MWPZ 2011 K – Zagadka

K – Zagadka

"Artystą jest tylko ten, kto z rozwiązania potrafi uczynić zagadkę" - Karl Kraus

Opis

Jasio poznał niedawno nową zagadkę logiczną. Brzmi ona następująco: wybieramy dwie liczby naturalne a oraz b z przedziału [2,5000]. Mając do dyspozycji dwóch logików, pierwszemu z nich (nazwijmy go $Pan\ P$) ujawniamy liczbę a*b, a drugiemu z nich (nazwijmy go $Pan\ S$) ujawniamy liczbę a+b. Następnie pomiędzy logikami zawiązuje się taka rozmowa:

Pan P: Nie potrafię powiedzieć, ile równe są liczby a i b.

 $\operatorname{Pan}\,S$: Wiedziałem, że nie będziesz w stanie ich odgadnąć.

Pan P : W takim razie teraz już wiem, jakie to liczby.

Pan S: Teraz znam je także ja.

Czy Jasio, jako zewnętrzny obserwator tej rozmowy nie znający żadnej z liczba, b, czy też a+b lub a*b, jest w stanie powiedzieć, ile wynoszą liczby a i b? Z przykrością trzeba stwierdzić, że ograniczone umiejętności Jasia nie pozwalają mu odpowiedzieć na to pytanie. Dlatego też uwięził w swojej piwnicy obu logików i chce metodą prób i błędów dojść do rozwiązania. Jaś losuje dwie liczby a i b z zakresu 2..5000 (logicy znają ten zakres), następnie podaje pierwszemu logikowi wartość ich iloczynu, a drugiemu wartość ich sumy. Potem pyta Pana P, czy zna on liczby a i b. Jeżeli odpowiedź brzmi "TAK", Jasio od razu przystępuje do losowania kolejnych liczb. W przeciwnym przypadku pyta Pana S, czy uważał, że Pan P ma szansę odgadnąć liczby a i b. Jeżeli Pan S odpowie "TAK", Jasio natychmiast zaprzestaje kolejnych pytań i losuje nowe liczby a i b. W przeciwnym przypadku znów pyta Pana P, czy znając odpowiedź Pana S zdołał już odgadnąć liczby a i b.

Specyfikacja wejścia

Na początku wejścia znajduje się liczba testów t. Każdy test składa się z par liczb naturalnych a oraz b ($2 \le a, b \le 5000$), opisanych w treści zagadki.

Specyfikacja wyjścia

Dla każdego testu należy wypisać w osobnych liniach kolejne odpowiedzi logików. Uwaga! Liczba odpowiedzi, które należy wypisać dla danego testu, zależy od tego, jak odpowiadają logicy. Maksymalnie możemy mieć trzy, a minimalnie jedna odpowiedź.

Przykład

 $MWPZ\ 2011 \hspace{3.1cm} \mathrm{K-Zagadka}$

 Wejście:
 Wyjście:

 3
 TAK

 2
 2

 6
 12
 TAK

 4
 13
 NIE

 NIE
 NIE

 TAK
 TAK