Regression Models Course Project

suwei

2018-3-13

Executive Summary

This is an report about the assignment of Coursera project: Regression Models. In the report, we explored dataset <code>mtcars</code> to answer two interested questions:

- 1. "Is an automatic or manual transmission better for MPG"
- 2. "Quantify the MPG difference between automatic and manual transmissions"

The answer is that:

- 1. In average, the manual transmission vehicles have a 7.245 greater MPG than the automatic transmission vehicles (confirmed by t-test).
- 2. In our model, it shows that the manual transmission vehicles only have a 1.81 MPG greater than automatic transmission vehicles.

Exploratory Analysis

```
library(ggplot2)
data("mtcars")
head(mtcars)
```

mpg <dbl></dbl>	cyl <dbl></dbl>	disp <dbl></dbl>	hp <dbl></dbl>	drat <dbl></dbl>	wt <dbl></dbl>	qsec <dbl></dbl>	vs <dbl></dbl>	am <dbl></dbl>
21.0	6	160	110	3.90	2.620	16.46	0	1
21.0	6	160	110	3.90	2.875	17.02	0	1
22.8	4	108	93	3.85	2.320	18.61	1	1
21.4	6	258	110	3.08	3.215	19.44	1	0
18.7	8	360	175	3.15	3.440	17.02	0	0
18.1	6	225	105	2.76	3.460	20.22	1	0
	<dbl> 21.0 21.0 22.8 21.4 18.7</dbl>	<pre><dbl> <dbl> 21.0 6 21.0 6 22.8 4 21.4 6 18.7 8</dbl></dbl></pre>	<dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> 21.0 6 160 21.0 6 160 22.8 4 108 21.4 6 258 18.7 8 360</dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>	<dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> 21.0 6 160 110 21.0 6 160 110 22.8 4 108 93 21.4 6 258 110 18.7 8 360 175</dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>	<dbl> 21.0 6 160 110 3.90 21.0 6 160 110 3.90 22.8 4 108 93 3.85 21.4 6 258 110 3.08 18.7 8 360 175 3.15</dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>	<dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> <d><dbl> <dbl> <d< td=""><td><dbl> <dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> </dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></td></d<></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> 21.4 6 258 110 3.08 3.215 19.44 18.7 8 360 175 3.15 3.440 17.02</dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>	<dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> <d> <dbl> </dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d> </dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>	<dbl> <d> <dbl> <d><dbl> <dbl> <dbl< td=""></dbl<></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></d></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl></dbl>

```
col_name <- c('cyl', 'vs', 'am', 'gear', 'carb')
mtcars[col_name] <- lapply(mtcars[col_name] , factor)
automatic <- mtcars[mtcars$am == 0,]
manual <- mtcars[mtcars$am == 1,]</pre>
```

As you can see, in Appendix Plot 1, automatic trasmission vehicles are having a lower MPG than manual transmission. So we considered it as our hypothesis, and use t-test to confirmed it.

```
test <- t.test(manual$mpg, automatic$mpg)
```

The p-value of the test is 0.0013736, so the test rejects the null hypothesis that there is no difference between manual transmission and automatic transmission. The manual transmission vehicles have a 7.2449393 greater MPG than the automatic transmission vehicles.

Next, let's quantify the MPG difference between automatic transmissions and manual transmissions.

```
model_all <- lm(mpg ~., data = mtcars)
model_best <- step(model_all)</pre>
```

```
summary(model_best)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = mpg \sim cyl + hp + wt + am, data = mtcars)
##
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -3. 9387 -1. 2560 -0. 4013 1. 1253 5. 0513
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 33.70832
                          2.60489 12.940 7.73e-13 ***
              -3. 03134
                          1. 40728 -2. 154 0. 04068 *
## cy16
              -2. 16368 2. 28425 -0. 947 0. 35225
## cv18
              -0.03211
## hp
                          0.01369
                                  -2.345 0.02693 *
## wt
              -2.49683
                          0.88559 -2.819 0.00908 **
## am1
              1.80921
                          1.39630
                                   1. 296 0. 20646
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## Residual standard error: 2.41 on 26 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.8659, Adjusted R-squared: 0.8401
## F-statistic: 33.57 on 5 and 26 DF, p-value: 1.506e-10
```

First, we use all the variables except $_{\rm mpg}$ to build a liner model, and than use the $_{\rm step}()$ function to find the best one. It seems that when using variables: $_{\rm cyl}$, $_{\rm hp}$, $_{\rm wt}$, $_{\rm am}$ to build a model, we can get the best model which it's AIC is the lowest one. The R-squared value is 0.8659 confirmes that this model explain 86.59% of the variance in MPG. Also the extremely small p-value shows the model is statistically significant. As a result, the $_{\rm manual}$ transmission vehicles only have a 1.81 MPG greater than $_{\rm automatic}$ transmission vehicles.

Last, let's check do the residual diagnostics part. As you can see, in Appendix Plot 2:

- 1. From the Residuals vs Fitted plot.
- 2. From the Normal Q-Q plot, residuals are followed the normal distribution.
- 3. From the **Scale-Location** plot, random distribution of residuals confirms that the variance is almost a constant value.
- 4. From the **Residuals vs Leverage** plot, no high leverage point exsit.

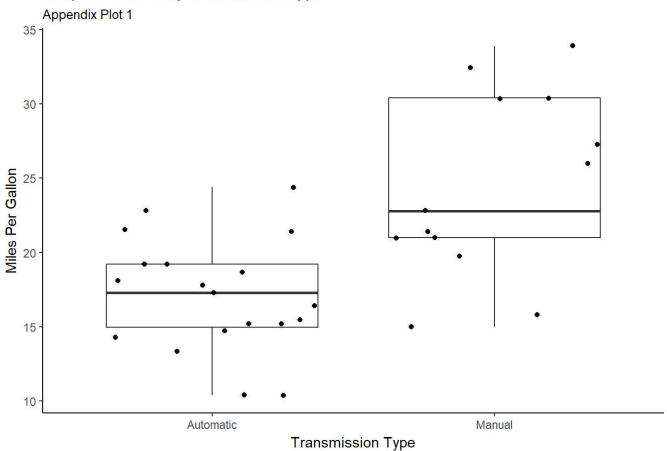
Conclusion

MPG difference exsit between manual transmission vehicles and automatic transmission vehicles. A manual transmission vehicles have 1.81 MPG greater than automatic transmission vehicles.

Appendix

```
box_plot <- ggplot(data = mtcars, aes(x = am, y = mpg)) + geom_boxplot()
box_plot <- box_plot + geom_jitter() + theme_classic()
box_plot <- box_plot + ggtitle("Boxplot of MPG by transmission type", subtitle = "Appendix Plot 1") +
xlab("Transmission Type") + ylab("Miles Per Gallon") + scale_x_discrete(labels=c("1" = "Manual", "0"
= "Automatic"))
box_plot</pre>
```

Boxplot of MPG by transmission type



Appendix Plot 2

```
par(mfrow = c(2,2))
plot(model_best)
```

