

Relatório - 1º Projeto ASA

1- Introdução

O 1º Projeto de ASA é sobre uma rede, constituída por routers. O programa que foi desenvolvido recebe como input a representação de uma rede, num grafo, com vértices(routers) e arestas(ligações) e, deve ter como output o numero de sub-redes da rede global, bem como os seu identificadores(id) e os routers que quando removidos causa o aumento do numero de sub-redes, bem como o tamanho da maior sub-rede gerada por essa operação de remoção dos routers que causam o aumento das sub-redes.

O input é:

- Uma linha com o número de routers da rede N ($N \geq 2$).
- Uma linha com o número de ligações entre routers na rede M ($M \geq 1$).
- Uma lista de M linhas, em que cada linha contém dois inteiros u e v (separados por um espaço em branco) indicando que há ligação entre u e v .

O output é:

- Uma linha com um inteiro R que denota o número de sub-redes.
- Uma linha com R valores inteiros separados por espaços em branco com os identificadores das R sub-redes. Nesta linha, os R valores têm que aparecer ordenados de forma crescente.
- Uma linha com um inteiro C que denota o número de routers que quebram uma sub-rede. Ou seja, o número de routers que se removidos individualmente, resultaria no aumento de sub-redes.
- Uma linha com um inteiro m que denota o número de routers da maior sub-rede resultante da remoção de todos os C routers que quebram uma sub-rede.

2- Descrição da solução

Como linguagem de programação decidimos usar C. C tem nível baixo o suficiente para ser eficaz e eficiente na implementação deste projeto, onde tempo e uso de memoria importam.

Como abstração face ao problema descrito, consideramos usar um nó do grafo como representação de um router e para cada ligação um “nó falso”(struct igual mas só com o int id;). Assim, temos um vetor de nós e cada nó liga-se a uma lista ligada de “nós falsos” que representas as ligações do nó.

O objetivo é encontrar pontos de articulação e árvores descobertas na DFS. Assim, temos como solução sugerida do nosso problema:

1) Construção do grafo a partir de inputs lidos no stdin.

2) Executar uma DFS, começando no nó de maior id(para que quando uma árvore é descoberta o id do nó inicial, raiz, seja o maior). Com isso, as árvores encontradas equivalem às sub-redes e, os seus identificadores também são descobertos.

Enquanto a DFS executa, a cada visita a um nó filho os nós que são pontos de articulação são identificados assim que possível e são marcados. Esses nós são os routers que se removidos individualmente, aumenta o numero de sub-redes. Este passo dá-nos os três primeiros outputs.

3) Executar DFS uma segunda vez. Desta vez os pontos de articulação estão identificados(feito na DFS anterior). Corre-se então a DFS ignorando os pontos de articulação, ou seja, como se o grafo fosse o grafo menos esses pontos. As sub-redes resultantes de tal são descobertas e a maior delas é guardada(o tamanho da mesma). Assim, temos o 4º output.

3- Análise Teórica

(Contextualização):

```
int main(){  
----- PASSO 1 -----  
    lerGrafo();  
----- PASSO 2 -----  
    DFS();  
    printf(Numero de sub-redes);  
    para cada (id das sub-redes){  
        printf(id da sub-rede);  
    }  
    para cada (router){  
        se(o router for ponto de articulação){  
            Numero de pontos de articulação++;  
        }  
    }  
    printf(Numero de pontos de articulação);  
----- PASSO 3 -----  
    Tamanho da maior sub-rede = 0;  
    DFS();  
    printf(Tamanho da maior sub-rede);  
}
```

Guarda representação do grafo em memória;

Outputs 1, 2 e 3;

Output 4;

Passo 1: Construção do grafo

```
void lerGrafo(){  
    para i=0 até numero lido de routers{  
        adicionarRouterAoGrafo[i];  
    }  
    para i=0 até numero lido de ligações{  
        adicionarAdjacencia(u, v); //(Adiciona ligação de u → v e v → u)  
    }  
}
```

Tempo: $O(V)$
Memória: $O(V)$

Tempo: $O(E)$
Memória: $O(E)$

Complexidade total do passo 1:

Tempo: $O(V+E)$
Memória: $O(V+E)$

Passo 2 e 3: DFS, marcação de pontos de articulação.

```
void DFS(){
    Tempo = 1;
    para cada i (um router), começando pelo fim de Graph[i]{
        se(tempo de descoberta do router == 0){
            visitar(i+1);
        }
    }
}

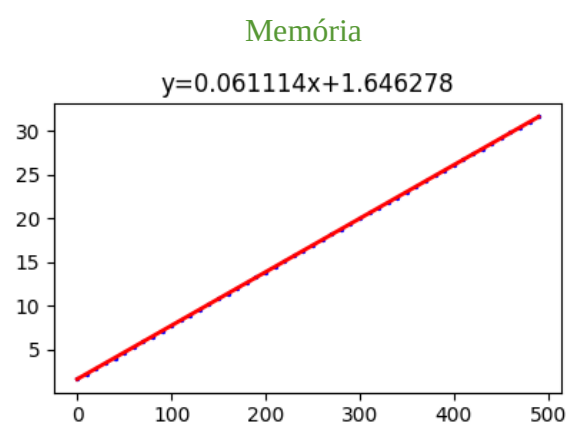
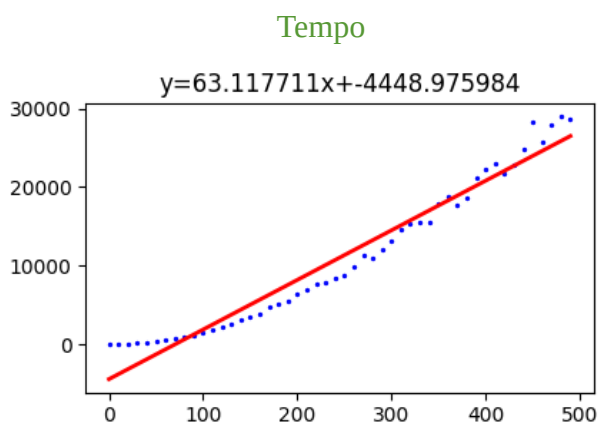
void visit(id){
    while(1){
        se(Graph[id] → next == NULL) break;
        filho = Graph[id] → next;
        se(tempo de descoberta do filho == 0){
            visit(filho->id);
        }
    }
}
```

Tempo: $O(V + E)$

Assim, a complexidade do algoritmo é: $O(V + E)$

4- Avaliação experimental dos resultados

Foram gerados 50 inputs desde 1 router até 500000. Os resultados obtidos foram:



Como esperado a complexidade é linear, $O(V + E)$. É notável também que para grafos pequenos o problema é quase resolvido em tempo constante.