제 2 교시

## 수리 영역(나형)

## 5지선다형

- 1. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬 2A + B의 모든 성분의 합은? [2점]
  - ① 10

- 29 38 47

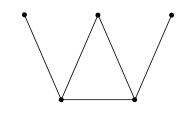
**⑤** 6

- **2.** log<sub>2</sub>40-log<sub>2</sub>5의 값은? [2점]
  - 1
- 2 2
  - ③ 3
- 4
- **⑤** 5

- 3.  $\lim_{n\to\infty} \frac{5n^2+1}{3n^2-1}$ 의 값은? [2점]

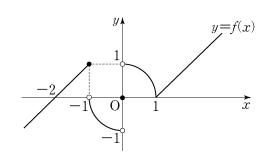
- ①  $\frac{1}{3}$  ②  $\frac{2}{3}$  ③ 1 ④  $\frac{4}{3}$  ⑤  $\frac{5}{3}$

4. 다음 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬의 모든 성분의 합은? [3점]



- ① 6
- 2 8
- ③ 10
- **4** 12
- ⑤ 14

5. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to -1-0} f(x) + \lim_{x\to +0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- $\bigcirc -2$
- (2) -1
- 3 0
- 4 1
- ⑤ 2

 $\mathbf{6}$ . 모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_1 a_2}{a_3} = 2, \qquad \frac{2a_2}{a_1} + \frac{a_4}{a_2} = 8$$

일 때,  $a_3$ 의 값은? [3점]

- ① 16
- ② 18
- 3 20
- **4** 22
- ⑤ 24

7. 화재가 발생한 화재실의 온도는 시간에 따라 변한다. 어떤 화재실의 초기 온도를  $T_0(\mathbb{C})$ , 화재가 발생한 지 t분 후의 온도를  $T(\mathbb{C})$ 라고 할 때, 다음 식이 성립한다고 한다.

 $T = T_0 + k \log(8t + 1)$  (단, k는 상수이다.)

초기 온도가 20℃인 이 화재실에서 화재가 발생한 지  $\frac{9}{8}$ 분 후의 온도는 365℃이었고, 화재가 발생한 지 a분 후의 온도는 710℃이었다. *a*의 값은? [3점]

- ①  $\frac{99}{8}$  ②  $\frac{109}{8}$  ③  $\frac{119}{8}$  ④  $\frac{129}{8}$  ⑤  $\frac{139}{8}$

8. 두 사건 A, B에 대하여

$$P(A \cap B) = \frac{1}{8}, \quad P(B^C | A) = 2P(B | A)$$

일 때, P(A)의 값은? (단,  $B^{C}$ 은 B의 여사건이다.) [3점]

- ①  $\frac{5}{12}$  ②  $\frac{3}{8}$  ③  $\frac{1}{3}$  ④  $\frac{7}{24}$  ⑤  $\frac{1}{4}$

9. x, y에 대한 연립방정식

$$\begin{pmatrix} a+1 & a \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \end{pmatrix}$$

의 해가 방정식 x+2y-4a=0을 만족시킨다. 상수 a의 값은? [3점]

- 1
- 2 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

- 10. 확률변수 X가 이항분포 B(n, p)를 따른다. 확률변수 2X-5의 평균과 표준편차가 각각 175와 12일 때, n의 값은? [3점]
  - ① 130
- ② 135
- ③ 140
- **4** 145
- **⑤** 150

11. 함수 f(x) = x + 1에 대하여

$$\int_{-1}^{1} \{f(x)\}^2 dx = k \left( \int_{-1}^{1} f(x) dx \right)^2$$

일 때, 상수 *k*의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{2}$  ④  $\frac{2}{3}$  ⑤  $\frac{5}{6}$
- **12.** 같은 종류의 주스 4병, 같은 종류의 생수 2병, 우유 1병을 3명에게 남김없이 나누어 주는 경우의 수는? (단, 1병도 받지 못하는 사람이 있을 수 있다.) [3점]
- ① 330
- ② 315
- 300
- **4** 285

13. 어느 학교 전체 학생의 시험 점수는 평균이 500점, 표준편차가 25점인 정규분포를 따른다고 한다.

이 학교 학생 중 임의로 1명을 선택할 때, 이 학생의 시험 점수가 475점 이상이고 550점 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

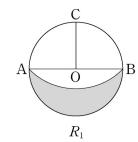
z	$P(0 \le Z \le z)$
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

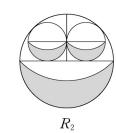
- ① 0.7745
- $\bigcirc 0.8185$
- ③ 0.9104

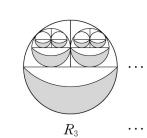
- (4) 0.9270
- $\bigcirc 0.9710$

- 14. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 원 O가 있다. 원 O의 중심을 지나고 선분 AB와 수직인 직선이 원과 만나는 2개의 점 중 한 점을 C라 하자. 점 C를 중심으로 하고 점 A와 점 B를 지나는 원의 외부와 원 ○의 내부의 공통부분인 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.
  - 그림  $R_1$ 에서 색칠된 부분을 포함하지 않은 원 O의 반원을 이등분한 2개의 사분원에 각각 내접하는 원을 그리고, 이 2개의 원 안에 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로 만들어지는 👉 모양의 2개의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.
  - 그림  $R_2$ 에서 새로 생긴 2개의 원의 색칠된 부분을 포함하지 않은 반원을 각각 이등분한 4개의 사분원에 각각 내접하는 원을 그리고, 이 4개의 원 안에 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로 만들어지는 ₩ 모양의 4개의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_3$ 이라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim S_n$ 의 값은? [4점]







- ①  $\frac{5+2\sqrt{2}}{7}$  ②  $\frac{5+3\sqrt{2}}{7}$  ③  $\frac{5+4\sqrt{2}}{7}$

- 15. 삼차함수  $f(x) = x^3 + ax^2 + 9x + 3$ 의 그래프 위의 점 (1, f(1))에서의 접선의 방정식이 y = 2x + b이다. a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- 16. 두 이차정사각행렬 A, B가

$$2A^2 + AB = E, \quad AB + BA = 2A + E$$

를 만족시킬 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? (단, *E* 는 단위행렬이다.) [4점]

- $\neg . A^{-1} = 2A + B$
- $\Box B = 2A + 2E$
- □. (B-E)² = O (단, O는 영행렬이다.)

- ① L ② C ③ 7, L
- ④ ¬, □
  ⑤ ¬, ∟, □

17. 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1 = 4$ 이고,

$$a_{n+1} = n \cdot 2^n + \sum_{k=1}^n \frac{a_k}{k} \quad (n \ge 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항  $a_n$ 을 구하는 과정이다.

주어진 식에 의하여

$$a_n = (n-1) \cdot 2^{n-1} + \sum_{k=1}^{n-1} \frac{a_k}{k} \quad (n \ge 2)$$

이다. 따라서 2 이상의 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} - a_n = \boxed{ (7) } + \frac{a_n}{n}$$

이므로

$$a_{n+1} = \frac{(n+1)a_n}{n} + \boxed{ (2) }$$

이다.  $b_n = \frac{a_n}{n}$ 이라 하면

$$b_{n+1} = b_n + \frac{\boxed{(7})}{n+1} \quad (n \ge 2)$$

이고,  $b_2=3$ 이므로

$$b_n = \boxed{(나)} \quad (n \ge 2)$$

이다. 그러므로

이다.

위의 (7), (4)에 알맞은 식을 각각 f(n), g(n)이라 할 때, f(4)+g(7)의 값은? [4점]

- ① 90
- ② 95
- ③ 100 ④ 105
- ⑤ 110

18. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x^3 + ax & (x < 1) \\ bx^2 + x + 1 & (x \ge 1) \end{cases}$$

이 x=1에서 미분가능할 때, a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① 5
- ② 6 ③ 7
- 4 8
- ⑤ 9

19. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( na_n - \frac{n^2 + 1}{2n + 1} \right) = 3$$

- 일 때,  $\lim_{n\to\infty} (a_n^2 + 2a_n + 2)$ 의 값은? [4점]
- ①  $\frac{13}{4}$  ② 3 ③  $\frac{11}{4}$  ④  $\frac{5}{2}$  ⑤  $\frac{9}{4}$

20. 두 함수

$$f(x) = \begin{cases} -1 & (|x| \ge 1) \\ 1 & (|x| < 1) \end{cases}, \quad g(x) = \begin{cases} 1 & (|x| \ge 1) \\ -x & (|x| < 1) \end{cases}$$

에 대하여 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg . \lim_{x \to 1} f(x)g(x) = -1$
- ㄴ. 함수 g(x+1)은 x=0에서 연속이다.
- $\sqsubset$ . 함수 f(x)g(x+1)은 x=-1에서 연속이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ७, ∟

- ④ ¬, □
  ⑤ ¬, ∟, □

21. 삼차함수  $f(x) = x^3 - 3x + a$ 에 대하여 함수

$$F(x) = \int_0^x f(t) \, dt$$

가 오직 하나의 극값을 갖도록 하는 양수 a의 최솟값은?

[4점]

- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

단답형

22. 
$$\lim_{x\to 2} \frac{(x-2)(x+3)}{x-2}$$
의 값을 구하시오. [3점]

23. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_2 = 16, \quad a_5 = 10$$

일 때,  $a_k = 0$ 을 만족시키는 k의 값을 구하시오. [3점]

24. 함수  $f(x)=x^3+9x+2$ 에 대하여  $\lim_{x\to 1}\frac{f(x)-f(1)}{x-1}$ 의 값을 구하시오. [3점]

 $\left(\sqrt[3]{3^5}\right)^{\frac{1}{2}}$ 이 어떤 자연수의 n제곱근이 되도록 하는 n의 개수를 구하시오. [4점]

26.  $2 \le n \le 100$ 인 자연수 n에 대하여

25. 어느 회사에서 생산된 모니터의 수명은 정규분포를 따른다고 한다. 이 회사에서 생산된 모니터 중 임의추출한 100 대의 수명의 표본평균이  $\overline{x}$ , 표본표준편차가 500이었다. 이 결과를 이용하여 이 회사에서 생산된 모니터의 수명의 평균을 신뢰도 95%로 추정한 신뢰구간이  $\left[\overline{x}-c,\,\overline{x}+c\right]$ 이다. c의 값을 구하시오. (단, Z가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때,  $P(0 \le Z \le 1.96) = 0.4750$ 이다.) [3점]

27. 자연수 n에 대하여 좌표평면 위의 점  $P_n$ 을 다음 규칙에 따라 정한다.

- (가) 세 점  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $P_3$ 의 좌표는 각각 (-1, 0), (1, 0), (-1, 2)이다.
- (나) 선분  $P_n P_{n+1}$ 의 중점과 선분  $P_{n+2} P_{n+3}$ 의 중점은 같다.

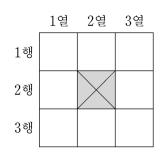
예를 들어, 점  $P_4$ 의 좌표는 (1,-2)이다. 점  $P_{25}$ 의 좌표가 (a,b)일 때, a+b의 값을 구하시오. [4점]

**28.** 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)가 f(3) = 0이고,

$$\int_{0}^{2013} f(x) \, dx = \int_{3}^{2013} f(x) \, dx$$

를 만족시킨다. 곡선 y=f(x)와 x축으로 둘러싸인 부분의 넓이가 S일 때, 30S의 값을 구하시오. [4점]

29. 다음 좌석표에서 2행 2열 좌석을 제외한 8개의 좌석에 여학생 4명과 남학생 4명을 1명씩 임의로 배정할 때, 적어도 2명의 남학생이 서로 이웃하게 배정될 확률은 p이다.
70p의 값을 구하시오. (단, 2명이 같은 행의 바로 옆이나 같은 열의 바로 앞뒤에 있을 때 이웃한 것으로 본다.) [4점]



30. 좌표평면에서 자연수 n에 대하여 영역

$$\{(x, y) \mid 2^x - n \le y \le \log_2(x+n)\}$$

에 속하는 점 중 다음 조건을 만족시키는 점의 개수를  $a_n$ 이라 하자.

- (가) x좌표와 y좌표는 서로 같다.
- ( ) x 좌표와 y 좌표는 모두 정수이다.

예를 들어,  $a_1=2$ ,  $a_2=4$ 이다.  $\sum_{n=1}^{30}a_n$ 의 값을 구하시오. [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.