

LeetCode Summary

贪心

排序

值得注意的是排序类问题并不是简单的排序算法的实现，而是基于基础排序算法而诞生的一系列问题，其中以快速排序算法的划分法诞生的变式问题最多。

215.数组中的第K个最大元素

这是典型的一道Top K求解问题，一般来说这类问题使用堆(优先队列)来解决即可。但是这道题要求实现 $O(n)$ 的算法，所以堆排序在时间复杂度上不符合要求。

事实上，这道题使用的是基于快速排序的快速选择算法，使用快速排序中的划分法，一点点逼近数组中第K大的数字。在这个过程中还要引入随机选择划分元的方法来进一步降低极端情况出现的可能性，从而使得算法的整体期望复杂度降至 $O(n)$ ，这种算法叫做快速选择(quick select)算法。

如果遇到要求第K个最大或者最小元素，而不期望给出前K个最大最小元素时，使用快速选择算法是一个比较好的选择。

含注释的代码如下：

```
class Solution {
    /*这里假设区间是左闭右闭的[Start, End]*/
    int partition(vector<int>& nums, int Start, int End)
    {
        /*随机选择划分元，可以使得算法复杂度降至 $O(n)$ */
        int RandomIndex = (rand() % (End - Start + 1)) + Start;

        /*Attention：选好划分元之后，和最左元素交换，方便后续操作*/
        swap(nums[Start], nums[RandomIndex]);
        int Tmp = nums[Start];
        while(Start < End) // 划分过程，不再详述
        {
            while(Start < End and nums[End] > Tmp) --End;
            nums[Start] = nums[End];
            while(Start < End and nums[Start] <= Tmp) ++Start;
            nums[End] = nums[Start];
        }
        nums[Start] = Tmp;
        return Start;
    }

    /*快速划分算法: quick select algorithm*/
    int quickSelect(vector<int>& nums, int k, int Start, int End)
    {
```

```

        int Pivot = partition(nums, Start, End);
        /* 如果随机选择的划分元正好是第k小的元素，直接返回 */
        if(Pivot == k - 1)
            return nums[Pivot];
        else if(Pivot < k - 1)
            /* 否则向一侧区间进行递归 */
            return quickSelect(nums, k, Pivot + 1, End);
        else
            return quickSelect(nums, k, Start, Pivot - 1);
    }
public:
    int findKthLargest(vector<int>& nums, int k)
    {
        /* 初始化随机数种子 */
        srand((unsigned)time(NULL));
        int n = nums.size();
        /* 第k大数字也是第n+1-k小的数字 */
        return quickSelect(nums, n + 1 - k, 0, n - 1);
    }
};

```

912.堆排序

堆排序是解决Top K排序的重要方法，堆排序在面试时也往往需要直接手撕。

值得注意的是，堆一棵完全二叉树，所以在静态存储的树结构中，一个节点编号和它的左右孩子编号之间存在定量关系，这是整个堆排序算法运行的重要原理。一般来说有两种换算方法：

- 如果数组下标从1开始，那么左孩子 = $2 * index$ ，右孩子 = $2 * index + 1$
- 如果数组下标从0开始，那么左孩子 = $2 * index + 1$ ，右孩子 = $2 * index + 2$

一般来说数组下标都是从0开始的，所以一般选择第二种换算法。

堆排序涉及的核心步骤就是堆的调整(adjustHeap)，要重点掌握。

```

/* 向下调整堆的函数，[Low, High]划定了调整范围*/
void adjustHeap(vector<int>& nums, int Low, int High)
{
    // 取出Low节点和其左孩子，注意左孩子的下标是如何计算的
    int i = Low, j = i * 2 + 1;
    while(j <= High)
    {
        // 调整j为左右孩子中的较大值，准备和i进行交换
        if(j + 1 <= High and nums[j + 1] > nums[j])
            j = j + 1;

        // 如果左右孩子的较大值大于父亲节点，那么交换之并继续向下调整
        if(nums[i] < nums[j])
        {
            swap(nums[i], nums[j]);

```

```

        i = j;
        j = i * 2 + 1;
    }
    // 否则调整到此结束
    else
        break;
}
}

```

在实现了向下调整堆的函数之后，接下来就是重建堆的函数，即从数组 $n/2$ 的位置(n 是数组的总长度)开始倒序进行调整直到第一个节点，代码如下所示：

```

void buildHeap(vector<int>& nums)
{
    int n = nums.size();
    // 从中间节点进行倒序调整直到第一个节点
    for(int i = n / 2 ; i >= 0 ; --i)
        adjustHeap(nums, i, n - 1);
}

```

在实现了上述两个函数之后，堆排序就很简单了：

- 首先重建堆，这时位于`nums[0]`这个位置的一定是最大元素，将其与最后一个元素进行交换，那么此时它就到了它应该在的位置上
- 对`[0, n-2]`这个范围进行向下调整，从而再一次得到了一个堆
- ...
- 重复这个过程直至所有元素都已经归位

```

//堆排序
void heapSort(vector<int>& nums)
{
    // 重建堆
    buildHeap(nums);
    int n = nums.size();
    for(int i = n - 1 ; i >= 0 ; --i)
    {
        // 将当前堆的最大元素交换到它的应有位置上，并向下调整堆
        swap(nums[0], nums[i]);
        adjustHeap(nums, 0, i - 1);
    }
}

```

链表

206.反转链表

经典题，有递归和迭代两种做法，都必须掌握。

迭代解法比较符合人的逻辑思维习惯，从前向后依次将节点反转。这里需要额外注意的一点是，原先头节点的next指针必须置为nullptr。为此，我们将Left指针的初始值置为nullptr，这样可以直接完成操作。

```
class Solution {
public:
    ListNode* reverseList(ListNode* head)
    {
        if(not head)
            return head;
        /*将Left初始值置为nullptr，可以直接保证翻转完之后最后一个节点的next指针是nullptr*/
        ListNode* Left = nullptr;
        ListNode* Right = head;
        while(Right)
        {
            ListNode *Tmp = Right->next;
            Right->next = Left;
            Left = Right;
            Right = Tmp;
        }
        return Left;
    }
};
```

递归法就比较逆天了，递归法的本质是递推+回归。所以这个过程首先假设后面的链表全部翻转完毕了，在此基础上再去考虑要对返回的指针进行怎样的操作。

```
class Solution {
public:
    /*
    注意：递归函数的返回值是翻转后的链表的头节点
    */
    ListNode* reverseList(ListNode* head)
    {
        if(not head or not head->next)
            return head;
        ListNode* Tmp = reverseList(head->next);
        head->next->next = head; // 将新的链表节点接入链表
        head->next = nullptr; // 最后一个节点的next指针是nullptr
        return Tmp; // 返回值应该是反转后链表的头节点
    }
};
```

二叉树



滑动窗口

3.无重复字符的最长子串

这道题是一道非常经典的滑动窗口问题，它要求我们在一个字符串中找到最小的不含重复字符的子串(注意子字符串必须是连续的)。

结合本题的数据规模可以知道要求的应该是 $O(n)$ 复杂度的算法。

在字符串问题中涉及到不重复或者计数问题时往往要用到滑动窗口+哈希表。这道题不同的是，因为涉及到重复问题，只需要集合记录元素即可。

官方题解如下，使用的是unordered_set来记录窗口中出现的字符，左边界每排出一个字符，右边界就不断向前推进探索当前可以到达的最大位置并更新答案：

```
class Solution {
public:
    int lengthOfLongestSubstring(string s) {
        // 哈希集合，记录每个字符是否出现过
        unordered_set<char> occ;
        int n = s.size();
        // 右指针，初始值为 -1，相当于我们在字符串的左边界的左侧，还没有开始移动
        int rk = -1, ans = 0;
        // 枚举左指针的位置，初始值隐性地表示为 -1
        for (int i = 0; i < n; ++i) {
            if (i != 0) {
                // 左指针向右移动一格，移除一个字符
                occ.erase(s[i - 1]);
            }
            while (rk + 1 < n && !occ.count(s[rk + 1])) {
                // 不断地移动右指针探测更长的长度
                occ.insert(s[rk + 1]);
                ++rk;
            }
            // 第 i 到 rk 个字符是一个极长的无重复字符子串
            ans = max(ans, rk - i + 1);
        }
        return ans;
    }
};
```

上面是官方题解的做法，这个做法中存在一个问题，那就是在检测到重复字符时它只是一次将窗口左边界前移一个长度，事实上还可以有更快的方法。那就是在哈希表中记录下来每一个字符出现的位置，当有重复字符出现时直接跳转到它的下一个字符，这样可能会有一个问题，那就是中间跳过去的这些字符是否需要删掉？

答案是不需要的，直接通过\$max\$运算就可以保证正确性，代码如下：

```
class Solution {
public:
    int lengthOfLongestSubstring(string s)
    {
        unordered_map<char, int> HashTable;
        int n = s.length();
        int Left = 0, Right = 0;    // [Left, Right]是滑动窗口范围
        int Ans = 0;
        while(Right < n)
        {
            /* 发现重复字符，直接跳过中间的所有字符位置，不用一个个向窗口外排出 */
            if(HashTable.count(s[Right]))
                /*使用max运算符保证跳转位置大于当前左边界*/
                Left = max(Left, HashTable[s[Right]]);
            HashTable[s[Right]] = Right + 1;    // 更新字符出现位置
            Ans = max(Ans, Right - Left + 1);    // 更新最大长度
            ++Right;
        }
        return Ans;
    }
};
```

动态规划

模拟

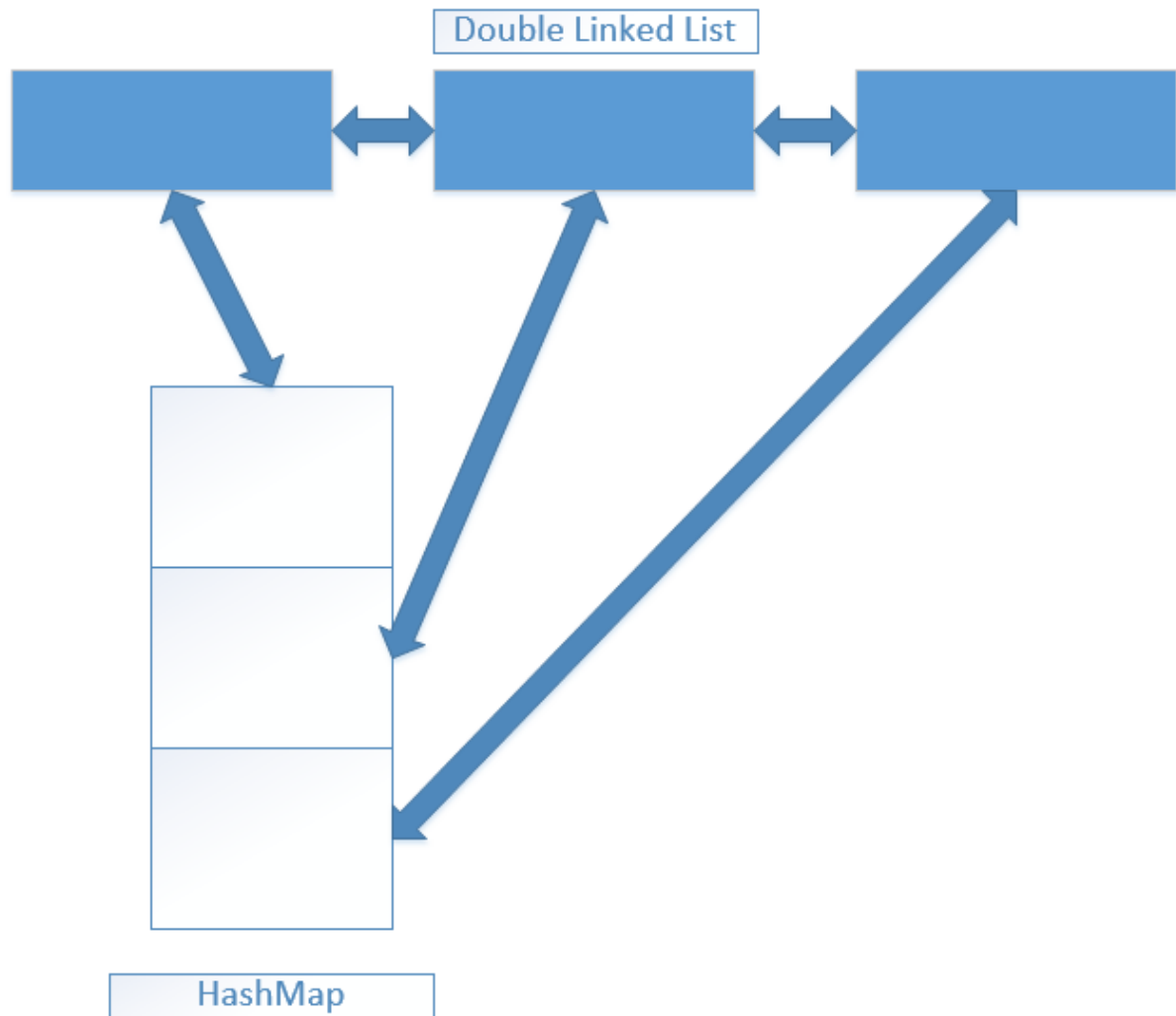
单调栈

设计类问题

146.LRU 缓存

设计类问题的代表，题目中让实现一个含LRU功能的cache，且插入和删除元素的复杂度都是 $O(1)$ 。这道设计题的核心思想在于链表和哈希表相互索引。

链表节点中存放着完整的key-value对，哈希表存放着<key, ListNode*>，哈希表可以通过ListNode*快速索引到链表，而链表也可以通过key快速索引到哈希表。



<https://blog.csdn.net/zzy980511>

具体实现代码如下：

```
// 定义链表节点数据结构，包含完整的键值对，前后向的指针
struct Node
{
    int Key, Value;
    Node* Prev;
    Node* Next;

    // ctor defined here
    Node() : Key(0), Value(0), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
    Node(int K, int V) : Key(K), Value(V), Prev(nullptr), Next(nullptr){}
};

class LRUCache {
    // cache容量
    int Capacity;

    // 当前的cache size, 即存放的键值对数量
    int CurrentSize;
```

```
// 双向链表的头尾指针，这其实是两个Dummy节点
Node* Head;
Node* Tail;

// 哈希表
map<int, Node*> HashMap;

public:
    LRUCache(int capacity) : Capacity(capacity), CurrentSize(0)
    {
        // 初始化头尾链表节点
        Head = new Node();
        Tail = new Node();

        // 修改指针
        Head->Next = Tail;
        Tail->Prev = Head;
    }

    // 向链表头部插入一个节点
    void insertNode(Node* NewNode)
    {
        // 修改指针以在头部插入一个节点
        NewNode->Next = Head->Next;
        NewNode->Prev = Head->Next->Prev;
        Head->Next->Prev = NewNode;
        Head->Next = NewNode;
        ++CurrentSize;      // 增加节点计数
    }

    // 移除指定的链表节点
    void deleteNode(Node* DelNode)
    {
        DelNode->Next->Prev = DelNode->Prev;
        DelNode->Prev->Next = DelNode->Next;
        --CurrentSize;
    }

    // 将节点移至链表的头部
    // 即删除某个节点并插入到链表头部的组合
    void moveToHead(Node* Temp)
    {
        // delete the element and insert it to head of list
        deleteNode(Temp);
        insertNode(Temp);
    }

    // 删除链表尾部的节点，即满足LRU的条件删去最近最久未使用
    Node* removeTail()
    {
        Node* Res = Tail->Prev;
        deleteNode(Tail->Prev);
        return Res;
    }
}
```



```
}

int get(int key)
{
    // 根据key去索引对应的hash表
    // 如果找到了对应的键值，则直接索引到链表节点得到值
    if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
    {
        int Res = HashMap[key]->Value;

        // 将刚刚访问过的节点转移到链表头部
        moveToHead(HashMap[key]);
        return Res;
    }
    // 未找到则返回-1
    return -1;
}

void put(int key, int value)
{
    // 如果当前键值已经存在，那么更新对应的值并将节点移动至头部
    if(HashMap.find(key) != HashMap.end())
    {
        HashMap[key]->Value = value;
        moveToHead(HashMap[key]);
    }

    // 如果键值不存在且Cache未满，则插入对应的键值对和节点
    else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize < Capacity)
    {
        Node* NewNode = new Node(key, value);
        HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
        insertNode(NewNode);
    }

    // 如果键值不存在且Cache已满，则使用LRU策略换出最后的节点
    // 并插入新的节点
    else if(HashMap.find(key) == HashMap.end() && CurrentSize == Capacity)
    {
        // remove the LRU element and insert the new element
        Node* Temp = removeTail();
        HashMap.erase(Temp->Key);
        delete Temp; // prevent memory leak

        Node* NewNode = new Node(key, value);
        HashMap.insert(make_pair(key, NewNode));
        insertNode(NewNode);
    }
}

};
```