제 2 교시

수학 영역(나형)

5지선다형

- 1. 8×2⁻²의 값은? [2점]
 - ① 1
- ② 2 ③ 4
- **4** 8
- **⑤** 16

2. 두 집합

 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$

에 대하여 $n(A \cup B)$ 의 값은? [2점]

- ① 6
- 2 7
- 3 8
- **4** 9
- ⑤ 10

- **3.** $\log_{15} 3 + \log_{15} 5$ 의 값은? [2점]
- 1
- 2 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

4. 두 사건 A, B에 대하여

 $P(A \cap B) = \frac{1}{8}, \ P(A \cap B^C) = \frac{3}{16}$

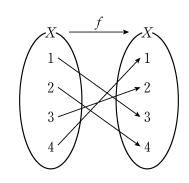
일 때, P(A)의 값은? (단, B^C 은 B의 여사건이다.) [3점]

- ① $\frac{3}{16}$ ② $\frac{7}{32}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{9}{32}$ ⑤ $\frac{5}{16}$

- 5. 세 수 $\frac{9}{4}$, a, 4가 이 순서대로 등비수열을 이룰 때, 양수 a의 값은? [3점]

- ① $\frac{8}{3}$ ② 3 ③ $\frac{10}{3}$ ④ $\frac{11}{3}$ ⑤ 4

6. 그림은 함수 $f: X \rightarrow X$ 를 나타낸 것이다.



- f(2) + f⁻¹(2)의 값은? [3점]
- ① 3 ② 4 ③ 5

- **4** 6
- ⑤ 7

7. 실수 x에 대한 두 조건

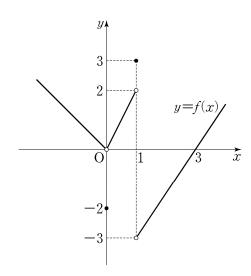
$$p:|x-1|\leq 3\,,$$

$$q \colon |x| \le a$$

에 대하여 p가 q이기 위한 충분조건이 되도록 하는 자연수 *a*의 최솟값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

8. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to 0^-} f(x) + \lim_{x\to 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- $\bigcirc -1$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -4$ $\bigcirc -5$

- 9. $\int_0^2 (6x^2 x) dx$ 의 값은? [3점]
 - ① 15
- ② 14
- ③ 13
- **4** 12
- ⑤ 11

10. 좌표평면에서 함수 $y = \frac{3}{x-5} + k$ 의 그래프가

직선 y=x에 대하여 대칭일 때, 상수 k의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

- 11. 한 개의 주사위를 3번 던질 때, 4의 눈이 한 번만 나올 확률은? [3점]

- ① $\frac{25}{72}$ ② $\frac{13}{36}$ ③ $\frac{3}{8}$ ④ $\frac{7}{18}$ ⑤ $\frac{29}{72}$
- 12. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)가

$$v(t) = -2t + 4$$

이다. t=0부터 t=4까지 점 P가 움직인 거리는? [3점]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

- **13.** 어느 학교의 전체 학생은 360명이고, 각 학생은 체험 학습 A, 체험 학습 B 중 하나를 선택하였다. 이 학교의 학생 중 체험 학습 A를 선택한 학생은 남학생 90명과 여학생 70명이다. 이 학교의 학생 중 임의로 뽑은 1명의 학생이 체험 학습 B를 선택한 학생일 때, 이 학생이 남학생일 확률은 $\frac{2}{5}$ 이다.
- 이 학교의 여학생의 수는? [3점]
- ① 180 ② 185 ③ 190
- 4 195
- **⑤** 200

14. 두 함수

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x + 6 & (x < 2) \\ 1 & (x \ge 2) \end{cases},$$

$$g(x) = ax + 1$$

에 대하여 함수 $\frac{g(x)}{f(x)}$ 가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a의 값은? [4점]

- ① $-\frac{5}{4}$ ② -1 ③ $-\frac{3}{4}$ ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{4}$

- **15.** 공차가 양수인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때, a_2 의 값은? [4점]
 - (7) $a_6 + a_8 = 0$
 - $(\downarrow \downarrow) |a_6| = |a_7| + 3$

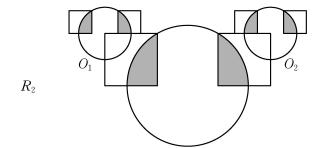
- $\bigcirc 1 15$ $\bigcirc 2 13$ $\bigcirc 3 11$ $\bigcirc 4 9$
- $\bigcirc 5 7$
- **16.** 어느 농가에서 생산하는 석류의 무게는 평균이 m, 표준편차가 40인 정규분포를 따른다고 한다. 이 농가에서 생산하는 석류 중에서 임의추출한, 크기가 64인 표본을 조사하였더니 석류 무게의 표본평균의 값이 \bar{x} 이었다. 이 결과를 이용하여, 이 농가에서 생산하는 석류 무게의 평균 m에 대한 신뢰도 99%의 신뢰구간을 구하면 $\overline{x}-c \le m \le \overline{x}+c$ 이다. c의 값은? (단, 무게의 단위는 g이고, Z가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때 P(0 ≤ Z ≤ 2.58) = 0.495 로 계산한다.) [4점]
- ① 25.8
- ② 21.5 ③ 17.2 ④ 12.9
- ⑤ 8.6

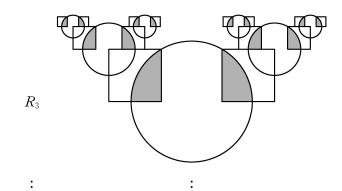
17. 그림과 같이 길이가 4인 선분 AB를 지름으로 하는 원 O가 있다. 원의 중심을 C라 하고, 선분 AC의 중점과 선분 BC의 중점을 각각 D, P라 하자. 선분 AC의 수직이등분선과 선분 BC의 수직이등분선이 원 O의 위쪽 반원과 만나는 점을 각각 E, Q라 하자. 선분 DE를 한 변으로 하고 원 O와 점 A에서 만나며 선분 DF가 대각선인 정사각형 DEFG를 그리고, 선분 PQ를 한 변으로 하고 원 O와 점 B에서 만나며 선분 PR가 대각선인 정사각형 PQRS를 그린다. 원 O의 내부와 정사각형 DEFG의 내부의 공통부분인 △ 모양의 도형과 원 *O*의 내부와 정사각형 PQRS의 내부의 공통부분인 △ 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 점 F를 중심으로 하고 반지름의 길이가 $\frac{1}{2}$ DE인 원 O_1 , 점 R를 중심으로 하고 반지름의 길이가 $\frac{1}{2}\overline{PQ}$ 인 원 O_2 를 그린다. 두 원 O_1 , O_2 에 각각 그림 R_1 을 얻은 것과 같은 방법으로 만들어지는 △ 모양의 2개의 도형과 △ 모양의 2개의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [4점]

 R_1





- ① $\frac{12\pi 9\sqrt{3}}{10}$ ② $\frac{8\pi 6\sqrt{3}}{5}$ ③ $\frac{32\pi 24\sqrt{3}}{15}$
- $\textcircled{4} \ \ \frac{28\pi 21\sqrt{3}}{10} \qquad \ \textcircled{5} \ \ \frac{16\pi 12\sqrt{3}}{5}$

18. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)가

$$\lim_{x \to a} \frac{f(x) - (x - a)}{f(x) + (x - a)} = \frac{3}{5}$$

을 만족시킨다. 방정식 f(x)=0의 두 근을 α , β 라 할 때, $|\alpha-\beta|$ 의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

- ① 1
- 2 2
- ③ 3
- 4
- ⑤ 5

19. 좌표평면 위의 한 점 (x, y)에서 세 점 (x+1, y), (x, y+1), (x+1, y+1) 중 한 점으로 이동하는 것을 점프라 하자.

점프를 반복하여 점 (0,0)에서 점 (4,3)까지 이동하는 모든 경우 중에서, 임의로 한 경우를 선택할 때 나오는 점프의 횟수를 확률변수 X라 하자. 다음은 확률변수 X의 평균 E(X)를 구하는 과정이다. (단, 각 경우가 선택되는 확률은 동일하다.)

점프를 반복하여 점 (0,0)에서 점 (4,3)까지 이동하는 모든 경우의 수를 N이라 하자. 확률변수 X가 가질 수 있는 값 중 가장 작은 값을 k라 하면 k=| (가) 이고, 가장 큰 값은 k+3이다.

$$P(X=k) = \frac{1}{N} \times \frac{4!}{3!} = \frac{4}{N}$$

$$P(X=k+1) = \frac{1}{N} \times \frac{5!}{2! \, 2!} = \frac{30}{N}$$

$$P(X=k+2) = \frac{1}{N} \times \boxed{(\downarrow\downarrow)}$$

$$P(X=k+3) = \frac{1}{N} \times \frac{7!}{3!4!} = \frac{35}{N}$$

이고

$$\sum_{i=k}^{k+3} P(X=i) = 1$$

이므로 *N*= (다) 이다.

따라서 확률변수 X의 평균 E(X)는 다음과 같다.

$$E(X) = \sum_{i=k}^{k+3} \{i \times P(X=i)\} = \frac{257}{43}$$

위의 (7), (4), (4)에 알맞은 수를 각각 a, b, c라 할 때, a+b+c의 값은? [4점]

- ① 190
- ② 193
- ③ 196
- **4** 199
- \bigcirc 202

- **20.** 최고차항의 계수가 양수인 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) 함수 f(x)는 x=0에서 극댓값, x=k에서 극솟값을 가진다. (단, *k*는 상수이다.)
 - (나) 1보다 큰 모든 실수 <math>t에 대하여

$$\int_{0}^{t} |f'(x)| dx = f(t) + f(0)$$

이다.

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

----<보 기>-

$$\neg. \int_0^k f'(x) dx < 0$$

- $-. 0 < k \le 1$
- \Box . 함수 f(x)의 극솟값은 0이다.

21. 좌표평면에서 함수

$$f(x) = \begin{cases} -x+10 & (x < 10) \\ (x-10)^2 & (x \ge 10) \end{cases}$$

과 자연수 n에 대하여 점 (n,f(n))을 중심으로 하고 반지름의 길이가 3인 원 O_n 이 있다. x좌표와 y좌표가 모두 정수인 점 중에서 원 O_n 의 내부에 있고 함수 y=f(x)의 그래프의 아랫부분에 있는 모든 점의 개수를 A_n , 원 O_n 의 내부에 있고 함수 y=f(x)의 그래프의 윗부분에 있는 모든 점의 개수를

 B_n 이라 하자. $\sum_{n=1}^{20} (A_n - B_n)$ 의 값은? [4점]

- ① 19
- ② 21
- ③ 23
- **4** 25

⑤ 27

단답형

22. ${}_{5}P_{2} + {}_{5}C_{2}$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. 함수 $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3$ 에 대하여 f'(2)의 값을 구하시오. [3점]

24. 전체집합 $U = \{x \mid x \leftarrow 9 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합

$$A = \{3, 6, 7\}, B = \{a-4, 8, 9\}$$

에 대하여

$$A \cap B^C = \{6, 7\}$$

이다. 자연수 a의 값을 구하시오. [3점]

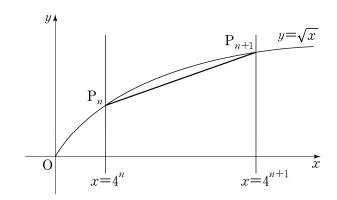
25. 함수 $f(x) = \frac{1}{2}x + 2$ 에 대하여 $\sum_{k=1}^{15} f(2k)$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 곡선 $y=x^3-ax+b$ 위의 점 (1,1)에서의 접선과 수직인 직선의 기울기가 $-\frac{1}{2}$ 이다. 두 상수 a,b에 대하여 a+b의 값을 구하시오. [4점]

- **27.** 다음 조건을 만족시키는 음이 아닌 정수 a, b, c의 모든 순서쌍 (a, b, c)의 개수를 구하시오. [4점]
 - (7) a+b+c=7
 - (나) 2^a×4^b은 8의 배수이다.

28. 자연수 n에 대하여 직선 $x=4^n$ 이 곡선 $y=\sqrt{x}$ 와 만나는 점을 P_n 이라 하자. 선분 P_nP_{n+1} 의 길이를 L_n 이라 할 때,

$$\lim_{n \to \infty} \left(\frac{L_{n+1}}{L_n} \right)^2$$
의 값을 구하시오. [4점]



- **29.** 확률변수 X는 평균이 m, 표준편차가 5인 정규분포를 따르고, 확률변수 X의 확률밀도함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) f(10) > f(20)
 - (나) f(4) < f(22)

m이 자연수일 때
P(17 ≤ X ≤ 18) = a이다. 1000a의
값을 오른쪽 표준정규분포표를
이용하여 구하시오. [4점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
0.6	0.226
0.8	0.288
1.0	0.341
1.2	0.385
1.4	0.419

30. 실수 k에 대하여 함수 $f(x)=x^3-3x^2+6x+k$ 의 역함수를 g(x)라 하자. 방정식 $4f'(x)+12x-18=(f'\circ g)(x)$ 가 닫힌 구간 [0,1]에서 실근을 갖기 위한 k의 최솟값을 m, 최댓값을 M이라 할 때, m^2+M^2 의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.