- LeetCode Summary
- Little Tips Mentioned Ahead
- 贪心
- 二分
 - 33.搜索旋转排序数组
 - 81.搜索旋转排序数组 ||
- DFS & BFS
 - 200.岛屿数量
- 排序
 - 。 215.数组中的第K个最大元素
 - 912.堆排序
 - 。 912.快速排序&三路快速排序
- 链表
 - 206.反转链表
 - 25.K个一组翻转链表
 - 21.合并两个有序链表
 - 141.环形链表
- 桟
- 20. 有效的括号
- 队列
- 树
- 102.二叉树的层序遍历
- ●
- 滑动窗口 & 双指针
 - 3.无重复字符的最长子串
 - 15.三数之和
 - 88.合并两个有序数组
- 动态规划
 - 53.最大子数组和
 - 121. 买卖股票的最佳时机
 - 122. 买卖股票的最佳时机 ||
 - 。 5.最长回文子串
- 设计类问题
 - 146.LRU 缓存
- 数学类问题
- 模拟 & 找规律
- 其他问题
 - 1. 两数之和 (巧用哈希表)

LeetCode Summary

本文件是在解决LeetCode算法问题过程中的总结与反思汇总,<mark>点击题目的超链接即可跳转到对应LeetCode官网</mark> 题面。

Little Tips Mentioned Ahead

- 如果要使用线性复杂度在一维数组中解决问题,优先考虑滑动窗口和双指针,以及动态规划。
- Top K的问题求解时,优先考虑堆(优先队列)来解决,因为它会自动维护前K个元素的有序性。但这里有一些例外,比如215.数组中的第K个最大元素,就使用了快速选择算法(QuickSelect)来快速地定位第K大的元素,这是因为只需要求"第k大"而非"前k大。

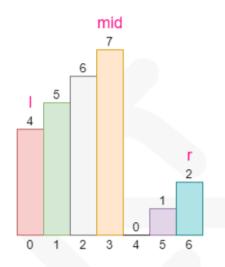
• 有关链表的问题中,<mark>添加伪节点Dummy是一个很好的习惯</mark>,它会使得原本头节点的处理逻辑和后续节点 保持一致,从而大大简化代码的边界情况讨论。

贪心

二分

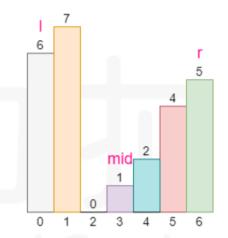
朴素的二分搜索是一种非常基础和巧妙的算法,它使用序列中存在的<mark>二段性</mark>来将原有区间一分为二,<mark>从而实现O(n)->O(logn)的搜索加速</mark>。基于朴素二分法也诞生了非常多的变式题,这些题往往非常精巧和复杂:**首先你要找出序列中存在的二段性,其次要妥善处理各种边界条件**。前者只能就事论事地结合题目来思考,后者需要约定好写二分法代码的区间,我一般使用<mark>左闭右开区间</mark>。

33.搜索旋转排序数组



[I, mid] 是有序数组

如果 target = 5, 在 [I, mid - 1] 中寻找 如果 target = 2, 在 [mid + 1, r] 中寻找



[mid + 1, r] 是有序数组

如果 target = 6, 在 [I, mid - 1] 中寻找 如果 target = 4, 在 [mid + 1, r] 中寻找

这道题是一道经典的使用二分法解决的问题,题目是要求在一个"旋转排序"之后的数组里找到指定的元素并返回下标。这道题所谓的二段性体现在:在这样一个旋转排序的数组中的任何一个位置切一刀,总会旋转排序数组切分成两个部分,一个部分有序,一个部分无序。可以结合上图来理解这种二段性。

既然有二段性,这道题就可以使用二分法来求解,方法就是逐步地判断目标元素target是否在有序区间那一半,如果在<mark>则在有序区间中二分下去</mark>,如果<mark>不在则在无序区间中进一步二分下去</mark>。这样就可以实现O(logn)级别的算法复杂度:

```
class Solution {
public:
   // 约定,区间记法全部采用左闭右开区间,故开始时是[Left, Right)
   int search(vector<int>& nums, int target)
   {
       int n = nums.size();
       int Left = 0, Right = n;
       while(Left < Right)</pre>
       {
           int Mid = (Left + Right) >> 1;
           // 如果中点元素正好是target, 那么直接返回下标
           if(nums[Mid] == target)
               return Mid;
           // 如果nums[Left] < nums[Mid], 说明有序序列是[Left, Mid)
           if(nums[Left] < nums[Mid])</pre>
           {
               // 判断target值是否在有序区间里,来将区间进行二分
               if(nums[Left] <= target and target < nums[Mid])</pre>
                   Right = Mid;
               else
                  Left = Mid;
           else // nums[Left] > nums[Mid], 说明有序区间是[Mid, Right)
           // 注意这里: nums[Right]是不存在于区间之中的, 故使用nums[Right - 1]来比较
           // 同样的, 因为nums[Right - 1]包含在区间中, 所以是<=号
               if(nums[Mid] <= target and target <= nums[Right - 1])</pre>
                   Left = Mid;
               else
                   Right = Mid;
           }
       return nums[Left] == target ? Left : -1;
   }
};
```

上述这段代码最困难的地方就在于如何找到二段性,以及找到二段性之后如何对细节进行管理,如何管理<,=,>符号,如何进行区间的变换,这需要我们始终坚持对区间的约定,这里就是<mark>左闭右开区间的写法</mark>。

81.搜索旋转排序数组 ||

这道题是在上述<mark>搜索旋转数组</mark>的问题上引入了重复元素,这下使得整个问题变得复杂了很多,首先之前的二段性就荡然无存了,所以二分算法只能加速本题的求解,而在<mark>最坏状态下问题还是会退化到O(n)的状态</mark>。

代码如下:

```
class Solution {
    // 本题还是约定使用左闭右开的区间写法[)
public:
```

```
bool search(vector<int> &nums, int target) {
       int n = nums.size();
       int Left = 0, Right = n;
       while(Left < Right)</pre>
           // 如果当前区间长度为1, 那么直接判断结果
   // 否则如果还要取中点,有可能会导致Left > Right的情况,这在左闭右开的约定中
   // 是非法情况, 详见测试用例[1,3], 0
           if(Right - Left == 1)
               return nums[Left] == target;
           // 取区间中点
           int Mid = (Left + Right) >> 1;
           if(nums[Mid] == target)
               return true;
           // 如果区间中点与左右边界值相等,这时无法判断哪一半区间有序
           // 但我们知道nums[Left]和nums[Right - 1]一定不是
           if(nums[Left] == nums[Mid] and nums[Mid] == nums[Right - 1])
           {
              ++Left;
               --Right;
           }
           // [nums[Left], nums[Mid])是有序区间
           // 这里的逻辑和33.寻找旋转排序数组一致
           else if(nums[Left] <= nums[Mid])</pre>
           {
               if(nums[Left] <= target and target < nums[Mid])</pre>
                  Right = Mid;
               else
                  Left = Mid;
           }
           // [nums[Mid], nums[right])是有序区间
           else
           {
               if(nums[Mid] <= target and target <= nums[Right - 1])</pre>
                  Left = Mid;
               else
                  Right = Mid;
           }
       return nums[Left] == target;
   }
};
```

其实本题的难点就在于,当我们找到的nums[Mid]正好位于旋转数组重复元素的"平台期"时,我们不知道两个区间到底哪个是有序的,这种情况下只能将指针进行简单的调整。而正是因为这种情况的出现,算法的最坏时间复杂度可能会退化到O(n)。其他的情况就是需要注意左闭右开区间的约定,管理好比较过程和指针,防止非法区间Left > Right的出现。

DFS & BFS

DFS和BFS是最常见的两种搜索方法,前者以<mark>搜索的深度(depth)优先</mark>,会一鼓作气地搜索到合法位置边界,然后<mark>逐渐回退搜索距离去搜索其他的位置</mark>。BFS则是沿着距离出发点从近到远,一步步地"逐层"完成遍历,这里的"层"表示的是<mark>距离源点距离等同的点组成的集合</mark>,BFS就像**往水中投入一颗石子,涟漪向外逐渐扩展的过程**。这两种算法都是可以完整地对搜索空间完成遍历的。

因为算法的特性,<mark>DFS往往采用递归法(栈)实现,而BFS则使用队列来迭代实现</mark>。同时,DFS往往也会<mark>结合回溯、剪枝等技巧对搜索空间完成更加高效的搜索</mark>。

200.岛屿数量

这道题给出一个二维数组,其中1表示陆地,0表示海洋,问<mark>有多少块陆地</mark>(上下左右方向上连在一起的都属于一个陆地)。

这是一个<mark>非常典型的统计连通分量个数</mark>的问题,一个DFS/BFS搜索只能"打通"一个连通块。要找到所有的连通块还是要对矩阵进行遍历,找到所有没展开过搜索的源点进行分别的DFS,<mark>执行DFS的次数就是陆地的数量</mark>。完整的代码如下,每次DFS时都要对四个方向进行搜索:

```
class Solution {
    /*array indicating whether the element has been used*/
    bool Used[300][300] = {false};
    /*check if the current point inside of boundary*/
    bool isInBoundary(vector<vector<char>>& grid, int i, int j)
        return i >= 0 && i < grid.size() && j >= 0 && j < grid[0].size();
    /*(i,j) is the start point of traverse*/
    void DFS(vector<vector<char>>& grid, int i, int j)
    {
        /*if not has been arrived and current element is land*/
        if(isInBoundary(grid, i, j) && !Used[i][j] && grid[i][j] == '1')
        {
            /*set the (i,j) as true*/
            Used[i][j] = true;
            /*DFS towards RIGHT, DOWN, LEFT, UP*/
            DFS(grid, i, j + 1);
            DFS(grid, i + 1, j);
            DFS(grid, i, j - 1);
            DFS(grid, i - 1, j);
    }
    /*return value is the number of islands*/
    int DFSTraverse(vector<vector<char>>& grid, int RowNum, int ColNum)
    {
        int Result = 0;
```

```
for(int i = 0; i < RowNum; ++i)</pre>
            for(int j = 0; j < ColNum; ++j)
                /*if the current element has not been arrived, start from it*/
                if(!Used[i][j] && grid[i][j] == '1')
                {
                    DFS(grid, i, j);
                    ++Result;
        return Result;
    }
public:
    int numIslands(vector<vector<char>>& grid) {
        /*get the size of vector*/
        int RowNum = grid.size();
        int ColNum = grid[0].size();
        return DFSTraverse(grid, RowNum, ColNum);
    }
};
```

排序

值得注意的是排序类问题并不是简单的排序算法的实现,而是基于基础排序算法而诞生的一系列问题,其中以快速排序算法的划分法诞生的变式问题最多。

215.数组中的第K个最大元素

这是典型的一道Top K求解问题,一般来说这类问题使用<mark>堆(优先队列)</mark>来解决即可。但是这道题要求实现O(n)的算法,所以堆排序在时间复杂度上不符合要求。

事实上,这道题使用的是<mark>基于快速排序的快速选择算法</mark>,使用快速排序中的划分法,一点点逼近数组中第K大的数字。在这个过程中还要引入<mark>随机选择划分元</mark>的方法来进一步降低极端情况出现的可能性,从而使得算法的整体期望复杂度降至O(n),这种算法叫做快速选择(quick select)算法。

如果遇到要求<mark>第K个最大或者最小元素</mark>,而**不期望给出前K个最大最小元素**时,使用快速选择算法是一个比较好的选择。

含注释的代码如下:

```
class Solution {
    /*这里假设区间是左闭右闭的[Start, End]*/
    int partition(vector<int>& nums, int Start, int End)
    {
        /*随机选择划分元,可以使得算法复杂度降至O(n)*/
        int RandomIndex = (rand() % (End - Start + 1)) + Start;
        /*Attention : 选好划分元之后,和最左元素交换,方便后续操作*/
```

```
swap(nums[Start], nums[RandomIndex]);
       int Tmp = nums[Start];
       while(Start < End) // 划分过程,不再详述
           while(Start < End and nums[End] > Tmp) --End;
           nums[Start] = nums[End];
           while(Start < End and nums[Start] <= Tmp) ++Start;</pre>
           nums[End] = nums[Start];
       nums[Start] = Tmp;
       return Start;
   }
   /*快速划分算法: quick select algorithm*/
   int quickSelect(vector<int>& nums, int k, int Start, int End)
       int Pivot = partition(nums, Start, End);
       /* 如果随机选择的划分元正好是第k小的元素,直接返回 */
       if(Pivot == k - 1)
           return nums[Pivot];
       else if(Pivot < k - 1)
           /* 否则向一侧区间进行递归 */
           return quickSelect(nums, k, Pivot + 1, End);
       else
           return quickSelect(nums, k, Start, Pivot - 1);
public:
   int findKthLargest(vector<int>& nums, int k)
       /* 初始化随机数种子 */
       srand((unsigned)time(NULL));
       int n = nums.size();
       /* 第k大数字也是第n+1-k小的数字 */
       return quickSelect(nums, n + 1 - k, 0, n - 1);
   }
};
```

912. 堆排序

堆排序是解决Top K排序的重要方法,但是堆排序在面试时也往往需要直接手撕。

值得注意的是,**堆一棵完全二叉树**,所以在静态存储的树结构中,<mark>一个节点编号和它的左右孩子编号之间存在</mark> 定量关系,这是整个堆排序算法运行的重要原理。一般来说有两种换算方法:

- 如果数组下标从1开始,那么左孩子 = 2 * index, 右孩子 = 2 * index + 1
- 如果数组下标从0开始,那么<mark>左孩子 = 2 * index + 1</mark>,<mark>右孩子 = 2 * index + 2</mark>

一般来说数组下标都是从0开始的,所以一般选择第二种换算法。

堆排序涉及的核心步骤就是<mark>堆的调整(adjustHeap)</mark>,要重点掌握。

```
/* 向下调整堆的函数, [Low, High]划定了调整范围*/
void adjustHeap(vector<int>& nums, int Low, int High)
{
   // 取出Low节点和其左孩子,注意左孩子的下标是如何计算的
   int i = Low, j = i * 2 + 1;
   while(j <= High)</pre>
       // 调整i为左右孩子中的较大值,准备和i进行交换
       if(j + 1 \le High and nums[j + 1] > nums[j])
          j = j + 1;
       // 如果左右孩子的较大值大于父亲节点,那么交换之并继续向下调整
       if(nums[i] < nums[j])</pre>
          swap(nums[i], nums[j]);
          i = j;
          j = i * 2 + 1;
       // 否则调整到此结束
       else
          break;
   }
}
```

在实现了向下调整堆的函数之后,接下来就是重建堆的函数,即从<mark>数组n/2的位置(n是是数组的总长度)开始倒</mark> 序进行调整直到第一个节点,代码如下所示:

```
void buildHeap(vector<int>& nums)
{
   int n = nums.size();
   // 从中间节点进行倒序调整直到第一个节点
   for(int i = n / 2; i >= 0; --i)
      adjustHeap(nums, i, n - 1);
}
```

在实现了上述两个函数之后, 堆排序就很简单了:

- 首先重建堆,这时位于nums[0]这个位置的一定是最大元素,将其与最后一个元素进行交换,那么此时它就到了它应该在的位置上
- 对[0, n-2]这个范围进行向下调整,从而再一次得到了一个堆
- ..
- 重复这个过程直至所有元素都已经归位

```
//堆排序
void heapSort(vector<int>& nums)
{
    // 重建堆
    buildHeap(nums);
```

912.快速排序&三路快速排序

这道题还是经典的排序算法实现,这里实现的是<mark>快速排序算法</mark>,快速排序算法主要分为两个部分:<mark>划分和排序。划分时可以选择使用随机算法选取划分元,这样在统计意义</mark>上可以将算法的一般复杂度降至O(nlogn)。

注意这里着重强调了在统计意义上,这是因为一般来说使用排序算法的场景是处理现实生活中的数据,这些数据往往是随机的,没有特定规律的。这也就意味着,如果<mark>人为地编造特殊数据</mark>,**即使采用挑选随机划分元的方法,快速排序算法的时间复杂度也会退化到O(n^2)**,我们很快就会看到这个例子。

这里直接给出快速排序的代码,很经典,必须掌握:

```
class Solution {
   // 在nums[Left, Right]这个范围内进行划分
   int parition(vector<int>& nums, int Start, int End)
   {
       // 使用随机算法优化划分元的选取
       int RandomIndex = (rand() % (End - Start + 1)) + Start;
       swap(nums[RandomIndex], nums[Start]);
       int Tmp = nums[Start];
       while(Start < End)</pre>
           // 大于等于Tmp元素的值放后面
           while(Start < End and nums[End] >= Tmp) --End;
           nums[Start] = nums[End];
           while(Start < End and nums[Start] < Tmp) ++Start;</pre>
           nums[End] = nums[Start];
       nums[Start] = Tmp;
       return Start;
   }
   // 对nums[Start, End]进行快速排序
   void quickSort(vector<int>& nums, int Start, int End)
       // 千万要注意这个前提条件, 当区间长度小于等于1时直接返回
       // 否则上面选取划分元时可能出现越界
       if(Start < End)</pre>
           int Pivot = parition(nums, Start, End);
           quickSort(nums, Start, Pivot - 1);
           quickSort(nums, Pivot + 1, End);
```

```
}
}

public:
    vector<int> sortArray(vector<int>& nums) {
        // 生成随机数的种子
        srand((unsigned int)time(NULL));
        int n = nums.size();
        quickSort(nums, 0, n - 1);
        return nums;
    }
};
```

这是一套<mark>非常正确和经典的快速排序算法的写法</mark>,更确切地说,是<mark>2-路快速排序</mark>的写法,但是上面的这份代码 提交之后会超时。这是因为LeetCode更新了测试用例,给出了一个长度为5 x 10^4个2的数组。这就是我们上面 说的:<mark>人造逆天数据</mark>,专门用来将快速排序算法卡住的。

为了解决这个问题,必须引入一种更加先进的算法:<mark>3-路快速排序</mark>,随之而来的还有一个经典问题:荷兰国旗问题。这道题在LeetCode题库中也是有的,后面也许还有机会见到,其实<mark>这就是3-路快速排序算法的雏形</mark>。

- 3-路快速排序算法将整个序列分成三部分,设划分元是Tmp,那么区间将会被划分为以下三部分:
 - 小于Tmp
 - 等于Tmp
 - 大于Tmp

算法的细节非常精巧和值得回味,下面直接结合代码来说:

```
class Solution {
   // 对nums[Left, Right]进行三路快排划分(3-way partition)
   pair<int, int> partition(vector<int>& nums, int Left, int Right)
      // 随机选择一个划分元
      // 注意这里的划分元选择是有问题的, 当区间长度太大时, rand()函数可能不够
      int RandomIndex = (rand() % (Right - Left + 1)) + Left;
       swap(nums[RandomIndex], nums[Left]);
      int Tmp = nums[Left];
      // 声明两枚指针Lower, Higher和迭代变量i, 并做如下约定(左闭右开区间)
      // [Left, Low)存放小于Tmp的值
      // [Low, High)存放等于Tmp的值
      // [High, Right + 1)存放大于Tmp的值
      int Lower = Left, Higher = Right + 1, i = Left + 1;
      while(i < Higher)</pre>
      {
          if(nums[i] < Tmp)</pre>
                 如果当前元素小于划分元,那么首先将其与Lower位置的元素进行互换
                 nums[Lower]一定指向与划分元等大的元素,这是因为我们的约定
             swap(nums[Lower++], nums[i++]);
```

```
else if(nums[i] > Tmp)
              如果当前元素大于划分元,那么首先将Higher指针前移,因为是右开区间
              然后将当前元素和Higher指向的元素进行互换
              但是注意: i不要加一
              这是因为从Higher原先位置换过来的元素我们是未知的
              还需要再处理一遍
          */
              swap(nums[--Higher], nums[i]);
          else
              // 遇到了等大的元素, i直接后移
              i++;
       return {Lower, Higher};
   }
   void quickSort(vector<int>& nums, int Left, int Right)
       // 区间长度必须大于1, 否则没必要继续深入
      if(Left < Right)</pre>
       {
          // 执行上述算法,直接获得两个划分边界Lower和Higher
          // 分治下去即可
          auto ReturnPair = partition(nums, Left, Right);
          quickSort(nums, Left, ReturnPair.first - 1);
          quickSort(nums, ReturnPair.second, Right);
public:
   vector<int> sortArray(vector<int>& nums) {
       srand((unsigned int)time(NULL));
       int n = nums.size();
       quickSort(nums, 0, n - 1);
       return nums;
   }
};
```

链表

206.反转链表

经典题,有递归和迭代两种做法,都必须掌握。

迭代解法比较符合人的逻辑思维习惯,<mark>从前向后依次将节点反转</mark>。 这里需要额外注意的一点是,原先头节点的 next指针必须置为*nullptr*。为此,我们<mark>将Left指针的初始值置为nullptr</mark>,这样可以直接完成操作。

```
class Solution {
  public:
    ListNode* reverseList(ListNode* head)
```

```
{
       if(not head)
           return head;
   /*将Left初始值置为nullptr*/
   /*可以直接保证翻转完之后最后一个节点的next指针是nullptr*/
       ListNode* Left = nullptr;
       ListNode* Right = head;
       while(Right)
       {
           ListNode *Tmp = Right->next;
           Right->next = Left;
           Left = Right;
           Right = Tmp;
       return Left;
   }
};
```

递归法就比较**逆天**了,递归法的本质是<mark>递推+回归</mark>。所以这个过程首先假设后面的链表<mark>全部翻转完毕了</mark>,在此基础上再去考虑要对返回的指针进行怎样的操作。

```
class Solution {
public:
/*
注意: 递归函数的返回值是翻转后的链表的头节点
这点非常重要

*/
ListNode* reverseList(ListNode* head)
{
    if(not head or not head->next)
        return head;
    ListNode* Tmp = reverseList(head->next);
    head->next->next = head; // 将新的链表节点接入链表
    head->next = nullptr; // 最后一个节点的next指针是nullptr
    return Tmp; // 返回值应该是反转后链表的头节点
    }
};
```

25.K个一组翻转链表

这是一道困难题,但是并没有什么新颖的算法,只是有很多<mark>细碎的边界条件</mark>需要处理,核心还是反转链表。这里多了两个部分的逻辑:

• 1. 当剩余节点个数不足k个时,及时返回链表,这部分的逻辑如下:

```
// ListNode *Head = head, *Tail = head;
int Counter = 0;
// 从Head开始向后数k - 1个节点,找到Tail节点
```

2023/3/3 LeetCode Summary.md

```
// 之所以是k-1是因为我们是从链表的第一个节点开始数的
while(Counter < k - 1)</pre>
{
   Tail = Tail->next;
   Counter++;
   // 如果当前剩余节点数量不足K个, 直接返回首节点
   if(not Tail)
      return Dummy->next;
}
```

• 2.**完成局部的K个链表反转之后,将子链表接回原先的链表**,这部分的逻辑如下:

```
auto ReversePair = reverseList(Head, Tail);
// 将反转之后的子链表再次连接到原先的链表上
Previous->next = ReversePair.first;
ReversePair.second->next = Next;
```

在完成上述两部分的逻辑之后,剩下的就是简单的链表反转问题,全部代码如下:

```
class Solution {
   /*反转[Head, Tail]这个范围内的链表*/
   pair<ListNode*, ListNode*> reverseList(ListNode *Head, ListNode* Tail)
       ListNode *Previous = Head, *Present = Head->next;
       while(Previous != Tail)
           ListNode *Tmp = Present->next;
           Present->next = Previous;
           Previous = Present;
           Present = Tmp;
       return {Tail, Head}; // 反转之后, 头尾节点正好反过来
   }
public:
   ListNode* reverseKGroup(ListNode* head, int k) {
       ListNode *Dummy = new ListNode(∅, head);
       // Head和Tail记录的分别是k个节点小组中的头尾节点
       ListNode *Head = head, *Tail = head;
       ListNode *Previous = Dummy, *Next = nullptr;
       while(Head)
           int Counter = 0;
           // 从Head开始向后数K - 1个节点,找到Tail节点
           while(Counter < k - 1)</pre>
           {
               Tail = Tail->next;
               Counter++;
```

```
// 如果当前剩余节点数量不足K个, 直接返回首节点
              if(not Tail)
                 return Dummy->next;
          }
          // 记录Tail之后的下一个节点
          Next = Tail->next;
          auto ReversePair = reverseList(Head, Tail);
          // 将反转之后的子链表再次连接到原先的链表上
          Previous->next = ReversePair.first;
          ReversePair.second->next = Next;
          // 调整指针准备下一次反转
          Previous = ReversePair.second;
          Head = Tail = Next;
       return Dummy->next;
   }
};
```

21.合并两个有序链表

一道非常基础的题目,让把两个原本有序的链表进行合并。

申请一个头结点可能会让整体的逻辑变得更加简单,剩下的就是比较大小并插入即可。注意不要申请新的节点,而是在原有链表的基础上进行指针的变换即可。但是也有的问题,新申请节点可能会让整个处理逻辑变得简单许多,这需要看情况而定。

```
class Solution {
public:
   ListNode* mergeTwoLists(ListNode* list1, ListNode* list2)
       // 申请一个伪节点简化指针处理逻辑, 这是一个好习惯
       ListNode *Dummy = new ListNode(1);
       ListNode *Present = Dummy, *P1 = list1, *P2 = list2;
       // 注意跳出循环的判断条件, 一个链表走到尽头就可以跳出循环
       while(P1 and P2)
       {
           if(P1->val <= P2->val)
           {
               Present->next = P1;
               P1 = P1->next;
           }
           else
               Present->next = P2;
               P2 = P2 \rightarrow next;
           Present = Present->next;
```

141.环形链表

这道题是一道比较基础的有关环形链表的题目,目的是找出<mark>在当前链表中是否存在环路</mark>。方法就是使用快慢指针,看两个指针会不会最终相遇,会的话说明有环路存在。反之<mark>如果其中一个指针已经为空还没有相遇</mark>,那么说明不存在环路。

注意在代码中及时判断快指针是否为空, 否则可能出现越界:

```
class Solution {
public:
   bool hasCycle(ListNode *head)
   {
       if(not head)
          return false;
       // 申请了一个伪节点, 让快慢指针从同一个起点开始
       ListNode *Dummy = new ListNode(1);
       Dummy->next = head;
       ListNode *Fast = Dummy, *Slow = Dummy;
       while(Fast)
       {
          // 注意及时判断快指针是否已经到达终点
          if(Fast->next)
              Fast = Fast->next->next;
          else
              Fast = Fast->next;
          Slow = Slow->next;
          if(Fast == Slow)
              break;
       }
       // 如果快指针到达了终点,说明无环
       if(not Fast)
          return false;
       // 反之则是因为快慢指针相遇而退出循环,说明有环
       return true;
   }
};
```

栈

栈是一种LIFO的数据结构,在算法题中它经常用来解决<mark>匹配问题</mark>。

20. 有效的括号

这是使用栈解决的问题中最常见的一类,即简单匹配问题。

思路也非常简单,遇见左括号入栈,遇见右括号时观察栈顶元素是否是与之配对的左括号,最终整个序列遍历完成之后。如果序列正好是一个完整的匹配序列,<mark>栈应该恰好排空</mark>,否则就不是一个合法的序列。

```
class Solution {
public:
   bool isValid(string s)
   {
       stack<char> S;
       int n = s.size();
       for(int i = 0; i < n; ++i)
       {
           // 左括号入栈
           if(s[i] == '(' or s[i] == '[' or s[i] == '{'})
               S.push(s[i]);
           // 右括号则判断栈顶是否是相匹配的括号, 是则出栈
           else if(not S.empty() and (
                      (s[i] == ')' and S.top() == '(') or
                      (s[i] == ']' and S.top() == '[') or
                      (s[i] == '\}' \text{ and } S.top() == '\{')))
               S.pop();
           // 否则括号不匹配,直接返回
           else return false;
       }
       // 最后判断栈是否排空,这是为了排除左括号多余的情况
       return S.size() == 0;
   }
};
```

队列

树

102. 二叉树的层序遍历

这是二叉树问题的基础问题,即二叉树的BFS,还有二叉树的DFS。 尽管标准的BFS写法没有在<mark>对某一层的遍历之前统计本层节点数量</mark>,但我依旧建议这样做,这会明确节点的的层次边界(包括本题),让我们<mark>知道每一层的边界在哪里</mark>,BFS的代码如下:

```
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> levelOrder(TreeNode* root)
       if(not root)
           return {};
       vector<vector<int>> Ans;
       queue<TreeNode*> 0;
       Q.push(root);
       while(not Q.empty())
           // 统计本层节点数量,这样可以让我们更好区分当前层与下一层的节点
           int n = Q.size();
           // 当前层的遍历结果
           vector<int> Tmp;
           for(int i = 0; i < n; ++i)
               auto Front = Q.front();
               Q.pop();
               Tmp.push_back(Front->val);
               if(Front->left)
                   Q.push(Front->left);
               if(Front->right)
                   Q.push(Front->right);
           }
           Ans.push_back(Tmp);
       return Ans;
   }
};
```

冬

滑动窗口 & 双指针

滑动窗口和(双指针)是一种高效解决线性序列问题的算法思想,它可以将线性序列中的一些问题时间复杂度降低到O(n)。

3.无重复字符的最长子串

这道题是一道<mark>非常经典的滑动窗口问题</mark>,它要求我们在一个字符串中找到最长的不含重复字符的子串(注意子字符串必须是连续的)。

结合本题的数据规模可以知道要求的应该是O(n)复杂度的算法。

在字符串问题中涉及到不重复或者计数问题时往往要用到<mark>滑动窗口+哈希表</mark>。这道题不同的是,因为涉及到重复问题,只需要<mark>集合记录元素</mark>即可。

官方题解如下,使用的是unordered_set来记录窗口中出现的字符,左边界每排出一个字符,<mark>右边界就不断向前推进探索当前可以到达的最大位置</mark>并更新答案:

```
class Solution {
public:
   int lengthOfLongestSubstring(string s) {
      // 哈希集合,记录每个字符是否出现过
      unordered set<char> occ;
      int n = s.size();
      // 右指针, 初始值为 -1, 相当于我们在字符串的左边界的左侧, 还没有开始移动
      int rk = -1, ans = 0;
      // 枚举左指针的位置, 初始值隐性地表示为 -1
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
          if (i != 0) {
             // 左指针向右移动一格, 移除一个字符
             occ.erase(s[i - 1]);
          }
          while (rk + 1 < n \&\& !occ.count(s[rk + 1])) {
             // 不断地移动右指针探测更长的长度
             occ.insert(s[rk + 1]);
             ++rk;
          // 第 i 到 rk 个字符是一个极长的无重复字符子串
          ans = max(ans, rk - i + 1);
      return ans;
   }
};
```

上面是官方题解的做法,这个做法中存在一个问题,那就是在检测到重复字符时它只是一次<mark>将窗口左边界前移一个长度</mark>,事实上还可以**有更快的方法。**那就是在哈希表中记录下来每一个字符出现的位置,当有重复字符出现时直接跳转到它的下一个字符,这样可能会有一个问题,那就是中间跳过去的这些字符是否需要删掉?

答案是不需要的,直接通过\$max\$运算就可以保证正确性,代码如下:

15. 三数之和

这是最经典的<mark>三指针问题</mark>,其实三指针问题也只是<mark>双指针问题的变式</mark>。本题的要求是在一个序列中找出所有<mark>不</mark>重复的相加之和等于0的三元组。

首先简化一下这个问题,如果本题让求的是二元组,<mark>这就是最经典的双指针问题</mark>。我们只需要<mark>先将整个序列进行排序</mark>,然后分别用两个指针指向头尾,使它们<mark>逐渐向中间靠拢</mark>即可不重不漏地搜索到所有符合要求得二元组,代码逻辑如下:

```
// 下面的代码是最原始的双指针算法
// 假设数组为nums, 其大小为n
int First = 0, Second = n - 1;
// 和等于0, 说明已经找到了满足要求的二元组
if(nums[First] + nums[Second] == 0)
    Ans.push_back({nums[First], nums[Second]});
// 如果当前二元组的和偏小,说明First指针指向的值太小
else if(nums[First] + nums[Second] < 0)
    ++First;
// 如果当前二元组的和偏大,说明Second指针指向的值太大
else
    --Second;
```

这样就将这个问题的复杂度整体降至了O(nlogn)的级别,即<mark>排序本身的复杂度</mark>,而上面的这段代码复杂度为O(n)。

事实上, 双指针算法可以写成下面这样, 如下所示:

```
int Second = n - 1;
for(int First = 0; First < Second; ++First)
{
    // 跳过重复的二元组
    if(First > 0 and nums[First] == nums[First - 1])
        continue;
    while(First < Second and nums[First] + nums[Second] > 0)
        --Second;

// 检查循环跳出原因
```

这和最原始版本相比,对于右指针Second的移动变得更加紧凑,代码效率可能也会更高,"可能"是指从理论上分析代码的整体复杂度是一致的,但<mark>实际运行时发现上述写法比原始写法要快一些</mark>,可能是代码更加紧凑的原因,也有可能是测试用例的原因。

回到本题,也是同样的思路,只是我们<mark>先固定一个指针(First),移动剩下的两个指针(Second, Third)</mark>即可,目标值也<mark>从0变成了-nums[First]</mark>。这个道理明白了之后,就知道:

所谓三指针问题,甚至四指针问题,也只是<mark>先固定其中n-2个指针之后的双指针问题</mark>,它们的逻辑和解法本质上都是一样的。

但是本题还有很值得学习的点,那就是**如何写出简洁优雅的三指针代码**,<mark>首先给出我的原始版本代码,献一下</mark> 丑:)。

```
//我的原始版本代码,思路正确,但代码效率还是偏低
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums)
   {
       sort(nums.begin(), nums.end());
       int n = nums.size();
       vector<vector<int>> Ans;
       // 最外层循环, 枚举固定指针的位置
       for(int Fixed = 0 ; Fixed < n - 2 ; ++Fixed)</pre>
           // 跳过重复的元素值, 防止搜到重复的组
           if(Fixed > 0 and nums[Fixed] == nums[Fixed - 1])
               continue;
           // 初始化双指针的位置
           int Left = Fixed + 1, Right = n - 1;
           // 此时的目标值是nums[Fixed]的负值
           int Target = -nums[Fixed];
           while(Left < Right)</pre>
               // 跳过重复的nums[Left]值
              if(Left > Fixed + 1 and nums[Left] == nums[Left - 1])
                  ++Left;
                  continue;
```

官解的代码就使用了双指针第二种写法,效率却明显提升了不少,猜测可能和测试用例有关,<mark>但无论如何推荐第二种写法</mark>,代码如下:

通过	108 ms	23.4 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注
通过	160 ms	23.3 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注
通过	164 ms	23.4 MB	C++	2023/02/21 16:40	▶ 添加备注

```
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums) {
       int n = nums.size();
       sort(nums.begin(), nums.end());
       vector<vector<int>> ans;
       // 枚举 a
       for (int first = 0; first < n; ++first) {
           // 需要和上一次枚举的数不相同
           if (first > 0 && nums[first] == nums[first - 1]) {
               continue;
           }
           // c 对应的指针初始指向数组的最右端
           int third = n - 1;
           int target = -nums[first];
           // 枚举 b
           for (int second = first + 1; second < n; ++second) {</pre>
               // 需要和上一次枚举的数不相同
               if (second > first + 1 && nums[second] == nums[second - 1]) {
                   continue;
```

88.合并两个有序数组

这道题给定了两个数组nums1和nums2,两者<mark>都按照升序进行排列</mark>。现在要求<mark>将两个数组合并</mark>,结果记录在 nums1中。这道题的最优解法是双指针,但是如果按照传统的从前到后的双指针的话,会发现nums1中的元素 很容易被覆盖,但是<mark>新开一个数组的话又会导致空间复杂度上升</mark>。

这道题真正的解法是**逆向双指针**,也就是<mark>从后往前进行元素摆放</mark>。因为合并后的数组总长度是确定的,那么就可以从后往前摆放。

```
class Solution {
public:
   void merge(vector<int>& nums1, int m, vector<int>& nums2, int n) {
       int p1 = m - 1, p2 = n - 1;
       // 合并后的总长度是m + n
       int tail = m + n - 1;
       // cur存放的是当前要摆放的下一个元素
       int cur;
       while (p1 \ge 0 \mid \mid p2 \ge 0)
           // 首先判断是否访问越界
           if (p1 == -1)
               cur = nums2[p2--];
           else if (p2 == -1)
               cur = nums1[p1--];
           else if (nums1[p1] > nums2[p2])
               cur = nums1[p1--];
           else
               cur = nums2[p2--];
           // 将元素放置到应有的位置上
           nums1[tail--] = cur;
```

```
}
};
```

动态规划

动态规划是一种非常重要的算法设计思想,可以分为自底向上和自顶向下两种写法,一般<mark>自底向上的写法用得较多</mark>,而自顶向下的写法也时有用到,这种方法从要解决的问题出发逐渐缩小问题的规模,并在求解过程中不断记录子问题的解,因此也叫做记忆化搜索。

自底向上的方法则一般需要以下这几个思考步骤:

- 明确DP数组含义
- 递推奠基,即将DP前几项的正确值放置到数组中
- 寻找递推方程,保证最优子结构和重叠子问题这两个特性
 - 。 最优子结构: 即更大问题的最优解可以从更小问题的最优解中推出
 - · 重叠子问题: 一个问题可以被分解成若干个子问题, 且这些子问题会重复出现

53.最大子数组和

这道题的题目是<mark>求出一个数组中连续的子数组和</mark>,首先看一眼这道题的数据规模是10^5,那么一定是使用O(n)级别的算法来解决。

我的最原始解法使用的是<mark>动态规划</mark>。动态规划法的递推关系非常简单,<mark>设DP[i]是以nums[i]为结尾的最大子数组</mark> <mark>和</mark>,那么:

DP[i] = max(DP[i - 1] + nums[i], nums[i]);

而要求接的答案Ans其实也就是max(DP[i]),在<mark>求解DP数组的同时求出即可</mark>,非常简单。

```
class Solution {
public:
   int maxSubArray(vector<int>& nums)
   {
        int Ans = nums[0];
       int n = nums.size();
       int DP[n];
       fill(DP, DP + n, \Theta);
       DP[0] = nums[0];
        for(int i = 1; i < n; ++i)
             DP[i] = max(nums[i], DP[i - 1] + nums[i]); // 递推方程
                                                        // 更新可能的答案
            Ans = max(Ans, DP[i]);
        return Ans;
   }
};
```

但除此之外,这道题还有一种<mark>分治的解法在官方题解中</mark>给出了,这本质上也是线段树这种算法的重要功能,使用分治法的代码如下,它对于任意一个区间(l,r)保留了如下的四个信息:

- Isum:区间[l,r]中以I为左端点的最大子段和
- rsum:区间[l,r]中以r为右端点的最大子段和
- msum:区间[l,r]中的最大子段和
- isun:区间[l,r]的区间和

对每一个区间都维持着上述几个信息,那么本题<mark>要求的值其实就是msum[0, n - 1]</mark>,具体可见官方题解中对上述 几个信息的更新和维护方法,这里不再重复,这种方法代码还是非常非常巧妙的。

```
class Solution {
public:
   struct Status {
       int 1Sum, rSum, mSum, iSum;
   };
   Status pushUp(Status 1, Status r) {
       // 注意这里对四项特征的更新策略
       int iSum = 1.iSum + r.iSum;
       int 1Sum = max(1.1Sum, 1.iSum + r.1Sum);
       int rSum = max(r.rSum, r.iSum + 1.rSum);
       int mSum = max(max(1.mSum, r.mSum), 1.rSum + r.1Sum);
       return (Status) {1Sum, rSum, mSum, iSum};
   };
   Status get(vector<int> &a, int 1, int r) {
       // 递归到区间长度为1时,返回唯一的数值
       if (1 == r) {
           return (Status) {a[1], a[1], a[1]};
       // 从区间中点进行分治
       int m = (1 + r) >> 1;
       // 左右分别递归下去,得到子区间的状态信息
       Status 1Sub = get(a, 1, m);
       Status rSub = get(a, m + 1, r);
       // 汇总并向上返回
       return pushUp(1Sub, rSub);
   }
   int maxSubArray(vector<int>& nums) {
       return get(nums, 0, nums.size() - 1).mSum;
   }
};
```

正如题解中所说的那样,这就是线段树方法的雏形:

题外话

「方法二」相较于「方法一」来说,时间复杂度相同,但是因为使用了递归,并且维护了四个信息的结构体,运行的时间略长,空间复杂度也不如方法一优秀,而且难以理解。那么这种方法存在的意义是什么呢?对于这道题而言,确实是如此的。但是仔细观察「方法二」,它不仅可以解决区间 [0,n-1],还可以用于解决任意的子区间 [l,r] 的问题。如果我们把 [0,n-1] 分治下去出现的所有子区间的信息都用堆式存储的方式记忆化下来,即建成一棵真正的树之后,我们就可以在 $O(\log n)$ 的时间内求到任意区间内的答案,我们甚至可以修改序列中的值,做一些简单的维护,之后仍然可以在 $O(\log n)$ 的时间内求到任意区间内的答案,对于大规模查询的情况下,这种方法的优势便体现了出来。这棵树就是上文提及的一种神奇的数据结构——线段树。

121. 买卖股票的最佳时机

这是<mark>买卖股票的最佳时机</mark>系列问题的第一道,它给出了一个数组,让我们决定在<mark>何时买入何时卖出可以获得最大收益</mark>,这个系列的问题有通用解法,即<mark>动态规划</mark>,所以将此问题总结在动态规划这个专题下面。

这个问题很简单,因为<mark>只允许一次买入和一次卖出</mark>,且卖出时间一定要在买入时间之后,所以可以<mark>通过一次遍</mark> 历来记录最小值,并不断更新当前值与最小值之差的最大值。代码如下:

```
class Solution {
public:
    int maxProfit(vector<int>& prices)
    {
        int n = prices.size();
        int Min = INT_MAX, Ans = 0;
        for(int i = 0 ; i < n ; ++i)
        {
            // 遍历数组并不断记录最小值
            Min = min(Min, prices[i]);

            // 不断更新当前值与最小值的差值的最大值, 这就是答案
            Ans = max(Ans, prices[i] - Min);
        }
        return Ans;
    }
};</pre>
```

上述代码就是该问题的最优解,但是对于这个系列的问题而言不是通用解法,在总结系列问题的共性时难以概况,动态规划就是这个问题的通解。而且这类问题的特点在于,它是双重的线性动态规划,且两个量会相互交织,具体来说:

我们设置一个DP数组: DP[n][2],当然为了逻辑的清晰,也可以开辟两个数组DP1、DP2。**DP[i][0]表示的含义是第i天持有现金时的最大现金收益,DP[i][1]表示的是持有股票时可以获得的最大现金收益。**这两个DP数组之间是相互影响的,因为之前的决策会影响到后面:

递推方程是:

```
DP[i][0] = max(DP[i - 1][0], DP[i - 1][1] + prices[i]);
DP[i][1] = max(DP[i - 1][1], -prices[i]);
```

以DP[i][1] = max(DP[i - 1][1], -prices[i])为例对递推方程进行解释,DP[i][1]表示的是第i天持有股票的情况下拥有的最大现金收益。第i天持有股票有两种情况,第一是i-1天或更早以前就已经买入股票而且第i天也没有卖出,那么此时的收益就应该是DP[i - 1][1]。第二种情况是第i天当天才买入股票,因为只能买一次股票,显然这就是唯一一次买股票的时间,现金收益为当日股票价格的负值-prices[i]。DP[i][0]的含义可以类比推出,在此不再赘述。

含注释的代码如下:

```
class Solution {
public:
   int maxProfit(vector<int>& prices) {
      int n = prices.size();
      // DP[i][0]表示第i天持有现金可以获得的最大现金收益
      // DP[i][1]表示第i天持有股票可以获得的最大现金收益
      int DP[n][2];
      int Ans = 0;
      // 注意:注意第0天持有现金时最大现金收益为0,因为没有买卖操作故DP[0][0] = 0
      // 而买入股票的话, 现金收益就会是买股票花出去的钱(因为还没有卖出操作)DP[0][1] =
-prices[i]
      DP[0][0] = 0;
      DP[0][1] = -prices[0];
      for(int i = 1; i < n; ++i)
          DP[i][0] = max(DP[i - 1][0], DP[i - 1][1] + prices[i]);
          DP[i][1] = max(DP[i - 1][1], -prices[i]);
      return DP[n - 1][0];
   }
};
```

注意到上述代码中,DP[i]的值只和DP[i - 1]有关,所以<mark>可以使用滚动数组技巧来优化空间复杂度</mark>。掌握这类问题的本质建议还是使用动态规划法来解决,在面试手撕时建议使用一次遍历来解。

122. 买卖股票的最佳时机 ||

这是买卖股票系列问题之二,这次买卖次数改为了<mark>任意次买入和任意次卖出</mark>。这道题的最优解法是贪心法,通用解法则是动态规划,因为动态规划是这一类问题的通解。所以,总结在此专题下。

首先看贪心解法,因为允许任意次买入和卖出,所以我们只需要<mark>"吃尽"好处</mark>即可获得收益最大值。因为我们拥有了上帝视角,知道股票每天的价格,所以<mark>专拣可以获得正收益的前后两天累加</mark>即可,代码如下:

再看动态规划解法,和121.买卖股票的最佳时机类似定义DP数组,那么本题的递推方程如下,注意由于允许多次买卖,DP[i][1]的更新策略与121题是不一样的,<mark>第i天持有股票时的最大现金收益必须考虑到之前的收益,而121题因为只允许买入一次所以必为-prices[i]</mark>,请对比121题中的递推方程理解本题中的递推方程,并注意它们之间的细微差异:

```
DP[i][0] = max(DP[i - 1][0], DP[i - 1][1] + prices[i]);
DP[i][1] = max(DP[i - 1][1], DP[i - 1][0] - prices[i]);
```

完整的代码如下:

```
class Solution {
public:
   int maxProfit(vector<int>& prices) {
       int n = prices.size();
       int DP[n][2];
       memset(DP, 0, sizeof(DP));
       // DP[i][0]表示持有现金时的最大现金收益
       // DP[i][1]表示持有股票时的最大现金收益
       DP[0][0] = 0;
       DP[0][1] = -prices[0];
       for(int i = 1; i < n; ++i)
           DP[i][0] = max(DP[i - 1][0], DP[i - 1][1] + prices[i]);
           DP[i][1] = max(DP[i - 1][1], DP[i - 1][0] - prices[i]);
       return DP[n - 1][0];
   }
};
```

5.最长回文子串

一道非常经典的动态规划问题,本题所有的解法总结如下:

按长度对字符串进行动态规划

- 中心扩展算法
- 马拉车(Manacher)算法

这里主要对前两种方法进行记录和分析。

首先来看动态规划法,本题的动态规划解法对应的<mark>递推方程如下</mark>,设DP[i][j]的含义是s[i..j]这个范围内的<mark>子串是</mark> <mark>否为回文串</mark>:

```
DP[i][j] = DP[i + 1][j - 1] if s[i] == s[j]
DP[i][j] = 0 if s[i] != s[j]
```

也就是说,当两个字符相等时问题规模会缩小到DP[i + 1][j - 1],即判断s[i + 1..j - 1]这个范围内的字串<mark>是否为回文串</mark>。但是这里存在的问题就是我们在将要使用DP[i][j]时<mark>不能保证DP[i + 1][j - 1]之前已经被计算出来了</mark>。要保证这点我们必须<mark>按照字符串长度由小到大</mark>进行遍历,这样当我们遍历到更长的子串时,可以确保<mark>比它短的所有子串</mark>的判断结果都已经得到了。

含注释的代码如下,注意我们首先枚举了所有长度为1和2的子串是否为回文子串,这也算是<mark>递推奠基的部分</mark>。 此后在对长度为3及以上的子串进行枚举:

```
class Solution {
public:
   string longestPalindrome(string s) {
       int n = s.size();
       // target记录的是当前最长的回文子串的开始结束下标
       // MaxLength记录的是当前记录到的最长长度
       pair<int, int> Target = make_pair(0, 0);
       int MaxLength = 1;
       // DP[i][j]表示的是s[i..j]是否为回文子串
       bool DP[n][n];
       memset(DP, false, sizeof(DP));
       // 递推奠基: 对长度为1或2的子串进行枚举和判断
       for(int i = 0; i < n; ++i)
       {
          DP[i][i] = true;
          if(i + 1 < n \text{ and } s[i] == s[i + 1])
              DP[i][i + 1] = true;
              if(2 > MaxLength)
              {
                 MaxLength = 2;
                 Target = make_pair(i, i + 1);
              }
          }
       }
       // 从长度为3的子串开始进行遍历,可以确保更短的子串已经遍历过
       // 在这个过程中一旦发现更长的子串,就更新Target和MaxLength
       for(int Length = 3 ; Length <= n ; ++Length)</pre>
```

```
for(int i = 0; i + Length - 1 < n; ++i)
{
    int j = i + Length - 1;
    DP[i][j] = (DP[i + 1][j - 1] and s[i] == s[j]);
    if(DP[i][j] and Length > MaxLength)
    {
        MaxLength = Length;
        Target = make_pair(i, j);
    }
}
return s.substr(Target.first, Target.second - Target.first + 1);
}
```

按长度进行动态规划是最长回文子串的经典解法之一,但是空间复杂度不是很好,还有更好的算法可以进一步 优化空间复杂度,这种算法也很简单,就是<mark>中心扩展算法</mark>。

因为回文子串的起始点可以是一个或者两个字符(分别对应于回文串长度为奇数或偶数的情况),所以对于每一个字符而言都要从两个(长度分别为1或2)回文中心出发扩展。扩展的思路很简单,就是从中心出发向两边遍历,直到不符合回文要求为止,这部分代码的逻辑写在CenterExpansion中。

随后就是统计在中心扩展时遇到的最长回文子串即可,使用pair保持下来比较方便,完整的代码如下:

```
class Solution {
    pair<int, int> CenterExpansion(const string& s, int Start, int End)
        int n = s.size();
        while(Start >= 0 and End < n and s[Start] == s[End])</pre>
        {
            Start--;
            End++;
        return {Start + 1, End - 1};
    }
public:
    string longestPalindrome(string s) {
        int n = s.size();
        pair<int, int> Present = make_pair(0, 0);
        for(int i = 0; i < n; ++i)
        {
            auto Pair1 = CenterExpansion(s, i, i);
            auto Pair2 = CenterExpansion(s, i, i + 1);
            if(Pair1.second - Pair1.first + 1 > Present.second - Present.first)
                Present = Pair1;
            if(Pair2.second - Pair2.first + 1 > Present.second - Present.first)
                Present = Pair2;
        return s.substr(Present.first, Present.second - Present.first + 1);
```

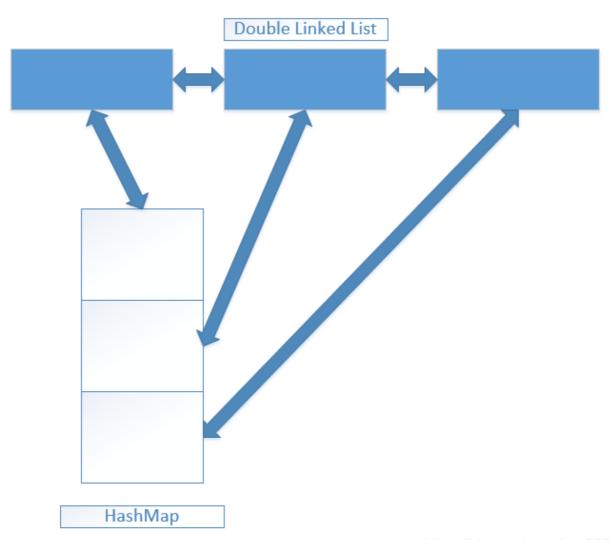
```
};
```

设计类问题

146.LRU 缓存

本题是设计类问题的代表,题目中让实现一个含LRU功能的cache,且<mark>插入和删除元素的复杂度都是O(1)</mark>。这道设计题的核心思想在于<mark>链表和哈希表相互索引</mark>。

链表节点中存放着完整的key-value对,哈希表存放着 < key, ListNode* > ,所以<mark>哈希表可以通过ListNode*快速索引到链表,而链表也可以通过key快速索引到哈希表</mark>,这是整个数据结构设计的精髓所在。



https://blog.csdn.net/zzy98051

具体实现代码如下:

```
// 定义链表节点数据结构,包含完整的键值对,前后向的指针
struct Node
{
   int Key, Value;
   Node* Prev;
   Node* Next;
   // ctor defined here
   Node() : Key(0), Value(0), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
   Node(int K, int V) : Key(K), Value(V), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
};
class LRUCache {
   // cache容量
   int Capacity;
   // 当前的cache size, 即存放的键值对数量
   int CurrentSize;
   // 双向链表的头尾指针,这其实是两个Dummy节点
   Node* Head;
   Node* Tail;
   // 哈希表
   map<int, Node*> HashMap;
public:
   LRUCache(int capacity) : Capacity(capacity), CurrentSize(♥)
       // 初始化头尾链表节点
       Head = new Node();
       Tail = new Node();
       // 修改指针
       Head->Next = Tail;
       Tail->Prev = Head;
   }
   // 向链表头部插入一个节点
   void insertNode(Node* NewNode)
   {
       // 修改指针以在头部插入一个节点
       NewNode->Next = Head->Next;
       NewNode->Prev = Head->Next->Prev;
       Head->Next->Prev = NewNode;
       Head->Next = NewNode;
       ++CurrentSize; // 增加节点计数
   }
   // 移除指定的链表节点
   void deleteNode(Node* DelNode)
   {
       DelNode->Next->Prev = DelNode->Prev;
```

```
DelNode->Prev->Next = DelNode->Next;
   --CurrentSize;
}
// 将节点移至链表的头部
// 即删除某个节点并插入到链表头部的组合
void moveToHead(Node* Temp)
   // delete the element and insert it to head of list
   deleteNode(Temp);
   insertNode(Temp);
}
// 删除链表尾部的节点,即满足LRU的条件删去最近最久未使用
Node* removeTail()
   Node* Res = Tail->Prev;
   deleteNode(Tail->Prev);
   return Res;
}
int get(int key)
   // 根据key去索引对应的hash表
   // 如果找到了对应的键值,则直接索引到链表节点得到值
   if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
       int Res = HashMap[key]->Value;
       // 将刚刚访问过的节点转移到链表头部
       moveToHead(HashMap[key]);
       return Res;
   // 未找到则返回-1
   return -1;
}
void put(int key, int value)
{
   // 如果当前键值已经存在,那么更新对应的值并将节点移动至头部
   if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
       HashMap[key]->Value = value;
       moveToHead(HashMap[key]);
   }
   // 如果键值不存在且Cache未满,则插入对应的键值对和节点
   else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize < Capacity)</pre>
       Node* NewNode = new Node(key, value);
       HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
       insertNode(NewNode);
```

```
// 如果键值不存在且Cache已满,则使用LRU策略换出最后的节点
// 并插入新的节点
else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize == Capacity)
{
    // remove the LRU element and insert the new element
    Node* Temp = removeTail();
    HashMap.erase(Temp->Key);
    delete Temp; // prevent memory leak

    Node* NewNode = new Node(key, value);
    HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
    insertNode(NewNode);
}
}
}
}
```

数学类问题

模拟 & 找规律

其他问题

1. 两数之和(巧用哈希表)

这道题让找出一个数组中相加之和等于target值的一对元素,并<mark>返回它们的下标</mark>。很简单的一道题,这里<mark>不再讨论它的O(n^2)的暴力解法,因为没有什么价值</mark>。

首先,不能使用排序算法,因为<mark>排序算法会破坏数据原有的下标</mark>。这道题实际的解法是在遍历nums的时候,<mark>遇到nums[i]不记录nums[i]本身,而要将它的互补值当作键,下标当作值</mark>,即<target-nums[i], i>二元组。这样以后在遍历到这个值时就会发现它已经在哈希表中了,直接返回答案即可。

因此,这道题的O(n)复杂度的解法如下:

```
class Solution {
public:
    vector<int> twoSum(vector<int>& nums, int target)
    {
        unordered_map<int, int> HashTable;
        int n = nums.size();
        for(int i = 0 ; i < n ; ++i)
        {
            // 若发现当前值已经被记录,说明它的互补值已经出现过了,可以返回答案
            if(HashTable.count(nums[i]))
                return{HashTable[nums[i]], i};
            // 否则记录下来当前值的互补值和对应的下标,方便返回
            HashTable[target - nums[i]] = i;
        }
```

```
// 因为题目中保证一定有解,所以此处代码永远不会到达,仅是为了保证语法正确 return {};
}
};
```