제 2 교시

수학 영역(A형)

5지선다형

- 1. 두 행렬 $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬 A B의 모든 성분의 합은? [2점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- ⑤ 5

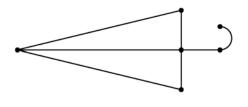
- 2. $8^{\frac{1}{3}} + 27^{\frac{2}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11
 - **⑤** 12

- 3. $\lim_{x \to -2} \frac{(x+2)(x^2+5)}{x+2}$ 의 값은? [2점]

- ① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10
- ⑤ 11

4. 다음 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬의 성분 중 1의 개수는? [3점]



- 10
- 2 14
- ③ 18
- **4** 22
- **⑤** 26

- 5. 함수 $f(x) = x^3 + 7x + 3$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [3점]
 - ① 4
- ② 6
- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

6. 두 사건 A, B에 대하여

$$P(A) = \frac{2}{5}, P(B|A) = \frac{5}{6}$$

- 일 때, P(A∩B)의 값은? [3점]
- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{4}{15}$ ③ $\frac{1}{5}$ ④ $\frac{2}{15}$ ⑤ $\frac{1}{15}$

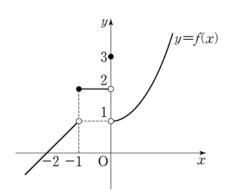
7. 첫째항이 0이 아닌 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_3 = 4\,a_1\,,\ a_7 = \big(a_6\big)^2$$

- 일 때, 첫째항 a_1 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{16}$ ② $\frac{1}{8}$ ③ $\frac{3}{16}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{5}{16}$

8. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x \to -1-0} f(x) + \lim_{x \to +0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4

⑤ 5

- 9. 모표준편차가 14인 모집단에서 크기가 n인 표본을 임의추출하여 구한 표본평균을 \overline{X} 라 하자. $\sigma(\overline{X})=2$ 일 때, n의 값은? [3점]
 - \bigcirc 9
- ② 16
- 325
- **4** 36
- ⑤ 49

10. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 곡선 $y=x^2-(n+1)x+a_n$ 은 x축과 만나고, 곡선 $y=x^2-nx+a_n$ 은 x축과 만나지 않는다.

 $\lim_{n\to\infty}\frac{a_n}{n^2}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{20}$ ② $\frac{1}{10}$ ③ $\frac{3}{20}$ ④ $\frac{1}{5}$ ⑤ $\frac{1}{4}$

11. x에 대한 로그부등식

$$\log_5(x-1) \le \log_5\left(\frac{1}{2}x + k\right)$$

를 만족시키는 모든 정수 x의 개수가 3일 때, 자연수 k의 값은? [3점]

- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- ⑤ 5
- 12. 어느 쌀 모으기 행사에 참여한 각 학생이 기부한 쌀의 무게는 평균이 1.5 kg, 표준편차가 0.2 kg인 정규분포를

따른다고 한다. 이 행사에 참여한 학생 중 임의로 1명을 선택할 때,

이 학생이 기부한 쌀의 무게가 1.3 kg 이상이고 1.8 kg 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
1.00	0.3413
1.25	0.3944
1.50	0.4332
1.75	0.4599

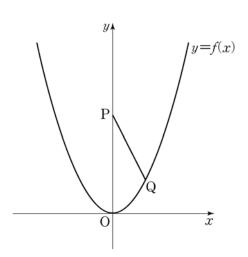
- ① 0.8543
- ② 0.8012
- $\bigcirc 3 0.7745$

- 4 0.7357
- ⑤ 0.6826

수학 영역(A형)

5

 $[13\sim14]$ 자연수 n에 대하여 좌표가 (0,2n+1)인 점을 P라 하고, 함수 $f(x) = nx^2$ 의 그래프 위의 점 중 y 좌표가 1 이고 제1사분면에 있는 점을 Q 라 하자. 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



- 13. n=1일 때, 선분 PQ와 곡선 y=f(x) 및 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{3}{2}$ ② $\frac{19}{12}$ ③ $\frac{5}{3}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ $\frac{11}{6}$

 ${f 14.}$ 점 ${f R}(0,1)$ 에 대하여 삼각형 PRQ의 넓이를 $S_n,$

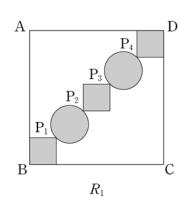
선분 PQ의 길이를 l_n 이라 할 때, $\lim_{n\to\infty}\frac{S_n^2}{l_n}$ 의 값은? [4점]

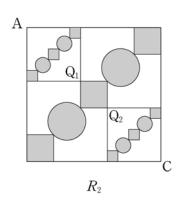
- ① $\frac{3}{2}$ ② $\frac{5}{4}$ ③ 1 ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

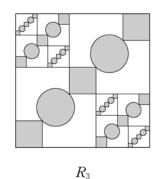
15. 그림과 같이 한 변의 길이가 5인 정사각형 ABCD의 대각선 BD의 5등분점을 점 B에서 가까운 순서대로 각각 P₁, P₂, P₃, P₄라 하고, 선분 BP₁, P₂P₃, P₄D를 각각 대각선으로 하는 정사각형과 선분 P_1P_2 , P_3P_4 를 각각 지름으로 하는 원을 그린 후, 🔑 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 선분 P_2P_3 을 대각선으로 하는 정사각형의 꼭짓점 중 점 A와 가장 가까운 점을 Q_1 , 점 C와 가장 가까운 점을 Q_2 라 하자. 선분 AQ_1 을 대각선으로 하는 정사각형과 선분 CQ2를 대각선으로 하는 정사각형을 그리고, 새로 그려진 2개의 정사각형 안에 그림 R_1 을 얻는 것과 같은 방법으로 🔑 모양의 도형을 각각 그리고 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

그림 R_2 에서 선분 AQ_1 을 대각선으로 하는 정사각형과 선분 CQ_2 를 대각선으로 하는 정사각형에 그림 R_1 에서 그림 R_2 를 얻는 것과 같은 방법으로 ho° 모양의 도형을 각각 그리고 색칠하여 얻은 그림을 R_3 이라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [4점]







- ① $\frac{24}{17}(\pi+3)$
- ② $\frac{25}{17}(\pi+3)$
- $3 \frac{26}{17}(\pi+3)$

16. 어느 금융상품에 초기자산 W_0 을 투자하고 t년이 지난 시점에서의 기대자산 W가 다음과 같이 주어진다고 한다.

$$W = \frac{W_0}{2} 10^{at} \left(1 + 10^{at} \right)$$

(단, $W_0 > 0$, $t \ge 0$ 이고, a는 상수이다.)

이 금융상품에 초기자산 w_0 을 투자하고 15년이 지난 시점에서의 기대자산은 초기자산의 3배이다. 이 금융상품에 초기자산 w_0 을 투자하고 30년이 지난 시점에서의 기대자산이 초기자산의 k배일 때, 실수 k의 값은? (단, $w_0 > 0$) [4점]

- ① 9
- 2 10
- ③ 11
- ④ 12
- ⑤ 13

- 17. 다음 조건을 만족시키는 음이 아닌 정수 a, b, c, d, e의 모든 순서쌍 (a, b, c, d, e)의 개수는? [4점]
 - (가) a, b, c, d, e 중에서 0의 개수는 2이다.
 - (나) a+b+c+d+e=10
 - ① 240
- 280
- ③ 320
- **4** 360
- (5) 400
- 18. 두 이차정사각행렬 A, B가

$$A+B=(BA)^2$$
, $ABA=B+E$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, E는 단위행렬이다.) [4점]

----<보 기>-

$$\neg A = B^2$$

$$- B^{-1} = A^2 + E$$

$$\Box A^5 - B^5 = A + B$$

- ① 7 ② L ③ 7, ⊏
- ④ ∟, □
 ⑤ ¬, ∟, □

- 19. 모든 항이 양수인 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1 = a_2 = 1$ 이고,
- $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 라 할 때,

$$a_{n+1} = \frac{S_n^2}{S_{n-1}} + (2n-1)S_n \quad (n \ge 2)$$

를 만족시킨다. 다음은 일반항 a_n 을 구하는 과정이다.

$$a_{n+1} = S_{n+1} - S_n$$
이므로 주어진 식으로부터

$$S_{n+1} = \frac{S_n^2}{S_{n-1}} + 2nS_n \quad (n \ge 2)$$

이다. 양변을 S_n 으로 나누면

$$\frac{S_{n+1}}{S_n} = \frac{S_n}{S_{n-1}} + 2n$$

이다. $b_n = \frac{S_{n+1}}{S_n}$ 이라 하면 $b_1 = 2$ 이고

$$b_n = b_{n-1} + 2n \quad (n \ge 2)$$

이다. 수열 $\{b_n\}$ 의 일반항을 구하면

$$b_n = \boxed{ \ \ (7 \rbrace) \ \ } \times (n+1) \quad (n \geq 1)$$

이므로

$$S_n = \boxed{ \begin{array}{c} (7 \\ \end{array}} \times \{(n-1)!\}^2 \quad (n \geq 1)$$

이다. 따라서 $a_1=1$ 이고, $n\geq 2$ 일 때

$$\begin{aligned} a_n &= S_n - S_{n-1} \\ &= \boxed{ \text{ (나)} } \times \{(n-2)!\}^2 \end{aligned}$$

이다.

- 위의 (\mathcal{T}) 와 (\mathcal{T}) 에 알맞은 식을 각각 f(n), g(n)이라 할 때, f(10)+g(6)의 값은? [4점]
- ① 110
- 2 125
- ③ 140
- **4** 155
- (5) 170

20. 두 다항함수 f(x), g(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(-x) = -f(x), \quad g(-x) = g(x)$$

를 만족시킨다. 함수 h(x) = f(x)g(x)에 대하여

$$\int_{-3}^{3} (x+5) h'(x) dx = 10$$

- 일 때, h(3)의 값은? [4점]
- ① 1 ② 2 ③ 3
- 4
- ⑤ 5

21. 다음 조건을 만족시키는 모든 삼차함수 f(x)에 대하여 $\frac{f'(0)}{f(0)}$ 의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 하자. Mm의 값은?

[4점]

- (가) 함수 |f(x)|는 x = -1에서만 미분가능하지 않다.
- (나) 방정식 f(x) = 0은 닫힌 구간 [3, 5]에서 적어도 하나의 실근을 갖는다.
- ① $\frac{1}{15}$ ② $\frac{1}{10}$ ③ $\frac{2}{15}$ ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ $\frac{1}{5}$

- 단답형
- 22. 등차수열 $\left\{a_n\right\}$ 에 대하여 $a_8-a_4=28$ 일 때, 수열 $\left\{a_n\right\}$ 의 공차를 구하시오. [3점]

23. $\lim_{n\to\infty} \frac{3\times 9^n - 13}{9^n}$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 어느 회사의 직원은 모두 60명이고, 각 직원은 두 개의

부서 A, B 중 한 부서에 속해 있다. 이 회사의 A 부서는

직원의 60%가 B 부서에 속해 있다. 이 회사의 직원 60명

이 직원이 여성일 확률은 p이다. 80p의 값을 구하시오. [4점]

중에서 임의로 선택한 한 명이 B 부서에 속해 있을 때,

20명, B 부서는 40명의 직원으로 구성되어 있다. 이 회사의 A 부서에 속해 있는 직원의 50%가 여성이다. 이 회사 여성

24. x, y에 대한 연립일차방정식

$$\begin{pmatrix} 1 & a-2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = 3 \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

가 x=0, y=0 이외의 해를 갖도록 하는 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

25. 이산확률변수 X의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

X	-5	0	5	계
P(X=x)	1	1	3	1
$\begin{bmatrix} 1 & (21 - x) \end{bmatrix}$	5	5	5	

E(4X+3)의 값을 구하시오. [3점]

27. 두 함수

$$f(x) = \begin{cases} x+3 & (x \le a) \\ x^2 - x & (x > a) \end{cases}, \quad g(x) = x - (2a+7)$$

에 대하여 함수 f(x)g(x)가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 실수 a의 값의 곱을 구하시오. [4점]

28. 두 다항함수 f(x), g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$g(x) = x^3 f(x) - 7$$

(나) $\lim_{x \to 2} \frac{f(x) - g(x)}{x - 2} = 2$

곡선 y=g(x) 위의 점 (2,g(2))에서의 접선의 방정식이 y=ax+b일 때, a^2+b^2 의 값을 구하시오. (단, a,b는 상수이다.) [4점]

- **29.** 이차함수 f(x)가 f(0) = 0이고 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) $\int_{0}^{2} |f(x)| dx = -\int_{0}^{2} f(x) dx = 4$
 - (나) $\int_{2}^{3} |f(x)| dx = \int_{2}^{3} f(x) dx$
 - f(5)의 값을 구하시오. [4점]

- **30.** $x \ge \frac{1}{100}$ 인 실수 x에 대하여 $\log x$ 의 가수를 f(x)라 하자. 다음 조건을 만족시키는 두 실수 a, b의 순서쌍 (a, b)를 좌표평면에 나타낸 영역을 R라 하자.
 - (가) a < 0이고 b > 10이다.
 - (나) 함수 y=9f(x)의 그래프와 직선 y=ax+b가 한 점에서만 만난다.

영역 R에 속하는 점 (a,b)에 대하여 $(a+20)^2+b^2$ 의 최솟값은 $100\times\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.