
> subs([m=1.0,U[T]=0.25e-1,I[s]=1.0*10^(-10),R[p]=10.0,I[ph]=3.0],
```

$$\begin{array}{l} \textbf{rhs}(\textbf{(2)}) \ ; \\ -\frac{1}{R_s} \left(0.0250 \, \textbf{LambertW} \left(-\frac{1.000000000 \times 10^{-9} \, R_s \, \text{e}}{-0.0250 \, R_s - 0.25000} \right) \\ -\frac{10.00000000 \left(U + 3.000000000 \times 10^{-9} \, R_s \, \text{e}}{-0.0250 \, R_s - 0.25000} \right) \\ -\frac{10.00000000 \left(U + 3.0000000000 \, R_s \right)}{10.0 + R_s} + U \\ \\ \textbf{Rs} := [0.001, 0.01, 0.05, 0.1, 0.2] ; \\ R_s := [0.001, 0.01, 0.05, 0.1, 0.2] \\ \textbf{p} := \textbf{map}(\textbf{x} - \textbf{subs}(\textbf{R}[\textbf{s}] = \textbf{x}, \textbf{(3)}), \textbf{RS}) ; \\ p := \left[-25.0 \, \textbf{LambertW}(3.999600040 \times 10^{-12} \, \text{e}^{39.99600040} \, U + 0.1199880012) - 0.0999900 \, U \\ + 2.999700030, -2.50 \, \textbf{LambertW}(3.996003996 \times 10^{-11} \, \text{e}^{39.96003996} \, U + 1.198801199) \\ - 0.09990010 \, U + 2.997002997, -0.5000000000 \, \textbf{LambertW}(1.990049751 \\ \times 10^{-10} \, \text{e}^{39.800999502} \, U + 5.970149252 \right) - 0.09950248800 \, U + 2.985074626, \\ - 0.250 \, \textbf{LambertW}(3.960396040 \times 10^{-10} \, \text{e}^{39.60396040} \, U + 11.88118812 \right) - 0.099009901 \, U \\ + 2.970297030, -0.1250000000 \, \textbf{LambertW}(7.843137255 \times 10^{-10} \, \text{e}^{39.21568628} \, U + 23.52941176) \\ - 0.09803921550 \, U + 2.941176470 \end{bmatrix} \\ \textbf{plot}(\textbf{p}, \textbf{U} = \textbf{0} . \textbf{0} . \textbf{0}, \textbf{legend} = [\textbf{seq}(\textbf{R}[\textbf{s}] = \textbf{Rs}[\textbf{k}], \textbf{k} = \textbf{1} . . 5)]); \end{cases}$$



c) Die elektrische Leistung ist definiert durch P=UI. Berechnen Sie für die Solarzelle mit den Parametern aus Teilaufgabe b) und $R_{_S}=0.05$ die maximal mögliche Leistung.

Hinweise: Schreiben Sie die Leistung P als Funktion von U, d.h. als P(U). Plotten Sie die Funktion P(U). Bestimmen Sie dann die maximal mögliche Leistung $P_{\max} = P\left(U_{\max}\right)$. Verwenden Sie fisolve für die Bestimmung der Nullstelle der Ableitung von P(U).

```
> p[3];

-0.5000000000 LambertW(1.990049751 \times 10^{-10} e^{39.80099502 U + 5.970149252}) - 0.09950248800 U (6) + 2.985074626
```

```
> P:=unapply(U*(6),U);
P := U \mapsto U \cdot \left( -0.5000000000 \cdot \text{LambertW} \left( 1.990049751 \times 10^{-10} \cdot \text{e}^{39.80099502 \cdot U + 5.970149252} \right) \right)
                                                                                                   (7)
    -0.09950248800 \cdot U + 2.985074626
> plot(P(U),U=0..0.6);
                            0.8
                            0.6
                            0.4
                            0.2
                                     0.1
                                           0.2
                                                  0.3
                                                         0.4
                                                               0.5
Für die maximale Leistung bestimmen wir die Nullstelle der Ableitung von \mathcal{P}(U) .
> U[max]:=fsolve(diff(P(U),U)=0,U);
                                      U_{\text{max}} := 0.4057011910
                                                                                                   (8)
Die maximal mögliche Leistung ist somit:
> P(U[max]);
                                           1.095065873
                                                                                                   (9)
Zusatz:
> with(plots):
  display([plot(P(U), U = 0 .. 0.6), pointplot([U[max], (9)],
   symbolsize=30)]);
                            0.6-
                                                  0.3
U
                                            0.2
                                     0.1
                                                         0.4
                                                               0.5
                                                                      0.6
```