# Analysis II a

#### • Vorlesung 1 : Unbestimmtes Integral

- Stammfunktion, unbestimmtes Integral,
- Rechenregeln: partielle Integration, Substitution,
- Integrieren rationaler Funktionen,

## Vorlesung 2 : Bestimmtes Integral

- Bestimmtes Integral, Motivation durch Flächeninhalte,
- Treppenfunktionen, Regelfunktionen, Grenzübergänge,
- Klassen von Regelfunktionen : stetige und stückweise stetige Funktionen,

## • Vorlesung 3: Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung

- Abhängigkeit des bestimmten Integrals von den Grenzen,
- o Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung, Newton-Leibniz-Formel,
- Rechenregeln: partielle Integration, Substitution,
- Flächeninhalte, Taylorformel mit Integralrestglied, Mittewertsatz,

#### Vorlesung 4 : Uneigentliches Integral

- Uneigentliche Integrale : Definition, typische Beispiele, Uneigentliches Integrieren nichtnegativer Funktionen,
- o Majorantenkriterium, absolute Konvergenz,
- o Integralkriterium für Reihen,
- Rechenregeln: partielle Integration, Substitution,

## Vorlesung 5 : Einfache Differentialgleichungen erster Ordnung

- o Gewöhnliche Differentialgleichungen, Anfangswertproblem,
- Lineare Differentialgleichungen erster Ordnung: Struktur der Lösung, allgemeine Lösung für homogene Gleichungen, spezielle Lösungen, Variation der Konstanten,
- Separation der Variablen.

## • Vorlesung 6 : Metrische Räume

- o Metrik, Norm, Skalarprodukt, euklidische Metrik, diskrete Metrik,
- Offene Kugel in metrischen Räumen, Konvergenz in metrischen Räumen,
- Offene und abgeschlossene Mengen, Abschluss und Inneres einer Menge, Rand,

## • Vorlesung 7 : Vollständige metrischer Räume

- Cauchy-Folgen und Vollständigkeit in metrischen Räumen,
- o Vollständigkeit euklidischer Räume,
- Fixpunktgleichungen, Kontraktionen, Banachscher Fixpunktsatz,
- Vollständige Räume von Funktionen,

# Vorlesung 8 : Existenz und Eindeutigkeit von Lösungen für Anfangswertprobleme

- Stetige Abbildungen, Lipschitzsche Abbildungen,
- Systeme von Differentialgleichungen, Anfangswertproblem,
- Lipschitzsche und lokal Lipschitzsche Abbildungen
- Sätze von Picard-Lindelöf (global und lokal),
- o Maximale Lösungen,

#### Vorlesung 9 : Differentialgleichungen h\u00f6herer Ordnung

 Differentialgleichungen höherer Ordnung, Reduktion auf Systeme erster Ordnung, Anfangswertprobleme höherer Ordnung,

- Lineare Differentialgleichungen n-ter Ordnung: Struktur der Lösung, Fundamentalsysteme für homogene Gleichungen,
- Lineare Differentialgleichungen mit konstanten Koeffizienten : charakteristisches Polynom, reell- und komplexwertige Fundamentalsysteme,

## Vorlesung 10 : Spezielle Lösungen inhomogener linearer Gleichungen, Variation der Konstanten

- Spezielle Inhomogenitäten für lineare Differentialgleichungen mit konstanten Koeffizienten,
- Variation der Konstanten für allgemeine lineare Differentialgleichungen,
- Variation der Konstanten für lineare Differentialgleichungen zweiter Ordnung, Wronski-Determinante und Liouvillesche Formel, Formeln für explizite Lösungen, Konstruktion von Fundamentalsystemen mit Hilfe der Wronski-Deteminante,

# • Vorlesung 11: Randwertaufgaben, Lineare Systeme erster Ordnung

- Randwertaufgaben: Fragestellung, Existenz und Eindeutigkeit der Lösung, Greensche Funktion,
- Lineare Systeme : Struktur der Lösung, Fundamentalsystem,
- Lineare Systeme mit konstanten Koeffizienten: charakteristisches Polynom,
  Fundamentalsysteme für diagonalisierbare Matrizen.

# Vorlesung 12: Lineare Systeme erster Ordnung (Fortseztung)

- Lineare Systeme mit nichtdiagonalisierbaren Matrizen 2x2, Variation der Konstanten für inhomogene Systeme,
- Fundamentalmatrix, Exponential einer Matrix.