1999학년도 대학수학능력시험 문제지

수리·탐구 영역(I) 제 2 교시

인 문 계

성명

수험번호

3. $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1+x} - 1}{x}$ 의 값은? [2점]

① -1 ② $-\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1

홀수형

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제지인지 확인하시오.
- 문제지에 성명과 수험번호를 정확히 기입하시오.
- 답안지에 수험번호, 응시계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일'에 따라 표기하시오.
- 주관식 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점 을 참고하시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.
- 1. $\log_2 6 \log_2 \frac{3}{2}$ 의 값은? [2점]

① 0 ② -1 ③ 1 ④ -2

4. 두 실수 x, y 가 등식 $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 9 \end{pmatrix}$ 를 만족시킬 때, x, y 의 곱 xy 의 값은? [3점]

① 6 ② 8 ③ 9 ④ 10 ⑤ 12

2. $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$ 일 때 $\sin x \cos x$ 의 값은? [2점]

① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ $-\sqrt{2}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{2}$

5. 〈보기〉 중 같은 함수끼리 짝지어진 것을 모두 고르면? [2점]

4 L, C 5 7, C

- 6. 함수 $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$ 의 역함수가 $f^{-1}(x) = \frac{ax+b}{x+c}$ 일 때, 상수*a*, *b*, *c* 의 합 *a* + *b* + *c* 는? [2점]

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2
- **5** 3

 $A_n = \{x \mid x \vdash n$ 과 서로 소인 자연수}

라고 할 때, <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

8. 자연수 n에 대하여 집합 A_n 을

-----<보 기>-

- $\neg. A_2 = A_4$
- \vdash . $A_3 = A_6$
- \vdash . $A_6 = A_3 \cap A_4$
- ① ¬
- ② ∟

③ ⊏

- ④ 7, ⊏ ⑤ 7, ∟, ⊏

7. <보기>의 수열 $\{a_n\}$ 중 극한값

$$\lim_{n\to\infty}\frac{a_1+a_2+\cdots+a_n}{n}$$

이 존재하는 것을 모두 고르면? [3점]

- \neg . $a_n = n$
- \vdash . $a_n = \frac{1}{2^n}$
- \Box . $a_n = (-1)^n$
- ① ¬
- ② L
- ③ ⊏

- ④ ∟, ⊏
 ⑤ ¬, ∟, ⊏

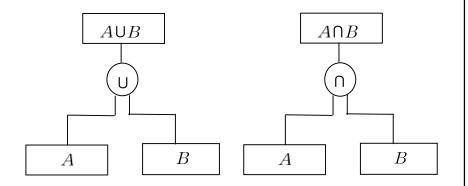
9. 모든 실수 x 에 대하여 정의된 함수

$$f(x) = [x] + [-x]$$

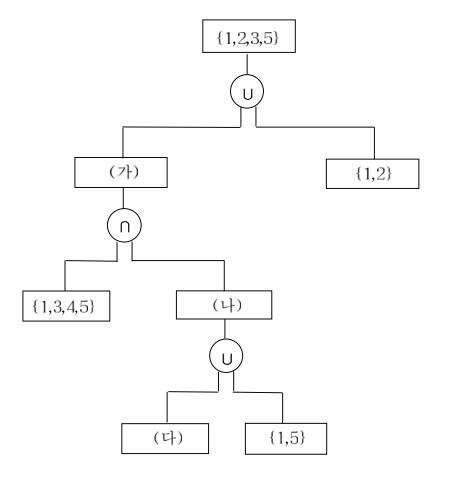
의 치역은? (단, [x]는 x를 넘지 않는 최대정수이다.) [3점]

- **4** { 0, 1, -1 } **5** { 0 }

10. 두 집합 A, B 의 합집합과 교집합을 다음 그림과 같이 나타 내었다.



아래 그림에서 (가)에 알맞은 것은? [3점]



- 1 {1,2,3,4}
- ② {1,2,3,5}
- 3 {2,3,5}

- 4 {1,3,5}
- 5 {3,5}

11. 곡선y=x(1-x) 와 x축으로 둘러싸인 도형을 x축 의 둘레로 회전시킬 때 만들어지는 회전체의 부피는? [3점]

- ① $\frac{\pi}{6}$ ② $\frac{\pi}{10}$ ③ $\frac{\pi}{15}$ ④ $\frac{\pi}{20}$ ⑤ $\frac{\pi}{30}$

- 12. 흰 공 2 개, 검은 공 2 개가 들어있는 상자에서 1 개의 공 을 꺼내어 그것이 흰 공이면 동전을 3 회 던지고 검은 공이면 동전을 4 회 던질 때, 앞면이 3 회 나올 확률은? (단, 동전의 앞면과 뒷면이 나올 확률은 같다.) [3점]
- ① $\frac{3}{16}$ ② $\frac{5}{16}$ ③ $\frac{7}{16}$ ④ $\frac{9}{16}$ ⑤ $\frac{11}{16}$

13. 두 실수 x, y 에 대하여 x * y 를

$$x * y = \begin{cases} x & (x \ge y \text{ 일 } \text{ 때}) \\ y & (x \le y \text{ 일 } \text{ 때}) \end{cases}$$

로 나타내기로 하자. 예를 들면, 2*1=2 이다. 서로 다른 4개 의 실수로 이루어진 집합 $A = \{a,b,c,d\}$ 의 원소들이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) A의 임의의 원소 x에 대하여 x*a=x 이다.
- (나) c*d < c*b

다음 중 옳은 것은? [3점]

- ① b < c < a ② b < d < a
- 3d < b < c
- $\textcircled{4} \ a < b < c \qquad \textcircled{5} \ a < c < b$

14. 좌표평면 위의 점 P(x,y) 가 다음과 같은 규칙에 따라 이 동하거나 이동하지 않는다. P가 점 A(6,5) 에서 출발하여 어떤 점 B에서 더 이상 이동하지 않게 되었다. A에서 B에 이르기까지 이동한 회수는? [2점]

- (r) y = 2x 이면 이동하지 않는다.
- (나) y < 2x 이면 x 축 방향으로 -1 만큼 이동한다.
- (다) y > 2x 이면 y 축 방향으로 -1 만큼 이동한다.
- 1)4
- 25
- 36
- **4** 7
- 58

15. 다음은 1보다 큰 자연수 n에 대한 명제 ' \sqrt{n} 보다 작거 나 같은 모든 소수가 n을 나누지 않으면, n은 소수이다.'를 증명한 것이다.

<증명>

결론을 부정하여 n 이 소수가 아니라고 가정하면, n = lm 인 1보다 큰 자연수 l, m 이 존재한다. l을 나누는 한 소수를 p, m을 나누는 한 소수를 q라 하면, pq는 lm을 나눈다. 그러므로 $pq \le n$ 이다. 만약 $p > \sqrt{n}$ 이고 $q > \sqrt{n}$ 이면, $pq > \sqrt{n} \sqrt{n} = n$ 이므로 모순이다. 따라서 (가) 즉 n의 약수 중에서 \sqrt{n} 보다 작거나 같은 소수가 존재한다. 그런데 이것은 가정에 모순이므로, n은 소수이다.

위의 증명에서 (가)에 알맞은 것은? [2점]

- ① $p \le \sqrt{n}$ 이거나 $q \le \sqrt{n}$ ② $p \le \sqrt{n}$ 이고 $q \le \sqrt{n}$
- ③ $p \le \sqrt{n}$ 이거나 $q \ge \sqrt{n}$ ④ $p \le \sqrt{n}$ 이고 $q \ge \sqrt{n}$
- ⑤ $p \ge \sqrt{n}$ 이거나 $q \ge \sqrt{n}$

16. 원 $x^2 + y^2 = 5$ 위의 점 (1,2) 에서의 접선의 방정식은? [2점]

- ① x + y = 3 ② 2x y = 0
- 3x 2y = -3
- $4 \ 2x + y = 4$ $5 \ x + 2y = 5$

17. 한 변의 길이가 1인 정사각형이 있 다. 서로 수직인 임의의 두 직선을 이 용하여 그림과 같이 네 개의 직사각형 으로 나누었을 때, 이들의 넓이를 각각 A, B, C, D 라 하자. <보기> 중 항 상 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

A	В
С	D

$$\neg. \ \ A > \frac{1}{4} \ \text{이면, } C < \frac{1}{4} \ \text{이다.}$$

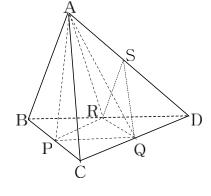
- ㄷ. $A > \frac{1}{4}$ 이면, $D < \frac{1}{4}$ 이다.
- ① ¬ ② ∟
- ③ ⊏
- ④ ¬, ⊏
 ⑤ ∟, ⊏
- 18. 임의의 양의 실수 x에 대하여, x를 넘지 않는 소수의 개수 를 f(x) 라 하자. 예를 들면, $f(\frac{5}{2})=1$, f(5)=3 이다. <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

----<보 기>-

- \neg . f(10) = 4
- ㄴ. 임의의 양의 실수 x에 대하여 f(x) < x이다.
- ㄷ. 임의의 양의 실수 x에 대하여 f(x+1) = f(x)이다.
- ① ¬
- ② ¬, ∟
- ③ ¬, ⊏

- ④ ∟. ⊏
- 5 7, 4, 5

19. 사면체 ABCD 의 네 모서리 BC, CD, DB, AD 의 중점을 각각 P,Q,R,S 라고 할 때, 두 사면체 APQR 와 SQDR 의 부피의 비는? [3점]



- ① 1:1 ② 2:1 ③ 3:1
- 43:2
- 5 4:1

- 20. 좌표평면에서 점 (x,y) 가 부등식 $-x \le y \le 2-x^2$ 의 영 역을 움직일 때, x+y 의 최대값은? [3점]

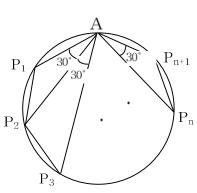
- $\bigcirc \frac{5}{4}$ $\bigcirc \frac{7}{4}$ $\bigcirc \frac{9}{4}$ $\bigcirc \frac{11}{4}$ $\bigcirc \frac{13}{4}$

인 문 계)

수리·탐구 영역(I)

홀수형

21. 오른쪽 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 원 위의 한 점 A 를 꼭지점으로 하고, A 에서의 P_1 내각이 30° 인 삼각형을 원에 내접하며 서로 겹치지 않도록 P_2 최대한 붙였을 때, 삼각형들의 꼭지점들을 꼭지점 A 로부터 시계반대 방향으로 순서대로



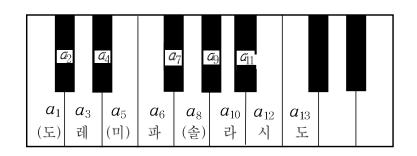
 $P_1,\ P_2, \cdots,\ P_n,\ P_{n+1}$ 이라 하자. 선분 $\overline{P_1P_2},\ \overline{P_2P_3}$, ···, $\overline{P_n P_{n+1}}$ 의 길이의 합은? [3점]

① 5 ② $5\sqrt{3}$ ③ $\frac{5}{2}\sqrt{3}$ ④ 4 ⑤ $4\sqrt{3}$

22. 어떤 고등학교 3학년 남학생 수는 여학생 수의 1.5 배이다. 대학수학능력시험 모의고사 성적의 통계에 따르면 남학생의 평 균 점수는 400점 만점에 225점이고 여학생의 평균 점수는 235점이다. 3학년 전체 학생의 평균 점수는 몇 점인가? [2점]

1) 229 2 230 3 231 4)232(5) 233 23. 서양음악의 12 음계에서 음의 주파수는, 반음 올라갈 때마다 일정 비율로 높아져, 12 반음 올라가면 2 배가 되는 등비수열을 이룬다. 아래 피아노 건반에 표시된 도, 미, 솔의 주파수비 $a_1:a_5:a_8$ 에 가장 가까운 정수비는?

(단, $2^{\frac{1}{3}} = \frac{5}{4}$, $2^{\frac{5}{12}} = \frac{4}{3}$, $2^{\frac{7}{12}} = \frac{3}{2}$ 으로 근사하여 계산한다.) [3점]



12:3:4

23:4:5

34:5:6

45:6:8

56:8:9

24. 전파가 어떤 벽을 투과할 때 전파의 세기가 A에서 B로 바뀌면, 그 벽의 전파감쇄비 F는

$$F = 10 \log \left(\frac{B}{A}\right)$$
 (데시벨)

로 정의한다. 전파감쇄비가 -7 (데시벨) 인 벽을 투과한 전파 의 세기는 투과하기 전 세기의 몇 배인가? (단, $10^{\frac{3}{10}} = 2$ 로 계산한다.) [3점]

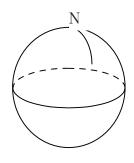
① $\frac{1}{10}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{3}{10}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{7}{10}$

주관식 문항 (25~30)

25. 방정식 $x^2-ax+b=0$ 의 한 근이 1+2i 일 때, 두 실수 a, b의 곱 ab의 값을 구하시오. [3점]

26. 함수 $f(x) = (x-1)(x^3+2x^2+8)$ 에 대하여, 미분계수 f'(1) 을 구하시오. [2점]

27. 반지름이 30인 구 위의 한 점 N에 길이가 5π인 실의 한 끝을 고정한다. 실을 팽팽하게 유지하면서 구의 표면을 따라 실의 나머지 한 끝을 한 바퀴 돌렸을 때, 구의 표면에 생기는 실 끝의 자취의 길이를 l 이라 하자. l π 의 값을 구하시오. [3점]



수리·탐구 영역(I)

홀수형

28. 다음 조건을 모두 만족시키는 자연수 n을 구하시오. [3점]

- (가) n 은 60 의 약수이다.
- (나) n 은 비가 3:7 인 두 자연수의 합이다.
- (다) n 의 약수의 개수는 6이다.

29. 모든 성분이 0 또는 1 인 4×1 행렬 X 에 대하여

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} m \\ n \end{pmatrix}$$

이라 할 때, m이 짝수이고 n이 홀수가 되도록 하는 행렬 X의 개수를 구하시오. [3점]

30. 은행의 예금상품은 연이율로 제시된다. 1년에 이자계산을 n번 하는 복리예금의 경우 매번 $\frac{(연이율)}{n}$ 의 이율로 이자를 계산한다. 이 때 실효수익률은

로 정의된다. 6개월마다 복리로 이자를 계산하는 연이율 10% 인 예금상품의 실효수익률(%)을 소수점 아래 둘째자리까지 구 하시오. [3점]

- * 확인 사항
- 문제지와 답안지의 해당란을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 문제지는 답안지와 함께 제출합니다. 답안지의 표기가 끝나면 답안지는 오른쪽, 문제지는 왼쪽에 놓으시오.