제 2 교시

# 수학 영역(나형)

#### 5지선다형

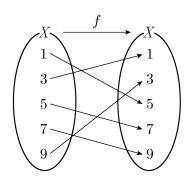
- **1.** 16×2<sup>-3</sup>의 값은? [2점]

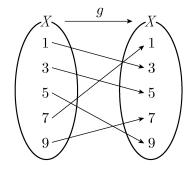
- ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 8
- **⑤** 16

- **2.** 두 집합  $A = \{a+2, 6\}, B = \{3, b-1\}$ 에 대하여 A = B일 때, a + b의 값은? (단, a, b는 실수이다.) [2점]
- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8
- ⑤ 9

- 3.  $\lim_{n\to\infty} \frac{\sqrt{9n^2+4}}{5n-2}$ 의 값은? [2점]
- ①  $\frac{1}{5}$  ②  $\frac{2}{5}$  ③  $\frac{3}{5}$  ④  $\frac{4}{5}$  ⑤ 1

4. 그림은 두 함수  $f: X \rightarrow X$ ,  $g: X \rightarrow X$ 를 나타낸 것이다.





- (g ∘ f)(1)의 값은? [3점]
- ① 1
- ② 3 ③ 5
- **4** 7
- ⑤ 9

5. 두 사건 A, B에 대하여

$$P(A^{C}) = \frac{2}{3}, \quad P(A^{C} \cap B) = \frac{1}{4}$$

일 때,  $P(A \cup B)$ 의 값은? (단,  $A^C$ 은 A의 여사건이다.) [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$  ②  $\frac{7}{12}$  ③  $\frac{2}{3}$  ④  $\frac{3}{4}$  ⑤  $\frac{5}{6}$

6. 실수 x에 대한 두 조건

$$p: x = a,$$

$$q: 3x^2 - ax - 32 = 0$$

에 대하여 p가 q이기 위한 충분조건이 되도록 하는 양수 a의 값은? [3점]

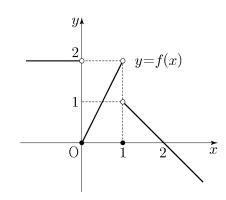
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

- **⑤** 5

- 7. 함수  $f(x) = \frac{k}{x-3} + 1$ 에 대하여  $f^{-1}(7) = 4$ 일 때, 상수 k의 값은? (단, *k*≠0) [3점]
  - $\bigcirc$  2
- 2 4 3 6 4 8

- ⑤ 10

8. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to 0+} f(x) - \lim_{x\to 1-} f(x)$ 의 값은? [3점]

- $\bigcirc -2$   $\bigcirc -1$   $\bigcirc 0$   $\bigcirc 1$

 $\bigcirc$  2

9. 어느 학교 학생 200명을 대상으로 체험활동에 대한 선호도를 조사하였다. 이 조사에 참여한 학생은 문화체험과 생태연구 중 하나를 선택하였고, 각각의 체험활동을 선택한 학생의 수는

(단위: 명)

			( [ ] , 0 /
구분	문화체험	생태연구	합계
남학생	40	60	100
여학생	50	50	100
합계	90	110	200

이 조사에 참여한 학생 200명 중에서 임의로 선택한 1명이 생태연구를 선택한 학생일 때, 이 학생이 여학생일 확률은? [3점]

다음과 같다.

- ①  $\frac{5}{11}$  ②  $\frac{1}{2}$  ③  $\frac{6}{11}$  ④  $\frac{5}{9}$  ⑤  $\frac{3}{5}$

10. 함수  $y = \sqrt{4 - 2x} + 3$ 의 역함수의 그래프와 직선 y = -x + k가 서로 다른 두 점에서 만나도록 하는 실수 *k*의 최솟값은? [3점]

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

11. 함수  $f(x) = 4x^3 + x$ 에 대하여  $\lim_{n \to \infty} \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{n} f\left(\frac{2k}{n}\right)$ 의 값은?

[3점]

- ① 6
- ② 7
- 3 8
- **4** 9
- ⑤ 10
- 12. 함수  $f(x) = -x^4 + 8a^2x^2 1$ 이 x = b와 x = 2 2b에서 극대일 때, a + b의 값은? (단, a, b는 a > 0, b > 1인 상수이다.) [3점]
  - ① 3
- ② 5
- ③ 7
- **4** 9
- ⑤ 11

#### 홀수형

## 수학 영역(나형)

5

13. 어느 농장에서 수확하는 파프리카 1개의 무게는 평균이 180g, 표준편차가 20g인 정규분포를 따른다고 한다.

이 농장에서 수확한 파프리카 중에서 임의로 선택한 파프리카 1개의 무게가 190g 이상이고 210g 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772

- ① 0.0440
- ② 0.0919
- ③ 0.1359

- **4** 0.1498
- $\bigcirc 0.2417$

14. 상수항과 계수가 모두 정수인 두 다항함수 f(x), g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, f(2)의 최댓값은? [4점]

$$(7) \lim_{x \to \infty} \frac{f(x)g(x)}{x^3} = 2$$

(나) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{f(x)g(x)}{x^2} = -4$$

- ① 4
- ② 6
- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

- 15. 첫째항이 50이고 공차가 -4인 등차수열의 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라 할 때,  $\sum_{k=m}^{m+4} S_k$ 의 값이 최대가 되도록 하는 자연수 m의 값은? [4점]
- ① 8

- ② 9 ③ 10 ④ 11
- **⑤** 12
- 16. 숫자 1이 적혀 있는 공 10개, 숫자 2가 적혀 있는 공 20개, 숫자 3이 적혀 있는 공 30개가 들어 있는 주머니가 있다.
  - 이 주머니에서 임의로 한 개의 공을 꺼내어 공에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는다. 이와 같은 시행을 10번 반복하여 확인한 10개의 수의 합을 확률변수 Y라 하자. 다음은 확률변수 Y의 평균 E(Y)와 분산 V(Y)를 구하는 과정이다.

주머니에 들어 있는 60개의 공을 모집단으로 하자. 이 모집단에서 임의로 한 개의 공을 꺼낼 때, 이 공에 적혀 있는 수를 확률변수 X라 하면 X의 확률분포, 즉 모집단의 확률분포는 다음 표와 같다.

X	1	2	3	합계
P(X=x)	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	1

따라서 모평균 m과 모분산  $\sigma^2$ 은

$$m = E(X) = \frac{7}{3}$$
,  $\sigma^2 = V(X) = \boxed{(7)}$ 

이다.

모집단에서 크기가 10인 표본을 임의추출하여 구한 표본평균을  $\overline{X}$ 라 하면

$$E(\overline{X}) = \frac{7}{3}, \quad V(\overline{X}) = \boxed{(\downarrow)}$$

이다.

주머니에서 n번째 꺼낸 공에 적혀 있는 수를  $X_n$ 이라 하면

$$Y = \sum_{n=1}^{10} X_n = 10\overline{X}$$

이므로

$$E(Y) = \frac{70}{3}, \quad V(Y) = \boxed{("")}$$

이다.

위의 (7), (4), (4)에 알맞은 수를 각각 p, q, r라 할 때, p+q+r의 값은? [4점]

- ①  $\frac{31}{6}$  ②  $\frac{11}{2}$  ③  $\frac{35}{6}$  ④  $\frac{37}{6}$  ⑤  $\frac{13}{2}$

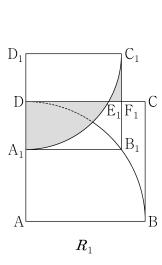
17. 자연수 n의 양의 약수의 개수를 f(n)이라 하고, 36의 모든 양의 약수를  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_9$ 라 하자.

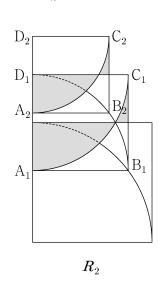
 $\sum_{k=1}^{9} \left\{ (-1)^{f(a_k)} \times \log a_k \right\}$ 의 값은? [4점]

- $\bigcirc \log 2 + \log 3$
- $2 \log 2 + \log 3$
- $3 \log 2 + 2 \log 3$
- $4 2\log 2 + 2\log 3$
- $(5) 3 \log 2 + 2 \log 3$

18. 그림과 같이 한 변의 길이가 5인 정사각형 ABCD 에 중심이 A이고 중심각의 크기가 90°인 부채꼴 ABD를 그린다. 선분 AD 를 3:2로 내분하는 점을  $A_1$ , 점  $A_1$ 을 지나고 선분 AB에 평행한 직선이 호 BD와 만나는 점을 B<sub>1</sub>이라 하자. 선분 A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>을 한 변으로 하고 선분 DC와 만나도록 정사각형 A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>D<sub>1</sub> 을 그린 후, 중심이 D<sub>1</sub> 이고 중심각의 크기가 90°인 부채꼴  $D_1A_1C_1$ 을 그린다. 선분 DC가 호  $A_1C_1$ , 선분  $B_1C_1$ 과 만나는 점을 각각  $E_1$ ,  $F_1$ 이라 하고, 두 선분  $DA_1$ ,  $DE_1$ 과 호  $A_1E_1$ 로 둘러싸인 부분과 두 선분  $E_1F_1$ ,  $F_1C_1$ 과 호  $E_1C_1$ 로 둘러싸인 부분인 →모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 정사각형  $A_1B_1C_1D_1$ 에 중심이  $A_1$ 이고 중심각의 크기가 90°인 부채꼴 A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>D<sub>1</sub> 을 그린다. 선분 A<sub>1</sub>D<sub>1</sub> 을 3:2로 내분하는 점을  $A_2$ , 점  $A_2$ 를 지나고 선분  $A_1B_1$ 에 평행한 직선이 호 B<sub>1</sub>D<sub>1</sub>과 만나는 점을 B<sub>2</sub>라 하자. 선분 A<sub>2</sub>B<sub>2</sub>를 한 변으로 하고 선분  $D_1C_1$ 과 만나도록 정사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 를 그린 후, 그림  $R_1$ 을 얻은 것과 같은 방법으로 정사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 에 모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim S_n$ 의 값은? [4점]





- ①  $\frac{50}{3} \left( 3 \sqrt{3} + \frac{\pi}{6} \right)$  ②  $\frac{100}{9} \left( 3 \sqrt{3} + \frac{\pi}{3} \right)$
- (3)  $\frac{50}{3} \left( 2 \sqrt{3} + \frac{\pi}{3} \right)$  (4)  $\frac{100}{9} \left( 3 \sqrt{3} + \frac{\pi}{6} \right)$
- $\boxed{5} \ \frac{100}{9} \left( 2 \sqrt{3} + \frac{\pi}{3} \right)$

## 수학 영역(나형)

- 19. 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6 중에서 중복을 허락하여 다섯 개를 다음 조건을 만족시키도록 선택한 후, 일렬로 나열하여 만들 수 있는 모든 다섯 자리의 자연수의 개수는? [4점]
  - (가) 각각의 홀수는 선택하지 않거나 한 번만 선택한다.
  - (나) 각각의 짝수는 선택하지 않거나 두 번만 선택한다.
- ① 450 ② 445 ③ 440
- 435
- **⑤** 430

20. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -x & (x \le 0) \\ x - 1 & (0 < x \le 2) \\ 2x - 3 & (x > 2) \end{cases}$$

와 상수가 아닌 다항식 p(x)에 대하여 <보기>에서 옳은것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg$ . 함수 p(x)f(x)가 실수 전체의 집합에서 연속이면 p(0) = 0이다.
- ㄴ. 함수 p(x)f(x)가 실수 전체의 집합에서 미분가능하면  $p(2) = 0 \circ | \mathsf{T} |.$
- $\Box$ . 함수  $p(x)\{f(x)\}^2$ 이 실수 전체의 집합에서 미분가능하면 p(x)는  $x^{2}(x-2)^{2}$ 으로 나누어떨어진다.
- ① 7 ② 7, 🗆 ③ 7, 🗆

- ④ ∟, □
  ⑤ ¬, ∟, □

**21.** 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \ a_{2n} = a_n - 1$$

(나) 
$$a_{2n+1} = 2a_n + 1$$

$$a_{20}=1$$
일 때,  $\sum_{n=1}^{63} a_n$ 의 값은? [4점]

① 704

② 712

3 720

**4** 728

⑤ 736

단답형

**22.**  $_{7}$ P $_{2}$ + $_{7}$ C $_{2}$ 의 값을 구하시오. [3점]

 $oldsymbol{23}$ . 모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_{16}}{a_{14}} + \frac{a_8}{a_7} = 12$$

일 때,  $\frac{a_3}{a_1} + \frac{a_6}{a_3}$ 의 값을 구하시오. [3점]

## 10

### 수학 영역(나형)

홀수형

 ${f 24.}$  확률변수 X가 이항분포  ${f B}(80,\,p)$ 를 따르고  ${f E}(X)=20$ 일 때,  ${f V}(X)$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 두 함수

$$f(x) = \frac{1}{3}x(4-x), \quad g(x) = |x-1|-1$$

의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이를 S라 할 때, 4S의 값을 구하시오. [4점]

**25.** 자연수 n에 대하여 다항식  $2x^2-3x+1$ 을 x-n으로 나누었을 때의 나머지를  $a_n$ 이라 할 때,  $\sum_{n=1}^7 (a_n-n^2+n)$ 의 값을 구하시오. [3점]

#### 홀수형

#### 수학 영역(나형)

11

 ${f 27.}$  수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각  $t(t\geq 0)$ 에서의 위치  $x_1,\ x_2$ 가

$$x_1 = t^3 - 2t^2 + 3t$$
,  $x_2 = t^2 + 12t$ 

이다. 두 점 P, Q의 속도가 같아지는 순간 두 점 P, Q 사이의 거리를 구하시오. [4점] **28.** 다항함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수 
$$x$$
에 대하여

$$\int_{-1}^{x} f(t) \, dt = \frac{x-1}{2} \{ f(x) + f(1) \} \, \mathrm{odd}.$$

(나) 
$$\int_{0}^{2} f(x) dx = 5 \int_{-1}^{1} x f(x) dx$$

f(0)=1일 때, f(4)의 값을 구하시오. [4점]

### 12

### 수학 영역(나형)



- 29. 세 명의 학생 A, B, C에게 같은 종류의 사탕 6개와같은 종류의 초콜릿 5개를 다음 규칙에 따라 남김없이 나누어 주는 경우의 수를 구하시오. [4점]
  - (가) 학생 A가 받는 사탕의 개수는 1 이상이다.
  - (나) 학생 B가 받는 초콜릿의 개수는 1 이상이다.
  - (다) 학생 C가 받는 사탕의 개수와 초콜릿의 개수의 합은 1 이상이다.
- **30.** 최고차항의 계수가 양수인 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
  - (7) 방정식 f(x)-x=0의 서로 다른 실근의 개수는 2이다.
  - (나) 방정식 f(x)+x=0의 서로 다른 실근의 개수는 2이다.

f(0)=0, f'(1)=1일 때, f(3)의 값을 구하시오. [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.