제 2 교시

# 수학 영역(A형)

#### 5지선다형

- ① 12 ② 10 ③ 8 ④ 6

- **⑤** 4

**2.** 두 행렬 
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A + 2B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

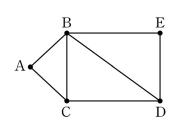
- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11
- ⑤ 12

## 3. $\lim_{n\to\infty} \frac{2\times 3^{n+1}+5}{3^n}$ 의 값은? [2점]

- ① 10
- ② 9 ③ 8
- 4 7
- **⑤** 6

4. 그래프와 그 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬이 다음과 같을 때, 
$$a+b+c+d+e$$
의 값은?

[3점]



- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4 4 5 5

- 5. 함수  $f(x) = 2x^2 + ax$ 에 대하여  $\lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) f(1)}{h} = 6$ 일 때, 7. 두 사건 A, B가 서로 독립이고  $P(A) = \frac{1}{3}$ ,  $P(B) = \frac{1}{3}$ 일 때, 상수 *a*의 값은? [3점]

  - $\bigcirc -4$   $\bigcirc -2$   $\bigcirc 0$   $\bigcirc 2$

**⑤** 4

 ${f 6}$ . 첫째항이 6이고 공차가 d인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라 할 때,

$$\frac{a_8 - a_6}{S_8 - S_6} = 2$$

가 성립한다. *d*의 값은? [3점]

- $\bigcirc 1 -1$   $\bigcirc 2 -2$   $\bigcirc 3 -3$   $\bigcirc 4 -4$   $\bigcirc 5 -5$

- $P(A \cap B^C)$ 의 값은? (단,  $B^C$ 은 B의 여사건이다.) [3점]

- ①  $\frac{5}{27}$  ②  $\frac{2}{9}$  ③  $\frac{7}{27}$  ④  $\frac{8}{27}$  ⑤  $\frac{1}{3}$

- **8.** 곡선  $y=x^2-4x+3$ 과 직선 y=3으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① 10 ②  $\frac{31}{3}$  ③  $\frac{32}{3}$  ④ 11 ⑤  $\frac{34}{3}$

- **9.** 확률변수 X가 이항분포 B(9, p)를 따르고  $\{E(X)\}^2 = V(X)$ 일 때, p의 값은? (단, 0<p<1) [3점]
  - ①  $\frac{1}{13}$  ②  $\frac{1}{12}$  ③  $\frac{1}{11}$  ④  $\frac{1}{10}$  ⑤  $\frac{1}{9}$

10. 단면의 반지름의 길이가 R(R<1)인 원기둥 모양의 어느 급수관에 물이 가득 차 흐르고 있다. 이 급수관의 단면의 중심에서의 물의 속력을  $v_c$ , 급수관의 벽면으로부터 중심 방향으로  $x(0 < x \le R)$ 만큼 떨어진 지점에서의 물의 속력을 v라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

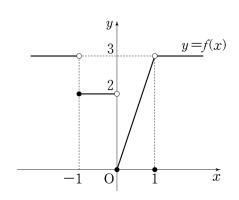
$$\frac{v_c}{v} = 1 - k \log \frac{x}{R}$$

(단, k는 양의 상수이고, 길이의 단위는 m, 속력의 단위는 m/초이다.)

R<1인 이 급수관의 벽면으로부터 중심 방향으로  $R^{\frac{27}{23}}$ 만큼 떨어진 지점에서의 물의 속력이 중심에서의 물의 속력의  $\frac{1}{2}$ 일 때, 급수관의 벽면으로부터 중심 방향으로  $R^a$ 만큼 떨어진 지점에서의 물의 속력이 중심에서의 물의 속력의  $\frac{1}{3}$ 이다. a의 값은? [3점]

- ①  $\frac{39}{23}$  ②  $\frac{37}{23}$  ③  $\frac{35}{23}$  ④  $\frac{33}{23}$  ⑤  $\frac{31}{23}$

11. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to -1-0} f(x) + \lim_{x\to +0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

12. 어느 약품 회사가 생산하는 약품 1병의 용량은 평균이 m, 표준편차가 10인 정규분포를 따른다고 한다. 이 회사가 생산한

약품 중에서 임의로 추출한 25병의 용량의 표본평균이 2000 이상일 확률이 0.9772일 때, m의 값을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? (단, 용량의 단위는 mL이다.) [3점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938
3.0	0.4987

 $\bigcirc 5 2007$ 

① 2003 2004 32005**4** 2006  $[13\sim14]$  자연수 n에 대하여 f(n)이 다음과 같다.

$$f(n) = \begin{cases} \log_3 n & (n \circ) 홑수) \\ \log_2 n & (n \circ) 짝수) \end{cases}$$

13번과 14번의 두 물음에 답하시오.

- 13. 수열  $\{a_n\}$ 이  $a_n = f(6^n) f(3^n)$ 일 때,  $\sum_{n=1}^{15} a_n$ 의 값은? [3점]
  - ①  $120(\log_2 3 1)$ 
    - ②  $105\log_{3}2$
- ③  $105\log_2 3$

- $\textcircled{4} \ 120\log_2\!3$
- $\bigcirc$  120(log<sub>3</sub>2+1)

- 14. 20 이하의 두 자연수 m, n에 대하여 f(mn) = f(m) + f(n)을 만족시키는 순서쌍 (m, n)의 개수는? [4점]
- ① 220
- ② 230
- 3 240
- **4** 250
- **⑤** 260

- 15. 주머니 A에는 흰 공 2개와 검은 공 3개가 들어 있고, 주머니 B 에는 흰 공 1개와 검은 공 3개가 들어 있다. 주머니 A에서 임의로 1개의 공을 꺼내어 흰 공이면 흰 공 2개를 주머니 B에 넣고 검은 공이면 검은 공 2개를 주머니 B에 넣은 후, 주머니 B에서 임의로 1개의 공을 꺼낼 때 꺼낸 공이 흰 공일 확률은? [4점]

- ①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{5}$  ③  $\frac{7}{30}$  ④  $\frac{4}{15}$  ⑤  $\frac{3}{10}$





16. 모든 항이 양수인 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1=10$ 이고

$$(a_{n+1})^n = 10(a_n)^{n+1} \ (n \ge 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항  $a_n$ 을 구하는 과정이다.

주어진 식의 양변에 상용로그를 취하면

$$n\log a_{n+1} = (n+1)\log a_n + 1$$

이다. 양변을 n(n+1)로 나누면

$$\frac{\log a_{n+1}}{n+1} = \frac{\log a_n}{n} + \boxed{(7)}$$

이다.  $b_n = \frac{\log a_n}{n}$ 이라 하면  $b_1 = 1$ 이고

$$b_{n+1} = b_n + \boxed{ (7 +) }$$

이다. 수열  $\{b_n\}$ 의 일반항을 구하면

$$b_n = \boxed{ \ \, (\downarrow \downarrow) \ \, }$$

이므로

$$\log a_n = n \times \boxed{ ( \downarrow \downarrow ) }$$

이다. 그러므로  $a_n = 10^{n \times \text{(나)}}$ 이다.

위의 (7)와 (4)에 알맞은 식을 각각 f(n)과 g(n)이라 할 때,  $\frac{g(10)}{f(4)}$ 의 값은? [4점]

- ① 38
- ② 40 ③ 42 ④ 44
- ⑤ 46

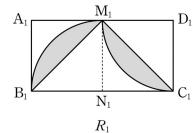
### 홀수형

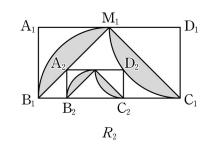
### 수학 영역(A형)

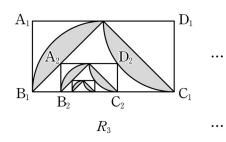
17. 직사각형  $A_1B_1C_1D_1$  에서  $\overline{A_1B_1}=1$ ,  $\overline{A_1D_1}=2$ 이다. 그림과 같이 선분  $A_1D_1$ 과 선분  $B_1C_1$ 의 중점을 각각  $M_1$ ,  $N_1$ 이라 하자. 중심이  $N_1$ , 반지름의 길이가  $\overline{B_1N_1}$ 이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴  $N_1M_1B_1$ 을 그리고, 중심이  $D_1$ , 반지름의 길이가  $\overline{C_1D_1}$ 이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴  $D_1M_1C_1$ 을 그린다. 부채꼴  $N_1 M_1 B_1$ 의 호  $M_1 B_1$ 과 선분  $M_1 B_1$ 로 둘러싸인 부분과 부채꼴  $D_1M_1C_1$ 의 호  $M_1C_1$ 과 선분  $M_1C_1$ 로 둘러싸인 부분인 모양에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에 선분  $M_1B_1$  위의 점  $A_2$ , 호  $M_1C_1$  위의 점  $D_2$ 와 변  $B_1C_1$ 위의 두 점  $B_2$ ,  $C_2$ 를 꼭짓점으로 하고  $\overline{A_2B_2}$ :  $\overline{A_2D_2}$ =1:2인 직사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 를 그리고, 직사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 에서 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로 만들어지는 🖊 모양에 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim S_n$ 의 값은? [4점]







- ①  $\frac{25}{19} \left( \frac{\pi}{2} 1 \right)$  ②  $\frac{5}{4} \left( \frac{\pi}{2} 1 \right)$  ③  $\frac{25}{21} \left( \frac{\pi}{2} 1 \right)$

- $4 \frac{25}{22} \left( \frac{\pi}{2} 1 \right) \qquad 5 \frac{25}{23} \left( \frac{\pi}{2} 1 \right)$

18. 흰색 탁구공 8개와 주황색 탁구공 7개를 3명의 학생에게 남김없이 나누어 주려고 한다. 각 학생이 흰색 탁구공과 주황색 탁구공을 각각 한 개 이상 갖도록 나누어 주는 경우의 수는? [4점]

① 295 ② 300 ③ 305

4 310

(5) 315

19. 두 이차정사각행렬 A, B가

$$AB + A^2B = E$$
,  $(A - E)^2 + B^2 = O$ 

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, E는 단위행렬이고, O는 영행렬이다.) [4점]

-----<보 기>-

- □. *B*의 역행렬이 존재한다.
- $\ \ \, \bot$ . AB = BA
- $\Box$ .  $(A^3 A)^2 + E = O$
- ① └ ② ㄷ
- ③ ७, ∟

- ④ ¬, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

- 20. 양의 실수 x에 대하여  $\log x$ 의 지표와 가수를 각각 f(x), g(x)라 하자. 자연수 n에 대하여 f(x)-(n+1)g(x)=n을 만족시키는 모든 x의 값의 곱을  $a_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n\to\infty}\frac{\log a_n}{n^2}$ 의 값은? [4점]

- ① 1 ②  $\frac{3}{2}$  ③ 2 ④  $\frac{5}{2}$  ⑤ 3

**21.** 좌표평면에서 삼차함수  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ 와 실수 t에 대하여 곡선 y = f(x) 위의 점 (t, f(t))에서의 접선이 y축과 만나는 점을 P라 할 때, 원점에서 점 P까지의 거리를 g(t)라 하자. 함수 f(x)와 함수 g(t)는 다음 조건을 만족시킨다.

(7) f(1) = 2

(나) 함수 g(t)는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.

f(3)의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

① 21

2 24

③ 27

**4** 30

⑤ 33

단답형

**22.**  $\lim_{x\to 0} \sqrt{2x+9}$  의 값을 구하시오. [3점]

**23.** 실수 a에 대하여  $\int_{-a}^{a} (3x^2 + 2x) dx = \frac{1}{4}$ 일 때, 50a의 값을 구하시오. [3점]

24. 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \ a_1 = a_2 + 3$$

(나) 
$$a_{n+1} = -2a_n (n \ge 1)$$

 $a_9$ 의 값을 구하시오. [3점]

**25.** 함수  $f(x) = 2x^3 - 12x^2 + ax - 4$ 가 x = 1 에서 극댓값 M을 가질 때, a + M의 값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

26. x, y에 대한 연립일차방정식

$$\begin{pmatrix} 5 & a \\ a & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x + 5y \\ 6x + y \end{pmatrix}$$

가 x=0, y=0 이외의 해를 갖도록 하는 모든 실수 a의 값의 합을 구하시오. [4점]

[4점]

 27. 1부터 5까지의 자연수가 각각 하나씩 적혀 있는 5개의 서랍이 있다. 5개의 서랍 중 영희에게 임의로 2개를 배정해 주려고 한다. 영희에게 배정되는 서랍에 적혀 있는 자연수 중 작은 수를 확률변수 X라 할 때, E(10X)의 값을 구하시오.

28. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x+1 & (x \le 0) \\ -\frac{1}{2}x+7 & (x > 0) \end{cases}$$

에 대하여 함수 f(x)f(x-a)가 x=a에서 연속이 되도록 하는 모든 실수 a의 값의 합을 구하시오. [4점] 29. 함수  $f(x) = 3x^2 - ax$ 가

$$\lim_{n\to\infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} f\left(\frac{3k}{n}\right) = f(1)$$

을 만족시킬 때, 상수 a의 값을 구하시오. [4점]

30. 좌표평면에서 a>1인 자연수 a에 대하여 두 곡선  $y=4^x$ ,  $y=a^{-x+4}$ 과 직선 y=1로 둘러싸인 영역의 내부 또는 그 경계에 포함되고 x좌표와 y좌표가 모두 정수인 점의 개수가 20 이상 40 이하가 되도록 하는 a의 개수를 구하시오. [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.