제2교시

수리·탐구 영역(I)

(예체능계

성명

수험번호

- ㅇ 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하시오.
- ㅇ 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하시오.
- ㅇ 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일'에 따라 표기하시오.
- 주관 답의 숫자에 0이 포함된 경우. 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- ㅇ 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하 시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- ㅇ 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.
- 1. $\log_{7} \frac{1}{\sqrt{7}}$ 의 값은? [2점]

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{4}$

 $3. 4\cos^2 x + 4\sin x = 5$ 일 때, $\sin x$ 의 값은? [2점]

① $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{\sqrt{2}}$

2. $(4+3i)^2 - (4-3i)^2$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [2점]

① 0 ② 24 ③ 48 ④ 24

(5) 48*i*

① 2 ② 3 ③ 4

4 5

5 6

- 5. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 2, 3일 때, 이차방정식 $x^{2}+ax+2=0$ 의 두 근의 합은? [2점]

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{6}{5}$
- 7. 시간 t 에 따라 감소하는 함수 f(t)에 대하여

$$f(t+c) = \frac{1}{2}f(t)$$

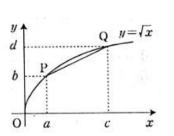
- 를 만족시키는 양의 상수 c 를 f(t)의 반감기라 한다. 함수 $f(t)=3^{-t}$ 의 반감기는? [3점]
- ① $\frac{1}{3} \log_3 2$ ② $\frac{1}{2} \log_3 2$ ③ $\log_3 2$ ④ $2 \log_3 2$

6. 함수 $y=\sqrt{x}$ 의 그래프 위의 두 점 P(a,b), Q(c,d)에 대하여

 $\frac{b+d}{2}$ =1 일 때, 직선 PQ 의 기울

기는? (단, 0<a<c) [3점]

- $\frac{1}{2}$
- 5 1



① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$

8. 고대 인도의 수학자 바스카라는 다음과 같은 식을 사용하였다.

$$\sqrt{a+\sqrt{b}} = \sqrt{a+\frac{\sqrt{2}}{2}} + \sqrt{a-\frac{\sqrt{2}}{2}}$$

- 안에 알맞은 것은? (단, $a \ge b \ge 1$) [2점]

- ① b ② a^2-b ③ a^2+b
- ④ a+b⑤ a−b

9. 전체집합 U= $\{1, 2, 3, \dots, 100\}$ 의 부분집합 A 에 대하여 f(A)를 A 에 속하는 모든 원소의 합이라고 하자. U의 두 부분집합 A, B에 대하여, $\langle 보기 \rangle$ 중 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, f(Φ)=0) [3점]

----<보 기**:**

- 7. $f(A^c)=f(U)-f(A)$
- $\mathsf{L} . \ A \subseteq B$ 이면, $f(A) \leq f(B)$ 이다.
- \vdash $f(A \cup B) = f(A) + f(B)$
- ① レ
- ②フ,レ
- ③フ, ロ

- ④ レ, ロ ⑤ フ, レ, ロ

 $10. \langle \forall \exists \exists f(x)$ 하 f(x) 중 $(f \circ f \circ f)(x) = f(x)$ 가 성립하는 것 을 모두 고른 것은? [3점]

-----<보 기<u></u>: 7. f(x) = x+1

 $\vdash f(x) = -x$

 $rac{\Gamma} f(x) = -x+1$

① 7

② レ

3 5

- ④ フ, ロ
- ⑤ レ, に

11. 부등식 $\log_2(2x-1)<1$ 을 만족시키는 x의 범위는? [3점]

- ① 0 < x < 1 ② $\frac{1}{2} < x < \frac{3}{2}$ ③ 1 < x < 2

 $4 1 < x < \frac{5}{2}$ $5 \frac{3}{2} < x < \frac{5}{2}$

12. △ABC 에서

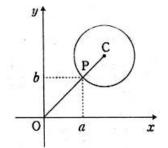
 $6 \sin A = 2\sqrt{3} \sin B = 3 \sin C$

가 성립할 때, ∠A 의 크기는? [3점]

- ① 120° ② 90° ③ 60° ④ 45°

- ⑤ 30°

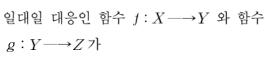
13. 반지름의 길이가 2이고 중심이 C(4, 4) 인 원이 있다. 원점 O 와 중심 C를 잇는 선분이 원과 만나는 점을 P(a, b)라 할 때, a 의 값은?

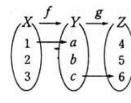


[3점]

- ① $1+\sqrt{2}$
- ② $3-\sqrt{2}$
- (5) $3+\sqrt{2}$
- $4 \sqrt{2}$
- $3) 2+\sqrt{2}$

14. 집합 $X = \{1, 2, 3\}$, $Y = \{a, b, c\}$, Z={4,5,6} 에 대하여,





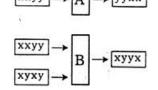
f(1)=a, g(c)=6, $(g \circ f)(2)=4$

를 만족시킬 때, f(3)의 값은? [2점]

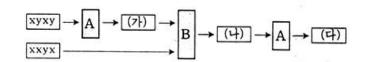
- ① a
- ② b
- \odot c

- ④ *b*, *c* 모두 가능하다.
- ⑤ *a*, *b*, *c* 모두 가능하다.

15. 두 개의 논리상자 A 와 B 가 있다. 논리상자 A 는 문자 x 와 y 로 이루어 진 네 자리 문자열을 x는 y로, y는 x 로 바꾼다. 논리 상자 B 는 두 개의 네 자리 문자열을 각 자리의 문자가



서로 같으면 x, 서로 다르면 y 인 하나의 네 자리 문자열로 바꾼다. 다음과 같은 논리 회로에 두 문자열 xyxy, xxyx를 입력하였을 때, 출력 (다)에 들어갈 문자열은? [3점]



- ① xxxx
- ② xxxy
- ③ xxyy

- 4 xyyy
- ⑤ уууу

16. 음이 아닌 정수 n 에 대하여 n 을 5로 나눈 나머지를 f(n). 10 으로 나눈 나머지를 g(n)이라 하자. <보기> 중 항상 옳은 것 을 모두 고른 것은? [3점]



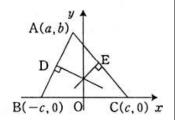
③ フ, レ

- ① 7
- ② レ
- ④フ, ロ ⑤ レ, に

17. 다음은 △ABC 의 세 변의 수직이등분선이 한 점에서 만남을 증명한 것이다.

<증 명>

직선 BC 를 x 축, 변 BC 의 수 직 이등분선을 y 축으로 잡고, A(a, b), B(-c, 0), C(c, 0) 라고 하자, (단, $b \ne 0$, c > 0)



직선 AC의 기울기는 $\frac{b}{a-c}$ 이므로, 변 AC의 중점 E 를 지나고 변 AC에 수직인 직선의 방정식은

$$y = (7)$$
 $\left(x - \frac{a+c}{2}\right) + \frac{b}{2} = (7)$ $x + (1)$ \cdots 1

같은 방법으로, 변 AB의 중점 D를 지나고 변 AB에 수직인 직선의 방정식은

$$y = -\frac{a+c}{b}x + \boxed{(1)}$$
 ②

두 직선 ①, ②의 y 절편이 같으므로 세 변의 수직 이등분선은 y 축 위의 점 (0, [(나)])에서 만난다.

따라서, △ABC의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만 난다.

(ii) a=c 또는 a=-c 일때,

△ABC는 (다) 이므로, 세 변의 수직 이등분선은 D 또는 E 에서 만난다.

따라서 △ABC의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만난다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면? [3점]

①
$$-\frac{a-c}{b}$$
, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형

②
$$-\frac{a-c}{b}$$
, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 정삼각형

③
$$-\frac{a-c}{b}$$
, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형

④
$$\frac{a-c}{b}$$
, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형

⑤
$$\frac{a-c}{b}$$
, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형

18. 다음은 4k+3 꼴의 소수가 무수히 많음을 증명한 것이다. (단, k는 음이 아닌 정수이다.)

<증 명>

4k+3 꼴의 소수가 유한개 있다고 가정하고, 이것을 3, 7, 11, 19, …, p라 하자.

 $n=4(7\cdot 11\cdot 19\cdot \cdots \cdot p)+3$ 이라 하면, $n\in 3, 7, 11,$ $19, \cdots, p$ 로 (r) n의 모든 소인수는 4k+1 또는 4k+3 꼴의 정수이고, 4k+1 꼴의 두 정수를 곱하면 (r) 꼴의 정수이다. 그러므로, n의 모든 소인수가 (r) 꼴이면, n도 (r) 꼴이다. 이것은 모순이므로, n은 (r) 꼴의 소인수 q를 갖는다. n은 q로 나누어 떨어지므로, q는 $3, 7, 11, 19, \cdots, p$ 가 아닌 4k+3 꼴의 소수가 존재한다. 이것은 가정에 모순이다.

따라서, 4k+3 꼴의 소수는 무수히 많다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면? [2점]

- ① 나누어 떨어진다. 4k+1, 4k+1
- ② 나누어 떨어진다. 4k+3, 4k+3
- ③ 나누어 떨어지지 않는다. 4k+3, 4k+1
- ④ 나누어 떨어지지 않는다. 4k+1, 4k+1
- ⑤ 나누어 떨어지지 않는다. 4k+1, 4k+3

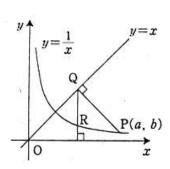
19. 부등식

 $\cos^2\theta - 3\cos\theta - a + 9 \ge 0$

- 이 모든 θ 에 대하여 항상 성립하는 실수 α 의 범위는? [3점]
- ① $-1 \le a \le 9$
- $2 a \ge 0$
- ③ a≥5

- $4 a \le 7$
- ⑤ a≤9

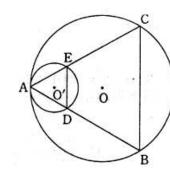
21. 함수 $y = \frac{1}{x}$ 의 그래프 위의 한 점 P(a,b)에서 직선 y=x 위에 내린 수 선의 발을 Q라 할 때, 점 Q에서 x축에 내린 수선이 $y=\frac{1}{x}$ 과 만나는 점 R 의 좌표는? (단, a>1)



[3점]

- $(3) \left(\frac{a+b}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{2}}{a+b}\right)$ $(4) \left(a+b, \frac{2}{a+b}\right)$
- $\bigcirc \left(\frac{2}{a+b}, a+b\right)$

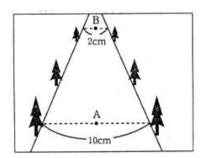
20. 반지름의 길이가 1 인 원 O'이 반지름의 길이가 3인 원 O에 내접 하고 있다. 두 원의 접점 A를 한 꼭지점으로 하고 원 0 에 내접하는 △ABC 가 원 O' 과 만나는 점을 D, E라 하자. △ADE와 △ABC의 넓 이의 비는? [3점]



- ① 1:9 ④ 1:5
- ⑤ 1:3

2 1:7

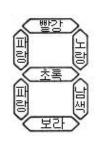
- ③ 1:6
- 22. 아래 그림은 폭이 일정한 직선 도로를 원근법에 다라 그린 것이 다. 그림에서 도로의 폭은 화가로부터의 거리에 반비례하게 그려져 있다.



- 도로 중앙의 두 지점 A, B 에서의 도로 폭을 그림에서 재어 보니 각각 10 cm, 2 cm 이었다. 화가로부터 지점 A 까지의 실제 거리가 100 m 이면, 화가로부터 지점 B까지의 실제 거리는? [3점]
- ① 300 m
- ② 400 m
- ③ 500 m

- ④ 600 m
- ⑤ 800 m

23. 입력값의 전체 집합 U= {0, 1, 2, 3}에 대하여, 빨강에서 보라 까지 7개의 전등으로 구성된 숫자판을 다음과 같이 점등하고자 한다.



입력값	이진법 표현	점등 모양
0	00 (2)	0.
1	01 (2)	:
2	10 (2)	2
3	11 (2)	3

입력값을 이진법의 수로 $pq_{(2)}$ 와 같이 표현하였을 때, p가 1인 입력값의 집합을 P, q가 1인 입력값의 집합을 Q라 하자. 빨란 전등이 점등되는 모든 입력값의 집합을 올바르게 나타낸 것은?

- $\bigcirc P$
- Q Q
- $\ \ \ \ P \cup Q^c$

- $\bigoplus P^c \cup Q$
- $\bigcirc P^c \cap Q^c$

24. 컴퓨터 중앙처리장치의 속도는 1985년 1MHz 이던 것이 매 3년마다 약 4배의 비율로 빨라지고 있다. 한 연구에 의하면, 현 재 기술로 이와 같은 발전을 지속할 수 있는 중앙처리장치 속도의 한계는 약 4,000MHz 라고 한다. 이 연구에서 현재 기술이 한계 에 도달할 것으로 예측되는 해는? (단, MHz 는 중앙처리장치 속 도의 단위이며, log 2=0.3 으로 계산한다.) [3점]

- ① 2003년
- ② 2006년
- ③ 2009 년

- ④ 2012 년
- ⑤ 2024년

주관식 문항(25~30)

25. 다항식 $x^3 + 5x^2 + 10x + 6$ 이 $(x+a)(x^2 + 4x + b)$ 로 인수분해 될 때, a+b 의 값을 구하시오. [2점]

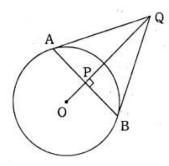
26. 전체집합이 U= {1, 2, 3, ···, 100}이고
 A={x∈U|x는 홀수}, B={x∈U|x는 3의 배수}
 일 때, 집합 A^c∩B의 원소의 개수를 구하시오. [3점]

- 27. 직선 y=x 에 대하여 대칭인 두 직선 y=ax, y=bx 가 이루는 각이 30°일 때, $3(a^2+b^2)$ 의 값을 구하시오. [3점]
- 29. 세 부등식 $2x+y \le 12$, $-2x+y \le 0$, $y \ge 0$ 을 동시에 만족시키는 영역의 넓이를 구하시오. [3점]

28. 반지름의 길이가 10 인 원 O의 내부에 한 점 P가 있다. 점 P를 지나고 직선 OP에 수직인 직선이 원과 만나는 두 점을 A, B에서의 두 접선의 교점을 Q라 하자.

 OP=5
 일 때, 선분 PQ의 길이를

 구하시오. [2점]



30. $-1 \le x \le 1$ 에서 부등식 $x + a \le x^2 \le 2x + b$ 가 항상 성립할 때, b - a 의 최소값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [3점]

- ※ 확인 사항
- ㅇ 문제지와 답안지의 해당란을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 문제지는 답안지와 함께 제출합니다. 답안지의 표기가 끝나면 답안지 는 오른쪽, 문제지는 왼쪽에 놓으시오.