

# 回顾:

## 相干条件及相干光的获取

### a) 条件

- 振动方向相同 ( 存在相互平行的振动分量)
- 频率相同
- 有恒定的位相差

### b) 获得相干光的方法

原则: 将同一波列的光分成两束, 经不同路径后相遇, 产生干涉。

#### 分波阵面法

杨氏实验

菲涅耳双镜(自学)

劳埃德镜(半波损失)

双面镜

双棱镜

#### 分振幅法

薄膜干涉

等倾干涉

等厚干涉

#### 分振动面的方法

偏振光干涉

# 回顾:

## 1. 分波阵面的方法—— 杨氏双缝干涉、洛埃镜(半波损失)

$$d \sin \theta = \begin{cases} \pm k \lambda & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad \sin \theta \approx \frac{x}{D} \quad \text{条纹间距: } \Delta x = \frac{D \lambda}{d}$$

若:  $I_1 = I_2 = I_0$        $I = I_0 + I_0 + 2I_0 \cos \Delta \varphi = 4I_0 \cos^2 \frac{\Delta \varphi}{2}$

## 2. 分振幅的方法 —— 等倾干涉、等厚干涉

### 等倾干涉

$$2d \sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k \lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明纹} \\ (2k+1) \frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗纹} \end{cases}$$

$(2nd \cos \gamma)$

✿ 半波损失分析

$$\begin{aligned} n_1 &> n < n_2 \\ n_1 &< n > n_2 \end{aligned}$$

条纹间距:  $\Delta \gamma_k = \frac{\lambda}{2nd \sin \gamma_k}$

## 回顾: 干涉条纹特征

- 1° 倾角  $i$  相同的光线对应同一条干涉圆环条纹
- 2° 不同倾角  $i$  构成的等倾条纹是一系列同心圆环
- 3° 愈往中心, 条纹级别愈高

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} = k\lambda \quad d \text{ 一定时}, k \uparrow \rightarrow i \downarrow \rightarrow r_k \downarrow$$

即: 中心  $O$  点处的干涉级最高

\*若改变  $d$   $\begin{cases} d \uparrow \text{ 中心向外冒条纹} \\ d \downarrow \text{ 中心向内吞条纹} \end{cases}$

等倾干涉

- 4° 条纹间隔分布: 内疏外密

$$\left. \begin{aligned} 2nd \cos \gamma_k &= k\lambda \\ 2nd \cos \gamma_{k+1} &= (k+1)\lambda \end{aligned} \right\} \Rightarrow |\Delta \gamma_k| \approx \frac{\lambda}{2nd \sin \gamma_k} \quad \begin{matrix} \gamma_k \uparrow \\ \Delta \gamma_k \downarrow \end{matrix}$$

- 5° 光源是白光

$k, d$  一定  $\lambda \uparrow \rightarrow i \downarrow \rightarrow r_k \downarrow$  —彩色干涉条纹

## 说明

### 1° 透射光也有干涉现象

干涉极大和极小与反射光干涉比较？

### 2° 平行光垂直入射的干涉现象

单色光垂直入射时

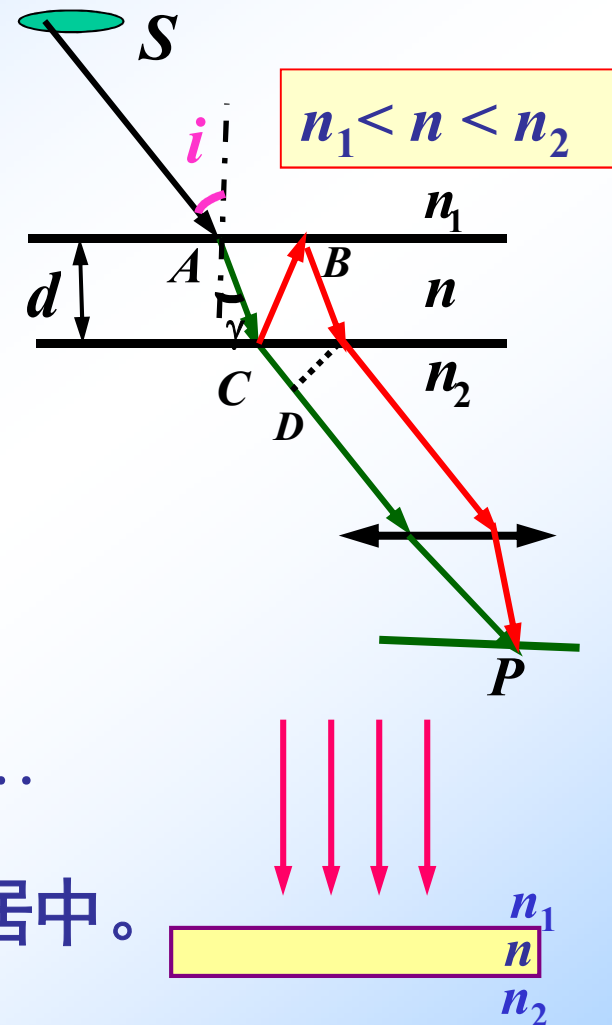
$$2nd = \begin{cases} k\lambda, & k = 1, 2, \dots \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2}, & k = 0, 1, 2, \dots \end{cases}$$

薄膜表面或全亮、或全暗、或全居中。

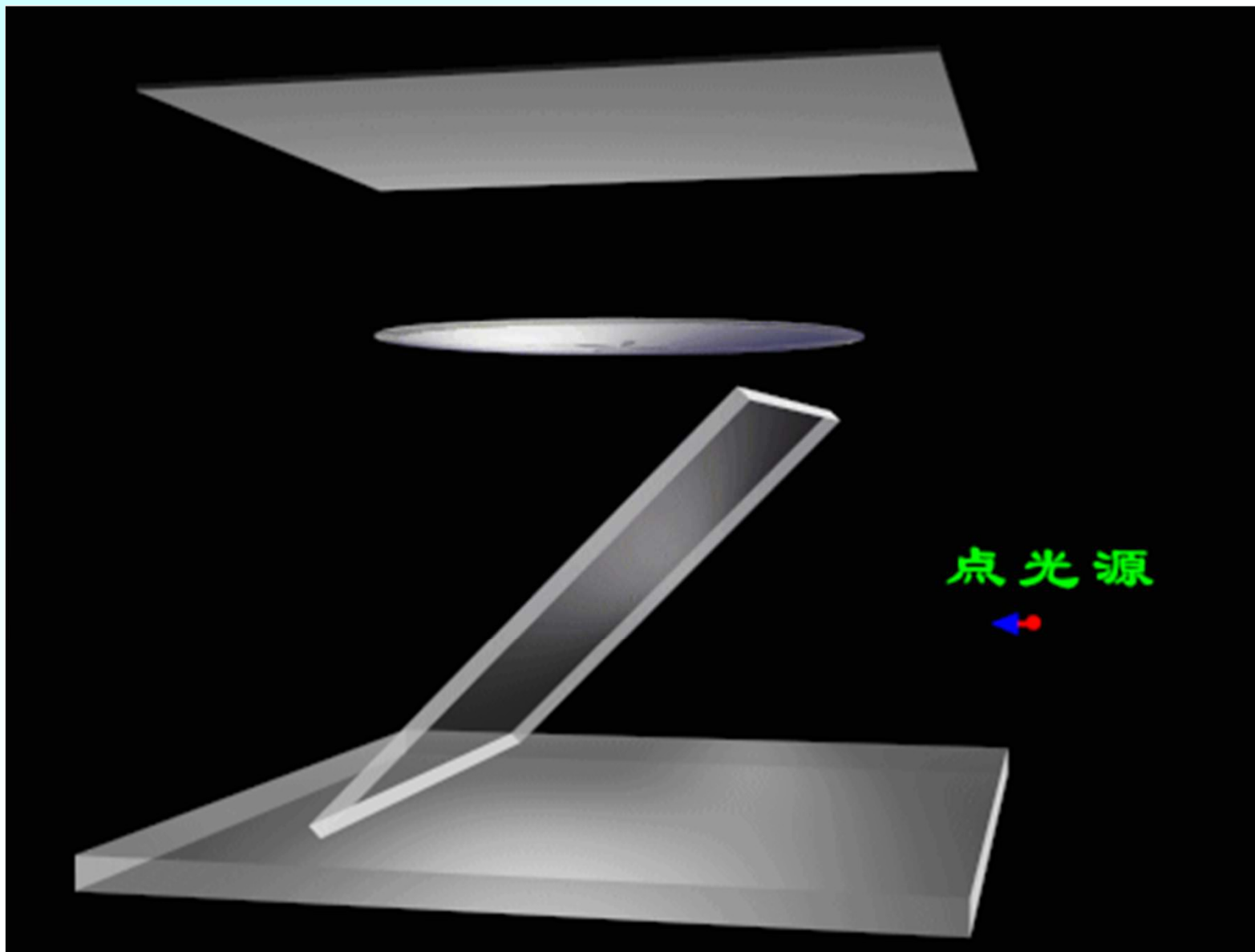
复色光垂直入射时，

薄膜表面有的颜色亮，有的消失。

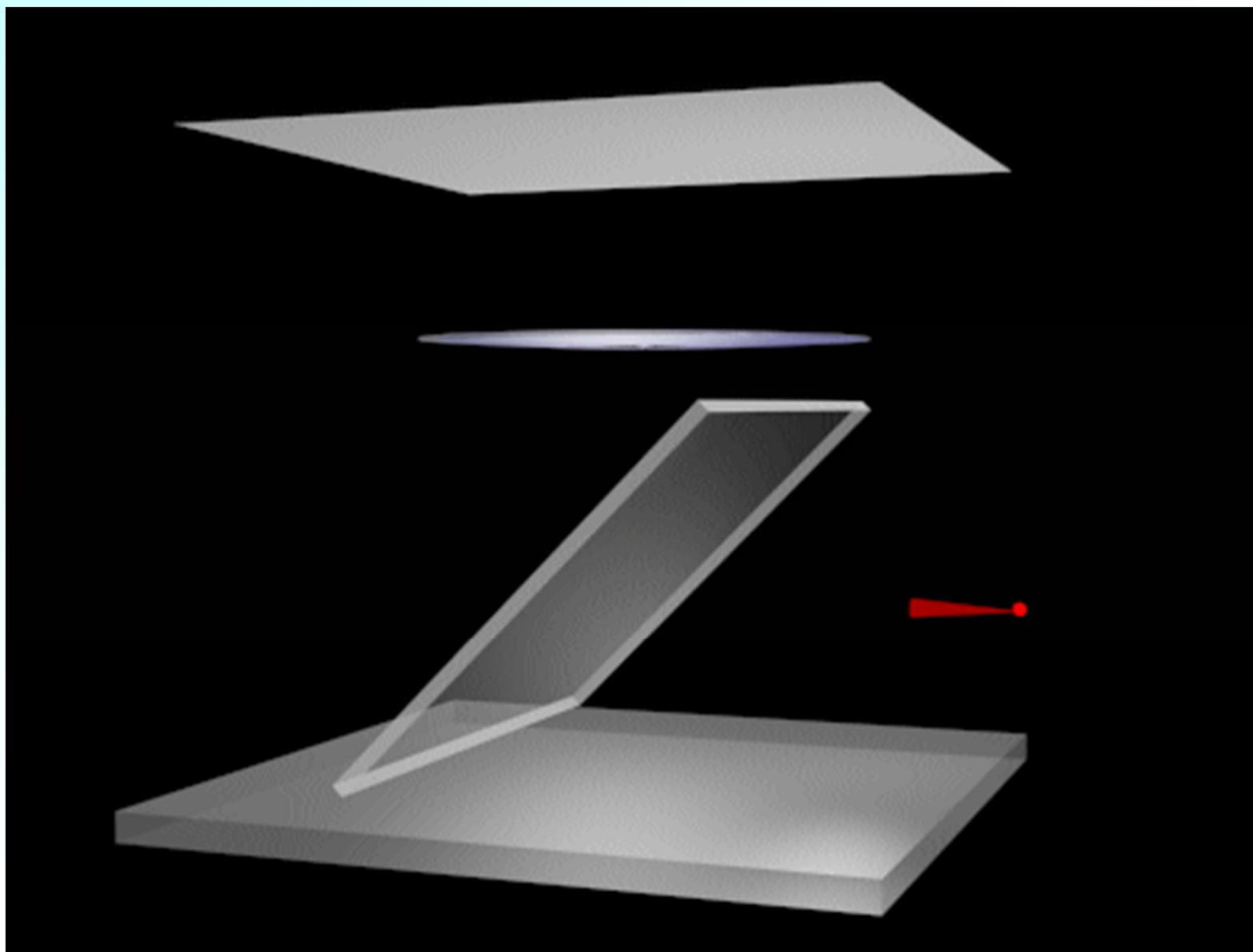
### 3° 另外一种等倾干涉装置



等倾干涉装置



从点光源发出的单条光线的光路



从点光源发出的锥体内光线的光路

## 应用

- \* 照相机镜头、珠宝、太阳能电池、激光谐振腔反射镜表面都镀有增透膜或增反膜;
- \* 判断薄膜( $\text{SiO}_2$ ) 生长情况, 隐形飞机 .....等。

### 等倾干涉的应用1 —增透膜:

使某些颜色的单色光在表面的反射干涉相消, 增加透射.

### 等倾干涉的应用2 —多层膜( 增加反射)

使某些颜色的光反射本领高达99%, 而使透射减弱.

**例2.** 折射率  $n=1.50$  的玻璃表面涂一层  $\text{MgF}_2 (n=1.38)$ , 为使它在  $550\text{nm}$  波长处产生极小反射, 这层膜应多厚?

**解:** 假定光垂直入射  $\because (n_1 < n < n_2)$ , 不加  $\lambda/2$

|              |                |
|--------------|----------------|
| $n_1 = 1$    | $\text{MgF}_2$ |
| $n = 1.38$   |                |
| $n_2 = 1.50$ |                |

$$\delta = 2nd = (2k + 1)\frac{\lambda}{2}$$

$(k=0, 1, 2, \dots)$  暗条纹

最薄的膜  $k = 0$ , 此时

$$d = \frac{\lambda}{4n} = \frac{550}{4 \times 1.38} \approx 99.6 \text{ nm}$$

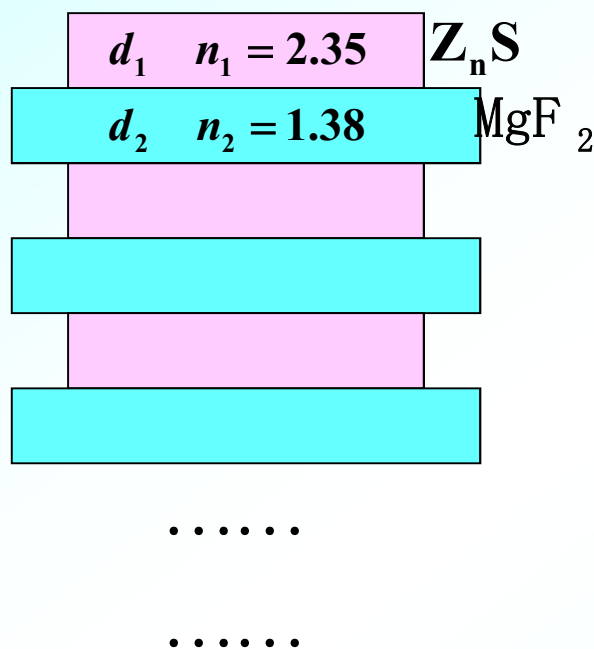
$k$  取其它值亦可, 但  $d$  不能太厚。

如: 照相机镜头呈现蓝紫色 — 消除黄绿色的反射光。

思考: 为什么不能在普通玻璃窗上看到干涉现象? <sub>8</sub>



**例3** 氦氖激光器中的谐振腔反射镜, 对波长 $\lambda=632.8\text{nm}$ 的单色光的反射率要求达**99%**以上, 为此反射镜采用在玻璃表面镀上 $\text{ZnS}(n_1=2.35), \text{MgF}_2(n_2=1.38)$ 的多层膜, 求每层薄膜的实际厚度(按最小厚度要求, 光近似垂直入射)



**解: 第一层:**  $1 < 2.35 > 1.38$

$$2n_1d_1 + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (k = 1, 2, \dots)$$

$$\text{取 } k = 1, d_1 = \frac{(2k-1)\lambda}{4n_1} = \frac{632.8}{4 \times 2.35} = 67.3 \text{ nm}$$

**第二层:**  $2.35 > 1.38 < 2.35$

$$2n_2d_2 + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (k = 1, 2, \dots)$$

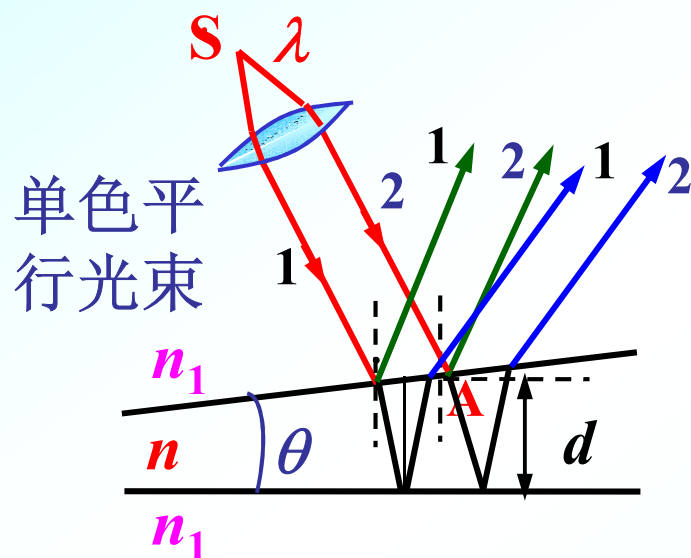
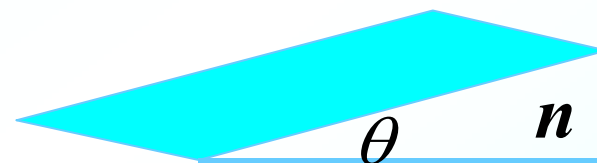
$$\text{取 } k = 1, d_2 = \frac{(2k-1)\lambda}{4n_2} = \frac{632.8}{4 \times 1.38} = 114.6 \text{ nm}$$

## 二、等厚干涉( 厚度不均匀的薄膜干涉)

### 1. 劈尖( 劈形膜)

夹角很小的两个平面所构成的薄膜

一般两平面夹角  $\theta$   $10^{-4} \sim 10^{-5} \text{ rad}$



1、2 两束反射光来自同一束入射光，它们可以产生干涉。

A处(厚度为  $d$ )的明暗条件

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k = 1, 2, \dots) \dots \text{明条纹} \\ (2k + 1)\frac{\lambda}{2} & (k = 0, 1, 2 \dots) \dots \text{暗条纹} \end{cases}$$

实际应用中,大都是平行光垂直入射到劈尖上。

考虑到劈尖夹角极小, 反射光1、2在膜面的光程差可简化为图示情况计算。

A: 1、2的光程差

$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \delta(d)$$

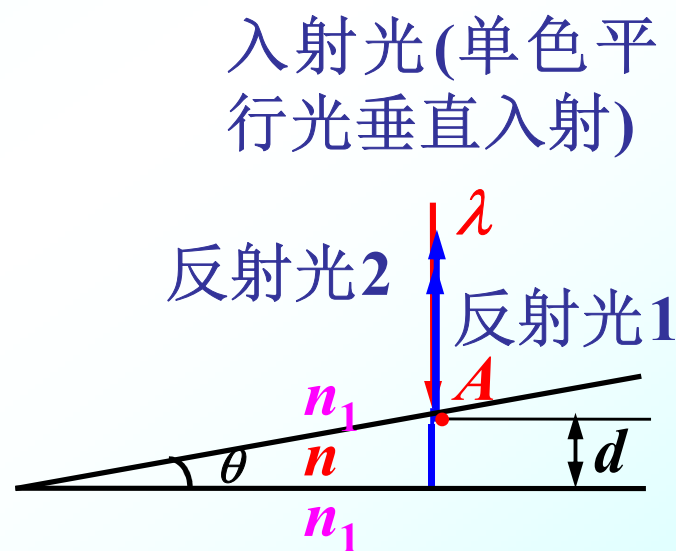
明纹:

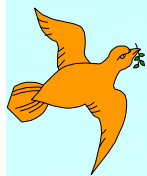
$$\delta(d) = k\lambda, k = 1, 2, 3, \dots$$

暗纹:

$$\delta(d) = (2k + 1)\frac{\lambda}{2}, k = 0, 1, 2, \dots$$

同一厚度 $d$ 对应同一级条纹 — 等厚条纹

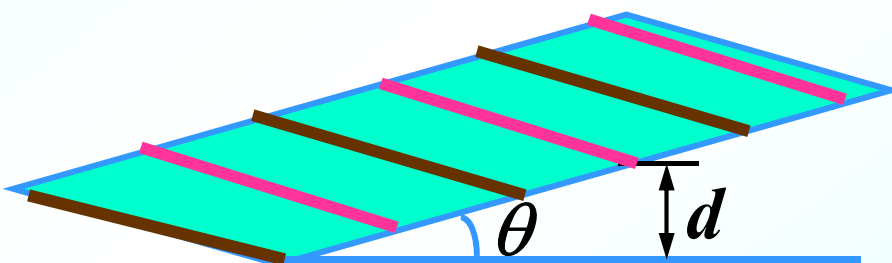




$$2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} \end{cases} \text{ 或 } 2nd = \begin{cases} (2k-1)\frac{\lambda}{2} & (k=1, 2, \dots) \dots \text{明条纹} \\ k\lambda & (k=0, 1, 2, \dots) \dots \text{暗条纹} \end{cases}$$

## 干涉条纹的分布特征

1° 每一  $k$  值对应劈尖某一确定厚度  $d$ ，即同一厚度对应同一干涉级——等厚条纹

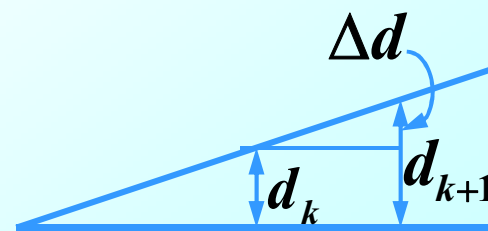


干涉条纹是一组与棱边平行的明暗相间的条纹。

2° 棱边处  $d=0$   $\begin{cases} n_1 = n_2 \neq n & \text{对应着暗纹} \\ n_1 < n < n_2 & \text{对应着亮纹} \end{cases}$

3° 相邻两明（暗）纹间对应的厚度差为

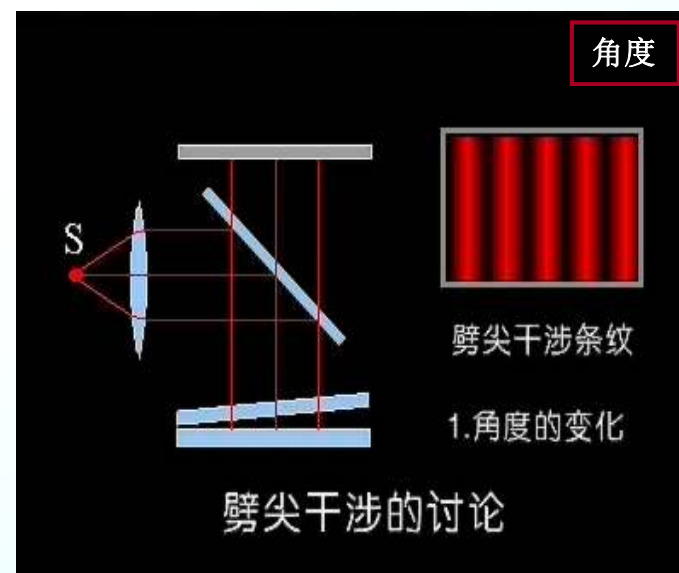
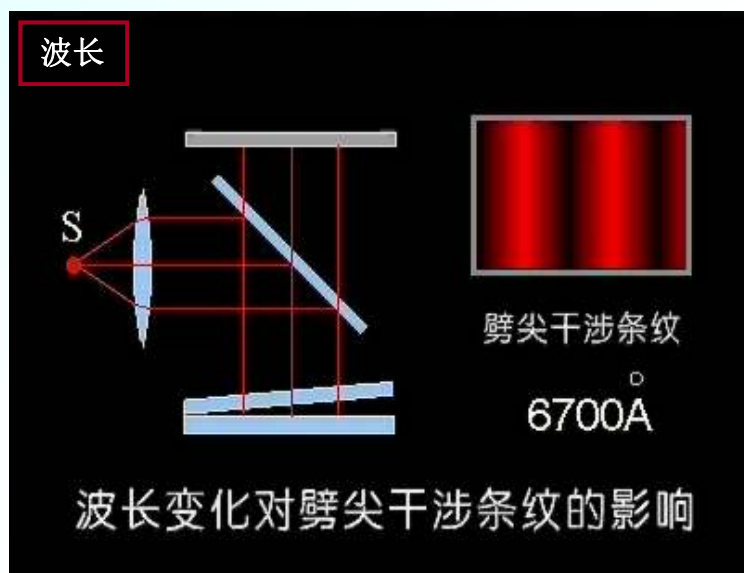
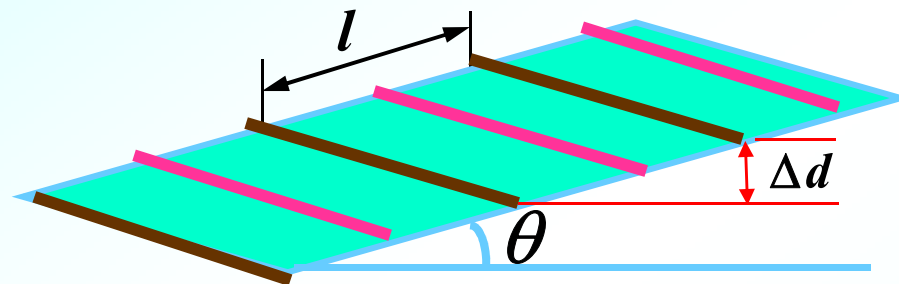
$$\left. \begin{aligned} 2nd_k + \lambda/2 &= k\lambda \\ 2n(d_k + \Delta d) + \lambda/2 &= (k+1)\lambda \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta d = \frac{\lambda}{2n}$$



#### 4° 明(暗)纹间距 $l$

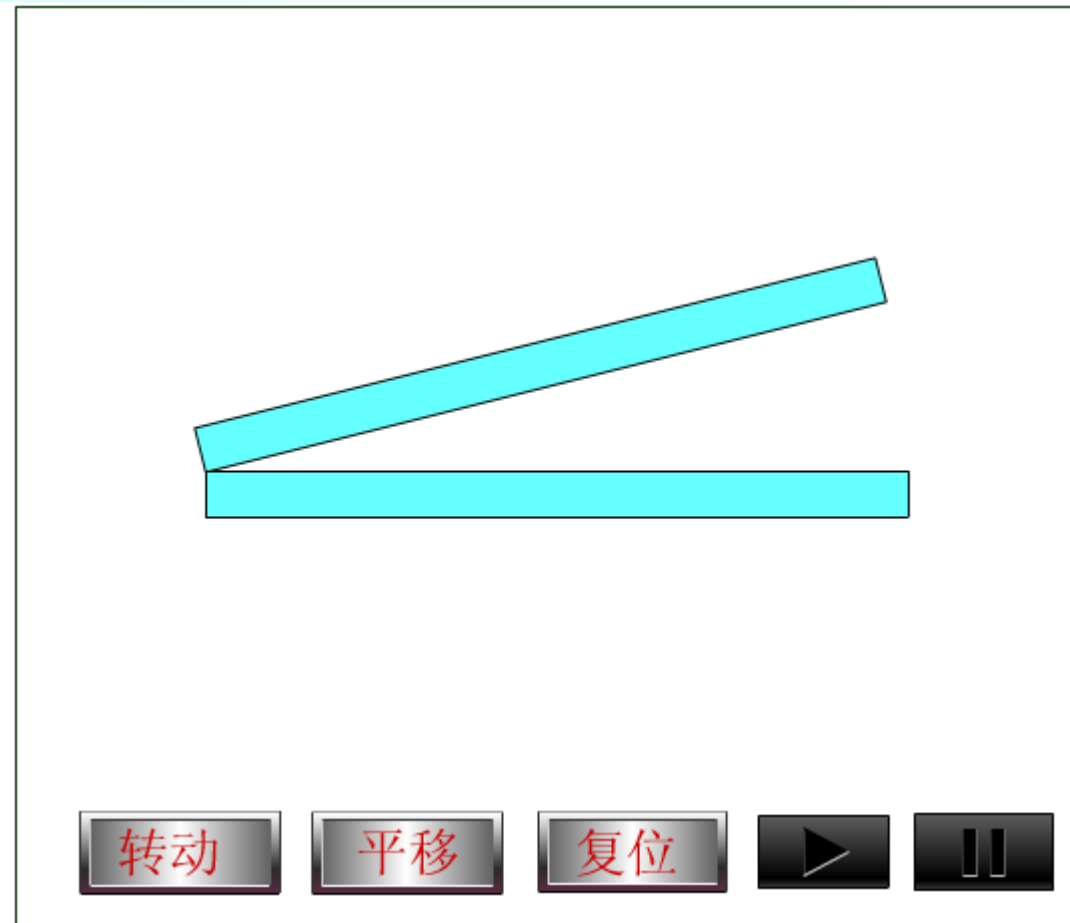
$$l \sin \theta = \Delta d = \frac{\lambda}{2n}$$

$$l = \frac{\lambda}{2n \sin \theta} \begin{cases} \theta, \lambda \text{一定}, l \text{确定, 条纹等间距} \\ \theta \text{一定}, \lambda \uparrow, l \uparrow; \lambda \downarrow, l \downarrow \\ \theta \uparrow l \downarrow (\text{条纹变密}), \theta \downarrow l \uparrow (\text{条纹疏远}) \end{cases}$$



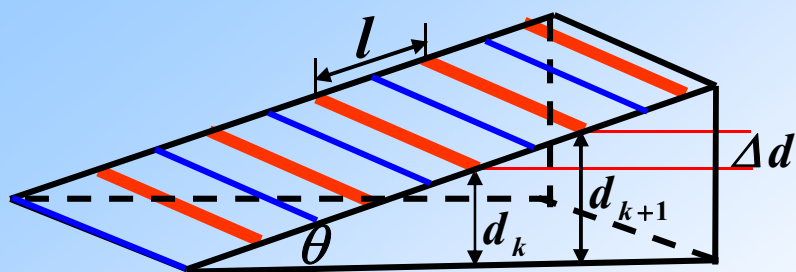
#### 5° 复色光入射得彩色条纹

## 劈尖干涉条纹的移动



每一条纹对应劈尖内的一个厚度，当此厚度位置改变时，对应的条纹随之移动。





第  $k$  级明纹:

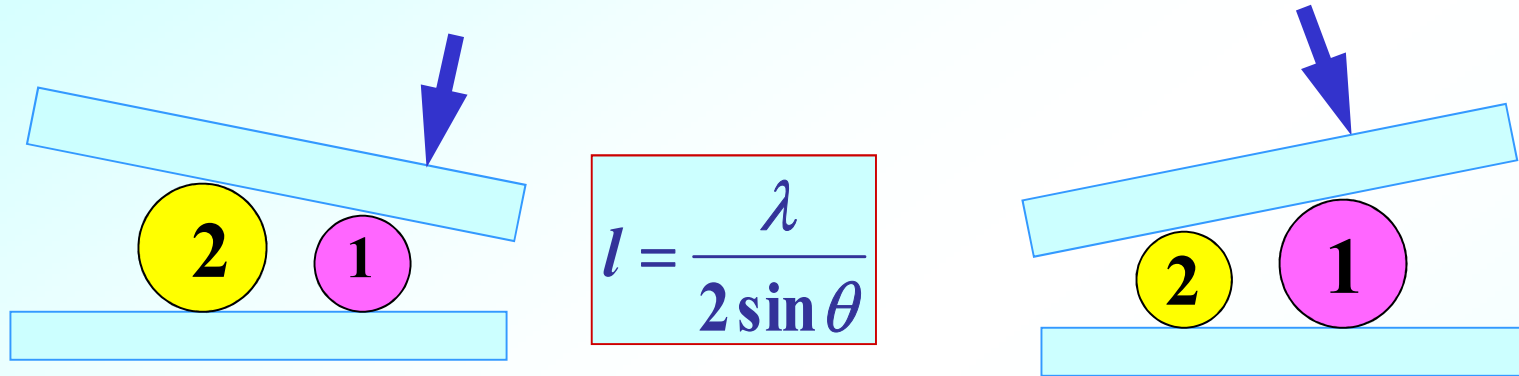
$$2d_k + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (k=1,2,\dots)$$

(5) 复色光入射得彩色条纹

肥皂膜



**例4** 如何判断两个直径相差很小的滚珠的大小？  
( 测量工具： 两块平板玻璃)



在靠近 “1” 那端轻轻压一下

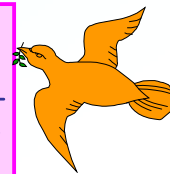
若发现等厚条纹间隔变密 说明  $\theta \uparrow$ : 1 珠小

若发现等厚条纹间隔变宽 说明  $\theta \downarrow$ : 1 珠大

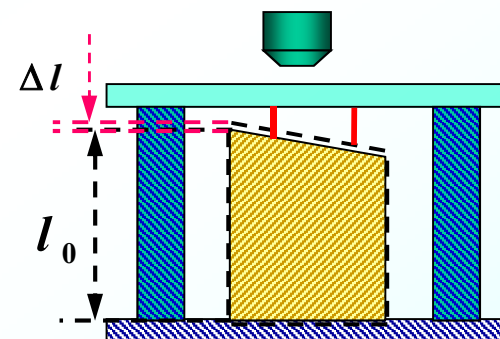
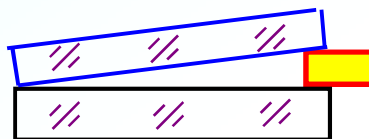
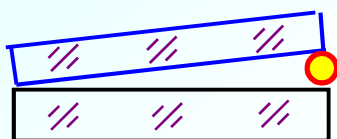


## 2. 劈尖干涉的应用

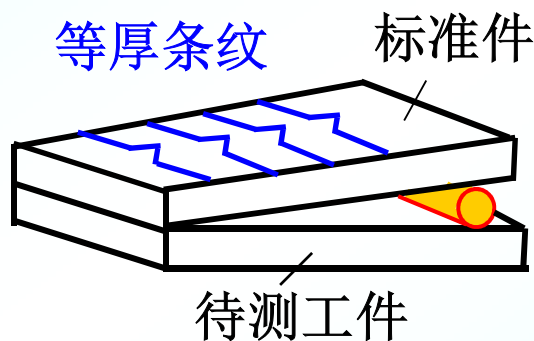
$$l = \frac{\lambda}{2n \sin \theta} \sim \frac{\lambda}{2n \theta}$$



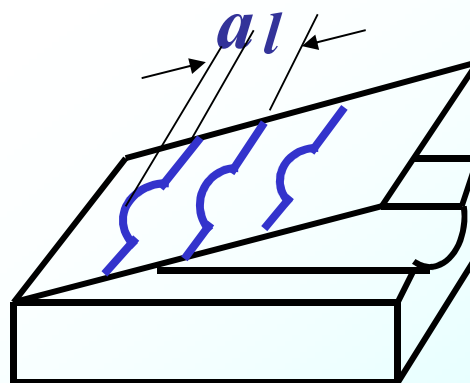
- 测 波 长: 已知  $\theta$   $n$ , 测  $l$  可得  $\lambda$
- 测折射率: 已知  $\theta$   $\lambda$ , 测  $l$  可得  $n$
- 测细小直径、厚度、微小变化



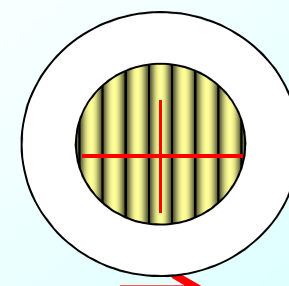
- 测表面平行度



光洁度



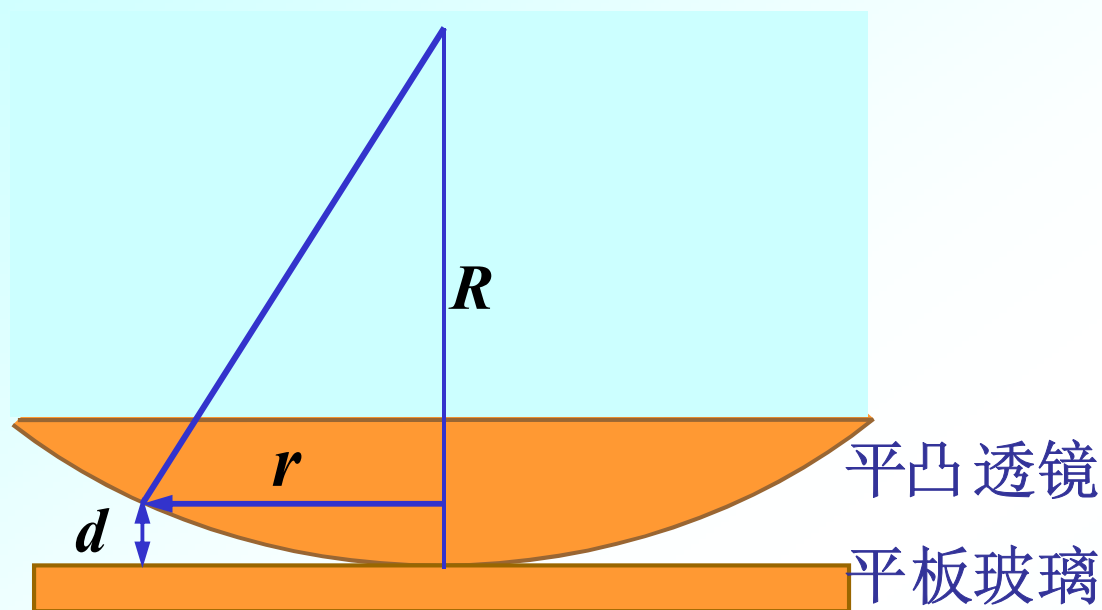
$$h \approx a \sin \theta \approx \frac{a \lambda}{2l}$$



$$\Delta l = N \frac{\lambda}{2}$$

干涉膨胀仪

### 3. 牛顿环( 平凸透镜的曲率半径很大)

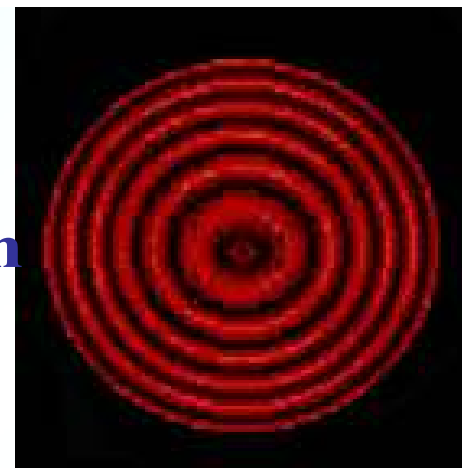


明暗条件:  $2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & k = 1, 2 \cdots \text{max} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & k = 0, 1, 2 \cdots \text{min} \end{cases}$

干涉环半径:  $r_k = \sqrt{R^2 - (R-d)^2} = \sqrt{2Rd - d^2} \approx \sqrt{2Rd}$

$$r_k \approx \begin{cases} \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2n}} & (k = 1, 2 \cdots) \text{max} \\ \sqrt{\frac{kR\lambda}{n}} & (k = 0, 1 \cdots) \text{min} \end{cases}$$

$$r_k \approx \begin{cases} \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2n}} & (k=1, 2\cdots) \text{ max} \\ \sqrt{\frac{kR\lambda}{n}} & (k=0, 1\cdots) \text{ min} \end{cases}$$



## 干涉条纹特征

1°  $2nd + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \rightarrow d \uparrow, k \uparrow$   
 愈往边缘, 条纹级别愈高

与等倾干涉的本质区别

2° 相邻两暗环的间隔  $\Delta r = r_{k+1} - r_k \approx \sqrt{\frac{R\lambda}{4nk}} \quad (k > 1)$   
 可见: 干涉环中心疏、外缘密。

3° 复色光入射, 彩色圆环

4° 动态显示

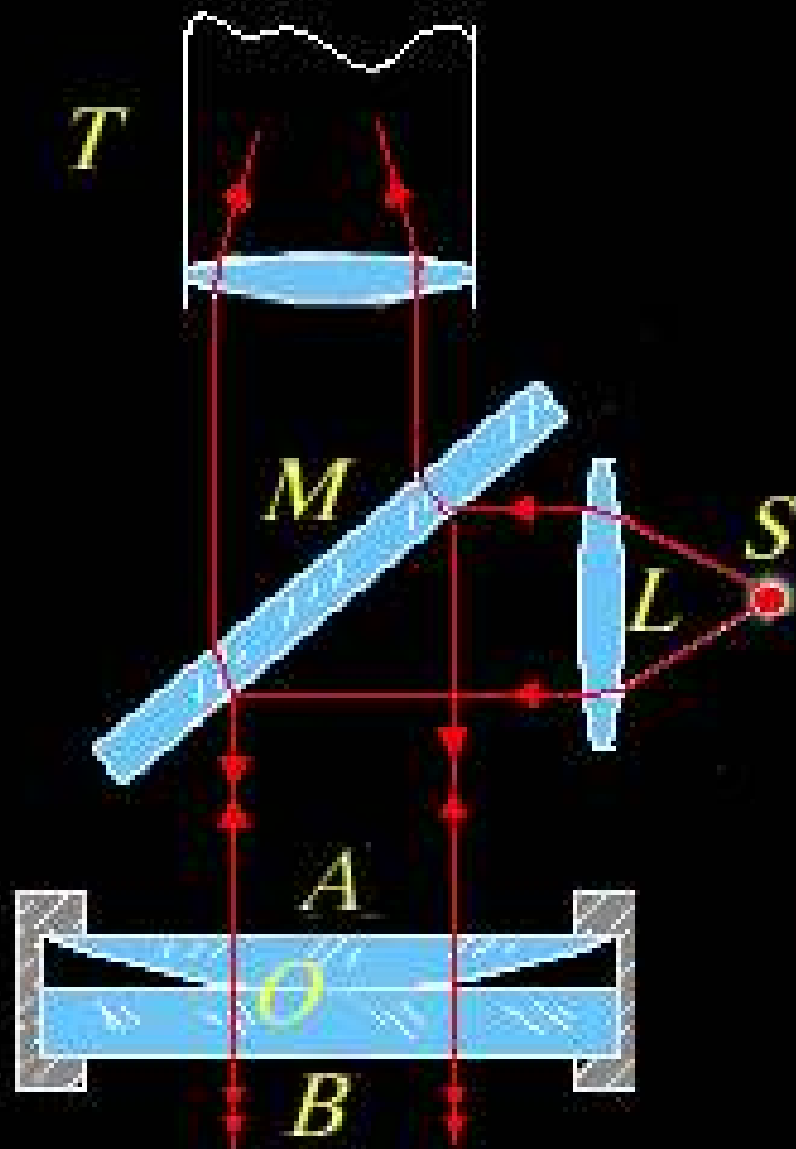
牛顿环动态显示

连续增加薄膜的厚度, 视场中条纹缩入。反之, 冒出。

5° 透射光与反射光互补

应用举例  $\begin{cases} \text{已知 } \lambda \text{ 可求 } R \\ \text{已知 } R \text{ 可求 } \lambda \end{cases}$

$$\lambda = \frac{r_{k+m}^2 - r_k^2}{mR / n}$$

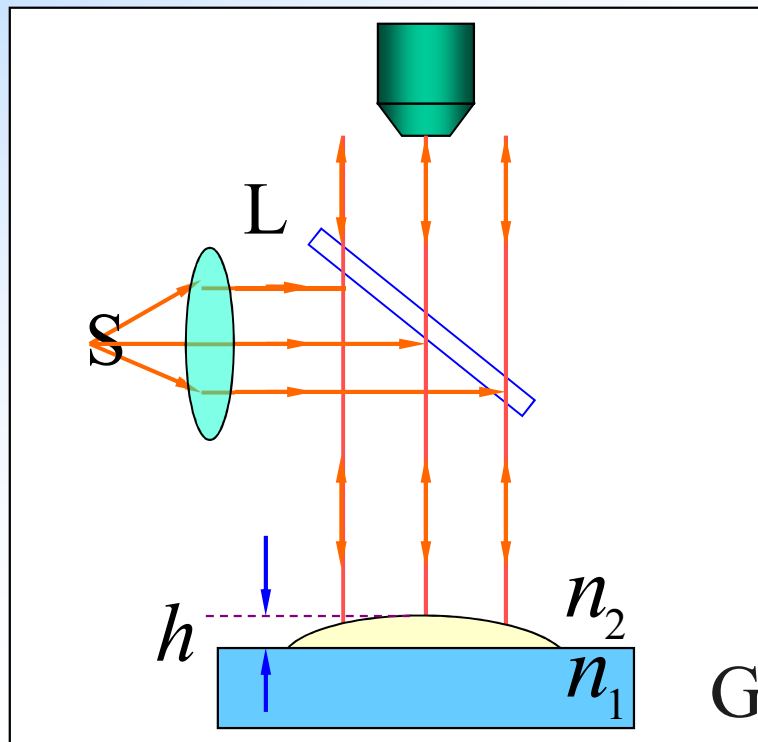


反射环



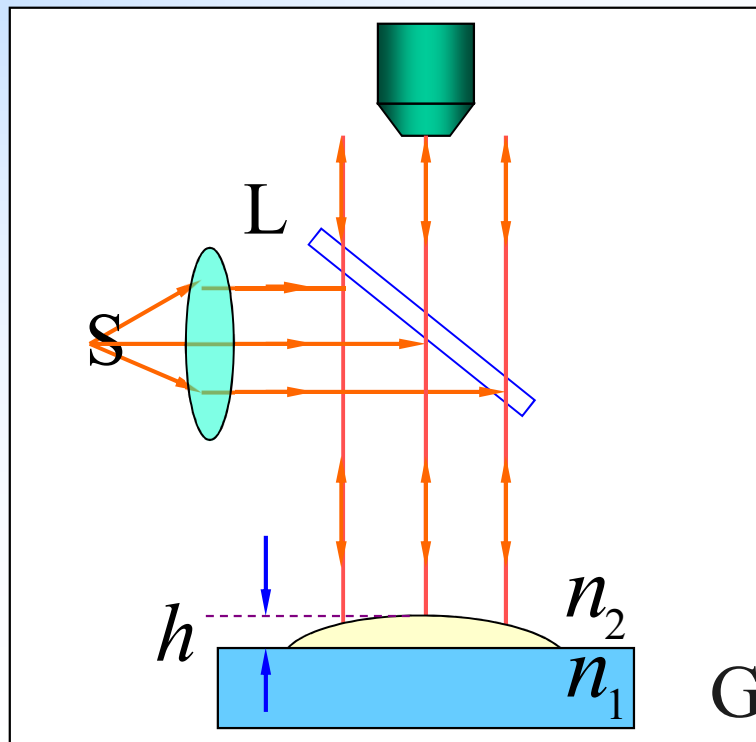
透射环

**例** 如图所示为测量油膜折射率的实验装置，在平面玻璃片G上放一油滴，并展开成圆形油膜，在波长  $\lambda = 600 \text{ nm}$  的单色光垂直入射下，从反射光中可观察到油膜所形成的干涉条纹。



下，从反射光中可观察到油膜所形成的干涉条纹。已知玻璃的折射率为  $n_1 = 1.50$ ，油膜的折射率  $n_2 = 1.20$ ，问：当油膜中心最高点与玻璃

片的上表面相距  $h = 8.0 \times 10^2 \text{ nm}$  时，干涉条纹是如何分布的？可看到几条明纹？明纹所在处的油膜厚度为多少？

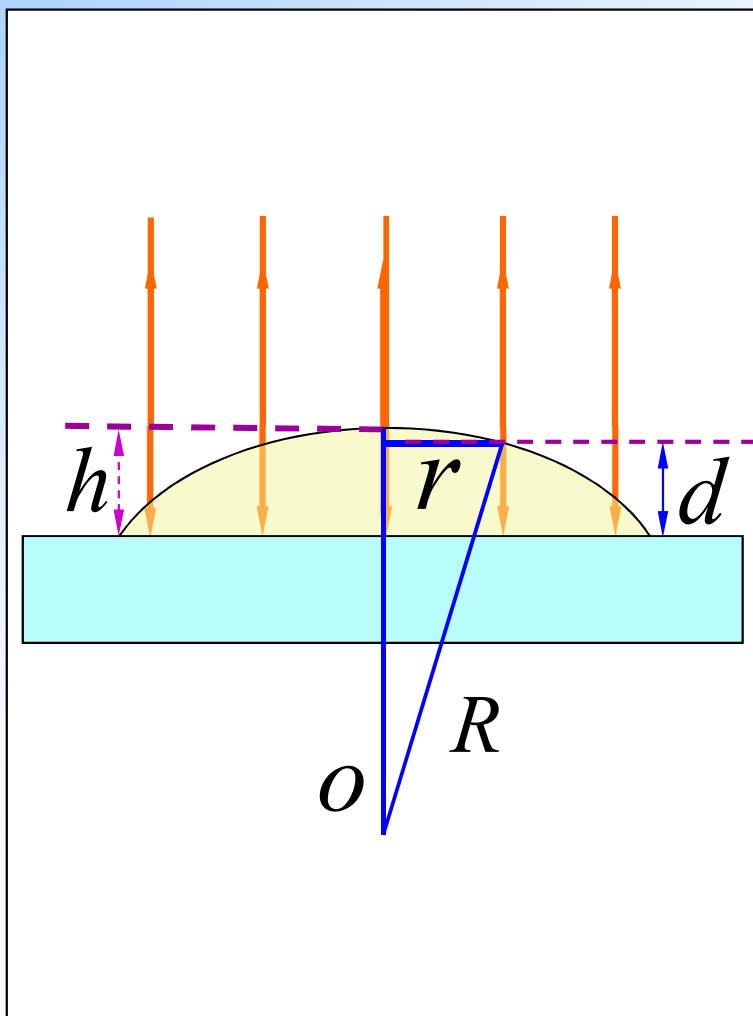


**解** 条纹为同心圆

$$\Delta = 2n_2 d_k = k\lambda \quad \text{明纹}$$

$$d_k = k \frac{\lambda}{2n_2}$$

$$k = 0, 1, 2, \dots$$



油膜边缘  $k = 0, d_0 = 0$

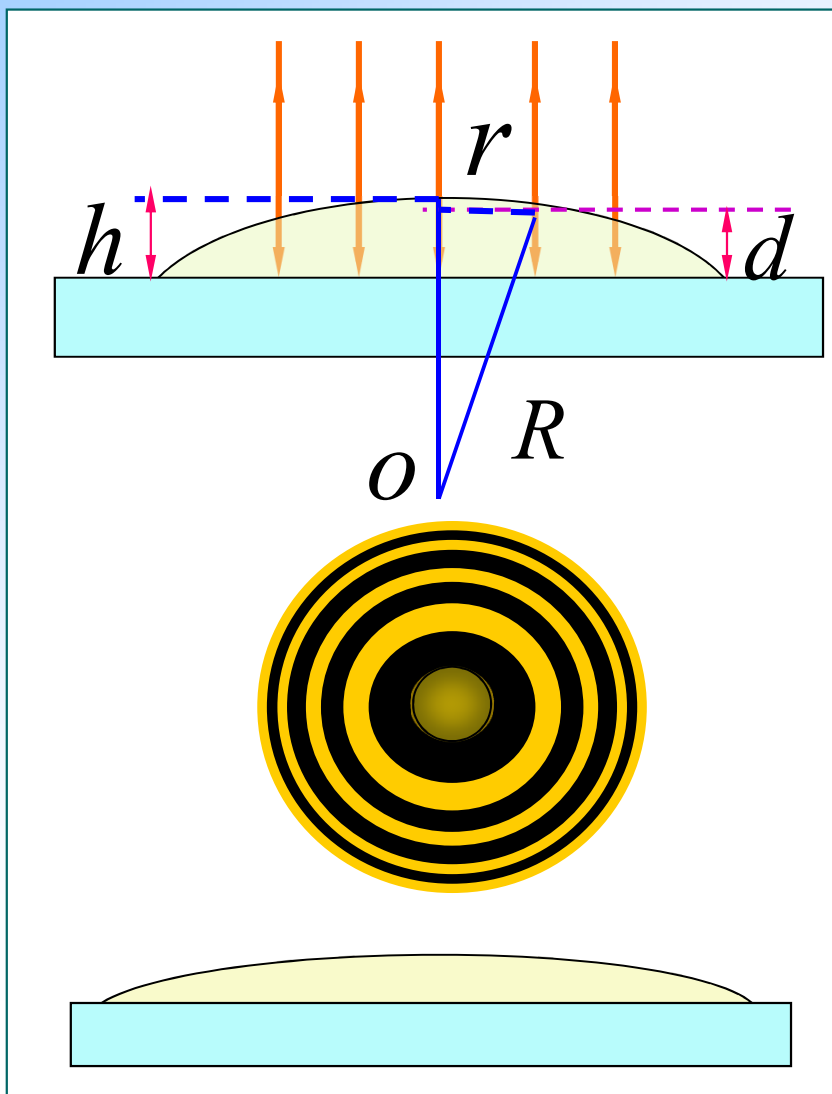
$$k = 1, d_1 = 250 \text{ nm}$$

$$k = 2, d_2 = 500 \text{ nm}$$

$$k = 3, d_3 = 750 \text{ nm}$$

$$k = 4, d_4 = 1000 \text{ nm}$$

由于  $h = 8.0 \times 10^2 \text{ nm}$  故  
可观察到**四条明纹**。



## 讨论

油滴展开时，条纹间距变大，条纹数减少

$$R^2 = r^2 + [R - (h - d)]^2$$

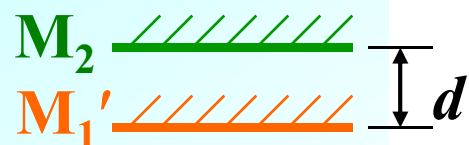
$$r^2 \approx 2R(h - d)$$

$$R \approx \frac{r^2}{2(h - d)}$$



# 迈克尔逊干涉仪

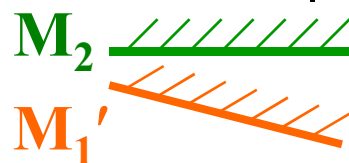
当  $M_1 \perp M_2 \Rightarrow M_2 \parallel M_1'$



$M_2$ 与 $M_1'$ 形成厚度均匀的薄膜,

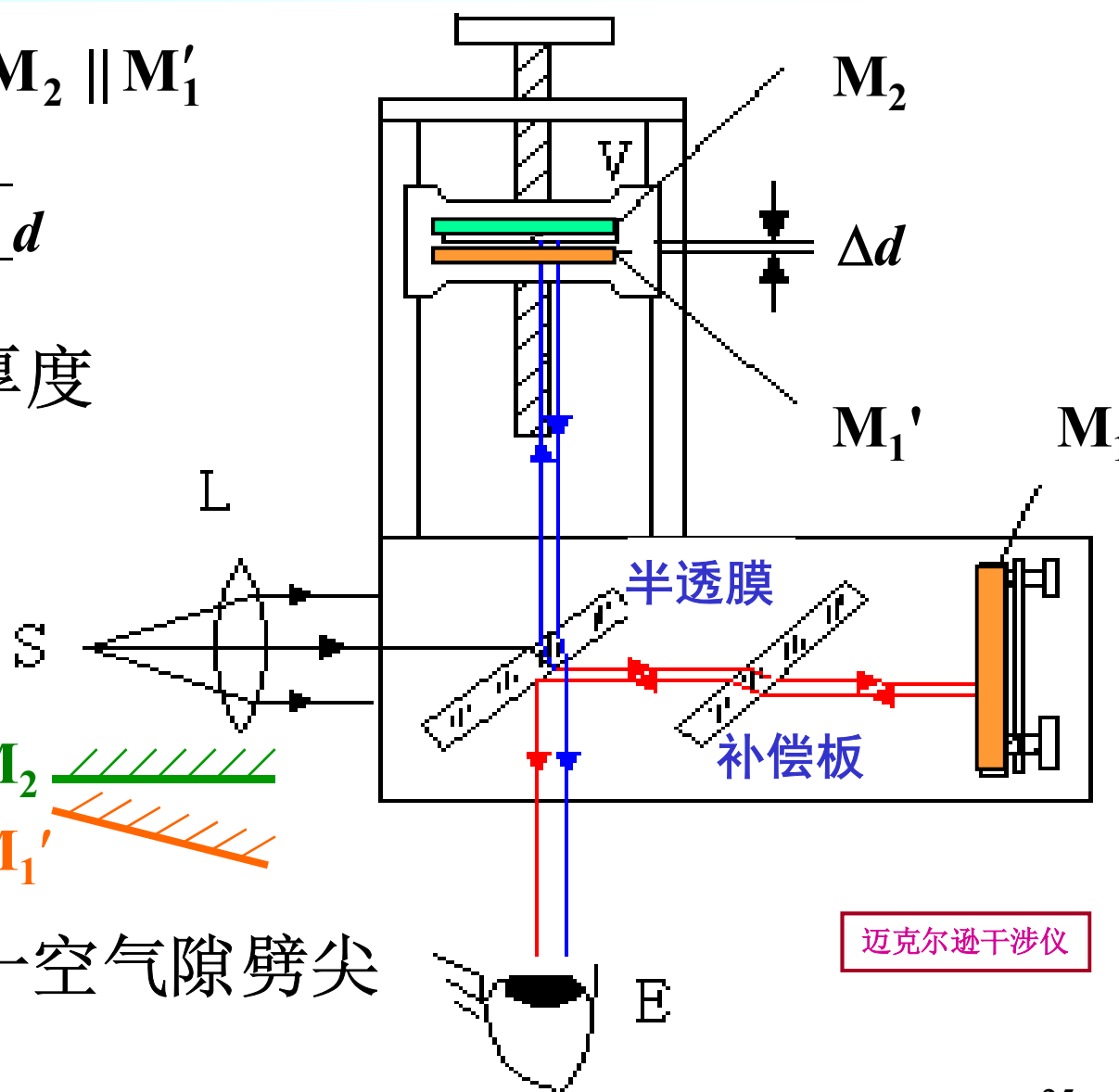
等倾干涉条纹

当  $M_1 \nparallel M_2$   
 $M_2 \nparallel M_1'$



$M_2$ 与  $M_1'$ 形成一空气隙劈尖

等厚干涉条纹



迈克尔逊干涉仪

干涉条纹的位置取决于光程差，只要光程差有微小的变化，干涉条纹就发生可鉴别的移动。

若  $\delta$  改变 ‘ $\lambda$ ’ 这么长，就有一条明纹移动

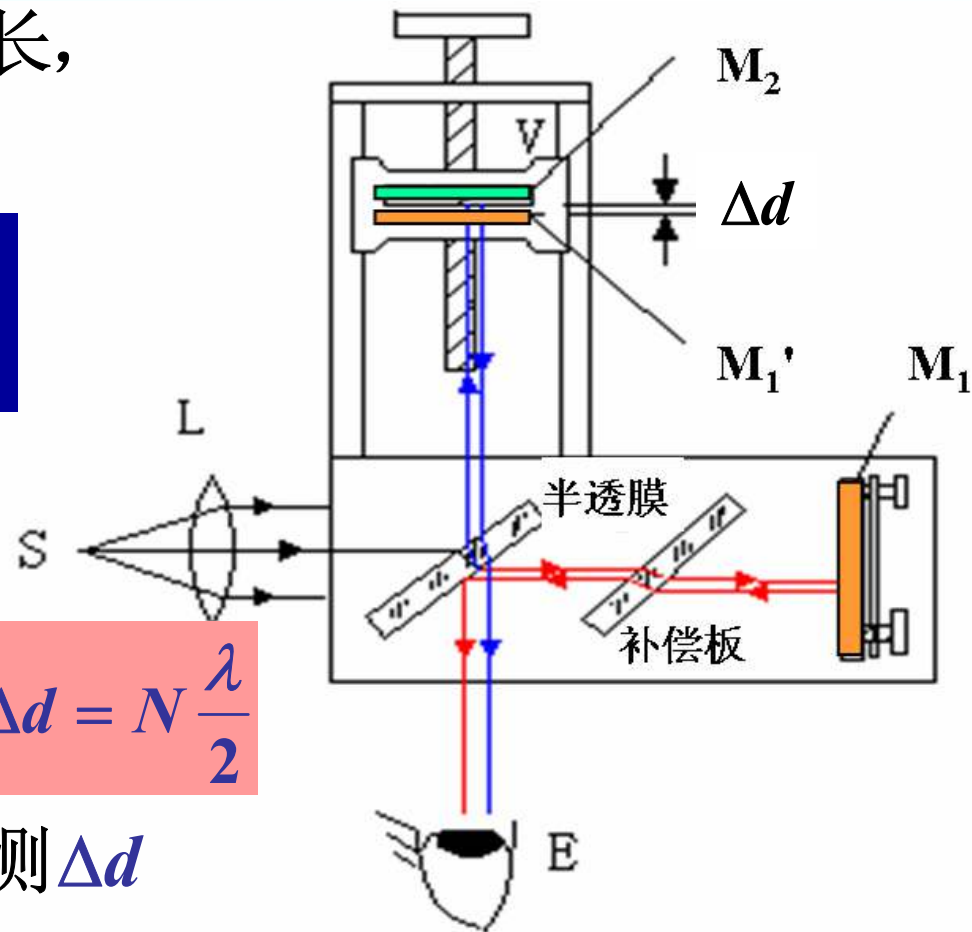
$M_2$  平移  $\frac{\lambda}{2}$   $\rightarrow$  一条明纹移动

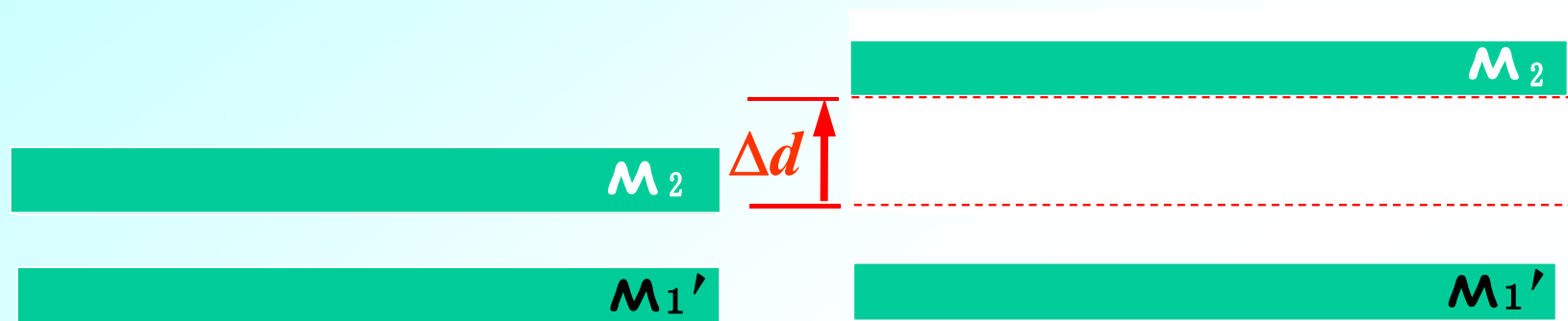
明纹移动的数目  $N$

$M_2$  平移的距离

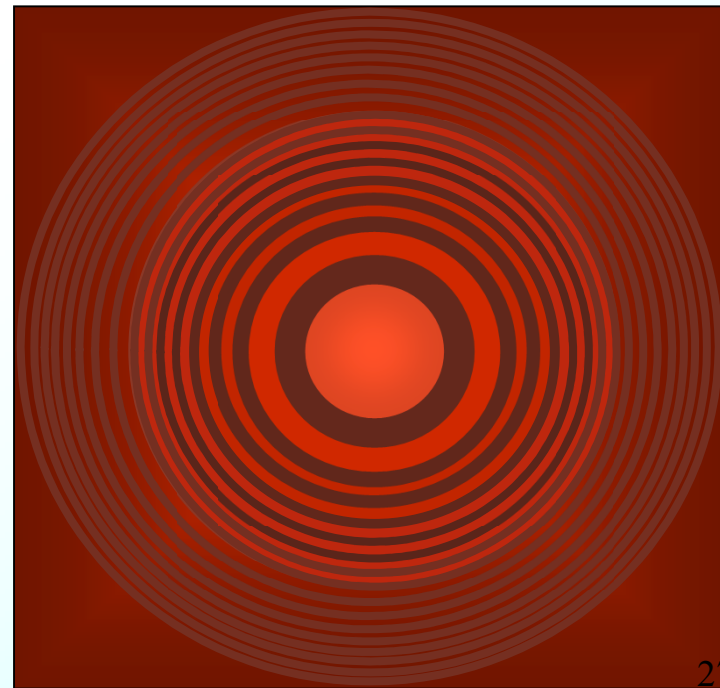
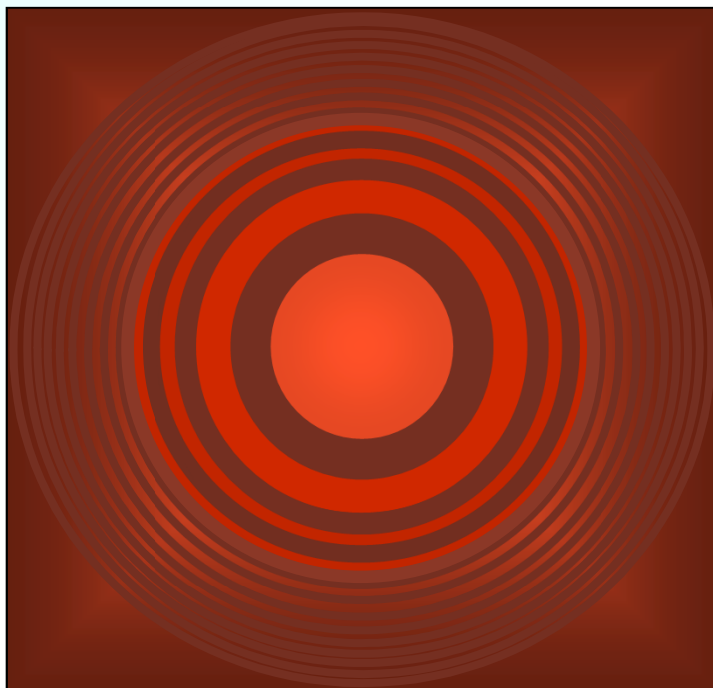
$$\Delta d = N \frac{\lambda}{2}$$

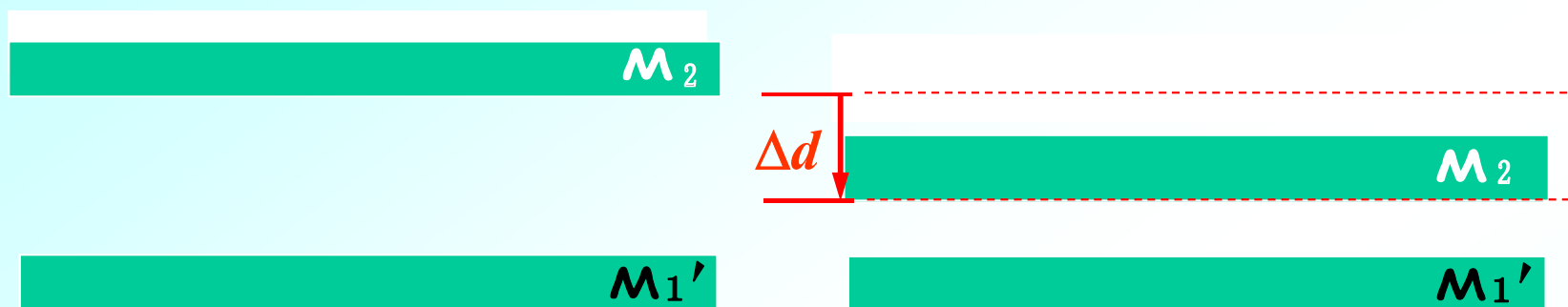
$$\Delta d = N \frac{\lambda}{2} \begin{cases} \text{已知 } \lambda, \text{ 可测 } \Delta d \\ \text{已知 } \Delta d, \text{ 可测 } \lambda \end{cases}$$



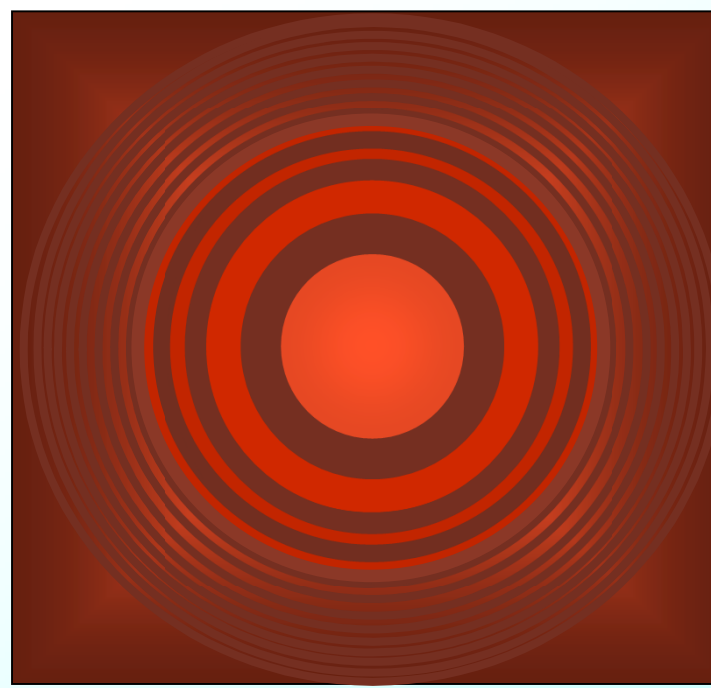
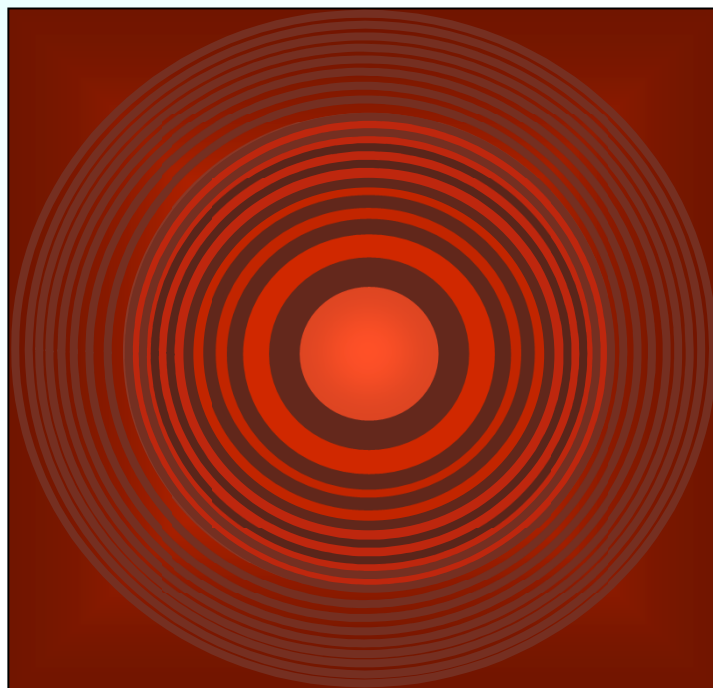


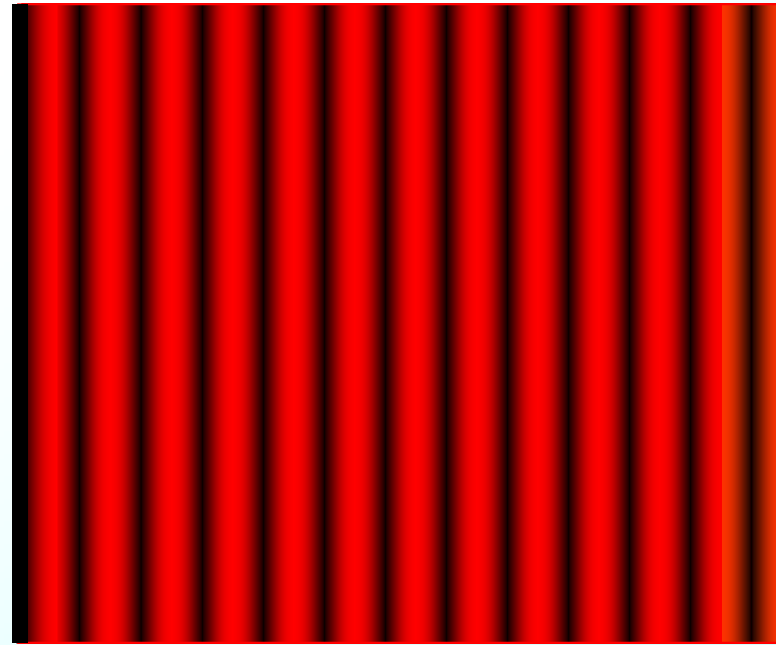
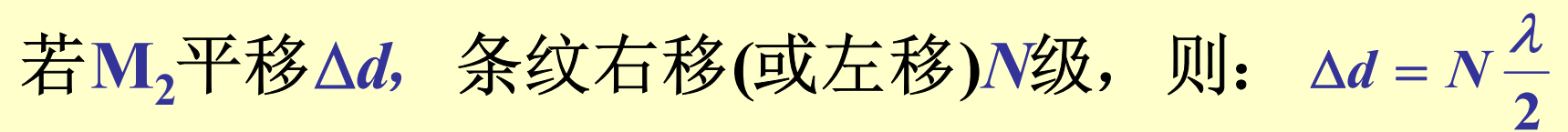
若 $M_2$ 平移 $\Delta d$ 使空气膜加厚时吐出了 $N$ 级条纹，则： $\Delta d = N \frac{\lambda}{2}$





若  $M_2$  平移  $\Delta d$  使空气膜减薄时吞进了  $N$  级条纹，则：  $\Delta d = N \frac{\lambda}{2}$





**例** 在迈克耳孙干涉仪的两臂中，分别插入  $l = 10.0 \text{ cm}$  长的玻璃管，其中一个抽成真空，另一个则储有压强为  $1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$  的空气，用以测量空气的折射率  $n$ 。设所用光波波长为  $546 \text{ nm}$ ，实验时，向真空玻璃管中逐渐充入空气，直至压强达到  $1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$  为止。在此过程中，观察到  $107.2$  条干涉条纹的移动，试求空气的折射率  $n$ 。

已知  $l = 10.0 \text{ cm}$     $\lambda = 546 \text{ nm}$

解  $\Delta_1 - \Delta_2 = 2(n - 1)l = 107.2 \lambda$

$$n = 1 + \frac{107.2 \lambda}{2l} = 1 + \frac{107.2 \times 546 \times 10^{-7} \text{ cm}}{2 \times 10.0 \text{ cm}}$$
$$= 1.00029$$