

## Un modelo ejecutable para la simulación multi-física de procesos de recobro mejorado en yacimientos de petróleo basado en esquemas preconceptuales

Steven Velásquez Chancí

## Un modelo ejecutable para la simulación multi-física de procesos de recobro mejorado en yacimientos de petróleo basado en esquemas preconceptuales

### Steven Velásquez Chancí

Tesis o trabajo de grado presentada(o) como requisito parcial para optar al título de:

Magíster en Ingeniería - Ingeniería de Sistemas

Director:

Ph.D. Juan Manuel Mejía Cárdenas Co-Director:

Ph.D. Carlos Mario Zapata Jaramillo

Línea de Investigación: Inteligencia de Software Grupo de Investigación: Dinámicas de Flujo y Transporte en medios porosos

Universidad Nacional de Colombia Facultad de Minas, Departamento de Ciencias de la Computación y la Decisión Medellín, Colombia

#### (Dedicatoria o un lema)

Su uso es opcional y cada autor podrá determinar la distribución del texto en la página, se sugiere esta presentación. En ella el autor dedica su trabajo en forma especial a personas y/o entidades.

Por ejemplo:

A mis padres

o

La preocupación por el hombre y su destino siempre debe ser el interés primordial de todo esfuerzo técnico. Nunca olvides esto entre tus diagramas y ecuaciones.

Albert Einstein

## Agradecimientos

Agradecimientos eternos a Paola Andrea Noreña Cardona, por su constante fé, apoyo y asesoría durante el desarrollo de esta tesis, sin ella esto no sería posible.

Esta sección es opcional, en ella el autor agradece a las personas o instituciones que colaboraron en la realización de la tesis o trabajo de investigación. Si se incluye esta sección, deben aparecer los nombres completos, los cargos y su aporte al documento.

Finalmente agradezco a la alianza formada por el Departamento Administrativo de Ciencia, Tecnología e Innovación (COLCIENCIAS), la Agencia Nacional de Hidrocarburos (ANH) y la Universidad Nacional de Colombia por el financiamiento del "Plan Nacional para el Potenciamiento de la Tecnología CEOR con Gas Mejorado Químicamente" bajo el acuerdo 273-2017, dentro del cual se enmarca la investigación asociada a esta tesis de maestría.

#### Resumen

El resumen es una presentación abreviada y precisa (la NTC 1486 de 2008 recomienda revisar la norma ISO 214 de 1976). Se debe usar una extensión máxima de 12 renglones. Se recomienda que este resumen sea analítico, es decir, que sea completo, con información cuantitativa y cualitativa, generalmente incluyendo los siguientes aspectos: objetivos, diseño, lugar y circunstancias, pacientes (u objetivo del estudio), intervención, mediciones y principales resultados, y conclusiones. Al final del resumen se deben usar palabras claves tomadas del texto (mínimo 3 y máximo 7 palabras), las cuales permiten la recuperación de la información.

Palabras clave: (máximo 10 palabras, preferiblemente seleccionadas de las listas internacionales que permitan el indizado cruzado).

A continuación se presentan algunos ejemplos de tesauros que se pueden consultar para asignar las palabras clave, según el área temática:

Artes: AAT: Art y Architecture Thesaurus.

Ciencias agropecuarias: 1) Agrovoc: Multilingual Agricultural Thesaurus - F.A.O. y 2)GEMET: General Multilingual Environmental Thesaurus.

Ciencias sociales y humanas: 1) Tesauro de la UNESCO y 2) Population Multilingual Thesaurus.

Ciencia y tecnología: 1) Astronomy Thesaurus Index. 2) Life Sciences Thesaurus, 3) Subject Vocabulary, Chemical Abstracts Service y 4) InterWATER: Tesauro de IRC - Centro Internacional de Agua Potable y Saneamiento.

**Tecnologías y ciencias médicas**: 1) MeSH: Medical Subject Headings (National Library of Medicine's USA) y 2) DECS: Descriptores en ciencias de la Salud (Biblioteca Regional de Medicina BIREME-OPS).

**Multidisciplinarias**: 1) LEMB - Listas de Encabezamientos de Materia y 2) LCSH- Library of Congress Subject Headings.

También se pueden encontrar listas de temas y palabras claves, consultando las distintas bases de datos disponibles a través del Portal del Sistema Nacional de Bibliotecas<sup>1</sup>, en la sección Recursos bibliográficos.ºpción "Bases de datos".

#### Abstract

Es el mismo resumen pero traducido al inglés. Se debe usar una extensión máxima de 12 renglones. Al final del Abstract se deben traducir las anteriores palabras claves tomadas del

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>ver: www.sinab.unal.edu.co

texto (mínimo 3 y máximo 7 palabras), llamadas keywords. Es posible incluir el resumen en otro idioma diferente al español o al inglés, si se considera como importante dentro del tema tratado en la investigación, por ejemplo: un trabajo dedicado a problemas lingüísticos del mandarín seguramente estaría mejor con un resumen en mandarín.

Keywords: palabras clave en inglés(máximo 10 palabras, preferiblemente seleccionadas de las listas internacionales que permitan el indizado cruzado)

# Lista de Figuras

<b>4-1</b> .	Definición de la malla. Los autores	8
<b>4-2</b> .	Definición de la malla. Los autores	13
<b>4-3</b> .	Caracterización de la Roca. Los autores.	14
<b>4-4</b> .	Caracterización del fluido. Los autores	15
<b>4-5</b> .	Adición de Relaciones de equilibrio. Los autores	16
<b>4-6</b> .	Adición de Interacción entre fluidos. Los autores.	17
<b>4-7</b> .	Perforación de Pozos. Los autores	18
<b>4-</b> 8.	Representación en EP de la simulación de procesos EOR. Los autores	19
<b>4-9</b> .	Línea de Procesos. Los autores	20
4-10	Representación de la aparición de la Malla. Los autores	21
4-11	Representación del paso del tiempo. Los autores	22
4-12	Especificación del evento Presión del fluido varía. Los autores	23
4-13	Actualización de propiedades al término actual. Los autores	24
4-14	Recálculo de Propiedades al término actual para la iteración. Los autores	24
4-15	Cálculo de residual para la iteración. Los autores	25
4-16	Cálculo y armado de la matriz del jacobiano añ término actual para la itera-	
	ción. Los autores	25
4-17	'Recálculo de Propiedades al término actual para la iteración. Los autores	26

## Lista de Tablas

## 1. Introducción

Oil reservoir simulation has proven an usefull tool for predicting reserves and production along the years. A large quantity of studies have demonstrated the capacity of oil reservoir simulation for predicting the production of multiple reservoirs around the world . The simulation of such a problem consists of solving a coupled set of mass balance equations across a domain (reservoir, geometry - geological model). Therefore, the creation of oil reservoir simulators is in the scietific software research area (Rewrite).

Oil reservoir simulation consists of solving a set of coupled mass or moles balance equations, these equations are non-linear and need adecuate treatment in order to have a linear system that converges.

Since the natural production is no longer maintainable, techniques of enhanced oil recovery (EOR) have been developed in order to mantain or even improve the recovery factor. These techniques involve the injection of chemicals that affect the rock and fluids properties making feasible to change the oil mobility and residual saturations... The EOR processes add new equations to the system that make the problem even bigger. Many authors have addressed this problem by making general flow simulation frameworks. Those frameworks implement the general workflow of solving the coupled set of equations generated by the phenomena in the reservoir.

Some efforts have been done in the scientific software representation. Noreã et al. extend the preconceptual schema syntax defined by Zapata, 2007. for taking into account the elements needed in the scientific software context. Chaverra, 2011 includes cycles and conditional selection in the preconceptual schema. Calle, 2017 defines design patterns in the context of scientific software using preconceptual schemas also extending its syntax.

The existing frameworks vary in implementation, even though they apply the same techniques. This is due to the fact that design decisions are delegated to the programmer, which is an expert of flow in porous media simulation. Little effort has been done in representing the domain of reservoir simulation as is, including both dynamics and structure in the same representation. The existing studies in oil reservoir simulation domain representation lack of grouping the structural design with the dynamical behaviour. Others implement directly a solution of the set of differential equations for the specific study case. The problem knowledge is not shareable. The representations existing only account for the structural or, exclusively the dynamical behavior of the tool they developed. The use of the concepts lacks generality. Even though the formal definition of the differential equations, they lack information of constitutive equations.

In this thesis we propose an event based representation of the enhanced oil recovery simulation using preconceptual schemas. In order to do that, For this purpose, we describe the black oil simulation domain in the preconceptual schema syntax, later we define a generic component with both variable kinetical behavior and the capacity to change the flow properties in each phase. The developed model couples the models used for an enhanced oil recovery process in a preconceptual schema that represents adecuately the oil reservoir simulation domain, the representation is validated with the SPE Comparative solution project having accordance with the reported results.

## 2. Marco teórico

### 2.1. Procesos de Recobro Mejorado

#### 2.2. Simulación Multifísica

#### 2.2.1. Modelo Black Oil Extendido

El Black Oil es un modelo de transporte simultáneo de tres fluidos en el que se asume que los hidrocarburos se distribuyen en un gas y un aceite en barril a condiciones de presión y temperatura estándar [Chen 2007]. Este modelo considera que puede haber una transferencia de masa en equilibrio desde aceite al gas, lo que se denomina "Gas disuelto". Adicionalmente, en el modelo Black Oil extendido, se considera una transferencia de masa desde el gas al aceite, lo que se denomina "aceite volatilizado".

aceite: 
$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \phi \left( \frac{S_o}{B_o} + \frac{R_v S_g}{B_g} \right) \right] + \nabla \cdot \left( \frac{1}{B_o} \vec{v_o} + \frac{R_v}{B_g} \vec{v_g} \right) + Q_o = 0$$
 (2-1)

gas: 
$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \phi \left( \frac{S_g}{B_g} + \frac{R_s S_o}{B_o} \right) \right] + \nabla \cdot \left( \frac{1}{B_g} \vec{v_g} + \frac{R_s}{B_o} \vec{v_o} \right) + Q_g = 0$$
 (2-2)

agua: 
$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \phi \left( \frac{S_w}{B_w} \right) \right] + \nabla \cdot \left( \frac{1}{B_w} \vec{v_w} \right) + Q_w = 0$$
 (2-3)

donde  $\vec{v_p}$  corresponde la ley de Darcy para el fluido  $p = \{o : \text{ aceite}, g : \text{ gas}, w : \text{ agua}\}$ :

$$\vec{v_p} = \frac{\mathbb{K}kr_p}{\mu_p} \nabla \Phi_{p,f} \tag{2-4}$$

- 2.2.2. Problema de Valores Iniciales
- 2.2.3. Modelamiento de Pozos
- 2.2.4. Modelamiento del Químico
- 2.2.5. Discretización
- 2.2.6. Método de Newton-Raphson
- 2.3. Esquemas Preconceptuales
- 2.3.1. Elementos Principales
- 2.3.2. Representación Basada en Eventos

## 3. Antecedentes

## 4. Propuesta de solución

En este capítulo se propone una representación basada en EP para la simulación de procesos de recobro mejorado. Con este fin, se extiende el elemento "función" definido en los EP para facilitar el desarrollo de la representación del dominio de la simulación de procesos EOR. Adicionalmente, se conceptualizan los términos derivados de las ecuaciones presentadas en el marco teórico, a partir de los cuales se generan las relaciones estructurales. Posteriormente, se muestra el EP completo de la simulación y se explica por secciones los eventos que procesan la simulación.

Esta sección se estructura así: en la sección 4.1 se presentan las subrutinas definidas por el usuario como una extensión para las funciones de los EP que permite reutilizar una representación en múltiples secciones del EP y la regla para la obtención de código a partir del nuevo elemento. En la sección 4.2 se revisan los términos de cada ecuación y su traducción a los conceptos presentes en el EP. En la sección 4.3 se muestra el EP completo y se explican las relaciones dinámicas y eventuales por cada concepto principal.

## 4.1. Extensión a las Funciones del Esquema Preconceptual

#### 4.1.1. Subrutinas definidas por el analista

Las subrutinas definidas por el analista son funciones tal como Calle (2016) propone, pero carecen de un concepto retorno "return". Estas utilizan elementos globales y también pueden recibir parámetros adicionales, su representación gráfica es igual a la de una función, pero en su uso no hay una asignación. En la figura ?? se presenta la representación gráfica y su traducción a código.

### 4.2. Conceptualización

En esta sección se explican los conceptos principales que resultan en la traducción de las ecuaciones algebraicas resultantes de la discretización del BOM extendido y las ecuaciones constitutivas usando el método de los volúmenes finitos. Es esta sección se explicarán los siguientes conceptos.

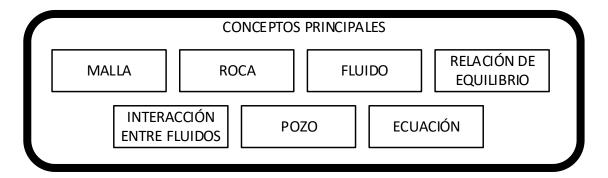


Figura 4-1.: Definición de la malla. Los autores.

#### 4.2.1. Malla

Al resolver el dominio espacial continuo como un conjunto discreto de celdas (discretizar el espacio), aparecen propiedades tales como los volúmenes de las celdas y el área de las caras. Este conjunto discreto de celdas es el que se denomina como "malla". A su vez, la celda es vista como un conjunto discreto de caras que generan una superficie cerrada<sup>1</sup>. Cada celda cuenta con una numeración, esta sirve para identificar posiciones en el espacio y ubicar las vecindades correspondientes para el cálculo del flujo discretizado.

De la conceptualización de los elementos emergentes en la discretización, se encuentra que existe una malla. La cual, contiene todas las propiedades necesarias para generar el conjunto de celdas. Además, existe un actor "Geomodelador" que se encarga de definir el número de celdas en cada eje, sus espesores y topes tal como se presenta en **4-2**.

Una vez definidas tales propiedades, la malla aparece en un proceso iterativo de creación de la cantidad de celdas (Esta se presenta en el siguiente capítulo). y el respectivo cálculo de volúmenes, profundidades y numeración para cada una. Posteriormente, las caras se crean en otro proceso iterativo, estas contienen la información sobre las vecindades de cada celda, donde cada celda tiene un conjunto de caras<sup>2</sup>.

#### 4.2.2. Roca

La especificación de la relación dinámica "Petrofísico caracteriza roca" consiste de insertar las condiciones iniciales de porosidad y permeabilidad absoluta para la roca asociada al yacimiento, es posible notar que estos atributos de la roca están representados como arreglos por la cantidad de términos, derivados de los pasos de tiempo (estos se verán más adelante), y la cantidad de celdas definidas en la malla.

Adicionalmente, el petrofísico define la compresibilidad de poro y la presión a la que esta

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>En el caso tridimensional

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Es posible notar que la cara existente entre dos celdas vecinas se crea dos veces, una por cada celda.

se mide para el cálculo de la porosidad a los términos posteriores. El modelo considera la existencia de una única roca a la cual todas las propiedades por cada una de las celdas son asignadas. La caracterización de la roca se presenta en **4-3**.

#### 4.2.3. Fluido

Los fluidos tienen propiedades que son funciones de su presión y saturación, estas a su vez son función del tiempo y del espacio. Por lo que todas las propiedades que se proponen en la conceptualización se representan como arreglos dependientes de la cantidad de términos y de la cantidad de celdas. La representación del fluido, su relación dinámica "Ingeniero de fluidos caracteriza Fluido" y su respectiva especificación se presentan en la figura 4-4.

En pos de la generalidad, la viscosidad del fluido y su factor volumétrico se definen como funciones directas de la presión. Con este fin, aparece el concepto de "propiedad medida", el cuál tiene una "medida de referencia" y un "valor medido" a esa referencia. Ambos son arreglos de la "cantidad de medidas". En la figura 4-4 también es posible ver que el fluido tiene una "viscosidad medida y un factor volumétrico medido". Esto nos permite calcular de manera general estas propiedades, independientemente del fluido, como una interpolación en el conjunto de medidas a la presión del fluido correspondiente. El ingeniero de fluidos inserta la viscosidad medida y el factor volumétrico medido cuando caracteriza el fluido.

Es importante notar también, que el fluido tiene un tipo y un atributo de tipo lógico "Principal". El tipo del fluido permite explicitar que este es "petróleo", "gas" o "agua". Sin embargo, el fluido cuyo atributo principal sea "sí" o "true", resuelve la presión en su respectiva ecuación. Los demás fluidos resuelven su saturación.

#### 4.2.4. Relación de Equilibrio

En las ecuaciones del BOM se relacionan la posible existencia de masa de gas en el aceite (Rs o gas disuelto), y, en el caso del BOM extendido, la de aceite en el gas (Rv o aceite volatilizado). En el concepto "Relación de equilibrio", se generaliza la existencia de masa de un fluido dentro de otro fluido como un coeficiente de partición, tal como se muestra en la conceptualización (ver 4.2). Se postula, también, que existe un fluido que aporta masa y otro que la recibe, tal como se ve en 4-5. El coeficiente de partición cumple la mismas condiciones de la viscosidad del fluido y a su vez, tiene un coeficiente de partición medido.

#### 4.2.5. Interacción entre fluidos

Las interacciones entre fluidos se proponen como una generalización de los contactos entre fluidos. En el caso del modelo BOM, se deben especificar dos: los contactos gas-aceite y aceiteagua. En este concepto se relacionan directamente las dependencias de la permeabilidad relativa del fluido principal con su respectivo fluido de referencia en el contacto. Además, para el fluidos cuya incógnita es la saturación, se relaciona la presión del fluido principal con su respectiva presión capilar, con el fin de calcular la presión faltante. Para esto, es necesario saber de antemano cuál fluido es el mojante y cuál es el no mojante. Adicionalmente, todas las propiedades dependientes se calculan a la saturación del fluido de referencia. En la figura 4-6 se presenta la representación propuesta para las interacciones entre fluidos.

#### 4.2.6. Pozo

Se proponen los pozos, de manera análoga a la malla, como un conjunto de perforados que a su vez tienen atributos adicionales como lo son la presión de fondo y el caudal. Estos pozos, tienen una caracterización distinta según el tipo, sea productor o inyector. Además, es posible notar que el pozo es un concepto abstracto, de cuál se instancia uno de los dos tipos. Más aún, los perforados dependerán del tipo de pozo, siendo estos también abstractos, con sus respectivos tipos "perforado inyector" o "perforado productor". En la figura 4-7 se presenta la representación de los pozos.

La principal diferencia entre los pozos productores e inyectores radica en que el pozo inyector tiene un fluido de inyección. Además, la tasa y el acumulado del pozo inyector sólo dependen de este fluido, mientras que para el pozo productor dependerá de la cantidad de fluidos caracterizados. Estos pozos están sujetos a la restricción de no cambiar su tipo, además para un pozo productor, su conjunto de perforados corresponderá también a perforados productores. Así mismo para los pozos inyectores.

Los pozos funcionan bajo una condición operativa, que permite regular la presión o el caudal al que estos inyectan o producen fluido. Estas condiciones definen si un pozo genera una ecuación (Peaceman), o si su caudal se puede resolver directamente usando la presión de fondo. Por otro lado, las condiciones operativas pueden variar en el tiempo, por lo que se requiere calcular o resolver el atributo que no está sujeto a la condición operativa cada que se establezca un cambio en esta. Adicionalmente, se reconfigura la simulación cada que se establezca un cambio en la condición operativa.

#### 4.2.7. Ecuación

La ecuación es un concepto agrupador, tanto el fluido como el pozo son ecuaciones (Posteriormente los químicos). Sirve para iterar sobre todos los conceptos que generan un residual en el método de Newton. Tienen un índice y estado. Este último permite que todos los pozos generen ecuación pero no necesariamente se resuelva en el jacobiano. Sólo se resuelven las ecuaciones cuyo estado sea "activo". (Se verá más adelante).

# 4.3. Representación en EP de la simulación de procesos EOR

En esta sección se propone una representación basada en un EP para procesos EOR. En el esquema 4-8 se evidencia la solución del BOM discretizado usando volúmenes finitos en una malla cartesiana ortogonal. El paso a paso en la ejecución de los eventos se muestra en 4-9. En el evento "Presión del fluido varía" se desarrollan las iteraciones del método de Newton-Raphson e internamente las iteraciones sobre las celdas requeridas para solucionar el sistema algebraico resultante de la discretización. En las secciones siguientes se explica el EP elaborado en las respectivas porciones correspondientes a eventos, subrutinas y funciones que procesan la simulación de procesos EOR.

Para el correcto desarrollo de la simulación, se establecen las siguientes precondiciones: existe una única malla y una única roca. En el caso de una simulación de dos fluidos debe existir una única interacción entre fluidos. En el caso de tres fluidos deben existir exactamente dos interacciones entre fluidos.

#### 4.3.1. Malla aparece

El evento "Malla aparece" Se dispara cuando el estado de la malla es "Definida", que sucede justo después de que el geomodelador defina la malla. En este evento, se desarrollan dos ciclos principales. El primer ciclo es anidado por cada eje coordenado, y en total se recorre el número de celdas a definir. En este ciclo, se calculan los volúmenes y profundidades de cada celda, además se asigna un índice único de celda y la numeración en cada eje (x,y,z). La especificación del evento "Malla Aparece" se presenta en la figura **4-1**.

En el segundo ciclo principal, se itera sobre las celdas definidas previamente y se calcula la conectividad, es decir la definición de caras. Para esto, se consulta la existencia de celdas adyacentes a la celda actual en todas las direcciones. Si existe una celda en alguna dirección, se crea y calcula su área y orientación. Adicionalmente, a la cara se le asigna un índice y también se le asigna la celda vecina. Es importante notar que cada celda almacena su conjunto de caras, por lo que las caras se duplican.

#### 4.3.2. Tiempo pasa

El evento "Tiempo pasa" se dispara en el momento en que se tiene las suficientes realizaciones de los conceptos para ejecutar la simulación, es decir, se ejecutaron las mínimas relaciones dinámicas para poder disparar el evento, como se ve en la figura **4-9**. En este evento se procesa el inicio y el final de la simulación, incrementando el "tiempo" y "término" al que se van a calcular las propiedades de los conceptos principales.

Se puede observar también que, en este evento se realiza el cálculo de las propiedades iniciales para toda la malla. Debido a que, al término cero, sólo se tienen las propiedades que son insertadas en las relaciones dinámicas ejecutadas previamente. las demás propiedades deben ser calculadas, puesto que son necesarias para el término de acumulación en las ecuaciones de transporte para todos los fluidos existentes.

#### 4.3.3. Presión del Fluido Varía

En el evento "Presión del Fluido varía" se procesa el núcleo de la simulación. En éste se llevan a cabo las iteraciones del método de Newton-Raphson para converger al próximo paso de tiempo. La especificación de este evento consta de cinco procesos principales: La actualización de propiedades al término actual, el recálculo de las mismas, el cálculo de los residuales en cada iteración, el cálculo de la matriz jacobiana, y la actualización de las incógnitas. La especificación del evento "Presión del Fluido varía" se presenta en la figura **4-12**.

En la actualización de propiedades al término actual, se hace un incremento de tamaño y asignación del estimado inicial para el método de Newton-Raphson, para todas las celdas de la malla y en todos los fluidos para todas las propiedades dependientes del tiempo. Lo mismo se realiza para los pozos y cada uno de sus perforados. La actualización de propiedades se expone en la figura **4-13**.

Posteriormente 4-14

Luego **4-15** 

Siguiendo 4-16

Por último 4-17

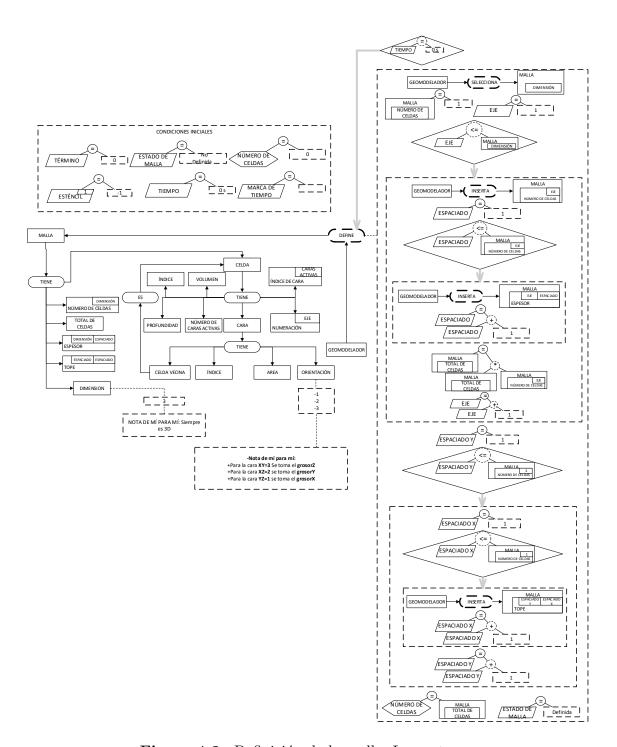


Figura 4-2.: Definición de la malla. Los autores.

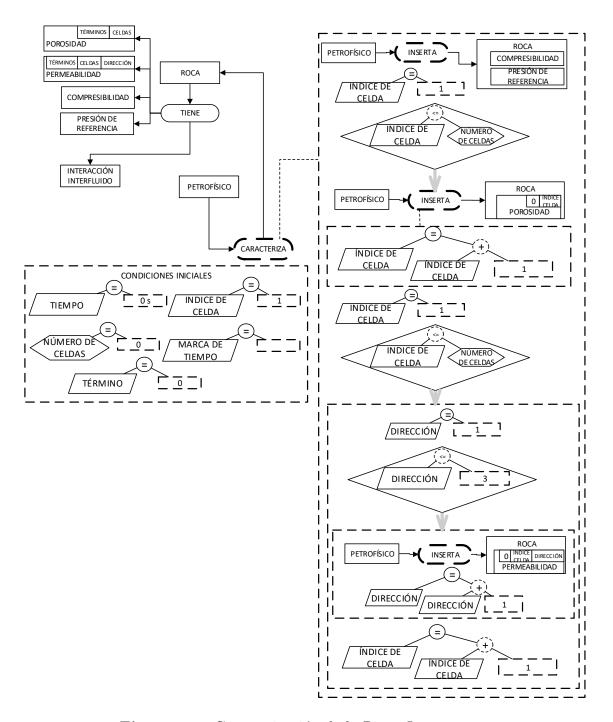


Figura 4-3.: Caracterización de la Roca. Los autores.

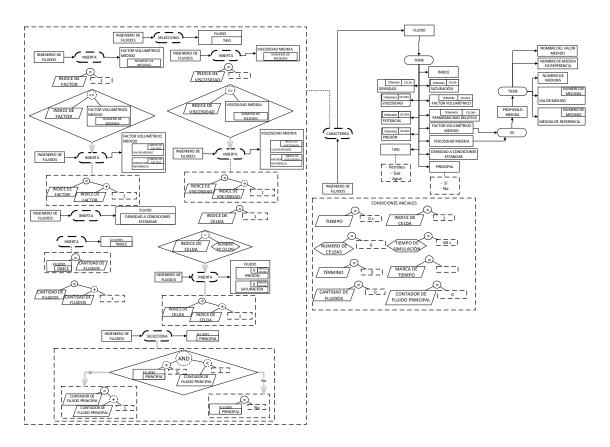


Figura 4-4.: Caracterización del fluido. Los autores.

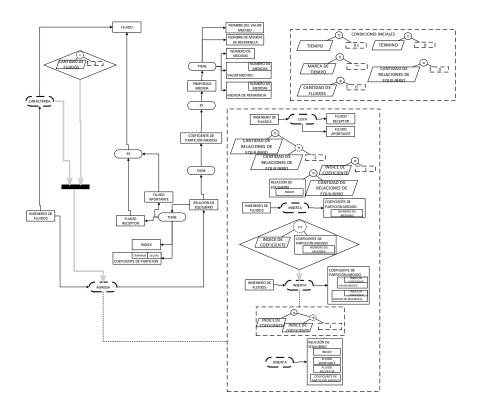


Figura 4-5.: Adición de Relaciones de equilibrio. Los autores.

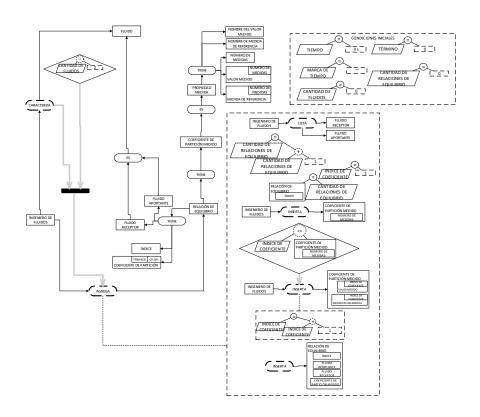


Figura 4-6.: Adición de Interacción entre fluidos. Los autores.

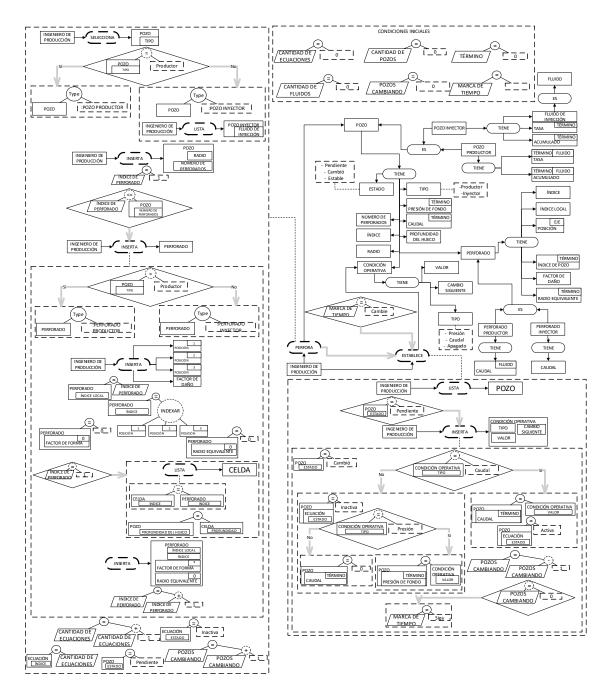


Figura 4-7.: Perforación de Pozos. Los autores.

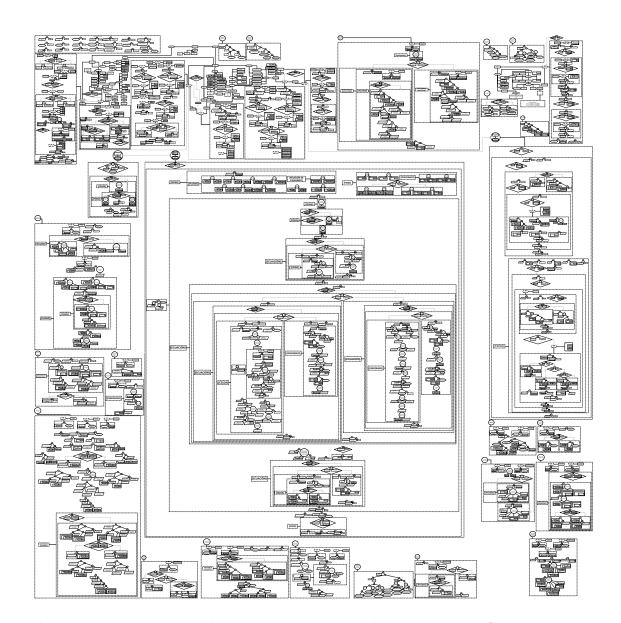


Figura 4-8.: Representación en EP de la simulación de procesos EOR. Los autores.

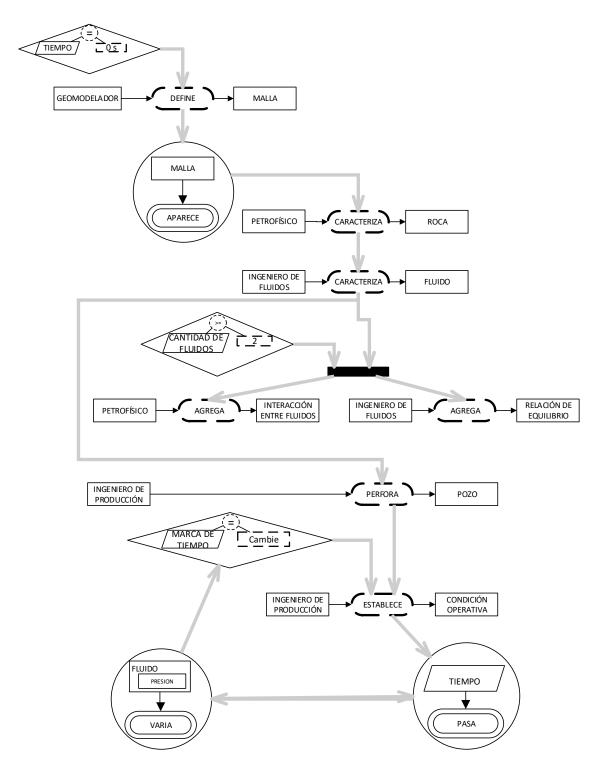


Figura 4-9.: Línea de Procesos. Los autores.

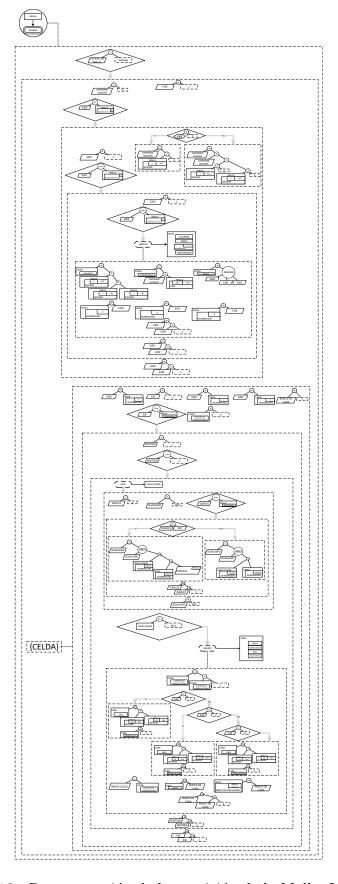


Figura 4-10.: Representación de la aparición de la Malla. Los autores.

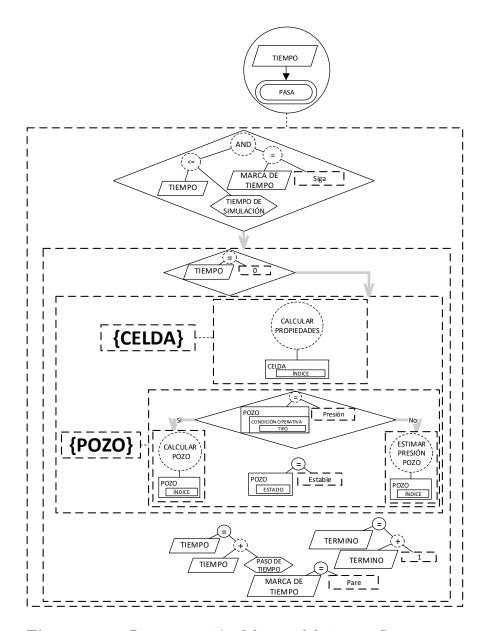


Figura 4-11.: Representación del paso del tiempo. Los autores.

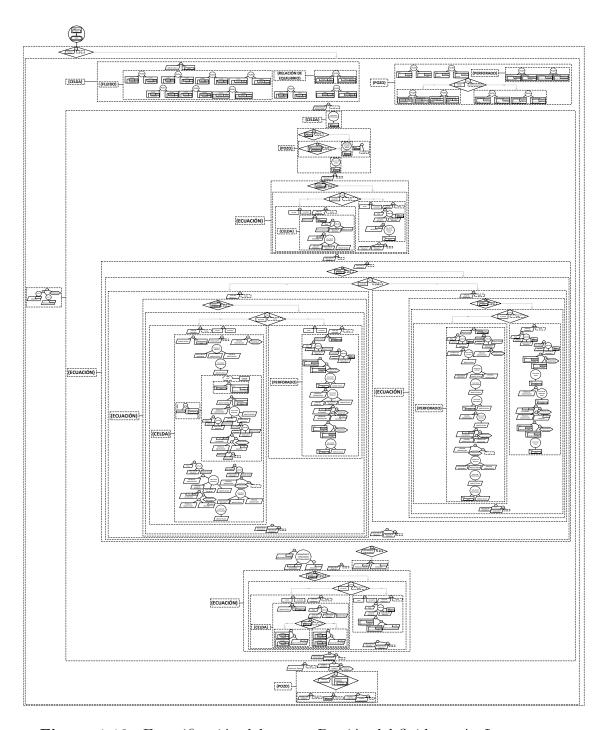


Figura 4-12.: Especificación del evento Presión del fluido varía. Los autores.

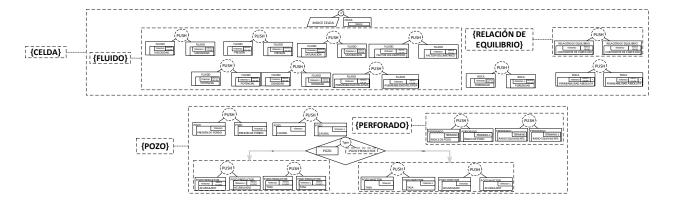


Figura 4-13.: Actualización de propiedades al término actual. Los autores.

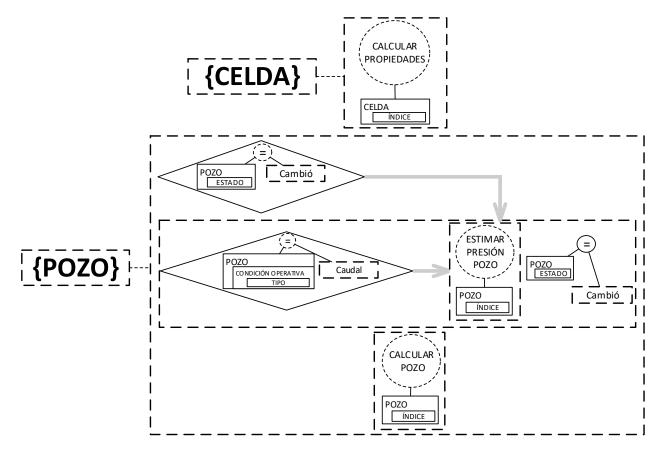


Figura 4-14.: Recálculo de Propiedades al término actual para la iteración. Los autores.

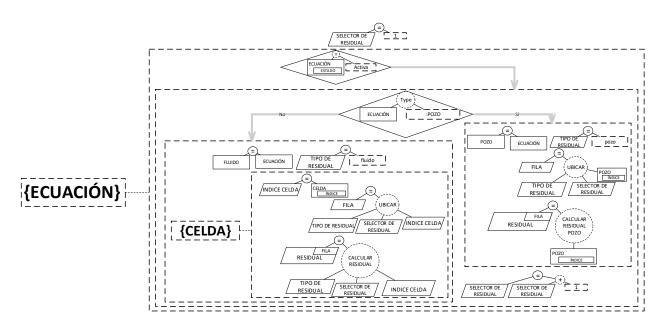


Figura 4-15.: Cálculo de residual para la iteración. Los autores.

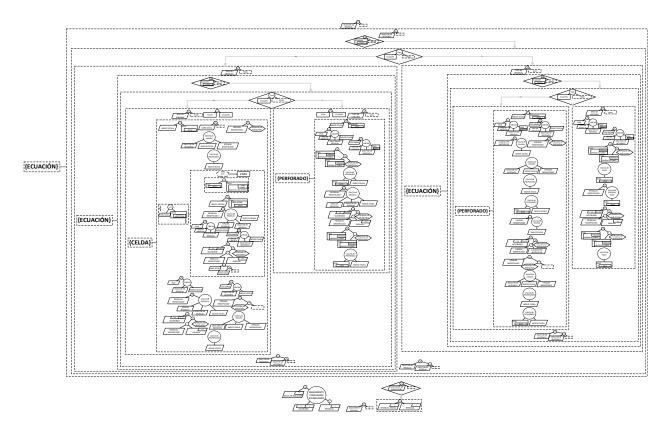


Figura 4-16.: Cálculo y armado de la matriz del jacobiano añ término actual para la iteración. Los autores.

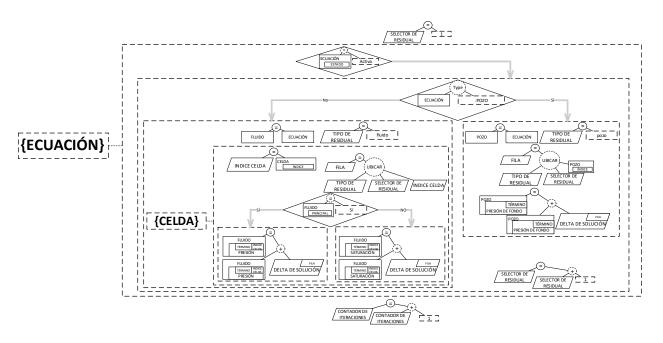


Figura 4-17.: Recálculo de Propiedades al término actual para la iteración. Los autores.

## 5. Validation

Se deben incluir tantos capítulos como se requieran; sin embargo, se recomienda que la tesis o trabajo de investigación tenga un mínimo 3 capítulos y máximo de 6 capítulos (incluyendo las conclusiones).

## 6. Conclusiones y recomendaciones

#### 6.1. Conclusiones

Las conclusiones constituyen un capítulo independiente y presentan, en forma lógica, los resultados de la tesis o trabajo de investigación. Las conclusiones deben ser la respuesta a los objetivos o propósitos planteados. Se deben titular con la palabra conclusiones en el mismo formato de los títulos de los capítulos anteriores (Títulos primer nivel), precedida por el numeral correspondiente (según la presente plantilla).

#### 6.2. Recomendaciones

Se presentan como una serie de aspectos que se podrían realizar en un futuro para emprender investigaciones similares o fortalecer la investigación realizada. Deben contemplar las perspectivas de la investigación, las cuales son sugerencias, proyecciones o alternativas que se presentan para modificar, cambiar o incidir sobre una situación específica o una problemática encontrada. Pueden presentarse como un texto con características argumentativas, resultado de una reflexión acerca de la tesis o trabajo de investigación.

# A. Anexo: Nombrar el anexo A de acuerdo con su contenido

Los Anexos son documentos o elementos que complementan el cuerpo de la tesis o trabajo de investigación y que se relacionan, directa o indirectamente, con la investigación, tales como acetatos, cd, normas, etc.

# B. Anexo: Nombrar el anexo B de acuerdo con su contenido

A final del documento es opcional incluir índices o glosarios. Éstos son listas detalladas y especializadas de los términos, nombres, autores, temas, etc., que aparecen en el mismo. Sirven para facilitar su localización en el texto. Los índices pueden ser alfabéticos, cronológicos, numéricos, analíticos, entre otros. Luego de cada palabra, término, etc., se pone coma y el número de la página donde aparece esta información.

# C. Anexo: Nombrar el anexo C de acuerdo con su contenido

MANEJO DE LA BIBLIOGRAFÍA: la bibliografía es la relación de las fuentes documentales consultadas por el investigador para sustentar sus trabajos. Su inclusión es obligatoria en todo trabajo de investigación. Cada referencia bibliográfica se inicia contra el margen izquierdo.

La NTC 5613 establece los requisitos para la presentación de referencias bibliográficas citas y notas de pie de página. Sin embargo, se tiene la libertad de usar cualquier norma bibliográfica de acuerdo con lo acostumbrado por cada disciplina del conocimiento. En esta medida es necesario que la norma seleccionada se aplique con rigurosidad.

Es necesario tener en cuenta que la norma ISO 690:1987 (en España, UNE 50-104-94) es el marco internacional que da las pautas mínimas para las citas bibliográficas de documentos impresos y publicados. A continuación se lista algunas instituciones que brindan parámetros para el manejo de las referencias bibliográficas:

Institución	D: : 1: 1: :/		
	Disciplina de aplicación		
Modern Language Association (MLA)	Literatura, artes y humanidades		
American Psychological Association	Ambito de la salud (psicología, medicina)		
(APA)	y en general en todas las ciencias sociales		
Universidad de Chicago/Turabian	Periodismo, historia y humanidades.		
AMA (Asociación Médica de los Estados	Ambito de la salud (psicología, medicina)		
Unidos)			
Vancouver	Todas las disciplinas		
Council of Science Editors (CSE)	En la actualidad abarca diversas ciencias		
National Library of Medicine (NLM) (Bi-	En el ámbito médico y, por extensión, en		
blioteca Nacional de Medicina)	ciencias.		
Harvard System of Referencing Guide	Todas las disciplinas		
JabRef y KBibTeX	Todas las disciplinas		

Para incluir las referencias dentro del texto y realizar lista de la bibliografía en la respectiva sección, puede utilizar las herramientas que Latex suministra o, revisar el instructivo desa-

rrollado por el Sistema de Bibliotecas de la Universidad Nacional de Colombia $^1$ , disponible en la sección "Servicios", opción "Trámitesz enlace . $^{\rm En}$ trega de tesis".

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Ver: www.sinab.unal.edu.co

# Bibliografía

- J. Calle. Identificación de patrones de diseño para software científico a partir de esquemas preconceptuales. Master's thesis, Universidad Nacional de Colombia Sede Medellín, Noviembre 2016. URL http://bdigital.unal.edu.co/56381/. Línea de Investigación: Ingeniería de software.
- Z. Chen. Reservoir simulation: mathematical techniques in oil recovery, volume 77. Siam, 2007.