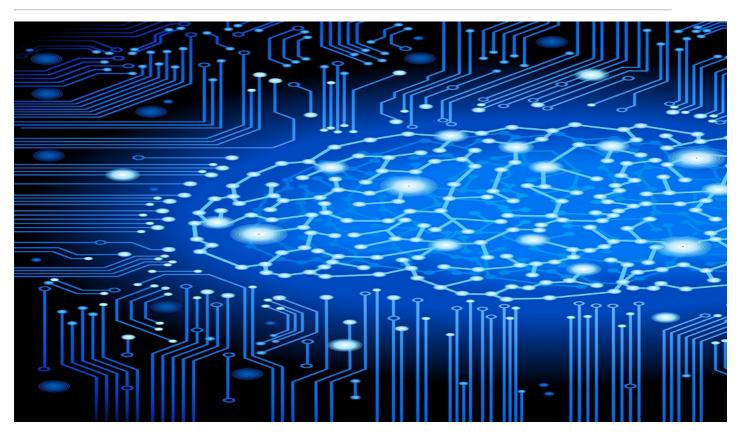
[关闭]

@hanbingtao 2017-03-16 09:01 字数 23579 阅读 26954

# 零基础入门深度学习(5) - 循环神经网络

机器学习 深度学习入门



无论即将到来的是大数据时代还是人工智能时代,亦或是传统行业使用人工智能在云上处理大数据的时代,作为一个有理想有追求的程序员,不懂深度学习(Deep Learning)这个超热的技术,会不会感觉马上就out了?现在救命稻草来了,《零基础入门深度学习》系列文章旨在讲帮助爱编程的你从零基础达到入门级水平。零基础意味着你不需要太多的数学知识,只要会写程序就行了,没错,这是专门为程序员写的文章。虽然文中会有很多公式你也许看不懂,但同时也会有更多的代码,程序员的你一定能看懂的(我周围是一群狂热的Clean Code程序员,所以我写的代码也不会很差)。

## 文章列表

零基础入门深度学习(1) - 感知器

零基础入门深度学习(2) - 线性单元和梯度下降

零基础入门深度学习(3) - 神经网络和反向传播算法

零基础入门深度学习(4) - 卷积神经网络

零基础入门深度学习(5) - 循环神经网络

零基础入门深度学习(6) - 长短时记忆网络(LSTM)

### 往期回顾

在前面的文章系列文章中,我们介绍了全连接神经网络和卷积神经网络,以及它们的训练和使用。他们都只能单独的取处理一个个的输入,前一个输入和后一个输入是完全没有关系的。但是,某些任务需要能够更好的处理序列的信息,即前面的输入和后面的输入是有关系的。比如,当我们在理解一句话意思时,孤立的理解这句话的每个词是不够的,我们需要处理这些词连接起来的整个序列;当我们处理视频的时候,我们也不能只单独的去分析每一帧,而要分析这些帧连接起来的整个序列。这时,就需要用到深度学习领域中另一类非常重要神经网络:循环神经网络(Recurrent Neural Network)。RNN种类很多,也比较绕脑子。不过读者不用担心,本文将一如既往的对复杂的东西剥茧抽丝,帮助您理解RNNs以及它的训练算法,并动手实现一个循环神经网络。

### 语言模型

RNN是在**自然语言处理**领域中最先被用起来的,比如,RNN可以为语言模型来建模。那么,什么是语言模型呢?

我们可以和电脑玩一个游戏,我们写出一个句子前面的一些词,然后,让电脑帮我们写下接下来的一个词。比如下面这句:

我昨天上学迟到了,老师批评了。

我们给电脑展示了这句话前面这些词,然后,让电脑写下接下来的一个词。在这个例子中,接下来的这个词最有可能是『我』,而不太可能 是『小明』,甚至是『吃饭』。 语言模型就是这样的东西:给定一个一句话前面的部分,预测接下来最有可能的一个词是什么。

语言模型是对一种语言的特征进行建模,它有很多很多用处。比如在语音转文本(STT)的应用中,声学模型输出的结果,往往是若干个可能的候选词,这时候就需要语言模型来从这些候选词中选择一个最可能的。当然,它同样也可以用在图像到文本的识别中(OCR)。

使用RNN之前,语言模型主要是采用N-Gram。N可以是一个自然数,比如2或者3。它的含义是,假设一个词出现的概率只与前面N个词相关。我们以2-Gram为例。首先,对前面的一句话进行切词:

我昨天上学迟到了,老师批评了\_\_\_。

如果用2-Gram进行建模,那么电脑在预测的时候,只会看到前面的『了』,然后,电脑会在语料库中,搜索『了』后面最可能的一个词。不管最后电脑选的是不是『我』,我们都知道这个模型是不靠谱的,因为『了』前面说了那么一大堆实际上是没有用到的。如果是3-Gram模型呢,会搜索『批评了』后面最可能的词,感觉上比2-Gram靠谱了不少,但还是远远不够的。因为这句话最关键的信息『我』,远在9个词之前!

现在读者可能会想,可以提升继续提升N的值呀,比如4-Gram、5-Gram……。实际上,这个想法是没有实用性的。因为我们想处理任意长度的句子,N设为多少都不合适;另外,模型的大小和N的关系是指数级的,4-Gram模型就会占用海量的存储空间。

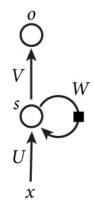
所以,该轮到RNN出场了,RNN理论上可以往前看(往后看)任意多个词。

### 循环神经网络是啥

循环神经网络种类繁多,我们先从最简单的基本循环神经网络开始吧。

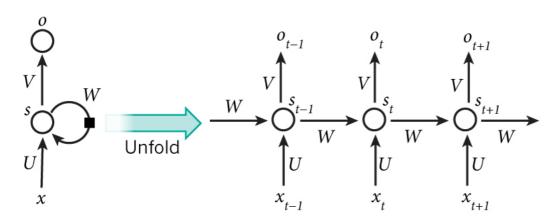
### 基本循环神经网络

下图是一个简单的循环神经网络如,它由输入层、一个隐藏层和一个输出层组成:



纳尼?!相信第一次看到这个玩意的读者内心和我一样是崩溃的。因为循环神经网络实在是太难画出来了,网上所有大神们都不得不用了这种抽象艺术手法。不过,静下心来仔细看看的话,其实也是很好理解的。如果把上面有W的那个带箭头的圈去掉,它就变成了最普通的全连接神经网络。x是一个向量,它表示输入层的值(这里面没有画出来表示神经元节点的圆圈);s是一个向量,它表示隐藏层的值(这里隐藏层面画了一个节点,你也可以想象这一层其实是多个节点,节点数与向量s的维度相同);U是输入层到隐藏层的权重矩阵(读者可以回到第三篇文章零基础入门深度学习(3) - 神经网络和反向传播算法,看看我们是怎样用矩阵来表示全连接神经网络的计算的);o也是一个向量,它表示输出层的值;V是隐藏层到输出层的权重矩阵。那么,现在我们来看看W是什么。循环神经网络的隐藏层的值s不仅仅取决于当前这次的输入x,还取决于上一次隐藏层的值s。权重矩阵 W就是隐藏层上一次的值作为这一次的输入的权重。

如果我们把上面的图展开,循环神经网络也可以画成下面这个样子:



现在看上去就比较清楚了,这个网络在t时刻接收到输入 $\mathbf{x}_t$ 之后,隐藏层的值是 $\mathbf{s}_t$ ,输出值是 $\mathbf{o}_t$ 。关键一点是, $\mathbf{s}_t$ 的值不仅仅取决于 $\mathbf{x}_t$ ,还取决于 $\mathbf{s}_{t-1}$ 。我们可以用下面的公式来表示**循环神经网络**的计算方法:

$$o_t = g(Vs_t) \tag{\pi 1}$$

$$\mathbf{s}_t = f(U\mathbf{x}_t + W\mathbf{s}_{t-1}) \qquad (\sharp 2) \tag{2}$$

**式1**是输出层的计算公式,输出层是一个全连接层,也就是它的每个节点都和隐藏层的每个节点相连。V是输出层的权重矩阵,g是激活函数。式2是隐藏层的计算公式,它是循环层。U是输入x的权重矩阵,W是上一次的值8<sub>4-1</sub>作为这一次的输入的**权重矩阵**,f是激活函数。

从上面的公式我们可以看出,循环层和全连接层的区别就是循环层多了一个权重矩阵 W。

如果反复把式2带入到式1,我们将得到:

$$o_t = g(Vs_t) \tag{3}$$

$$=Vf(U\mathbf{x}_t+W\mathbf{s}_{t-1})\tag{4}$$

$$= Vf(Ux_{t} + Wf(Ux_{t-1} + Ws_{t-2}))$$
(5)

$$= Vf(Ux_{t} + Wf(Ux_{t-1} + Wf(Ux_{t-2} + Ws_{t-3})))$$
 (6)

$$= Vf(Ux_{t} + Wf(Ux_{t-1} + Wf(Ux_{t-2} + Wf(Ux_{t-3} + \dots))))$$
 (7)

从上面可以看出,循环神经网络的输出值 $o_t$ ,是受前面历次输入值 $\mathbf{x}_t$ 、 $\mathbf{x}_{t-1}$ 、 $\mathbf{x}_{t-2}$ 、 $\mathbf{x}_{t-3}$ 、…影响的,这就是为什么循环神经网络可以往前看任意多个输入值的原因。

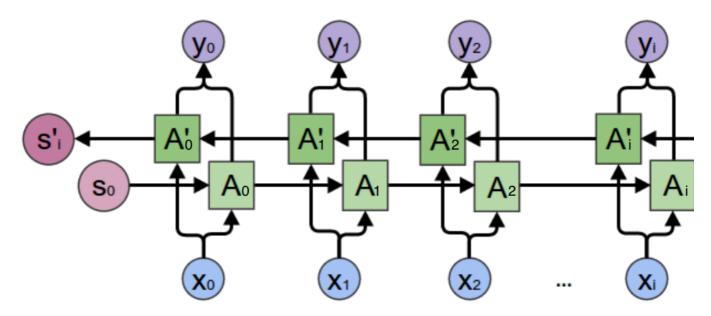
#### 双向循环神经网络

对于语言模型来说,很多时候光看前面的词是不够的,比如下面这句话:

我的手机坏了,我打算\_\_\_\_一部新手机。

可以想象,如果我们只看横线前面的词,手机坏了,那么我是打算修一修?换一部新的?还是大哭一场?这些都是无法确定的。但如果我们也看到了横线后面的词是『一部新手机』,那么,横线上的词填『买』的概率就大得多了。

在上一小节中的基本循环神经网络是无法对此进行建模的,因此,我们需要双向循环神经网络,如下图所示:



当遇到这种从未来穿越回来的场景时,难免处于懵逼的状态。不过我们还是可以用屡试不爽的老办法:先分析一个特殊场景,然后再总结一般规律。我们先考虑上图中, $\mathbf{y_2}$ 的计算。

从上图可以看出,**双向卷积神经网络**的隐藏层要保存两个值,一个A参与正向计算,另一个值A'参与反向计算。最终的输出值 $\mathbf{y}_2$ 取决于 $\mathbf{A}_2$ 和  $\mathbf{A}_2$ 。其计算方法为:

$$\mathbf{y_2} = g(VA_2 + V'A_2')$$

 $A_2$ 和 $A_2'$ 则分别计算:

$$A_2 = f(WA_1 + Ux_2) \tag{8}$$

$$A_2' = f(W'A_3' + U'x_2) \tag{9}$$

现在,我们已经可以看出一般的规律:正向计算时,隐藏层的值 $\mathbf{s}_t$ 与 $\mathbf{s}_{t-1}$ 有关;反向计算时,隐藏层的值 $\mathbf{s}_t'$ 与 $\mathbf{s}_{t+1}'$ 有关;最终的输出取决于正向和反向计算的**加和**。现在,我们仿照**式1**和**式2**,写出双向循环神经网络的计算方法:

$$o_t = g(Vs_t + V's_t') \tag{10}$$

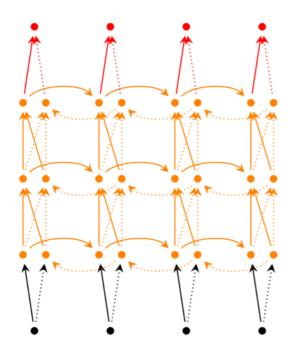
$$\mathbf{s}_t = f(U\mathbf{x}_t + W\mathbf{s}_{t-1}) \tag{11}$$

$$\mathbf{s}'_{t} = f(U'\mathbf{x}_{t} + W'\mathbf{s}'_{t+1}) \tag{12}$$

从上面三个公式我们可以看到,正向计算和反向计算不共享权重,也就是说U和U'、W和W'、V和V'都是不同的权重矩阵。

### 深度循环神经网络

前面我们介绍的**循环神经网络**只有一个隐藏层,我们当然也可以堆叠两个以上的隐藏层,这样就得到了**深度循环神经网络**。如下图所示:



我们把第i个隐藏层的值表示为 $\mathbf{s}_t^{(i)}$ 、 $\mathbf{s}_t^{\prime(i)}$  ,则**深度循环神经网络**的计算方式可以表示为:

$$o_t = g(V^{(i)} s_t^{(i)} + V'^{(i)} s_t^{\prime(i)})$$
(13)

$$\mathbf{s}_{t}^{(i)} = f(U^{(i)}\mathbf{s}_{t}^{(i-1)} + W^{(i)}\mathbf{s}_{t-1}) \tag{14}$$

$$\mathbf{s}_{t}^{\prime(i)} = f(U^{\prime(i)}\mathbf{s}_{t}^{\prime(i-1)} + W^{\prime(i)}\mathbf{s}_{t+1}^{\prime}) \tag{15}$$

$$\mathbf{s}_{t}^{(1)} = f(U^{(1)}\mathbf{x}_{t} + W^{(1)}\mathbf{s}_{t-1}) \tag{17}$$

$$\mathbf{s}_{t}^{\prime(1)} = f(U^{\prime(1)}\mathbf{x}_{t} + W^{\prime(1)}\mathbf{s}_{t+1}^{\prime}) \tag{18}$$

# 循环神经网络的训练

# 循环神经网络的训练算法:BPTT

BPTT算法是针对循环层的训练算法,它的基本原理和BP算法是一样的,也包含同样的三个步骤:

- 1. 前向计算每个神经元的输出值;
- 2. 反向计算每个神经元的**误差项\delta\_j**值,它是误差函数E对神经元j的**加权输入net\_j**的偏导数;
- 3. 计算每个权重的梯度。

### 最后再用随机梯度下降算法更新权重。

循环层如下图所示:

### 前向计算

使用前面的式2对循环层进行前向计算:

$$\mathbf{s}_t = f(U\mathbf{x}_t + W\mathbf{s}_{t-1})$$

注意,上面的 $\mathbf{s}_t$ 、 $\mathbf{x}_t$ 、 $\mathbf{s}_{t-1}$ 都是向量,用**黑体字母**表示;而U、V是**矩阵**,用大写字母表示。**向量的下标**表示**时刻**,例如, $\mathbf{s}_t$ 表示在时刻向量s的值。

我们假设输入向量x的维度是m,输出向量s的维度是n,则矩阵U的维度是 $n\times m$ ,矩阵W的维度是 $n\times n$ 。下面是上式展开成矩阵的样子,看起来更直观一些:

$$\begin{bmatrix} s_{1}^{t} \\ s_{2}^{t} \\ \vdots \\ s_{n}^{t} \end{bmatrix} = f(\begin{bmatrix} u_{11}u_{12} \dots u_{1m} \\ u_{21}u_{22} \dots u_{2m} \\ \vdots \\ u_{n1}u_{n2} \dots u_{nm} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \\ \vdots \\ x_{m} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} w_{11}w_{12} \dots w_{1n} \\ w_{21}w_{22} \dots w_{2n} \\ \vdots \\ w_{n1}w_{n2} \dots w_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_{1}^{t-1} \\ s_{2}^{t-1} \\ \vdots \\ s_{n}^{t-1} \end{bmatrix})$$
(19)

在这里我们用**手写体字母**表示向量的一个**元素**,它的下标表示它是这个向量的第几个元素,它的上标表示第几个**时刻**。例如, $s_j^t$ 表示向量s 的第j个元素在t时刻的值。 $u_{ji}$ 表示**输入层**第i个神经元到**循环层**第j个神经元的权重。 $w_{ji}$ 表示**循环层**第t-1时刻的第i个神经元到**循环层**第t个时刻的第j个神经元的权重。

### 误差项的计算

BTPP算法将第I层t时刻的**误差项\delta\_t^l**值沿两个方向传播,一个方向是其传递到上一层网络,得到 $\delta_t^{l-1}$ ,这部分只和权重矩阵U有关;另一个是方向是将其沿时间线传递到初始 $t_1$ 时刻,得到 $\delta_1^l$ ,这部分只和权重矩阵W有关。

我们用向量 $\mathbf{net}_t$ 表示神经元在时刻的 $\mathbf{ntq}$ 输入,因为:

$$net_t = Ux_t + Ws_{t-1} \tag{20}$$

$$\mathbf{s}_{t-1} = f(\mathbf{net}_{t-1}) \tag{21}$$

因此:

$$\frac{\partial \text{net}_t}{\partial \text{net}_{t-1}} = \frac{\partial \text{net}_t}{\partial s_{t-1}} \frac{\partial s_{t-1}}{\partial \text{net}_{t-1}}$$
(22)

我们用a表示列向量,用 $\mathbf{a}^T$ 表示行向量。上式的第一项是向量函数对向量求导,其结果为Jacobian矩阵:

$$\frac{\partial \text{net}_{t}}{\partial s_{t-1}^{t}} = \begin{bmatrix}
\frac{\partial net_{1}^{t}}{\partial s_{1}^{t-1}} & \frac{\partial net_{1}^{t}}{\partial s_{2}^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial net_{1}^{t}}{\partial s_{n}^{t-1}} \\
\frac{\partial net_{2}^{t}}{\partial s_{1}^{t-1}} & \frac{\partial net_{2}^{t}}{\partial s_{2}^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial net_{2}^{t}}{\partial s_{n}^{t-1}} \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
\frac{\partial net_{n}^{t}}{\partial s_{1}^{t-1}} & \frac{\partial net_{n}^{t}}{\partial s_{2}^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial net_{n}^{t}}{\partial s_{n}^{t-1}}
\end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix}
w_{11} & w_{12} & \cdots & w_{1n} \\
w_{21} & w_{22} & \cdots & w_{2n} \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
w_{n1} & w_{n2} & \cdots & w_{nn}
\end{bmatrix}$$

$$= W$$

$$(23)$$

同理,上式第二项也是一个Jacobian矩阵:

$$\frac{\partial s_{t-1}}{\partial \text{net}_{t-1}} = \begin{bmatrix}
\frac{\partial s_1^{t-1}}{\partial net_1^{t-1}} & \frac{\partial s_1^{t-1}}{\partial net_2^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial s_1^{t-1}}{\partial net_n^{t-1}} \\
\frac{\partial s_2^{t-1}}{\partial net_1^{t-1}} & \frac{\partial s_2^{t-1}}{\partial net_2^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial s_2^{t-1}}{\partial net_n^{t-1}} \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
\frac{\partial s_n^{t-1}}{\partial net_1^{t-1}} & \frac{\partial s_n^{t-1}}{\partial net_2^{t-1}} & \cdots & \frac{\partial s_n^{t-1}}{\partial net_n^{t-1}} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix}
f'(net_1^{t-1}) & 0 & \cdots & 0 \\
0 & f'(net_2^{t-1}) & \cdots & 0 \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
0 & 0 & \cdots & f'(net_n^{t-1})
\end{bmatrix}$$

$$= diag[f'(net_{t-1})] \tag{28}$$

其中, diag[a]表示根据向量a创建一个对角矩阵,即

$$diag(\mathbf{a}) = egin{bmatrix} a_1 & 0 & \dots & 0 \ 0 & a_2 & \dots & 0 \ & \ddots & & & \ 0 & 0 & \dots & a_n \end{bmatrix}$$

最后,将两项合在一起,可得:

上式描述了将 $\delta$ 沿时间往前传递一个时刻的规律,有了这个规律,我们就可以求得任意时刻k的**误差项\delta\_k**:

$$\delta_{k}^{T} = \frac{\partial E}{\partial \text{net}_{k}} \qquad (32)$$

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_{t}} \frac{\partial \text{net}_{t}}{\partial \text{net}_{k}} \qquad (33)$$

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_{t}} \frac{\partial \text{net}_{t}}{\partial \text{net}_{t-1}} \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial \text{net}_{t-2}} \dots \frac{\partial \text{net}_{k+1}}{\partial \text{net}_{k}} \qquad (34)$$

$$= W diag[f'(\text{net}_{t-1})] W diag[f'(\text{net}_{t-2})] \dots W diag[f'(\text{net}_{k})] \delta_{t}^{l} \qquad (35)$$

$$= \delta_t^T \prod_{i=k}^{t-1} W diag[f'(\text{net}_i)] \qquad (\vec{x}3)$$
 (36)

式3就是将误差项沿时间反向传播的算法。

循环层将误差项反向传递到上一层网络,与普通的全连接层是完全一样的,这在前面的文章零基础入门深度学习(3)-神经网络和反向传播算 法中已经详细讲过了,在此仅简要描述一下。

循环层的加权输入 $\mathbf{net}^l$ 与上一层的加权输入 $\mathbf{net}^{l-1}$ 关系如下

$$\mathbf{a}_{t}^{l-1} = f^{l-1}(\operatorname{net}_{t}^{l-1}) \tag{38}$$

上式中 $\mathbf{net}_t^l$ 是第|层神经元的 $\mathbf{nt}$ 和权输入(假设第|层是循环层); $\mathbf{net}_t^{l-1}$ 是第|-1层神经元的 $\mathbf{nt}$ 和权输入; $\mathbf{a}_t^{l-1}$ 是第|-1层神经元的输出; $\mathbf{f}^{l-1}$ 是第|-1层神经元的输出; 1层的激活函数。

$$\frac{\partial \text{net}_t^l}{\partial \text{net}_t^{l-1}} = \frac{\partial \text{net}^l}{\partial \mathbf{a}_t^{l-1}} \frac{\partial \mathbf{a}_t^{l-1}}{\partial \text{net}_t^{l-1}}$$
(39)

$$= Udiag[f'^{l-1}(\operatorname{net}_t^{l-1})] \tag{40}$$

所以,

$$(\delta_t^{l-1})^T = \frac{\partial E}{\partial \text{net}_t^{l-1}}$$

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_t^l} \frac{\partial \text{net}_t^l}{\partial \text{net}_t^{l-1}}$$
(41)

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}^l} \frac{\partial \text{net}^l_t}{\partial \text{net}^{l-1}} \tag{42}$$

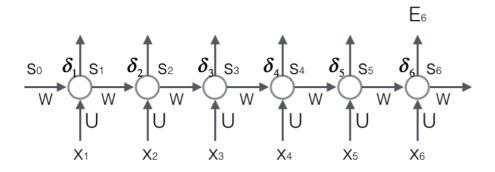
$$= (\delta_t^l)^T U diag[f'^{l-1}(\operatorname{net}_t^{l-1})] \qquad (\sharp 4)$$
(43)

式4就是将误差项传递到上一层算法。

### 权重梯度的计算

现在,我们终于来到了BPTT算法的最后一步:计算每个权重的梯度。

首先,我们计算误差函数E对权重矩阵W的梯度 $\frac{\partial E}{\partial W}$ 。



上图展示了我们到目前为止,在前两步中已经计算得到的量,包括每个时刻t 循环层的输出值 $s_t$ ,以及误差项 $\delta_t$ 。

回忆一下我们在文章<u>零基础入门深度学习(3)-神经网络和反向传播算法</u>介绍的全连接网络的权重梯度计算算法:只要知道了任意一个时刻的**误差项\delta\_t**,以及上一个时刻循环层的输出值 $\mathbf{s}_{t-1}$ ,就可以按照下面的公式求出权重矩阵在t时刻的梯度 $\nabla_{Wt}E$ :

在式5中, $\delta_i^t$ 表示t时刻**误差项**向量的第i个分量; $s_i^{t-1}$ 表示t-1时刻**循环层**第i个神经元的输出值。

我们下面可以简单推导一下式5。

我们知道:

$$\begin{aligned}
& \text{net}_{t} = U\mathbf{x}_{t} + W\mathbf{s}_{t-1} \\
& \begin{bmatrix} net_{1}^{t} \\ net_{2}^{t} \\ \vdots \\ net_{n}^{t} \end{bmatrix} = U\mathbf{x}_{t} + \begin{bmatrix} w_{11} & w_{12} & \dots & w_{1n} \\ w_{21} & w_{22} & \dots & w_{2n} \\ \vdots \\ w_{n1} & w_{n2} & \dots & w_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_{1}^{t-1} \\ s_{2}^{t-1} \\ \vdots \\ s_{n}^{t-1} \end{bmatrix} \\
& = U\mathbf{x}_{t} + \begin{bmatrix} w_{11} s_{1}^{t-1} + w_{12} s_{2}^{t-1} \dots w_{1n} s_{n}^{t-1} \\ w_{21} s_{1}^{t-1} + w_{22} s_{2}^{t-1} \dots w_{2n} s_{n}^{t-1} \\ \vdots \\ w_{n1} s_{1}^{t-1} + w_{n2} s_{2}^{t-1} \dots w_{nn} s_{n}^{t-1} \end{bmatrix} \end{aligned} \tag{45}$$

因为对W求导与Ux $_t$ 无关,我们不再考虑。现在,我们考虑对权重项 $w_{ji}$ 求导。通过观察上式我们可以看到 $w_{ji}$ 只与 $net_j^t$ 有关,所以:

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ji}} = \frac{\partial E}{\partial net_{j}^{t}} \frac{\partial net_{j}^{t}}{\partial w_{ji}}$$

$$= \delta_{j}^{t} s_{i}^{t-1}$$
(47)

按照上面的规律就可以生成式5里面的矩阵。

我们已经求得了权重矩阵W在t时刻的梯度 $abla_{Wt}E$ ,最终的梯度 $abla_{W}E$ 是各个时刻的梯度**之和**:

$$\nabla_{W}E = \sum_{i=1}^{t} \nabla_{W_{i}}E$$

$$= \begin{bmatrix} \delta_{1}^{t}s_{1}^{t-1} & \delta_{1}^{t}s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{1}^{t}s_{n}^{t-1} \\ \delta_{2}^{t}s_{1}^{t-1} & \delta_{2}^{t}s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{2}^{t}s_{n}^{t-1} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \delta_{n}^{t}s_{n}^{t-1} & \delta_{n}^{t}s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{n}^{t}s_{n}^{t-1} \end{bmatrix} + \dots + \begin{bmatrix} \delta_{1}^{1}s_{1}^{0} & \delta_{1}^{1}s_{2}^{0} & \dots & \delta_{1}^{1}s_{n}^{0} \\ \delta_{2}^{1}s_{1}^{0} & \delta_{2}^{1}s_{2}^{0} & \dots & \delta_{2}^{1}s_{n}^{0} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \delta_{n}^{t}s_{n}^{t}s_{n}^{t-1} & \delta_{n}^{t}s_{n}^{t-1} & \dots & \delta_{n}^{t}s_{n}^{t-1} \end{bmatrix} + \dots + \begin{bmatrix} \delta_{1}^{t}s_{1}^{0} & \delta_{1}^{1}s_{2}^{0} & \dots & \delta_{1}^{1}s_{n}^{0} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \delta_{n}^{t}s_{n}^{t$$

式6就是计算循环层权重矩阵W的梯度的公式。

-数学公式超高能预警-

前面已经介绍了 $\nabla_W E$ 的计算方法,看上去还是比较直观的。然而,读者也许会困惑,为什么最终的梯度是各个时刻的梯度**之和**呢?我们前面只是直接用了这个结论,实际上这里面是有道理的,只是这个数学推导比较绕脑子。感兴趣的同学可以仔细阅读接下来这一段,它用到了矩阵对矩阵求导、张量与向量相乘运算的一些法则。

我们还是从这个式子开始:

$$net_t = Ux_t + Wf(net_{t-1})$$

因为 $U\mathbf{x}_t$ 与W完全无关,我们把它看做常量。现在,考虑第一个式子加号右边的部分,因为W和 $f(\mathbf{net}_{t-1})$ 都是W的函数,因此我们要用到大学里面都学过的导数乘法运算:

$$(uv)'=u'v+uv'$$

因此,上面第一个式子写成:

$$\frac{\partial \mathrm{net}_t}{\partial W} = \frac{\partial W}{\partial W} \, f(\mathrm{net}_{t-1}) + W \, \frac{\partial f(\mathrm{net}_{t-1})}{\partial W}$$

我们最终需要计算的是 $\nabla_W E$ :

$$\nabla_W E = \frac{\partial E}{\partial W}$$

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_t} \frac{\partial \text{net}_t}{\partial W}$$
(51)

$$= \delta_t^T \frac{\partial W}{\partial W} f(\text{net}_{t-1}) + \delta_t^T W \frac{\partial f(\text{net}_{t-1})}{\partial W}$$
 (\$\pi\$7)

我们先计算**式7**加号左边的部分。  $\frac{\partial W}{\partial W}$  是**矩阵对矩阵求导**,其结果是一个四维**张量(tensor)**,如下所示:

$$\frac{\partial W}{\partial W} = \begin{bmatrix} \frac{\partial w_{11}}{\partial W} & \frac{\partial w_{12}}{\partial W} & \cdots & \frac{\partial w_{1n}}{\partial W} \\ \frac{\partial w_{21}}{\partial W} & \frac{\partial w_{22}}{\partial W} & \cdots & \frac{\partial w_{2n}}{\partial W} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \frac{\partial w_{n1}}{\partial W} & \frac{\partial w_{n2}}{\partial W} & \cdots & \frac{\partial w_{nn}}{\partial W} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{\partial w_{11}}{\partial W_{11}} & \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{12}} & \cdots & \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{1n}} \\ \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{21}} & \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{22}} & \cdots & \frac{\partial w_{11}}{\partial 2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{n1}} & \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{n2}} & \cdots & \frac{\partial w_{11}}{\partial nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial w_{12}}{\partial w_{11}} & \frac{\partial w_{12}}{\partial w_{12}} & \cdots & \frac{\partial w_{12}}{\partial 2n} \\ \frac{\partial w_{12}}{\partial w_{21}} & \frac{\partial w_{12}}{\partial w_{22}} & \cdots & \frac{\partial w_{11}}{\partial 2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{n1}} & \frac{\partial w_{11}}{\partial w_{n2}} & \cdots & \frac{\partial w_{11}}{\partial nn} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix} & \cdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$

$$(56)$$

接下来,我们知道 $s_{t-1}=f(\mathrm{net}_{t-1})$ ,它是一个**列向量**。我们让上面的四维张量与这个向量相乘,得到了一个三维张量,再左乘行向量 $\delta_t^T$ ,最终得到一个矩阵:

$$\delta_{t}^{T} \frac{\partial W}{\partial W} f(\text{net}_{t-1}) = \delta_{t}^{T} \frac{\partial W}{\partial W} s_{t-1}$$

$$= \delta_{t}^{T} \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & & & & \\ 0 & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & & & & \\ 0 & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} & \dots \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_{t-1}^{t-1} \\ s_{2}^{t-1} \\ \vdots \\ s_{n}^{t-1} \end{bmatrix}$$

$$= \left[ \int_{t-1}^{t-1} \int_{t-$$

$$= \delta_t^T \begin{bmatrix} s_1^{t-1} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_2^{t-1} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} \dots$$
(59)

$$= \begin{bmatrix} \delta_1^t & \delta_2^t & \dots & \delta_n^t \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} s_1^{t-1} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} s_2^{t-1} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} & \dots \end{bmatrix}$$

$$(60)$$

$$= \begin{bmatrix} \delta_{1}^{t} s_{1}^{t-1} & \delta_{1}^{t} s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{1}^{t} s_{n}^{t-1} \\ \delta_{2}^{t} s_{1}^{t-1} & \delta_{2}^{t} s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{2}^{t} s_{n}^{t-1} \\ \vdots & & & & \\ \delta_{n}^{t} s_{1}^{t-1} & \delta_{n}^{t} s_{2}^{t-1} & \dots & \delta_{n}^{t} s_{n}^{t-1} \end{bmatrix}$$

$$= \nabla_{Wt} E$$

$$(61)$$

接下来,我们计算式7加号右边的部分:

$$\delta_t^T W \frac{\partial f(\text{net}_{t-1})}{\partial W} = \delta_t^T W \frac{\partial f(\text{net}_{t-1})}{\partial \text{net}_{t-1}} \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W}$$
(63)

$$= \delta_t^T W f'(\text{net}_{t-1}) \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W}$$
 (64)

$$= \delta_t^T W f'(\text{net}_{t-1}) \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W}$$

$$= \delta_t^T \frac{\partial \text{net}_t}{\partial \text{net}_{t-1}} \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W}$$
(64)

$$= \delta_{t-1}^T \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W} \tag{66}$$

于是,我们得到了如下递推公式:

$$\nabla_W E = \frac{\partial E}{\partial W}$$

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_t} \frac{\partial \text{net}_t}{\partial W}$$
(67)

$$= \frac{\partial E}{\partial \text{net}_t} \frac{\partial \text{net}_t}{\partial W}$$
 (68)

$$= \nabla_{Wt} E + \delta_{t-1}^T \frac{\partial \text{net}_{t-1}}{\partial W}$$
 (69)

$$= \nabla_{Wt} E + \nabla_{Wt-1} E + \delta_{t-2}^T \frac{\partial \text{net}_{t-2}}{\partial W}$$

$$(70)$$

$$= \nabla_{Wt} E + \nabla_{Wt-1} E + \dots + \nabla_{W1} E \tag{71}$$

$$=\sum_{k=1}^{t}\nabla_{Wk}E\tag{72}$$

这样,我们就证明了:最终的梯度 $\nabla_W E$ 是各个时刻的梯度之和。

-----数学公式超高能预警解除------

同权重矩阵W类似,我们可以得到权重矩阵U的计算方法。

$$abla_{U_t} E = egin{bmatrix} \delta_1^t x_1^t & \delta_1^t x_2^t & \dots & \delta_1^t x_m^t \ \delta_2^t x_1^t & \delta_2^t x_2^t & \dots & \delta_2^t x_m^t \ & & & & \ & & & \ & & & \ & & & \ & & & \ & & & \ & & & \ & & & \ & & \ & & & \ & & \ & & \ & & \ & & \ & & \ & & \ & & \ & \ & & \ & & \$$

式8是误差函数在时刻对权重矩阵U的梯度。和权重矩阵W一样,最终的梯度也是各个时刻的梯度之和:

$$abla_U E = \sum_{i=1}^t 
abla_{U_i} E$$

具体的证明这里就不再赘述了,感兴趣的读者可以练习推导一下。

### RNN的梯度爆炸和消失问题

不幸的是,实践中前面介绍的几种RNNs并不能很好的处理较长的序列。一个主要的原因是,RNN在训练中很容易发生梯度爆炸和梯度消 失,这导致训练时梯度不能在较长序列中一直传递下去,从而使RNN无法捕捉到长距离的影响。

为什么RNN会产生梯度爆炸和消失问题呢?我们接下来将详细分析一下原因。我们根据式3可得:

$$\delta_k^T = \delta_t^T \prod_{i=k}^{t-1} W diag[f'(\text{net}_i)]$$
(73)

$$\|\delta_{k}^{T}\| \leq \|\delta_{t}^{T}\| \prod_{i=k}^{t-1} \|W\| \|diag[f'(\text{net}_{i})]\|$$

$$\leq \|\delta_{t}^{T}\| (\beta_{W}\beta_{f})^{t-k}$$
(75)

$$\leq \|\delta_t^T\|(\beta_W \beta_f)^{t-k} \tag{75}$$

上式的 $oldsymbol{eta}$ 定义为矩阵的模的上界。因为上式是一个指数函数,如果t-k很大的话(也就是向前看很远的时候),会导致对应的**误差项**的值增长 或缩小的非常快,这样就会导致相应的**梯度爆炸和梯度消失**问题(取决于 $oldsymbol{eta}$ 大于1还是小于1)。

通常来说,梯度爆炸更容易处理一些。因为梯度爆炸的时候,我们的程序会收到NaN错误。我们也可以设置一个梯度阈值,当梯度超过这个 阈值的时候可以直接截取。

梯度消失更难检测,而且也更难处理一些。总的来说,我们有三种方法应对梯度消失问题:

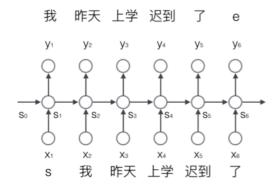
- 1. 合理的初始化权重值。初始化权重,使每个神经元尽可能不要取极大或极小值,以躲开梯度消失的区域。
- 2. 使用relu代替sigmoid和tanh作为激活函数。原理请参考上一篇文章零基础入门深度学习(4) 卷积神经网络的激活函数一节。
- 3. 使用其他结构的RNNs,比如长短时记忆网络(LTSM)和Gated Recurrent Unit(GRU),这是最流行的做法。我们将在以后的文章 中介绍这两种网络。

### RNN的应用举例——基于RNN的语言模型

现在,我们介绍一下基于RNN语言模型。我们首先把词依次输入到循环神经网络中,每输入一个词,循环神经网络就输出截止到目前为止, 一个最可能的词。例如,当我们依次输入:

我昨天上学迟到了

神经网络的输出如下图所示:



其中,s和e是两个特殊的词,分别表示一个序列的开始和结束。

### 向量化

我们知道,神经网络的输入和输出都是**向量**,为了让语言模型能够被神经网络处理,我们必须把词表达为向量的形式,这样神经网络才能处

神经网络的输入是词,我们可以用下面的步骤对输入进行向量化:

- 1. 建立一个包含所有词的词典,每个词在词典里面有一个唯一的编号。
- 2. 任意一个词都可以用一个N维的one-hot向量来表示。其中, N是词典中包含的词的个数。假设一个词在词典中的编号是i, v是表示这 个词的向量, $v_i$ 是向量的第j个元素,则:

$$v_j = \begin{cases} 1 & j = i \\ 0 & j \neq i \end{cases} \tag{76}$$

上面这个公式的含义,可以用下面的图来直观的表示:



使用这种向量化方法,我们就得到了一个高维、**稀疏**的向量(稀疏是指绝大部分元素的值都是0)。处理这样的向量会导致我们的神经网络有很多的参数,带来庞大的计算量。因此,往往会需要使用一些降维方法,将高维的稀疏向量转变为低维的稠密向量。不过这个话题我们就不再这篇文章中讨论了。

语言模型要求的输出是下一个最可能的词,我们可以让循环神经网络计算计算词典中每个词是下一个词的概率,这样,概率最大的词就是下一个最可能的词。因此,神经网络的输出向量也是一个N维向量,向量中的每个元素对应着词典中相应的词是下一个词的概率。如下图所示:



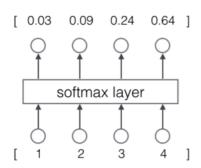
#### Softmax层

前面提到,**语言模型**是对下一个词出现的**概率**进行建模。那么,怎样让神经网络输出概率呢?方法就是用softmax层作为神经网络的输出层。

我们先来看一下softmax函数的定义:

$$g(z_i) = rac{e^{z_i}}{\sum_k e^{z_k}}$$

这个公式看起来可能很晕,我们举一个例子。Softmax层如下图所示:



从上图我们可以看到,softmax layer的输入是一个向量,输出也是一个向量,两个向量的维度是一样的(在这个例子里面是4)。输入向量  $x=[1\ 2\ 3\ 4]$ 经过softmax层之后,经过上面的softmax函数计算,转变为输出向量 $y=[0.03\ 0.09\ 0.24\ 0.64]$ 。计算过程为:

$$y_1 = \frac{e^{x_1}}{\sum_k e^{x_k}} \tag{77}$$

$$=\frac{e^1}{e^1+e^2+e^3+e^4}\tag{78}$$

$$=0.03$$
 (79)

$$y_2 = \frac{e^2}{1 + 2 + 2 + 4} \tag{80}$$

$$=0.09$$
 (81)

$$y_3 = \frac{e^3}{e^1 + e^2 + e^3 + e^4} \tag{82}$$

$$=0.24$$
 (83)

$$y_4 = \frac{e^4}{1 + e^2 + e^3 + e^4} \tag{84}$$

$$=0.64$$
 (85)

我们来看看输出向量y的特征:

- 1. 每一项为取值为0-1之间的正数;
- 2. 所有项的总和是1。

我们不难发现,这些特征和**概率**的特征是一样的,因此我们可以把它们看做是概率。对于**语言模型**来说,我们可以认为模型预测下一个词是词典中第一个词的概率是0.03,是词典中第二个词的概率是0.09,以此类推。

#### 语言模型的训练

可以使用监督学习的方法对语言模型进行训练,首先,需要准备训练数据集。接下来,我们介绍怎样把语料

我昨天上学迟到了

转换成语言模型的训练数据集。

首先,我们获取输入-标签对:

#### 输入 标签

s 我

我 昨天

昨天 上学

上学 迟到

迟到 了

了(

然后,使用前面介绍过的**向量化**方法,对输入x和标签y进行**向量化**。这里面有意思的是,对标签y进行向量化,其结果也是一个one-hot向量。例如,我们对标签『我』进行向量化,得到的向量中,只有第2019个元素的值是1,其他位置的元素的值都是0。它的含义就是下一个词是『我』的概率是1,是其它词的概率都是0。

最后,我们使用交叉熵误差函数作为优化目标,对模型进行优化。

在实际工程中,我们可以使用大量的语料来对模型进行训练,获取训练数据和训练的方法都是相同的。

#### 交叉熵误差

一般来说,当神经网络的输出层是softmax层时,对应的误差函数E通常选择交叉熵误差函数,其定义如下:

$$L(y,o) = -\frac{1}{N} \sum_{n \in N} y_n logo_n$$

在上式中,N是训练样本的个数,向量 $y_n$ 是样本的标记,向量 $o_n$ 是网络的输出。标记 $y_n$ 是一个one-hot向量,例如 $y_1=[1,0,0,0]$ ,如果网络的输出o=[0.03,0.09,0.24,0.64],那么,交叉熵误差是(假设只有一个训练样本,即N=1):

$$L = -\frac{1}{N} \sum_{n \in N} y_n log o_n \tag{86}$$

$$= -y_1 log o_1 \tag{87}$$

$$= -(1 * log 0.03 + 0 * log 0.09 + 0 * log 0.24 + 0 * log 0.64)$$

$$= 3.51$$
(88)

我们当然可以选择其他函数作为我们的误差函数,比如最小平方误差函数(MSE)。不过对概率进行建模时,选择交叉熵误差函数更make sense。具体原因,感兴趣的读者请阅读参考文献7。

### RNN的实现

为了加深我们对前面介绍的知识的理解,我们来动手实现一个RNN层。我们复用了上一篇文章<u>零基础入门深度学习(4)-卷积神经网络</u>中的一些代码,所以先把它们导入进来。

```
    import numpy as np
    from cnn import ReluActivator, IdentityActivator, element_wise_op
```

我们用RecurrentLayer类来实现一个**循环层。**下面的代码是初始化一个循环层,可以在构造函数中设置卷积层的超参数。我们注意到,循环层有两个权重数组,U和W。

```
1. class RecurrentLayer(object):
2. def __init__(self, input_width, state_width,
3. activator, learning_rate):
4. 
5. self. input_width = input_width
6. self. state_width = state_width
7. self. activator = activator
8. self. learning_rate = learning_rate
9. self. learning_rate = learning_rate
10. self. state_list = [] # 保存各个时刻的比为t0
11. self. state_list. append(np. zeros(
12. (state_width, 1))) # 初始化s0
13. self. U = np. random. uniform(-le-4, le-4, (state_width, input_width)) # 初始化s0
14. (state_width, input_width)) # 初始化s0
15. self. W = np. random. uniform(-le-4, le-4, (state_width, state_width)) # 初始化s0
```

在forward方法中,实现循环层的前向计算,这部分比较简单。

#### 在backword方法中,实现BPTT算法。

```
def backward(self, sensitivity_array,
                               activator):
                    实现BPTT算法
                   self.calc_delta(sensitivity_array, activator)
                    self.calc_gradient()
              def calc_delta(self, sensitivity_array, activator):
    self.delta_list = [] # 用来保存各个时刻的误差项
    for i in range(self.times):
        self.delta_list.append(np.zeros(
                               (self.state_width, 1)))
                   self.delta_list.append(sensitivity_array)
# 迭代计算每个时刻的误差项
for k in range(self.times - 1, 0, -1):
                         self.\,calc\_delta\_k\,(k,\ activator)
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
              \label{eq:def_delta_k} def \ calc\_delta\_k(self, \ k, \ activator):
                    根据k+1时刻的delta计算k时刻的delta
                   state = self.state_list[k+1].copy()
element_wise_op(self.state_list[k+1],
                                    activator. backward)
                   self.delta_list[k] = np.dot(
   np.dot(self.delta_list[k+1].T, self.W),
   np.diag(state[:,0])).T
              def calc_gradient(self):
                  def calc_gradient_t(self, t):
                   计算每个时刻t权重的梯度
                   gradient = np.dot(self.delta_list[t],
                         self.state\_list[t-1].T)
                   self.gradient_list[t] = gradient
```

有意思的是, BPTT算法虽然数学推导的过程很麻烦, 但是写成代码却并不复杂。

在update方法中,实现梯度下降算法。

```
1. def update(self):
2. 2. 3. 按照梯度下降,更新权重
4. '''
5. self.W -= self.learning_rate * self.gradient
```

上面的代码不包含权重U的更新。这部分实际上和全连接神经网络是一样的,留给感兴趣的读者自己来完成吧。

循环层是一个带状态的层,每次forword都会改变循环层的内部状态,这给梯度检查带来了麻烦。因此,我们需要一个reset\_state方法,来重置循环层的内部状态。

#### 最后,是梯度检查的代码。

```
1. def gradient_check():
2.
3. 梯度检查
4. **
5. # 设计一个误差函数,取所有节点输出项之和
6. error_function = lambda o: o. sum()
```

```
r1 = RecurrentLayer(3, 2, IdentityActivator(), 1e-3)
# 计算forward值
x, d = data_set()
rl. forward(x[0])
rl. forward(x[1])
# 求取sensitivity man
sensitivity_array = np. ones(r1.state_list[-1].shape,
                                    dtype=np. float64)
# 计算梯度
rl.backward(sensitivity_array, IdentityActivator())
# 检查梯度
epsilon = 10e-4
for i in range(rl.W.shape[0]):
    for j in range(rl.W.shape[1]):
rl.W[i, j] += epsilon
          rl.reset_state()
          rl. forward(x[0])
          rl. forward(x[1])
          err1 = error_function(rl.state_list[-1])
rl.W[i, j] -= 2*epsilon
          rl. reset_state()
          rl. forward(x[0])
          rl. forward(x[1])
          r1.forward(x[1])
err2 = error_function(rl.state_list[-1])
expect_grad = (err1 - err2) / (2 * epsilon)
r1.W[i, j] += epsilon
print 'weights(%d,%d): expected - actural %f - %f' % (
                i, j, expect_grad, rl.gradient[i,j])
```

需要注意,每次计算error之前,都要调用reset state方法重置循环层的内部状态。下面是梯度检查的结果,没问题!

```
>>> rnn.gradient_check()
weights(0,0): expected - actural 0.000013 - 0.000013
weights(0,1): expected - actural 0.000383 - 0.000383
weights(1,0): expected - actural 0.000013 - 0.000013
weights(1,1): expected - actural 0.000383 - 0.000383
```

### 小节

至此,我们讲完了基本的**循环神经网络**、它的训练算法:**BPTT**,以及在语言模型上的应用。RNN比较烧脑,相信拿下前几篇文章的读者们搞定这篇文章也不在话下吧!然而,**循环神经网络**这个话题并没有完结。我们在前面说到过,基本的循环神经网络存在梯度爆炸和梯度消失问题,并不能真正的处理好长距离的依赖(虽然有一些技巧可以减轻这些问题)。事实上,真正得到广泛的应用的是循环神经网络的一个变体:**长短时记忆网络**。它内部有一些特殊的结构,可以很好的处理长距离的依赖,我们将在下一篇文章中详细的介绍它。现在,让我们稍事休息,准备挑战更为烧脑的**长短时记忆网络**吧。



# 参考资料

- 1. RECURRENT NEURAL NETWORKS TUTORIAL
- 2. <u>Understanding LSTM Networks</u>
- 3. The Unreasonable Effectiveness of Recurrent Neural Networks
- 4. Attention and Augmented Recurrent Neural Networks
- 5. On the difficulty of training recurrent neural networks, Bengio et al.
- 6. Recurrent neural network based language model, Mikolov et al.
- 7. Neural Network Classification, Categorical Data, Softmax Activation, and Cross Entropy Error, McCaffrey

### • 内容目录

- o <u>零基础入门深度学习(5) 循环神经网络</u>
  - 文章列表

- 往期回顾
- 语言模型
- 循环神经网络是啥
  - 基本循环神经网络
  - 双向循环神经网络
  - 深度循环神经网络
- 循环神经网络的训练
  - 循环神经网络的训练算法:BPTT
    - 前向计算
    - 误差项的计算
    - 权重梯度的计算
  - RNN的梯度爆炸和消失问题
- RNN的应用举例——基于RNN的语言模型
  - 向量化
  - Softmax层
  - 语言模型的训练
  - 交叉熵误差
- RNN的实现
- <u>小节</u>
- 参考资料
- 机器学习7 0
  - 零基础入门深度学习(7) 递归神经网络
  - 零基础入门深度学习(6) 长短时记忆网络(LSTM)
  - 零基础入门深度学习(5) 循环神经网络
  - 零基础入门深度学习(4) 卷积神经网络
  - 零基础入门深度学习(3) 神经网络和反向传播算法
  - 零基础入门深度学习(2) 线性单元和梯度下降
  - 零基础入门深度学习(1) 感知器
  - 深度学习入门7
    - 零基础入门深度学习(7) 递归神经网络
    - 零基础入门深度学习(6) 长短时记忆网络(LSTM)
    - 零基础入门深度学习(5) 循环神经网络
    - 零基础入门深度学习(4) 卷积神经网络
    - 零基础入门深度学习(3) 神经网络和反向传播算法
    - 零基础入门深度学习(2) 线性单元和梯度下降
    - 零基础入门深度学习(1) 感知器
  - o 搜索 hanbingtao 的文稿标题
  - 以下【标签】将用于标记这篇文稿:

- 。 <u>下载客</u>户端
  - o <u>关注开发者</u>
  - o 报告问题,建议
  - o <u>联系我们</u>

添加新批注

5 8

保存取消

在作者公开此批注前,只有你和作者可见。



保存 取消

修改 保存 取消 删除

- 私有
- 公开
- 删除

查看更早的 5 条回复

回复批注

×

# 通知

取消 确认

- \_
- \_