Ejercicio 1:

Dados:
$$R = (A,B,C,D,E)$$

$$F={A-->B, B-->D, CD-->E, E-->C}$$

Se pide:

- a) Hallar las claves.
- b) ¿R cumple con la FNBC? ¿Con la 3FN?
- c) Hallar una descomposición de R en FNBC que sea SPI.
- d) ¿La descomposición hallada es SPDF?

Solución:

 A no está en ningún lado derecho y entonces debe ser parte de toda clave

$$A+=ABD$$

Probamos con: AB, AC, AD, AE

AB+=ABD

AC+= ACBDE CLAVE

AD+=ADB

AE+= AEBDC CLAVE

Nos queda probar con ABD

ABD+=ABD

Las claves son: AC y AE

b)

Los atributos primos son: ACE

R no cumple con FNBC porque todas las dependencias funcionales violan la FNBC

R no cumple con 3FN porque A-->B y B-->D violan la 3FN

Nota: R tampoco cumple con 2FN porque A-->B viola la 2FN (B depende parcialmente de una de las claves)

Por lo tanto sólo cumple con la 1FN (todo esquema relacional cumple con 1FN por definición)

c)
$$\underbrace{\underline{A} \ B \ \underline{C} \ D \ E}_{-} - - B-->D$$

$$\underbrace{\underline{B} D} \qquad \underbrace{\underline{A} B C \underline{E}}_{-} \qquad A-->B$$

$$\underbrace{\underline{A} B} \qquad \underbrace{\underline{A} C \underline{E}}_{-} \qquad E-->C$$

$$\underbrace{\underline{E} C} \qquad \underbrace{\underline{A} \underline{E}}_{-}$$

La descomposición (BD, AB, EC, AE) es SPI y cumple con FNBC porque todos los subesquemas tienen dos atributos

Nota: Aplicamos las dependencias en el siguiente orden: B-->D, A-->B, E-->C (se podrían obtener tantas descomposiciones como órdenes distintos de aplicar las dependencias)

d)

A-->B, B-->D, E-->C se preservan trivialmente,

Hay que verificar si se pierde CD-->E

(queda pendiente, hay un algoritmo de testeo de SPDF que veremos en la próxima clase)

Para afirmar que es SPDF debemos probar que se preservan todas las dependencias