## 2001학년도 대학수학능력시험 문제지

## 수리·탐구 영역(I) 제 2교시

자 연계 수험번호 성명

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하시오.
- 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일' 에 따라 표기하시오.
- 주관식 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하 시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.
- 1.  $(\sqrt{2})^5$  의 값은? [2점]
  - (1)  $\sqrt{2}$  (2) 2 (3)  $2\sqrt{2}$  (4) 4

- (5)  $4\sqrt{2}$

- 3.  $(2+2\sin\frac{\pi}{3})(2-\tan\frac{\pi}{3})$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ②  $\frac{1}{2}$  ③  $\frac{1}{3}$  ④  $\frac{1}{4}$  ⑤  $\frac{1}{5}$

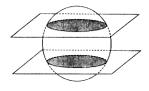
- **4.**  $f(x) = (x^2 + 1) e^x$  일 때, f'(0) 의 값은? [3점]
  - ① 1 ② 2 ③ 3
- 4
- (5) 5

- 2. 이차방정식  $x^2 + 7x + 1 = 0$  의 두 근이  $\alpha$ .  $\beta$  일 때.  $(\alpha^2 + \beta^2) + 7(\alpha + \beta)$ 의 값은? [3점]

  - (1) -4 (2) -2 (3) 0 (4) 1

- ⑤ 3

5. 거리가 1 인 두 평행한 평면으로 반지름의 길이가 1 인 구를 잘라서 얻어진 두 단면의 넓이의 합의 최대값은? [3점]



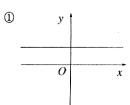
- ①  $\frac{1}{2}\pi$  ②  $\frac{3}{4}\pi$  ③  $\pi$  ④  $\frac{3}{2}\pi$  ⑤  $2\pi$

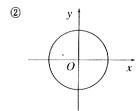
- 6. 쌍곡선  $\frac{x^2}{2} y^2 = 1$  위의 점 (2, 1)에서의 접선이 y 축과 만나는 점의 y 좌표는? [3점]
  - ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 2

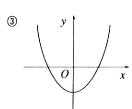
- (5) 3

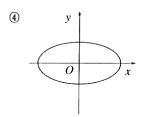
- 7.  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ .  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ 일 때, 행렬  $A^{-1} + AB$  는? (단, A<sup>-1</sup>는 A의 역행렬) [3점]

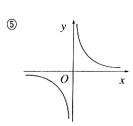
8. 복소평면 위의 다음 곡선 중, 그 위의 어떠한 두 점  $P\left(z_{1}
ight),\,Q\left(z_{2}
ight)$  에 대하여도 복소수  $\dfrac{z_{1}}{z_{2}}$  이 순허수가 될 수 <u>없는</u> 것은? [3점]





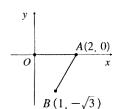






9. 일차변환 f를 나타내는 행렬이





라 하자. 오른쪽 그림의 꺾인 선분 OAB 를 f에 의하여 옮겨서 얻은

꺾인 선분과 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [2점]

- (1)  $\sqrt{2}$  (2)  $2\sqrt{2}$  (3)  $\sqrt{3}$
- (a) 1 (5) 2

- 10. 구간 [0, 1] 에서 정의된 연속확률변수 X의 확률밀도함수가 f(x) = ax + a 로 주어졌을 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}$  ②  $\frac{2}{3}$  ③ 1 ④  $\frac{3}{2}$  ⑤ 2

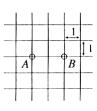
11. 삼차함수 y = f(x)가 서로 다른 세 실수 a, b, c에 대하여

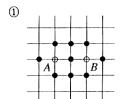
$$f(a) = f(b) = 0$$
,  $f'(a) = f'(c) = 0$ 

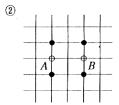
을 만족시킨다. c 를 a와 b로 나타내면? [2점]

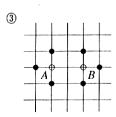
- $\bigcirc a+b$
- $2 \frac{a+b}{2}$
- $\textcircled{4} \frac{a+2b}{3} \qquad \qquad \textcircled{5} \frac{2a+b}{3}$

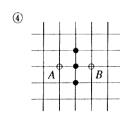
12. 그림과 같이 이웃한 두 교차로 사이의 거리가 모두 1인 바둑판 모양의 도로망이 있다. 두 차량이 각각 A 와 B 에서 출발하여 A. B이외의 교차로 P 에서 만났다. 두 차량이 움직인 거리의 합이 4 가 되는 P의 위치를 모두 표시하면? [3점]

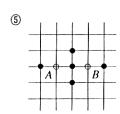












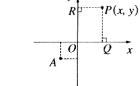
13. 다음은 좌표평면 위의 서로 다른 네 점 A, B, C, D 에 대한 설명 이다.

- (가) 점 A 와 점 B 는 x 축 위에 있다.
- (나) 점 B 의 x 좌표는 점 A 의 x 좌표보다 크다.
- (다)  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{BC} = \overline{AD} = \overline{CD}$

점 A, B, C, D의 x 좌표를 각각 a, b, c, d라 할 때 옳은 것은? [3점]

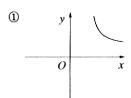
- (1) a < d < c < b (2) c < a < d < b
- $\bigcirc$  c < d < a < b
- (4) d < a < c < b (5) d < c < a < b

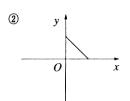
14. 좌표평면의 제 1 사분면 위의 점 P 에서 x 축, y 축에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 라 하자. 점 A(-1, -1) 에 대하여

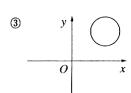


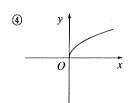
 $\overline{PA} = \overline{PQ} + \overline{PR}$ 

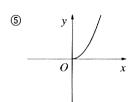
를 만족시키는 점 P의 자취의 개형은? [3점]











15. 자연수 n에 대하여  $n^2$ 을 오진법으로 표시했을 때 일의 자리수를 f(n)이라 하자.  $\langle 보기 \rangle$  중 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

---<보 기>-

- $\neg f(3) = 4$
- $0 \le f(n) \le 4$
- c. f(n) = 2 인 자연수 <math>n은 없다.
- (1) ¬
- ② L

- 37, 5 4 4, 5 7, 4, 5

**16.** 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  의 서로 다른 두 부분집합 X. Y에 대하여  $(X \cup Y) - (X \cap Y)$  의 가장 작은 원소가 X에 속할 때,  $X \Rightarrow Y$ 라 하자. U의 부분집합

$$A = \{2,3,4\}, B = \{1,2,5\}, C = \{2,4,5\}$$

에 대하여 옳은 것은? [3점]

- (1)  $A \Rightarrow B \Rightarrow C$
- ②  $A \Rightarrow C \Rightarrow B$
- $\textcircled{3} \quad B \Leftrightarrow A \Leftrightarrow C$

- $\textcircled{4} \ B \Leftrightarrow C \Leftrightarrow A$
- (5)  $C \Rightarrow A \Rightarrow B$

17. 다음은 지수법칙  $a^{r+s} = a^r a^s$  으로부터 모든 양수 x, y 에 대하여

$$\log_a xy = \log_a x + \log_a y$$

가 성립함을 중명한 것이다. (단,  $a \neq 1$ , a > 0)

〈중명〉

 $r = \log_a x$ ,  $s = \log_a y$  로 놓으면

$$a' = x$$
,  $a^s = \boxed{(7)}$ 

지수법칙으로부터

$$a^{r+s} = \boxed{(1)}$$

로그의 정의에 의하여

$$r + s = \log_a$$
 (나)

그러므로  $\log_a xy = \log_a x + \log_a y$ 이다.

위의 중명에서 (가). (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면? [3점]

- ① x, x + y
- ② y, x + y
- (3) x, xy
- (4) y, xy
- $\bigcirc$   $x_{\cdot} \frac{x}{y}$

18. 다음은  $\triangle ABC$  에서  $\overline{BC}$  <  $\overline{AC}$  <  $\overline{AB}$  일 때. 삼각형 내부의 한 점 P 에 대하여

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

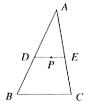
임을 증명한 것이다.

〈중명〉

가정에 의해

$$\overline{BC} < \overline{AC} < \overline{AB}$$
이므로

$$\angle A < \angle B < \angle C$$



점 P 를 지나고 선분 BC 에 평행한

직선이 선분 AB, AC 와 만나는 점을 각각 D, E 라고 하자. 선분 DE 와 선분 BC 가 평행하므로

$$\angle ADE = \angle B$$
,  $\angle AED = \angle C$ 

따라서

$$\angle A < \angle ADE < \angle AED$$

그러므로 △ADE 에서

이고

$$\overline{PA} < \overline{AD}$$
 .....(2)

 $\triangle BDP$  에서

△EPC 에서

$$\overline{PC} < \overline{PE} + \overline{EC}$$
 .....(4)

①, ②, ③, ④에서

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

위의 증명에서 (가)에 알맞은 것은? [2점]

$$\bigcirc$$
  $\overline{AD}$   $<$   $\overline{AE}$   $<$   $\overline{DE}$ 

② 
$$\overline{AD}$$
 <  $\overline{DE}$  <  $\overline{AE}$ 

$$\bigcirc$$
  $\overline{AE}$   $<$   $\overline{AD}$   $<$   $\overline{DE}$ 

$$\textcircled{4} \ \overline{AE} \ < \ \overline{DE} \ < \ \overline{AD}$$

(5) 
$$\overline{DE} < \overline{AE} < \overline{AD}$$

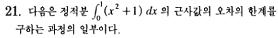
19. 그림에서 선분 AB 는 원 O의 지름이고.

 $\angle AOC = \frac{\pi}{4}, \ \overline{OC} \perp \overline{AD}$ 

이다.  $\angle ABD = \theta$  일 때.

sin 2θ 의 값은? [3점]





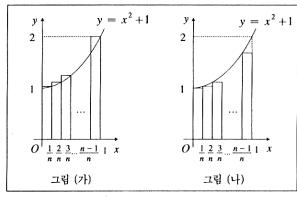


그림 (가), (나)와 같이 폐구간 [0, 1] 을 n 등분하여 얻은 n 개의 직사각형들의 넓이의 합을 각각 A, B 라 하자.

$$A - B \le 0.15$$

가 되는 n 의 최소값은? [3점]

- ① 6
- 2 7 3 8 4 9
- (5) 10

- 20. 함수  $y = x^3 + ax$  의 그래프를 원점을 중심으로 양의 방향으로 45° 회전시켜 얻은 곡선이 실수 전체에서 정의된 어떤 함수 y = f(x)의 그래프가 되는 실수 a의 범위는? [2점]
- (1)  $a \ge 1$
- (2)  $a \ge 0$
- (3)  $a \le 1$

- (4)  $a \le -1$
- (5)  $0 \le a \le 2$

22. 영어의 알파벳 A. B. · · . Z 에 십진법의 수 1 부터 26 에 해당하는 이진법의 수 00001(2), 00010(2), ..., 11010(2) 율 순서대로 대응시키자. 이진법의  $\phi$   $\alpha$  와  $\beta$  의 각 자리의  $\phi$ 를 비교하여 같으면 0. 다르면 1을 그 자리에 대응시켜 얻은 이진법의 수를  $\alpha \land \beta$  라 하자. 예를 들면

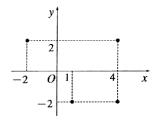
$$10001_{(2)} \land 10101_{(2)} = 00100_{(2)}$$
$$00001_{(2)} \land 10101_{(2)} = 10100_{(2)}$$

각 알파벳에 대응하는 이진법의 수를 10101(2) 과 연산 ∧ 을 하여 얻은 이진법의 수로 그 알파벳을 암호화하였다. 예를 들면 암호가 10100<sub>(2)</sub> 인 알파벳은 A이다. 암호가 11001<sub>(2)</sub> 인 알파벳은? [2점]

- ① B
- ② D
- ③ L
- (4) P
- (5) S

23. 좌표평면 위의 네 점

(-2, 2), (4, 2), (1, -2),(4, -2)에 있는 나사를 모두 조이는 작업을 반복하는 로봇팔 의 한쪽 끝을 점 P에 고정시키 -2려한다. 로봇팔은 점 P를 중심으로 360° 회전 가능하고,



점 P 로부터의 거리가 로봇팔의 길이 이하인 모든 곳의 나사를 조일 수 있다. 로봇팔의 길이를 최소로 할 수 있는 점 P의 좌표는? [3점]

① (0, 0) ② (0, 1) ③ (0, -1) ④ (1, 0) ⑤ (1, 1)

24. 다음은 세계 석유 소비 증가 추세에 관한 글이다.

…… 매년 석유 소비량을 조사한 결과, 최근 10년 동안 소비된 석유의 양은 그 이전까지 소비된 석유의 양과 같다. 예를 들어 1981 년부터 1990 년까지 소비된 석유의 양은 1980 년까지 소비된 석유 전체의 양과 같다. ……

이와 같은 석유 소비 추세가 계속된다고 가정하고. 현재까지 소비된 석유의 양을 a 현재의 석유 매장량을 b 라 할 때, 앞으로 몇 년 동안 석유를 사용할 수 있겠는가? [3점]

- ①  $\log_2\left(\frac{b}{2a}+1\right)$  ②  $\log_2\left(\frac{b}{a}+1\right)$
- (3)  $10 \log_2(\frac{2b}{a} + 1)$  (4)  $10 \log_2(\frac{b}{a} + 2)$
- (5)  $10 \log_2 \left( \frac{2b}{a} + 2 \right)$

주관식 문항 (25~30)

**25**. 삼차함수  $f(x) = ax^3 + b$ 의 역함수  $f^{-1}$ 가  $f^{-1}(5) = 2$ 를 만족시킬 때, 8a + b의 값을 구하시오. [3점]

26. 다항식 f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눈 나머지가 4x+3일 때. f(2x)를 x-1로 나눈 나머지를 구하시오. [2점]

27. 두 벡터

$$\vec{a} = (9, x+1, -12), \quad \vec{b} = (-8, x, 7)$$

이 수직일 때, 양수 x의 값을 구하시오. [2점]

28. 문자 a, b, c 에서 중복을 허용하여 세 개를 택하여 만든 단어를 전송하려고 한다. 단, 전송되는 단어에 a 가 연속되면 수신이 불가능하다고 하자. 예를 들면 aab, aaa 등은 수신이 불가능하고 bba, aba 등은 수신이 가능하다. 수신 가능한 단어의 개수를 구하시오. [2점]

**29.** 함수 f(x) 가 f(10) = 50, f(1) = 3을 만족시킬 때.

$$\sum_{k=1}^{9} f(k+1) - \sum_{k=2}^{10} f(k-1)$$

의 값을 구하시오. [3점]

30. 정적분  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (\sin^3 x + 1) \cos x \, dx$  의 값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [2점]

- \* 확인 사항
- 문제지와 답안지의 해당란을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 문제지는 답안지와 함께 제출합니다. 답안지의 표기가 끝나면 답안지 는 오른쪽, 문제지는 왼쪽에 놓으시오.