제 2 교시

성명

수험 번호

- 자신이 선택한 유형('가'형/'나'형)의 문제지인지 확인하시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 써 넣으시오.
- 답안지에 성명과 수험 번호를 써 넣고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시 하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.
- 1. $(\log_3 27) \times 8^{\frac{1}{3}}$ 의 값은? [2점]
 - ① 12
- ② 10
- 3 8
- 4 6
- ⑤ 4

- 2. 두 행렬 $A = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬
 - (A+B)⁻¹의 모든 성분의 합은? [2점]
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

- ⑤ 5

- 3. $\lim_{x\to 1} \frac{x^2-1}{\sqrt{x+3}-2}$ 의 값은? [2점]
 - ① 7
- 2 8
- 3 9
- 4 10
- ⑤ 11

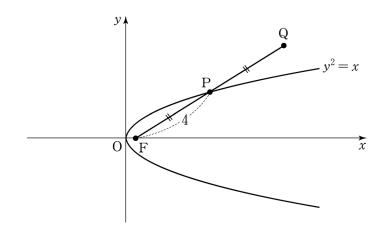
4. 연립부등식

$$\begin{cases} x(x-4)(x-5) \ge 0 \\ \frac{x-3}{x^2 - 3x + 2} \le 0 \end{cases}$$

을 만족시키는 정수 x의 개수는? [3점]

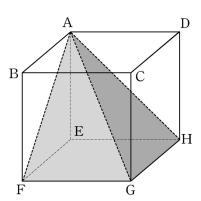
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- ⑤ 5

5. 초점이 F인 포물선 $y^2 = x$ 위에 $\overline{FP} = 4$ 인 점 P가 있다. 그림과 같이 선분 FP의 연장선 위에 $\overline{FP} = \overline{PQ}$ 가 되도록 점 Q를 잡을 때, 점 Q의 x좌표는? [3점]



- ① $\frac{29}{4}$ ② 7 ③ $\frac{27}{4}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $\frac{25}{4}$

6. 정육면체 ABCD-EFGH에서 평면 AFG와 평면 <math>AGH가 이루는 각의 크기를 θ 라 할 때, $\cos^2\theta$ 의 값은? [3점]



- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

7. 함수 f(x)가

$$f(x) = \begin{cases} 1-x & (x<0) \\ x^2 - 1 & (0 \le x < 1) \\ \frac{2}{3}(x^3 - 1) & (x \ge 1) \end{cases}$$

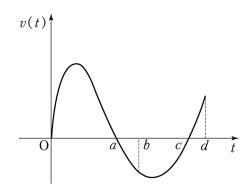
일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [3점]

----<보 기>-

- \neg . f(x)는 x=1에서 미분가능하다.
- ㄴ. |f(x)|는 x=0에서 미분가능하다.
- \Box . $x^k f(x)$ 가 x=0에서 미분가능하도록 하는 최소의 자연수 *k*는 2이다.

- ① 7 ② L ③ 7, ⊏
- ④ ∟, ⊏
 ⑤ ¬, ∟, ⊏

8. 다음은 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(0 \le t \le d)$ 에서의 속도 v(t)를 나타내는 그래프이다.



 $\int_0^a |v(t)| dt = \int_a^d |v(t)| dt$ 일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, 0 < a < b < c < d이다.) [3점]

ㄱ. 점 P는 출발하고 나서 원점을 다시 지난다.

$$\bot. \int_0^c v(t) dt = \int_c^d v(t) dt$$

$$\sqsubseteq . \int_0^b v(t) dt = \int_b^d |v(t)| dt$$

- ① ㄴ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
- ④ ∟, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

9. 좌표평면에서 중심이 (0, 3)이고 반지름의 길이가 1인 원을 C라 하자. 양수 r에 대하여 f(r)를 반지름의 길이가 r인 원 중에서, 원 C와 한 점에서 만나고 동시에 x축에 접하는 원의 개수라 하자. <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

[4점]

--<보 기>-

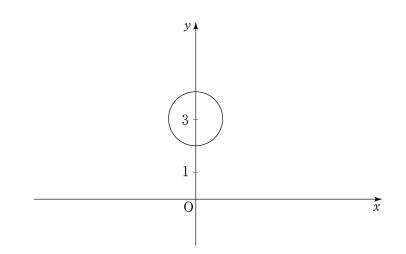
 \neg . f(2) = 3

 $\bot. \lim_{r\to 1+0} f(r) = f(1)$

 \Box . 구간 (0, 4)에서 함수 f(r)의 불연속점은 2개이다.

- 1 7
- 2 L
- ③ ⊏

- ④ ¬, ⊏
- ⑤ 기, ㄴ, ㄷ



- 10. 어느 공장에서 생산되는 탁구공을 일정한 높이에서 강철바닥에 떨어뜨렸을 때 탁구공이 튀어 오른 높이는 정규분포를 따른다고 한다. 이 공장에서 생산된 탁구공 중 임의추출한 100개에 대하여 튀어 오른 높이를 측정하였더니 평균이 245, 표준편차가 20이었다.
 - 이 공장에서 생산되는 탁구공 전체의 튀어 오른 높이의 평균에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간에 속하는 정수의 개수는? (단, 높이의 단위는 mm이고, Z가 표준정규분포를 따를 때 P(0≤Z≤1.96)=0.4750이다.) [3점]
- 1 5
- 2 6 3 7
- ⑤ 9

4 8

11. 주위가 순간적으로 어두워지더라도 사람의 눈은 그 변화를 서서히 지각하게 된다. 빛의 세기가 1000에서 10으로 순간적으로 바뀐 후 t초가 경과했을 때, 사람이 지각하는 빛의 세기 I(t)는

 $I(t) = 10 + 990 \times a^{-5t}$ (단, a는 a>1인 상수) 이라 한다. 빛의 세기가 1000에서 10으로 순간적으로 바뀐 후, 사람이 빛의 세기를 21로 지각하는 순간까지 s초가 경과했다고 할 때, s의 값은? (단, 빛의 세기의 단위는

- Td(트롤랜드)이다.) [3점]
- $2 \frac{1+3\log 3}{5\log a}$
- $3 \frac{2 + \log 3}{2}$ $5\log a$
- $4 \frac{2+2\log 3}{5\log a}$
- $\underline{2+3\log 3}$ $5\log a$

12. 두 이차정사각행렬 A, B가 $A^2 = E, B^2 = B$ 를 만족시킬 때, <보기>에서 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, *E*는 단위행렬이다.) [3점]

- \neg . 행렬 B가 역행렬을 가지면 B=E이다.
- $L. (E-A)^5 = 2^4 (E-A)$
- \sqsubseteq . $(E-ABA)^2=E-ABA$

- ① ¬ ② □ ③ ¬, □
- ④ ∟, ⊏
 ⑤ ¬, ∟, ⊏

13. 정수 n에 대하여 두 집합 A(n), B(n)이

$$A(n) = \{x \mid \log_2 x \le n\}$$

$$B(n) = \{x \mid \log_4 x \le n\}$$

일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]

----<보 기>----

- $\neg . A(1) = \{x \mid 0 < x \le 1\}$
- -A(4) = B(2)
- \Box . $A(n) \subset B(n)$ 일 때, $B(-n) \subset A(-n)$ 이다.
- 1 7
- ② L ③ ㄷ
- ④ ¬, ⊏ ⑤ ∟, ⊏

- 14. 1, 2, 3, 4, 5의 숫자가 하나씩 적힌 5개의 공을 3개의 상자 A, B, C에 넣으려고 한다. 어느 상자에도 넣어진 공에 적힌 수의 합이 13 이상이 되는 경우가 없도록 공을 상자에 넣는 방법의 수는? (단, 빈 상자의 경우에는 넣어진 공에 적힌 수의 합을 0으로 한다.) [4점]
 - ① 233
- 2 228
- 3 222
- 4 215
- **⑤** 211
- **15.** 1, 2, 3, ···, 3n(n은 자연수)의 숫자가 하나씩 적혀 있는 3n장의 카드 중 임의로 꺼낸 2장의 카드에 적혀 있는 두 수를 각각 a, b(a < b)라 하자. 3a < b일 확률을 P_n 이라 할 때, 다음은 $\lim_{n\to\infty} P_n$ 의 값을 구하는 과정이다.

3n 장의 카드 중 2장의 카드를 꺼내는 경우의 수는 _{3n}C₂이다.

3a < b인 경우에는 $b \le 3n$ 이므로 $1 \le a < n$ 이다. 따라서 a=k라 하면 3a < b를 만족시키는 b의 경우의 수는 (가) 이므로

$$P_n = \frac{(\downarrow)}{{}_{3n}C_2} \circ \downarrow \Box.$$

그러므로 $\lim_{n\to\infty} P_n = \boxed{\text{(다)}}$ 이다.

위의 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은? [4점]

③ 3(n-k) 3n(n-1)

- <u>(フト)</u>
- (나)

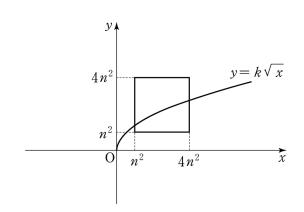
- 4) 3(n-k+1) 3n(n-1)
- $(5) \ 3(n-k+1)$ 3n(n-1)

16. 좌표평면에서 자연수 n에 대하여 A_n 을 4개의 점

$$(n^2, n^2), (4n^2, n^2), (4n^2, 4n^2), (n^2, 4n^2)$$

을 꼭지점으로 하는 정사각형이라 하자.

정사각형 A_n 과 함수 $y=k\sqrt{x}$ 의 그래프가 만나도록 하는 자연수 k의 개수를 a_n 이라 할 때, $\langle \pm 1 \rangle$ 에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]



-<보 기>

$$\neg$$
. $a_5 = 15$

$$- a_{n+2} - a_n = 7$$

$$\Box$$
. $\sum_{k=1}^{10} a_k = 200$

- 1 L
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟

- ④ ∟, ⊏
- (5) 7, L, E

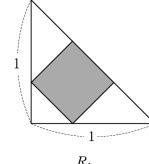
17. 아래와 같이 직각을 낀 두 변의 길이가 1인

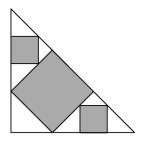
직각이등변삼각형이 있다. 이 직각이등변삼각형의 빗변에 2개의 꼭지점이 있고, 직각을 낀 두 변에 나머지 2개의 꼭지점이 있는 정사각형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 합동인 2개의 직각이등변삼각형의 각 빗변에 2개의 꼭지점이 있고, 직각을 낀 두 변에 나머지 2개의 꼭지점이 있는 2개의 정사각형에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

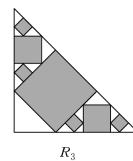
그림 R_2 에서 합동인 4개의 직각이등변삼각형의 각 빗변에 2개의 꼭지점이 있고, 직각을 낀 두 변에 나머지 2개의 꼭지점이 있는 4개의 정사각형에 색칠하여 얻은 그림을 R_3 이라 하자.

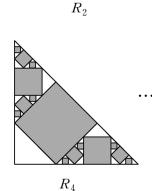
이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 모든 정사각형의 넓이의 합을 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [4점]











- ① $\frac{3\sqrt{2}}{20}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{5}$ ③ $\frac{3}{10}$

단답형

18. 사차함수 $f(x) = x^4 - 4x^3 + 6x^2 + 4$ 의 그래프 위의 점 (a, b)에서의 접선의 기울기가 4일 때, $a^2 + b^2$ 의 값을 구하시오 [3점]

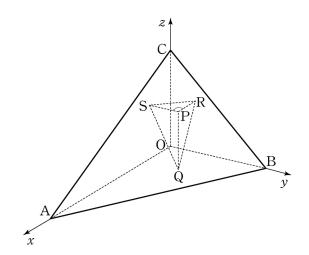
19. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{1}^{x} f(t)dt = x^3 - 2ax^2 + ax$$

를 만족시킬 때, f(3)의 값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

20. 타원 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 의 두 초점을 F, F'이라 하자. 이 타원 위의 점 P가 $|\overrightarrow{OP} + \overrightarrow{OF}| = 1$ 을 만족시킬 때, 선분 PF의 길이는 k이다. 5k의 값을 구하시오. (단, O는 원점이다.)

- 21. 좌표공간의 점 A(3, 6, 0)에서 평면 √3y-z=0에 내린 수선의 발을 B라 할 때, OA·OB의 값을 구하시오.
 (단, O는 원점이다.) [4점]
- 23. 좌표공간에서 평면 x+2y+2z=54 위의 세 점 A(54,0,0), B(0,27,0), C(0,0,27)을 꼭지점으로 하는 삼각형 ABC의 내부에 점 P(x,y,z)가 있다. 점 P의 xy 평면 위로의 정사영을 Q,yz 평면 위로의 정사영을 R,zx 평면 위로의 정사영을 S라 하자. $\overline{QR}=\overline{QS}$ 일 때, 사면체 QPRS의 부피의 최대값을 구하시오. [4점]



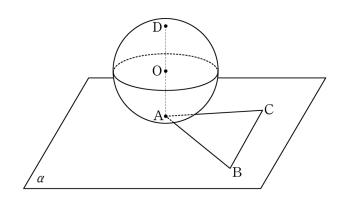
22. 첫째항이 0이고 공차가 0이 아닌 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여수열 $\{b_n\}$ 이 $a_{n+1}b_n=\sum\limits_{k=1}^n a_k$ 를 만족시킬 때, b_{27} 의 값을 구하시오 [4점]

10 가형

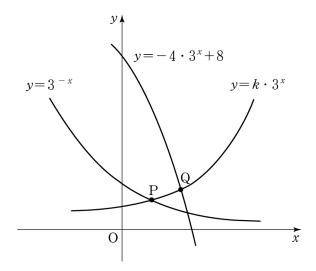
수리 영역

24. 그림과 같이 평면 α 위에 한 변의 길이가 3인 정삼각형 ABC가 있고, 반지름의 길이가 2인 구 S는 점 A에서 평면 α 에 접한다. 구 S 위의 점 D에 대하여 선분 AD가 구 S의 중심 O를 지날 때, $|\overline{AB} + \overline{DC}|^2$ 의 값을 구하시오.

[4점]



25. 함수 $y=k\cdot 3^x(0< k<1)$ 의 그래프가 두 함수 $y=3^{-x}$, $y=-4\cdot 3^x+8$ 의 그래프와 만나는 점을 각각 P, Q라 하자. 점 P와 점 Q의 x좌표의 비가 1:2일 때, 35k의 값을 구하시오 [4점]



26번부터 30번까지는 선택과목 문항입니다. 선택한 과목의 문제를 풀기 바랍니다.

미분과 적분

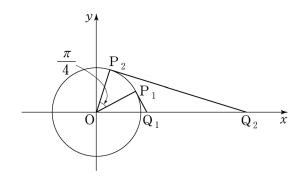
26. $\lim_{x \to a} \frac{2^x - 1}{3\sin(x - a)} = b\ln 2$ 를 만족시키는 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

27. 1보다 큰 실수 a에 대하여 $f(a) = \int_1^a \frac{\sqrt{\ln x}}{x} dx$ 라 할 때, $f(a^4)$ 과 같은 것은? [3점]

- ① 4f(a)
- ② 8f(a)
- ③ 12f(a)
- 4) 16 f(a)
- ⑤ 20f(a)

28. 그림과 같이 원 $x^2 + y^2 = 1$ 위의 점 P_1 에서의 접선이 x축과 만나는 점을 Q_1 이라 할 때, 삼각형 P_1OQ_1 의 넓이는 $\frac{1}{4}$ 이다. 점 P_1 을 원점 O를 중심으로 $\frac{\pi}{4}$ 만큼 회전시킨 점을 P_2 라 하고, 점 P_2 에서의 접선이 x축과 만나는 점을 Q_2 라 하자. 삼각형 P_2OQ_2 의 넓이는? (단, 점 P_1 은 제 1사분면 위의 점이다.) [3점]



- ① 1 ② $\frac{5}{4}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ 2

29. 실수 전체의 집합에서 이계도함수를 갖는 함수 f(x)에 대하여 점 A(a, f(a))를 곡선 y=f(x)의 변곡점이라 하고, 곡선 y=f(x) 위의 점 A에서의 접선의 방정식을 y=g(x)라 하자. 직선 y=g(x)가 함수 f(x)의 그래프와 점 B(b, f(b))에서 접할 때, 함수 h(x)를 h(x) = f(x) - g(x)라 하자. <보기>에서 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, $a \neq b$ 이다.) [4점]

-<보 기>-

 $\neg . h'(b) = 0$

- L. 방정식 h'(x) = 0은 3개 이상의 실근을 갖는다.
- \Box . 점 (a, h(a))는 곡선 y = h(x)의 변곡점이다.

① ¬

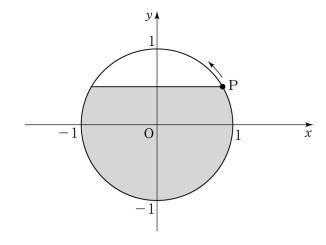
2 L

③ ७, ∟

④ ¬, □
⑤ ¬, □, □

단답형

30. 그림과 같이 좌표평면에서 원 $x^2 + y^2 = 1$ 위의 점 P가 점 (1, 0)에서 출발하여 원점을 중심으로 매초 $\frac{1}{40}$ (라디안)의 일정한 속력으로 원 위를 시계 반대 방향으로 움직이고 있다. 점 P에서 x축에 평행한 직선을 그을 때, 원과 직선으로 둘러싸인 어두운 부분의 넓이를 S라 하자. 점 P가 점 $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 을 지나는 순간, 넓이 S의 시간(초)에 대한 변화율은 $\frac{b}{a}$ 이다. a+b의 값을 구하시오. (단, a와 b는 서로소인 자연수이다.) [4점]



- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인

확률과 통계

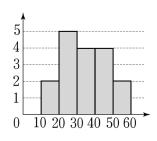
26. 서로 독립인 두 사건 A, B에 대하여

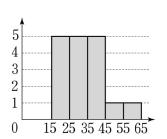
 $P(A \cap B) = 2P(A \cap B^c), \quad P(A^c \cap B) = \frac{1}{12}$

일 때, P(A)의 값은? (단, P(A)≠0이다.) [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{5}{8}$ ③ $\frac{3}{4}$ ④ $\frac{7}{8}$ ⑤ $\frac{15}{16}$

27. 다음 두 그림은 같은 자료에 대하여 계급을 다르게 하여 그린 히스토그램이다. 이 자료는 5의 배수가 아닌 자연수 17개로 구성되어 있다. <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [3점]





----<보 기>-

- □. 자료의 범위는 44보다 크다.
- ㄴ. 자료의 중앙값은 30보다 크고 35보다 작다.
- ㄷ. 45보다 크고 50보다 작은 자료는 한 개이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ⊏

- ④ ¬, ∟
- ⑤ ∟, ⊏

28. 어느 문구점에 진열되어 있는 공책 중 10%는 A회사의

제품이라고 한다. 한 고객이

이 문구점에서 임의로 100권의 공책을 구입했을 때, A회사 제품이 13권 이상 포함될 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

Z	$P(0 \le Z \le z)$
0.75	0.2734
1.00	0.3413
1.25	0.3944
1.50	0.4332

- $\bigcirc 0.0668$
- 20.1056
- ③ 0.1587

- 40.2266
- $\bigcirc 0.2734$

29. 정규분포 $N(m, 2^2)$ 을 따르는 모집단에서 임의추출한 크기 7인 표본과 크기 10인 표본의 표본평균을 각각 $\overline{X_A}$, $\overline{X_B}$ 라 하고, $\overline{X_A}$ 와 $\overline{X_B}$ 의 분포를 이용하여 추정한 모평균 m에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간을 각각 [a, b], [c, d]라고 하자. <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

[4점]

-----<보 기>--

- ㄱ. $\overline{X_A}$ 의 분산은 $\overline{X_B}$ 의 분산보다 크다.
- \Box . d-c < b-a

- ① 7 ② □ ③ 7, □
- ④ ∟, ⊏
 ⑤ ¬, ∟, ⊏

단답형

30. 어느 공장에서 생산되는 제품은 한 상자에 50개씩 넣어 판매되는데, 상자에 포함된 불량품의 개수는 이항분포를 따르고 평균이 m, 분산이 $\frac{48}{25}$ 이라 한다. 한 상자를 판매하기 전에 불량품을 찾아내기 위하여 50개의 제품을 모두 검사하는 데 총 60000원의 비용이 발생한다. 검사하지 않고 한 상자를 판매할 경우에는 한 개의 불량품에 a원의 애프터서비스 비용이 필요하다.

한 상자의 제품을 모두 검사하는 비용과 애프터서비스로 인해 필요한 비용의 기대값이 같다고 할 때, $\frac{a}{1000}$ 의 값을 구하시오. (단, a는 상수이고, m은 5 이하인 자연수이다.)

[4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인

이산수학

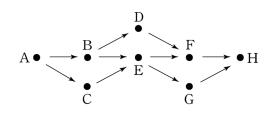
26. 같은 종류의 사탕 9개를 같은 종류의 봉지 5개에 빈 봉지가 없도록 나누어 넣는 방법의 수는? [3점]

① 8 ② 7 ③ 6 ④ 5 ⑤ 4

27. 그래프 G는 1,2,3,4,5,6,7,8을 꼭지점으로 하고, 약수 또는 배수 관계에 있는 서로 다른 두 꼭지점을 연결한 선 모두를 변으로 한다. 그래프 G에서 차수가 3인 꼭지점의 개수는? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

28. 다음은 어느 공장에서 상품을 만드는 데 필요한 작업과 그 순서 관계를 나타낸 것이다.



각 작업에 걸리는 시간이 다음 표와 같을 때, 작업을 모두 마치는 데 필요한 최소의 작업 일 수는? [3점]

작업	A	В	С	D	Е	F	G	Н
작업 시간(일)	3	5	3	7	3	5	6	2

① 18 ② 22 ③ 26 ④ 30 ⑤ 34

29. 꼭지점이 5개인 그래프 G의 인접행렬을 A라 할 때, 다음은 A^2 을 나타낸 것이다.

$$\begin{pmatrix} 4 & 3 & 3 & 2 & 2 \\ 3 & 4 & 3 & 2 & 2 \\ 3 & 3 & 4 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 3 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 3 \end{pmatrix}$$

그래프 G에 대한 <보기>의 설명에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]

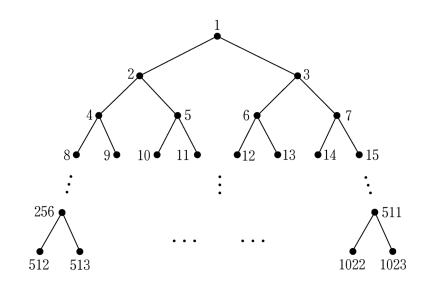
----<보 기>-

- ㄱ. 차수가 3인 꼭지점은 2개이다.
- ㄴ. 해밀턴회로를 갖는다.
- 다. 서로 다른 두 꼭지점을 잇는 2개의 변으로 이루어진 경로는 2개 이상이다.
- 1 7
- 2 =
- ③ ७, ७

- ④ ∟, ⊏
- (5) 7, L, E

단답형

30. 다음은 1023개의 꼭지점을 갖는 수형도에 1부터 1023까지 연속된 자연수를 각 꼭지점에 규칙적으로 대응시킨 것이다.



1이 대응된 꼭지점에서 a가 대응된 꼭지점까지 가는 경로와 1이 대응된 꼭지점에서 b가 대응된 꼭지점까지 가는 경로에 공통으로 포함되는 꼭지점에 대응된 자연수 중 최대값을 M(a, b)라 하자.

예를 들어, M(4, 11) = 2, M(7, 12) = 3이다. M(33, 79) = k라 할 때, 10k의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.