Лабораторна робота №2

Основи роботи з бібліотекою NumPy

Мета роботи: отримати базові знання та навички по роботі з бібліотекою NumPy.

2. Завдання:

Примітка: а)Всі завдання виконувати засобами бібліотеки numpy **без** використання циклів для звернення до елементів матриць, а також функцій map(), filter(), reduce().

- b) В комірках ноутбука повинна бути вказана постановка задачі. Для створення формул повинен бути використаний LaTex.
- c) Перевірку здійснити за допомогою функції numpy.allclose()
- 1. Виконати набір вправ.
- 2. Розв'язати систему за допомогою формул Крамера і виконати перевірку за допомогою:
 - а) матричного множення;
 - b) функції numpy.linalg.solve().
- 3. Обчислити значення матричного виразу.
- 4. Розв'язати рівняння за допомогою оберненої матриці і виконати перевірку за допомогою:
 - а) матричного множення;
 - b) функції numpy.linalg.solve().
- 5. Розмістити створений блокнот на GitHub
- 6. Підготувати звіт про виконання лабораторної роботи

Таблиця 2.1. Завдання до виконання роботи

Вар.	Завдання 1	Завдання 2-5
11	6, 7, 9, 10, 11, 15, 17, 18, 20, 22	2) $\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1\\ 3x_1 - x_2 - x_3 - 2x_4 = -4\\ 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -6\\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 - x_4 = -4 \end{cases}$

		$(3) 2(A+B)(2B-A)$, де $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 4 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 7 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 3 \\ 2 & -2 & 4 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & 0 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 2 & 7 & 13 \\ -1 & 0 & 5 \\ 5 & 13 & 21 \end{pmatrix} $
2		2) $\begin{cases} x_1 - x_2 - 2x_3 - 3x_4 = 8 \\ 3x_1 + 2x_2 - x_3 + 2x_4 = 4 \\ 2x_1 - 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -8 \end{cases}$
		3) $3A - (A - 2B)B$, $A = \begin{pmatrix} 4 & 5 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 5 & 7 & 3 \end{pmatrix}$
		4) $X * \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ -3 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & -1 & 3 \\ 4 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$
3	1, 3, 6, 7, 8, 14, 16, 18, 19, 22	$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5\\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1\\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 1\\ 4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -5 \end{cases}$
		3) $2(A-B)(A^2+B)$, де $A = \begin{pmatrix} 5 & 1 & 7 \\ -10 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, $B \begin{pmatrix} 2 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \\ 7 & 2 & 1 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 4 & -2 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \\ 3 & -2 & 0 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 0 & -2 & 6 \\ 2 & 4 & 3 \\ 0 & -3 & 4 \end{pmatrix} $
4	2, 4, 8, 9, 11, 12, 13, 14, 18, 19	2) $\begin{cases} x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -5 \\ x_1 - 2x_3 + 3x_4 = -4 \\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_4 = 12 \\ 4x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 5 \end{cases}$
		$(3)(A^2 - B^2)*(A + B)$, де $A = \begin{pmatrix} 7 & 2 & 0 \\ -7 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & -2 \\ 3 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

	T	
		4) $X * \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -2 & 0 \\ 4 & -3 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 22 & -14 & 3 \\ 6 & -7 & 0 \\ 11 & 3 & 15 \end{pmatrix}$
1.)	2, 3, 4, 5, 7, 9, 10, 14, 15, 21	2) $\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 + 7x_4 = 12\\ 3x_1 + 5x_2 + 7x_3 + x_4 = 0\\ 5x_1 + 7x_2 + x_3 + 3x_4 = 4\\ 7x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 16 \end{cases}$
		$(3)(A-B^2)(2A+B)$, де $A = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 0 \\ 10 & 4 & 1 \\ 7 & 3 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 6 & -1 \\ -1 & -2 & 0 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 4 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 9 & 8 & 7 \\ 2 & 7 & 3 \\ 4 & 3 & 5 \end{pmatrix} $
6		2) $\begin{cases} x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 4x_4 = 20\\ 3x_1 + x_2 - 2x_3 = 9\\ 5x_1 - 7x_2 + 10x_4 = -9\\ 3x_2 - 5x_3 = 1 \end{cases}$
		3) $(A-B^2) \cdot (2A+B)$, $\operatorname{Ae} A = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 0 \\ 10 & 4 & 1 \\ 7 & 3 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 6 & -1 \\ -1 & -2 & 0 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 4 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 9 & 8 & 7 \\ 2 & 7 & 3 \\ 4 & 3 & 5 \end{pmatrix} $
7	3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 13, 17, 19	2) $\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 5x_3 + x_4 = 8\\ x_1 - 3x_2 - 6x_4 = 9\\ 2x_2 - x_3 + 2x_4 = -5\\ x_1 + 4x_2 - 7x_3 + 6x_4 = 0 \end{cases}$
		3) $2(A-0.5B) + AB$ $A = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -1 \\ 2 & -2 & 0 \\ 3 & -1 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 16 \\ -3 & -2 & 0 \\ 5 & 7 & 2 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 3 & -2 & 0 \\ 0 & -1 & 2 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 2 \\ 5 & -7 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix} $

8	3, 4, 5, 6, 7, 10, 12, 16, 17, 21	2) $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 4\\ 3x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 6\\ 3x_1 - x_2 - x_3 + 2x_4 = 6\\ 3x_1 - x_2 + 3x_3 - x_4 = 6 \end{cases}$
		3) $(A-B)A+3B$, $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & -5 \\ 4 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 4 \\ 0 & 3 & 2 \\ -1 & -3 & 4 \end{pmatrix}$
		4) $X * \begin{pmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -2 \\ 4 & 10 & 1 \\ 2 & 4 & -5 \end{pmatrix}$
9	1, 2, 4, 7, 8, 12, 13, 15, 16, 20	2) $\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 8\\ 2x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 5\\ x_1 - x_2 + 2x_3 + x_4 = -1\\ x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 10 \end{cases}$
		3) $2A - (A^2 + B)B$, де $A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -2 \\ 4 & 10 & 1 \\ 2 & 4 & -5 \end{pmatrix}$
		$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
10	0 44 60	1) $\begin{cases} 4x_1 + x_2 - x_4 = -9 \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 7 \\ 3x_2 - 2x_3 + 4x_4 = 12 \\ x_1 + 2x_3 + 4x_4 = 12 \end{cases}$
		$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
		4) $X * \begin{pmatrix} 5 & 3 & -1 \\ -2 & 0 & 4 \\ 3 & 5 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 16 \\ -3 & -2 & 0 \\ 5 & 7 & -2 \end{pmatrix}$
11	1, 5, 9, 10, 12, 15,16, 21, 22	$ 2) - \begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 1 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_4 = 2 \\ 3x_1 - x_3 + x_4 = -3 \\ 2x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 5x_4 = -6 \end{cases} $

		3) $(2A-B)(3A+B)-2AB$, $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 7 & 5 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \\ -3 & -1 & -1 \end{pmatrix}$
		4) $X * \begin{pmatrix} 5 & -1 & 3 \\ 0 & 2 & -1 \\ -2 & -1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 7 & -2 \\ 1 & 1 & -2 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$
12	1, 2, 13, 14,	
		3) $A(A^2 - B) - 2(B + A)B$, $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & 4 \\ 5 & 3 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 2 & 7 & 13 \\ -1 & 0 & 5 \\ 5 & 13 & 21 \end{pmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 4 & 5 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 5 & 7 & 3 \end{pmatrix} $
13	1, 5, 7, 8, 11, 13, 16, 17, 20, 22	2) $\begin{cases} 5x_1 + x_2 - x_4 = -9\\ 3x_1 - 3x_2 + x_3 + 4x_4 = -7\\ 3x_1 - 2x_3 + x_4 = -16\\ x_1 - 4x_2 + x_4 = 0 \end{cases}$
		3) $(A+B)A-B(2A+3B)$, $A=\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & 3 & 5 \\ 1 & 4 & -1 \end{bmatrix}$ $B=\begin{bmatrix} 4 & 11 & 3 \\ 1 & 6 & 1 \\ 2 & 2 & 16 \end{bmatrix}$
		$ \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 4 & -3 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 7 & 0 & -5 \\ 4 & 11 & 2 \\ 1 & 3 & 1 \end{pmatrix} $
14	6, 9, 10, 11, 12, 15, 18, 19, 20, 21	2) $\begin{cases} 2x_1 + x_3 + 4x_4 = 9\\ x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 8\\ 2x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 5\\ x_1 - x_2 + 2x_3 + x_4 = -1 \end{cases}$
		3) $A(2A+B)-B(A-B)$, $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 4 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 9 & 8 & 7 \\ 2 & 7 & 3 \\ 4 & 3 & 5 \end{pmatrix}$

$$\begin{vmatrix}
4 \\
5 \\
3 \\
-1
\end{vmatrix} * X = \begin{pmatrix}
1 \\
-3 \\
-2 \\
0 \\
5 \\
7 \\
2
\end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
1, 3, 6, 8, \\
12, 13, 16, \\
18, 20, 22
\end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
2x_1 - 6x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 12 \\
x_1 + 3x_2 + 5x_3 + 7x_4 = 12 \\
3x_1 + 5x_2 + 7x_3 + x_4 = 0 \\
5x_1 + 7x_2 + x_3 + 3x_4 = 4
\end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
3 \\
3 \\
3 \\
4
\end{vmatrix} (AB - 2A), \text{ Re } A = \begin{pmatrix}
2 \\
1 \\
3 \\
3
\end{vmatrix}, B = \begin{pmatrix}
22 \\
-14 \\
3 \\
6 \\
-7 \\
0 \\
11 \\
3 \\
15
\end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
4 \\
3 \\
4 \\
5 \\
2 \\
-1 \\
0 \\
7
\end{vmatrix} = \begin{pmatrix}
-1 \\
4 \\
5 \\
2 \\
-1 \\
0
\end{cases}$$

6. Розмістити створений блокнот на GitHub

Завдання 1

Примітка: Зверніть увагу, що Out [] надано для означення результату виведення. Насправді ж показано результат дії функції print().

Вправа 1. Вводиться число n. Вивести масив разміра $n \times n$, в якому по діагоналі йдуть числа від 1 до n, а інші числа рівні 0

Вправа 2. Вводиться число n. Розставити 1 та 0 у шаховому порядку, починаючи з 1 в матриці розміром $n \times n$, використовуючи слайсінг.

Вправа 3. Вводяться 4 числа n, m, r, c. Вивести масив розміру n на m, в якому в кожному r -му рядку і в кожному c-му стовбчику стоять 0, а інші

елементи дорівнюють 1.

Вправа 4. Вводяться числа n і m. Вивести масив розміру n на m, в якому у першому рядку (рядок з нулевим індексом) йдуть числа від 0 до m-1, а всі інші елементи матриці дорівнюють 0.

Вправа 5. Вводиться число n. Вивести масив розміру n на n, в якому в рядках з парними індексами стоять 1, а в інших — 0.

```
In [2] task_5()
5
Out [2] [[1 1 1 1 1]
       [0 0 0 0 0]
       [1 1 1 1 1]
       [0 0 0 0 0]
       [1 1 1 1 1]
```

Вправа 6. З клавіатури вводиться масив. Замінити всі ненульові елементи на - 1.

Вправа 7. З клавіатури вводиться масив. Замінити всі нульові елементи на -1.

Вправа 8. З клавіатури вводиться масив. Підрахувати в ньому кількість нульових та ненульвих елементів.

```
In [2] task_8()
3 4 0 9 8 2 4 0 8 4 0
Out [2] Нулів: 3
```

```
Не нулів: 8
```

B Вводиться число n. Створити масив значень від n до 0.

Вправа 10. Вводиться числа n і m. Створити масив випадкових значень n на m і обчислити мінімальне, максимальне значення, середнє та середньо квадратичне відхилення, округлене до 3 знаків після коми

```
In [2] task_10()
4 5
Out [2] мінімум: 0.038
максимум: 0.946
середнє: 0.593
дисперсія: 0.302
```

Вправа 11. Створити масив одиниць розміром $n \times n$ та додати до нього «рамку», сформовану з 0.

 $Bnpaвa\ 12$. Створити масив одиниць розміром $n \times n$ та створити в ньому «рамку», сформовану з 0.

Вправа 13. Визначити індекс 100 елемента в лінійному масиві, якщо його перетворять у матрицю розміром 4х5х6.

```
Out [2] B матриці 4x5x6 індексом 70 елемента \epsilon (2, 1, 3)
```

Вправа 14. Розмістити на полі 8х8 0 та одиниці в шахматному порядку, використовуючи функцію повторення (*).

```
Out [2] [[0 1 0 1 0 1 0 1]

[1 0 1 0 1 0 1 0]

[0 1 0 1 0 1 0 1]

[1 0 1 0 1 0 1 0 1]

[0 1 0 1 0 1 0 1 0]

[0 1 0 1 0 1 0 1]
```

```
[1 0 1 0 1 0 1 0]]
```

Вправа 15. Розмістити на полі 8x8 0 та одиниці в шахматному порядку, використовуючи функцію numpy tile().

Вправа 16. Заповнити парні стовбчики матриці розміром $n \times n$ одиницями, а непарні — нулями.

Вправа 17. Заповнити вектор значеннями від 0 до n. Всі значення, що більші за n/2 та менші за 3n/4 замінити нулями

Вправа 18. Заповнити вектор значеннями від 0 до n. Замінити знаки для всіх значеннь, що менші за n/2 та більші за 3n/4 на протилежні

Вправа 19. Згенерувати вектор з n випадкових чисел в діапазоні від 0 до 99. Визначити кількість унікальних чисел в послідовності.

```
In [2] task_19()
30
<mark>Out [2]</mark> В послідовності [ 5 77 15 21 8 44 58 77 6 49 35 35 25 3
51 65 73 81 67 78 85 68 40 77 58 1 10 9 59 13] - 26 унікальних чисел
```

Вправа 20. Згенерувати вектор із n елементів, що рівномірно розміщені на інтервалі (0,1) — тобто обидва кінці інтервалу не включені. Значення вивести до 3 знаків після коми.

Вправа 21. Згенерувати вектор із n випадкових елементів, що лежать в інтервалі (0,1). Замінити максимальний елемент на 0.

```
In [2] task_21() 5
Out [2] Початковий вектор [0.593 0.071 0.85 0.646 0.827] Змінений вектор [0.593 0.071 0. 0.646 0.827]
```

Вправа 22. Ввести числа n і m. Згенерувати матрицю n на n випадкових цілих елементів з діапазону [0, m]. Замінити всі максимальні елементи цієї матриці на протилежні за знаком.

```
In [2]
         task_22()
          4 10
Out [2]
Початковий вектор
 [[9 6 0 9]
 [4 3 7 9]
 [4 1 0 8]
 [5 5 4 8]]
Змінений
          вектор
 [[-9 6 0 -9]
 [4 3 7 -9]
 [4 1 0 8]
 [ 5
     5
        4 8]]
```

3. Зміст звіту

- 1. Титульний аркуш
- 2. Тема і мета роботи
- 3. Лістинги комірок з завданнями
- 4. Скріншоти блокноту Jupiter з постановкою задач, вхідними та вихідними даними.
- 5. Посилання на створений блокнот, розміщений на Github та відображений в nbviewer.
- 6. Висновок