### LeetCode Summary

本文件是在解决LeetCode算法问题过程中的总结与反思汇总。

### Little Tips

- 如果要使用线性复杂度在一维数组中解决问题,优先考虑滑动窗口和双指针,以及动态规划。
- Top K的问题求解时,优先考虑堆(优先队列)来解决,因为它会自动维护前K个元素的有序性。这里有一些例外,比如215.数组中的第K个最大元素,就使用了快速选择算法(QuickSelect)来快速地定位第K大的元素。

## 贪心

### 排序

值得注意的是排序类问题并不是简单的排序算法的实现,而是基于基础排序算法而诞生的一系列问题,其中以快速排序算法的划分法诞生的变式问题最多。

#### 215.数组中的第K个最大元素

这是典型的一道Top K求解问题,一般来说这类问题使用<mark>堆(优先队列)</mark>来解决即可。但是这道题要求实现O(n)的算法,所以堆排序在时间复杂度上不符合要求。

事实上,这道题使用的是<mark>基于快速排序的快速选择算法</mark>,使用快速排序中的划分法,一点点逼近数组中第K大的数字。在这个过程中还要引入<mark>随机选择划分元</mark>的方法来进一步降低极端情况出现的可能性,从而使得算法的整体期望复杂度降至O(n),这种算法叫做快速选择(quick select)算法。

如果遇到要求<mark>第K个最大或者最小元素</mark>,而**不期望给出前K个最大最小元素**时,使用快速选择算法是一个比较好的选择。

含注释的代码如下:

```
class Solution {
    /*这里假设区间是左闭右闭的[Start, End]*/
    int partition(vector<int>& nums, int Start, int End)
    {
        /*随机选择划分元,可以使得算法复杂度降至O(n)*/
        int RandomIndex = (rand() % (End - Start + 1)) + Start;

        /*Attention : 选好划分元之后,和最左元素交换,方便后续操作*/
        swap(nums[Start], nums[RandomIndex]);
        int Tmp = nums[Start];
        while(Start < End) // 划分过程,不再详述
        {
            while(Start < End and nums[End] > Tmp) --End;
```

```
nums[Start] = nums[End];
           while(Start < End and nums[Start] <= Tmp) ++Start;</pre>
           nums[End] = nums[Start];
       nums[Start] = Tmp;
       return Start;
   }
   /*快速划分算法: quick select algorithm*/
   int quickSelect(vector<int>& nums, int k, int Start, int End)
       int Pivot = partition(nums, Start, End);
       /* 如果随机选择的划分元正好是第k小的元素, 直接返回 */
       if(Pivot == k - 1)
           return nums[Pivot];
       else if(Pivot < k - 1)
           /* 否则向一侧区间进行递归 */
           return quickSelect(nums, k, Pivot + 1, End);
       else
           return quickSelect(nums, k, Start, Pivot - 1);
   }
public:
   int findKthLargest(vector<int>& nums, int k)
       /* 初始化随机数种子 */
       srand((unsigned)time(NULL));
       int n = nums.size();
       /* 第k大数字也是第n+1-k小的数字 */
       return quickSelect(nums, n + 1 - k, 0, n - 1);
};
```

### 912.堆排序

堆排序是解决Top K排序的重要方法,堆排序在面试时也往往需要直接手撕。

值得注意的是,**堆一棵完全二叉树**,所以在静态存储的树结构中,<mark>一个节点编号和它的左右孩子编号之间存在</mark> 定量关系,这是整个堆排序算法运行的重要原理。一般来说有两种换算方法:

- 如果数组下标从1开始,那么<mark>左孩子 = 2 \* index</mark>,<mark>右孩子 = 2 \* index + 1</mark>
- 如果数组下标从0开始,那么左孩子 = 2 \* index + 1, 右孩子 = 2 \* index + 2

一般来说数组下标都是从0开始的,所以一般选择第二种换算法。

堆排序涉及的核心步骤就是<mark>堆的调整(adjustHeap)</mark>,要重点掌握。

```
/* 向下调整堆的函数,[Low, High]划定了调整范围*/
void adjustHeap(vector<int>& nums, int Low, int High)
{
    // 取出Low节点和其左孩子,注意左孩子的下标是如何计算的
```

在实现了向下调整堆的函数之后,接下来就是重建堆的函数,即从<mark>数组n/2的位置(n是是数组的总长度)开始倒</mark> <mark>序进行调整直到第一个节点</mark>,代码如下所示:

```
void buildHeap(vector<int>& nums)
{
   int n = nums.size();
   // 从中间节点进行倒序调整直到第一个节点
   for(int i = n / 2; i >= 0; --i)
      adjustHeap(nums, i, n - 1);
}
```

在实现了上述两个函数之后, 堆排序就很简单了:

- 首先重建堆,这时位于nums[0]这个位置的一定是最大元素,将其与最后一个元素进行交换,那么此时它就到了它应该在的位置上
- 对[0, n-2]这个范围进行向下调整,从而再一次得到了一个堆
- •
- 重复这个过程直至所有元素都已经归位

```
adjustHeap(nums, 0, i - 1);
}
```

## 链表

### 206.反转链表

经典题,有递归和迭代两种做法,都必须掌握。

迭代解法比较符合人的逻辑思维习惯,<mark>从前向后依次将节点反转</mark>。 这里需要额外注意的一点是,原先头节点的 next指针必须置为*nullptr*。为此,我们<mark>将Left指针的初始值置为nullptr</mark>,这样可以直接完成操作。

```
class Solution {
public:
   ListNode* reverseList(ListNode* head)
   {
       if(not head)
           return head;
    /*将Left初始值置为nullptr*/
    /*可以直接保证翻转完之后最后一个节点的next指针是nullptr*/
       ListNode* Left = nullptr;
       ListNode* Right = head;
       while(Right)
       {
           ListNode *Tmp = Right->next;
           Right->next = Left;
           Left = Right;
           Right = Tmp;
       return Left;
   }
};
```

递归法就比较**逆天**了,递归法的本质是<mark>递推+回归</mark>。所以这个过程首先假设后面的链表<mark>全部翻转完毕了</mark>,在此基础上再去考虑要对返回的指针进行怎样的操作。

```
class Solution {
public:
/*
注意: 递归函数的返回值是翻转后的链表的头节点
这点非常重要

*/
ListNode* reverseList(ListNode* head)
{
   if(not head or not head->next)
       return head;
```

```
ListNode* Tmp = reverseList(head->next);
head->next->next = head; // 将新的链表节点接入链表
head->next = nullptr; // 最后一个节点的next指针是nullptr
return Tmp; // 返回值应该是反转后链表的头节点
}
};
```

#### 25.K个一组翻转链表

这是一道困难题,但是并没有什么新颖的算法,只是有很多<mark>细碎的边界条件</mark>需要处理,核心还是反转链表。这里多了两个部分的逻辑:

• 1.当剩余节点个数不足k个时,及时返回链表,这部分的逻辑如下:

```
// ListNode *Head = head, *Tail = head;
int Counter = 0;
// 从Head开始向后数k - 1个节点, 找到Tail节点
// 之所以是k-1是因为我们是从链表的第一个节点开始数的
while(Counter < k - 1)
{
    Tail = Tail->next;
    Counter++;
    // 如果当前剩余节点数量不足K个, 直接返回首节点
    if(not Tail)
        return Dummy->next;
}
```

• 2.**完成局部的K个链表反转之后,将子链表接回原先的链表**,这部分的逻辑如下:

```
auto ReversePair = reverseList(Head, Tail);

// 将反转之后的子链表再次连接到原先的链表上
Previous->next = ReversePair.first;
ReversePair.second->next = Next;
```

#### 在完成上述两部分的逻辑之后,剩下的就是简单的链表反转问题,全部代码如下:

```
class Solution {
    /*反转[Head, Tail]这个范围内的链表*/
    pair<ListNode*, ListNode*> reverseList(ListNode *Head, ListNode* Tail)
    {
        ListNode *Previous = Head, *Present = Head->next;
        while(Previous != Tail)
        {
        ListNode *Tmp = Present->next;
        Present->next = Previous;
```

```
Previous = Present;
           Present = Tmp;
       }
       return {Tail, Head}; // 反转之后, 头尾节点正好反过来
public:
   ListNode* reverseKGroup(ListNode* head, int k) {
       ListNode *Dummy = new ListNode(∅, head);
       // Head和Tail记录的分别是k个节点小组中的头尾节点
       ListNode *Head = head, *Tail = head;
       ListNode *Previous = Dummy, *Next = nullptr;
       while(Head)
       {
           int Counter = 0;
           // 从Head开始向后数K - 1个节点,找到Tail节点
           while(Counter < k - 1)</pre>
              Tail = Tail->next;
              Counter++;
              // 如果当前剩余节点数量不足K个, 直接返回首节点
              if(not Tail)
                  return Dummy->next;
           // 记录Tail之后的下一个节点
           Next = Tail->next;
           auto ReversePair = reverseList(Head, Tail);
           // 将反转之后的子链表再次连接到原先的链表上
           Previous->next = ReversePair.first;
           ReversePair.second->next = Next;
           // 调整指针准备下一次反转
           Previous = ReversePair.second;
           Head = Tail = Next;
       return Dummy->next;
   }
};
```

## 二叉树

### 冬

## 滑动窗口 & 双指针

滑动窗口和(双指针)是一种高效解决线性序列问题的算法思想,它<mark>可以将线性序列中的一些问题时间复杂度降低到O(n)。</mark>

### 3.无重复字符的最长子串

这道题是一道<mark>非常经典的滑动窗口问题</mark>,它要求我们在一个字符串中找到最长的不含重复字符的子串(注意子字符串必须是连续的)。

结合本题的数据规模可以知道要求的应该是O(n)复杂度的算法。

**在字符串问题中涉及到不重复或者计数问题**时往往要用到<mark>滑动窗口+哈希表</mark>。这道题不同的是,因为涉及到重复问题,只需要<mark>集合记录元素</mark>即可。

官方题解如下,使用的是unordered\_set来记录窗口中出现的字符,左边界每排出一个字符,<mark>右边界就不断向前推进探索当前可以到达的最大位置</mark>并更新答案:

```
class Solution {
public:
   int lengthOfLongestSubstring(string s) {
      // 哈希集合,记录每个字符是否出现过
      unordered_set<char> occ;
      int n = s.size();
      // 右指针, 初始值为 -1, 相当于我们在字符串的左边界的左侧, 还没有开始移动
      int rk = -1, ans = 0;
      // 枚举左指针的位置, 初始值隐性地表示为 -1
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
          if (i != 0) {
             // 左指针向右移动一格, 移除一个字符
             occ.erase(s[i - 1]);
          while (rk + 1 < n \&\& !occ.count(s[rk + 1])) {
             // 不断地移动右指针探测更长的长度
             occ.insert(s[rk + 1]);
             ++rk;
          // 第 i 到 rk 个字符是一个极长的无重复字符子串
          ans = max(ans, rk - i + 1);
      return ans;
   }
};
```

上面是官方题解的做法,这个做法中存在一个问题,那就是在检测到重复字符时它只是一次<mark>将窗口左边界前移一个长度</mark>,事实上还可以**有更快的方法。**那就是在哈希表中记录下来每一个字符出现的位置,当有重复字符出现时直接跳转到它的下一个字符,这样可能会有一个问题,那就是中间跳过去的这些字符是否需要删掉?

答案是不需要的,直接通过\$max\$运算就可以保证正确性,代码如下:

```
class Solution {
  public:
    int lengthOfLongestSubstring(string s)
    {
      unordered_map<char, int> HashTable;
}
```

#### 15.三数之和

这是最经典的<mark>三指针问题</mark>,其实三指针问题也只是<mark>双指针问题的变式</mark>。本题的要求是在一个序列中找出所有<mark>不</mark> 重复的相加之和等于0的三元组。

首先简化一下这个问题,如果本题让求的是二元组,<mark>这就是最经典的双指针问题</mark>。我们只需要<mark>先将整个序列进</mark>行排序,然后分别用两个指针指向头尾,使它们<mark>逐渐向中间靠拢</mark>即可不重不漏地搜索到所有符合要求得二元组,代码逻辑如下:

```
// 下面的代码是最原始的双指针算法
// 假设数组为nums, 其大小为n
int First = 0, Second = n - 1;
// 和等于0, 说明已经找到了满足要求的二元组
if(nums[First] + nums[Second] == 0)
    Ans.push_back({nums[First], nums[Second]});
// 如果当前二元组的和偏小,说明First指针指向的值太小
else if(nums[First] + nums[Second] < 0)
    ++First;
// 如果当前二元组的和偏大,说明Second指针指向的值太大
else
    --Second;
```

这样就将这个问题的复杂度整体降至了O(nlogn)的级别,即<mark>排序本身的复杂度</mark>,而上面的这段代码复杂度为O(n)。

事实上,双指针算法可以写成下面这样,如下所示:

```
int Second = n - 1;
for(int First = 0; First < Second; ++First)
{
    // 跳过重复的二元组
    if(First > 0 and nums[First] == nums[First - 1])
```

这和最原始版本相比,对于右指针Second的移动变得更加紧凑,代码效率可能也会更高,"可能"是指从理论上分析代码的整体复杂度是一致的,但<mark>实际运行时发现上述写法比原始写法要快一些</mark>,可能是代码更加紧凑的原因,也有可能是测试用例的原因。

回到本题,也是同样的思路,只是我们<mark>先固定一个指针(First),移动剩下的两个指针(Second, Third)</mark>即可,目标值也<mark>从0变成了-nums[First]</mark>。这个道理明白了之后,就知道:

所谓三指针问题,甚至四指针问题,也只是<mark>先固定其中n-2个指针之后的双指针问题</mark>,它们的逻辑和解法本质上都是一样的。

但是本题还有很值得学习的点,那就是**如何写出简洁优雅的三指针代码**,<mark>首先给出我的原始版本代码,献一下</mark> 丑:)。

```
//我的原始版本代码,思路正确,但代码效率还是偏低
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums)
   {
       sort(nums.begin(), nums.end());
       int n = nums.size();
       vector<vector<int>> Ans;
       // 最外层循环, 枚举固定指针的位置
       for(int Fixed = 0; Fixed < n - 2; ++Fixed)</pre>
       {
           // 跳过重复的元素值, 防止搜到重复的组
           if(Fixed > 0 and nums[Fixed] == nums[Fixed - 1])
               continue;
           // 初始化双指针的位置
           int Left = Fixed + 1, Right = n - 1;
           // 此时的目标值是nums[Fixed]的负值
           int Target = -nums[Fixed];
           while(Left < Right)</pre>
```

```
// 跳过重复的nums[Left]值
               if(Left > Fixed + 1 and nums[Left] == nums[Left - 1])
                   ++Left;
                   continue;
               }
                // 传统的双指针代码, 这没什么好说的...
                if(nums[Left] + nums[Right] == Target)
                {
                   Ans.push_back({nums[Fixed], nums[Left], nums[Right]});
                   ++Left;
                    --Right;
                }
                else if(nums[Left] + nums[Right] < Target)</pre>
                   ++Left;
               else
                    --Right;
           }
       }
       return Ans;
   }
};
```

官解的代码就使用了双指针第二种写法,效率却明显提升了不少,猜测可能和测试用例有关,<mark>但无论如何推荐</mark> 第二种写法:

通过	108 ms	23.4 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注
通过	160 ms	23.3 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注
通过	164 ms	23.4 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注

```
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums) {
       int n = nums.size();
       sort(nums.begin(), nums.end());
       vector<vector<int>> ans;
       // 枚举 a
       for (int first = 0; first < n; ++first) {
           // 需要和上一次枚举的数不相同
           if (first > 0 && nums[first] == nums[first - 1]) {
               continue;
           }
           // c 对应的指针初始指向数组的最右端
           int third = n - 1;
           int target = -nums[first];
           // 枚举 b
```

```
for (int second = first + 1; second < n; ++second) {</pre>
               // 需要和上一次枚举的数不相同
               if (second > first + 1 && nums[second] == nums[second - 1]) {
                   continue;
               }
               // 需要保证 b 的指针在 c 的指针的左侧
               while (second < third && nums[second] + nums[third] > target) {
                   --third;
               }
               // 如果指针重合, 随着 b 后续的增加
               // 就不会有满足 a+b+c=0 并且 b<c 的 c 了, 可以退出循环
               if (second == third) {
                  break;
               }
               if (nums[second] + nums[third] == target) {
                   ans.push_back({nums[first], nums[second], nums[third]});
               }
           }
       }
       return ans;
   }
};
```

### 动态规划

### 53.最大子数组和

这道题的题目是<mark>求出一个数组中连续的子数组和</mark>,首先看一眼这道题的数据规模是10^5,那么一定是使用O(n)级别的算法来解决。

我的最原始解法使用的是<mark>动态规划</mark>。动态规划法的递推关系非常简单,设DP[i]是以nums[i]为结尾的最大子数组和,那么:

#### DP[i] = max(DP[i - 1] + nums[i], nums[i]);

而要求接的答案Ans其实也就是max(DP[i]),在<mark>求解DP数组的同时求出即可</mark>,非常简单。

```
class Solution {
public:
    int maxSubArray(vector<int>& nums)
    {
        int Ans = nums[0];
        int n = nums.size();
        int DP[n];
        fill(DP, DP + n, 0);
        DP[0] = nums[0];
        for(int i = 1; i < n; ++i)
        {
            DP[i] = max(nums[i], DP[i - 1] + nums[i]); // 递推方程</pre>
```

但除此之外,这道题还有一种<mark>分治的解法在官方题解中</mark>给出了,这本质上也是线段树这种算法的重要功能,使用分治法的代码如下,它对于任意一个区间(l,r)保留了如下的四个信息:

- Isum:区间[I,r]中以I为左端点的最大子段和
- rsum:区间[l,r]中以r为右端点的最大子段和
- msum:区间[l,r]中的最大子段和
- isun:区间[I,r]的区间和

对每一个区间都维持着上述几个信息,那么本题<mark>要求的值其实就是msum[0, n - 1]</mark>,具体可见官方题解中对上述 几个信息的更新和维护方法,这里不再重复,这种方法代码还是非常非常巧妙的。

```
class Solution {
public:
   struct Status {
       int 1Sum, rSum, mSum, iSum;
   };
   Status pushUp(Status 1, Status r) {
       // 注意这里对四项特征的更新策略
       int iSum = 1.iSum + r.iSum;
       int 1Sum = max(1.1Sum, 1.iSum + r.1Sum);
       int rSum = max(r.rSum, r.iSum + 1.rSum);
       int mSum = max(max(1.mSum, r.mSum), 1.rSum + r.1Sum);
       return (Status) {1Sum, rSum, mSum, iSum};
   };
   Status get(vector<int> &a, int 1, int r) {
       // 递归到区间长度为1时,返回唯一的数值
       if (1 == r) {
           return (Status) {a[1], a[1], a[1]};
       // 从区间中点进行分治
       int m = (1 + r) >> 1;
       // 左右分别递归下去,得到子区间的状态信息
       Status 1Sub = get(a, 1, m);
       Status rSub = get(a, m + 1, r);
       // 汇总并向上返回
       return pushUp(1Sub, rSub);
   }
   int maxSubArray(vector<int>& nums) {
       return get(nums, ∅, nums.size() - 1).mSum;
```

```
};
```

正如题解中所说的那样,这就是线段树方法的雏形:

#### 题外话

「方法二」相较于「方法一」来说,时间复杂度相同,但是因为使用了递归,并且维护了四个信息的结构体,运行的时间略长,空间复杂度也不如方法一优秀,而且难以理解。那么这种方法存在的意义是什么呢?对于这道题而言,确实是如此的。但是仔细观察「方法二」,它不仅可以解决区间 [0,n-1],还可以用于解决任意的子区间 [l,r] 的问题。如果我们把 [0,n-1] 分治下去出现的所有子区间的信息都用堆式存储的方式记忆化下来,即建成一棵真正的树之后,我们就可以在  $O(\log n)$  的时间内求到任意区间内的答案,我们甚至可以修改序列中的值,做一些简单的维护,之后仍然可以在  $O(\log n)$  的时间内求到任意区间内的答案,对于大规模查询的情况下,这种方法的优势便体现了出来。这棵树就是上文提及的一种神奇的数据结构——线段树。

## 模拟

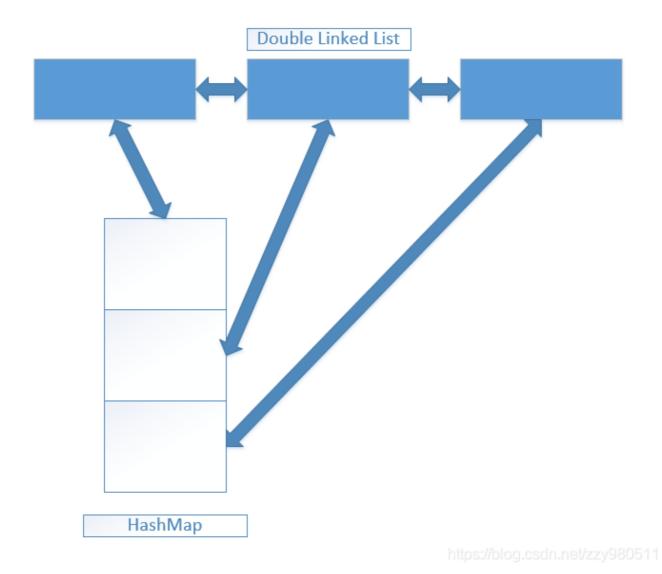
### 单调栈

## 设计类问题

#### 146.LRU 缓存

本题是设计类问题的代表,题目中让实现一个含LRU功能的cache,且<mark>插入和删除元素的复杂度都是O(1)</mark>。这道设计题的核心思想在于<mark>链表和哈希表相互索引</mark>。

链表节点中存放着完整的key-value对,哈希表存放着<key, ListNode\*>,<mark>哈希表可以通过ListNode\*快速索引到</mark> <mark>链表,而链表也可以通过key快速索引到哈希表</mark>。



#### 具体实现代码如下:

```
// 定义链表节点数据结构,包含完整的键值对,前后向的指针
struct Node
{
    int Key, Value;
    Node* Prev;
    Node* Next;

    // ctor defined here
    Node() : Key(0), Value(0), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
    Node(int K, int V) : Key(K), Value(V), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
};

class LRUCache {
    // cache容量
    int Capacity;

    // 当前的cache size, 即存放的键值对数量
    int CurrentSize;
```

```
// 双向链表的头尾指针,这其实是两个Dummy节点
   Node* Head;
   Node* Tail;
   // 哈希表
   map<int, Node*> HashMap;
public:
   LRUCache(int capacity) : Capacity(capacity), CurrentSize(∅)
       // 初始化头尾链表节点
       Head = new Node();
       Tail = new Node();
       // 修改指针
      Head->Next = Tail;
       Tail->Prev = Head;
   }
   // 向链表头部插入一个节点
   void insertNode(Node* NewNode)
   {
       // 修改指针以在头部插入一个节点
       NewNode->Next = Head->Next;
       NewNode->Prev = Head->Next->Prev;
       Head->Next->Prev = NewNode;
       Head->Next = NewNode;
                      // 增加节点计数
       ++CurrentSize;
   }
   // 移除指定的链表节点
   void deleteNode(Node* DelNode)
   {
       DelNode->Next->Prev = DelNode->Prev;
       DelNode->Prev->Next = DelNode->Next;
       --CurrentSize;
   }
   // 将节点移至链表的头部
   // 即删除某个节点并插入到链表头部的组合
   void moveToHead(Node* Temp)
   {
       // delete the element and insert it to head of list
       deleteNode(Temp);
       insertNode(Temp);
   }
   // 删除链表尾部的节点,即满足LRU的条件删去最近最久未使用
   Node* removeTail()
   {
       Node* Res = Tail->Prev;
       deleteNode(Tail->Prev);
       return Res;
```

```
int get(int key)
       // 根据key去索引对应的hash表
       // 如果找到了对应的键值,则直接索引到链表节点得到值
       if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
          int Res = HashMap[key]->Value;
           // 将刚刚访问过的节点转移到链表头部
          moveToHead(HashMap[key]);
          return Res;
       }
       // 未找到则返回-1
       return -1;
   }
   void put(int key, int value)
       // 如果当前键值已经存在,那么更新对应的值并将节点移动至头部
       if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
       {
          HashMap[key]->Value = value;
          moveToHead(HashMap[key]);
       }
       // 如果键值不存在且Cache未满,则插入对应的键值对和节点
       else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize < Capacity)</pre>
           Node* NewNode = new Node(key, value);
          HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
          insertNode(NewNode);
       }
       // 如果键值不存在且Cache已满,则使用LRU策略换出最后的节点
       // 并插入新的节点
       else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize == Capacity)
       {
           // remove the LRU element and insert the new element
          Node* Temp = removeTail();
           HashMap.erase(Temp->Key);
          delete Temp;
                                               // prevent memory leak
          Node* NewNode = new Node(key, value);
          HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
           insertNode(NewNode);
       }
   }
};
```

### 数学类问题

# 模拟 & 找规律