

### **Outline**

THSS 44100593 2019 / XS-301

- ♦ LR(0) 自动机\*
- ♦ SLR(1) 分析\*
- ♦ LR(1) 分析\*



# LR分析基础

THSS 44100593 2019 / XS-301

◆ LR 分析表举例

- 文法: *G[E]* 

$$(1) E \rightarrow E + T \quad (2) E \rightarrow T$$

$$(3) T \rightarrow T*F \qquad (4) T \rightarrow F$$

(5) 
$$F \rightarrow (E)$$
 (6)  $F \rightarrow V$  (7)  $F \rightarrow d$ 

栈顶	ACTION					GOTO				
状态	V	d	*	+	(	)	#	E	T	F
0	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s4			1	2	3
1				<i>s</i> 7			acc			
2			<i>s</i> 8	<i>r</i> 2		<i>r</i> 2	<i>r</i> 2			
3			r4	r4		r4	r4			
2 3 4 5	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s <b>4</b>			9	2	3
5			<i>r</i> 6	<i>r</i> 6		<i>r</i> 6	r6			
6			<i>r</i> 7	<i>r</i> 7		<i>r</i> 7	<i>r</i> 7			
7	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s4				10	3
8 9	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s4					11
9				<i>s</i> 7		s12				
10			<i>s</i> 8	<i>r</i> 1		<i>r</i> 1	<i>r</i> 1			
11			<i>r</i> 3	<i>r</i> 3		<i>r</i> 3	<i>r</i> 3			
12			<i>r</i> 5	<i>r</i> 5		<i>r</i> 5	<i>r</i> 5			



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ LR(0)项目

- LR (0) 项目 (item) 或配置 (configuration)
  - 一个LR(0)项目或配置是在右端某一位置有圆点的产生式

如,产生式  $A \rightarrow xyz$  对应如下 4 个 LR (0) 项目:

 $A \rightarrow .xyz$ 

A→x.yz

 $A \rightarrow xy.z$ 

 $A \rightarrow xyz$ .

圆点标志着已分析过的串与该产生式匹配的位置

- 内核项: 圆点不在最左端
- 非内核项: 圆点在最左端

THSS 44100593 2019 / XS-30

### ♦ 核心概念

拓广文法(augmented grammar)

对于文法 
$$G = (V_N, V_T, P, S)$$
,增加如下产生式  $S' \rightarrow S$ 

其中, $S' \notin V_N \cup V_T$ ,得到 G 的拓广文法  $G' = (V_N, V_T, P, S')$ 

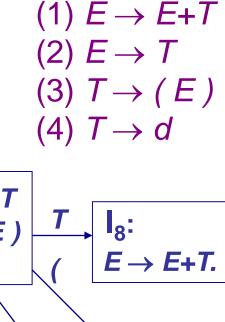
- 说明: (1) 拓广文法等价于原文法;
  - (2) 拓广文法的开始符号不会出现在任何产生式的右部;
  - (3) LR(0)自动机的构造用到拓广文法
  - (4) S'→.S 是内核项



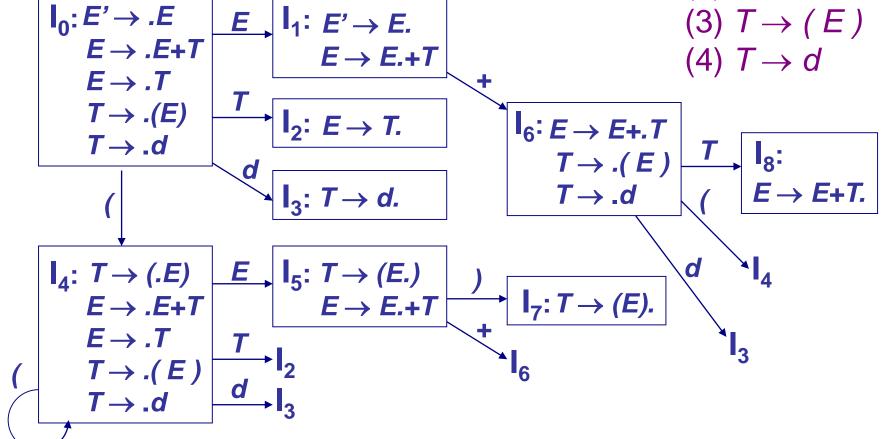
**THSS** 44100593 2019 / XS-301

### ◆ LR(0)自动机的构造举例

- 文法G[E]的拓广文法G'[E']的 LR(0)自动机



G[E]:





# LR(0)自动机

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ 核心概念

- LR(0)自动机
  - 每个上下文无关文法 G 都对应一个LR(0) 自动机
  - 由 G 的拓广文法 G'直接构造其 LR(0)自动机
  - 文法  $G = (V_N, V_T, P, S)$  的LR(0)自动机可以 看作一个字母表为  $V_N \cup V_T$  的 DFA(所有状态都是终态),可以证明该 DFA 的语言是 G 的所有活前缀的集合(后面讨论)

THSS 44100593 2019 / XS-301

## ◆ LR(0)自动机的构造

- LR(0)自动机的状态
  - LR(0)自动机的状态是一个 LR(0)项目集的闭包(*closure*)
  - 计算LR (0) 项目集 I 的闭包 CLOSURE (I) 的算法:

```
function CLOSURE(I)

{ J:= I;
    repeat for J 中的每个项目A →α .Bβ 和 产生式 B→γ
        do 若B→ .γ 不在J中,则加 B→ .γ 到 J 中
    until 上一次循环不再有新项目加到J中
    return J
};
```

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◆ LR(0)自动机的构造

- LR (0) 项目解析

设 G'[S'] 是文法  $G = (V_N, V_T, P, S)$ 的拓广文法

根据圆点所在的位置和圆点后是终结符还是非终结符或为空,把项目分为以下几种:

移进项目: 形如  $A \rightarrow \alpha$  .a $\beta$ , 其中 $a \in V_T$ ,  $\alpha$  , $\beta \in (V_N \cup V_T)^*$ 

待约项目: 形如  $A \rightarrow \alpha$  .  $B\beta$ 

归约项目: 形如  $A \rightarrow \alpha$ .

接受项目: 形如 S'→ S.

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◇ LR(0)自动机的构造

- LR(0)自动机的初态

设文法 G[S] 的拓广文法为 G'[S'], 则 G'的LR(0)自动机的初态

$$I_0 = CLOSURE(\{S' \rightarrow .S\})$$

# 例 右边文法G[E]的拓广文法为 G'[E'],其 LR(0)自动机的初态 $I_0 = \{ E' \rightarrow .E, E \rightarrow .E + T, E \rightarrow .T, T \rightarrow .(E), T \rightarrow .d$

### G[E]:

- (1)  $E \rightarrow E+T$
- (2)  $E \rightarrow T$
- (3)  $T \rightarrow (E)$
- (4)  $T \rightarrow d$



THSS 44100593 2019 / XS-301

- ◆ LR(0)自动机的构造
  - LR(0)自动机的状态转移函数

GO(I,X) = CLOSURE(J)

其中,I为LR(0)自动机的状态(项目集的闭包),X 为 文法符号,J={  $A \rightarrow \alpha X.\beta \mid A \rightarrow \alpha.X\beta \in I$ }

从 LR(0)自动机的初态出发,应用上述转移函数,可逐步构造出完整的 LR(0)自动机

对于文法G,称其 LR(0)自动机的所有状态的集合为 G的LR(0)项目集规范族



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◆ LR(0)自动机的构造

- 计算 LR (0) 项目集规范族

设文法 G[S] 的拓广文法为 G'[S'], 则 G'的LR (0) 项目 集规范族  $\mathbb{C}$  可由如下算法计算:

```
C:= { CLOSURE ({S'→.S})}

Repeat

For C 中每一项目集 I 和每一文法符号X

Do if GO(I,X) 非空且不属于C

Then 把 GO(I,X) 放入C中

Until C 不再增大
```



# LR(0)自动机

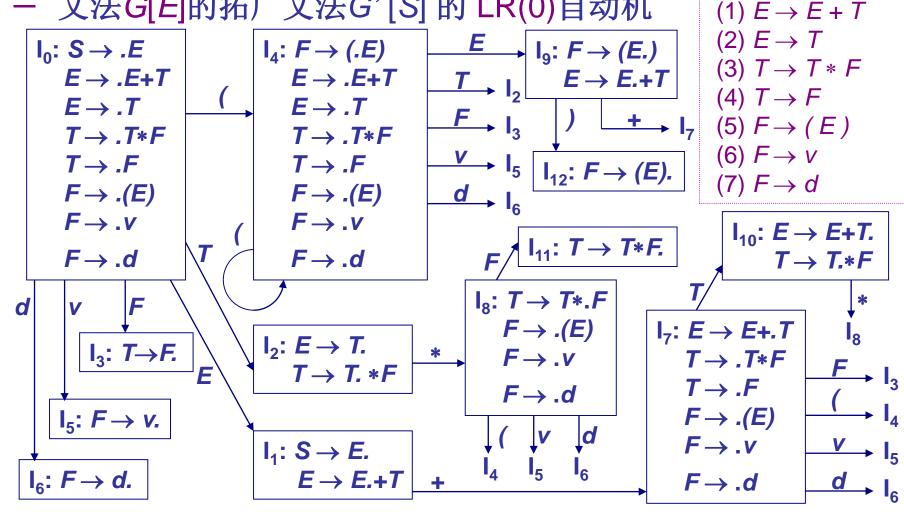
**THSS** 44100593 2019 / XS-301

拓广文法G'[S]:

 $(0) S \rightarrow E$ 

# ◆ LR(0)自动机的构造举例

- 文法G[E]的拓广文法G'[S] 的 LR(0)自动机





THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ 核心概念

- 文法的活前缀/可行前缀(viable prefix)
  - 在移进—归约分析中,活前缀是可以出现在 分析栈上的任何右句型之前缀
  - 活前缀是任何右句型的前缀,它不超过该右句型最右句柄的右端
  - ・ 对于文法  $G = (V_N, V_T, P, S)$ ,以及  $\alpha, \gamma \in (V_N \cup V_T)^*$ , $\beta \in V_T^*$  若  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A \beta$  且  $A \rightarrow \gamma$ ,则  $\alpha \gamma$  的任何前 缀  $\delta$  都是文法 G 的活前缀



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◇ 活前缀举例

- 对于右边的文法G(S),

句子 aaab 是一个右句型,其唯一的句柄为:

ε: aaaεb;

所以 aaa 的任何前缀都是文法的活前缀: ε, a, aa, aaa

右句型 aaAb 的唯一的句柄为: aA: aaAb;

所以 aaA 的任何前缀都是文法的活前缀: ε, a, aa, aaA

### 文法 G(S):

- $(1) S \rightarrow AB$
- $(2) A \rightarrow aA$
- $(3) A \rightarrow \varepsilon$
- $(4) B \rightarrow b$
- $(5) B \rightarrow bB$



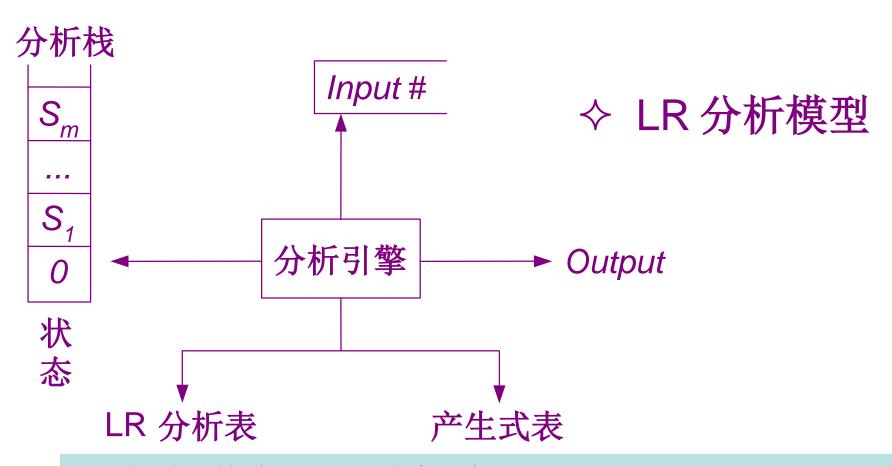
THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◇ 活前缀与句柄的关系

- 活前缀不含有句柄的任何符号 此时期待从输入串中看到该句柄对应的 产生式 A→α的右部所推导出的符号串
- 活前缀只含句柄的一部分符号 表明该句柄对应的产生式 A→α<sub>1</sub>α<sub>2</sub>的 表明该句柄对应的产生式 A→α<sub>1</sub>α<sub>2</sub>的 右部的子串α<sub>1</sub>已出现在栈顶,期待从输入串中看到α<sub>2</sub>推导出的符号串
- 活前缀已含有句柄的全部符号 表明该句柄对应的产生式 A→α的右部α 已出现在栈顶



THSS 44100593 2019 / XS-301



### ◇ 如何获得 LR 分析表

- SLR (1), LR (1) 和 LALR (1) 三种分析方法分别讨论



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ SLR (1) 分析思想

- SLR(1)分析表的构造基于文法的 LR(0) 自动机

在SLR(1)分析表中,ACTION 表的归约 表项只适用于相应非终结符Follow 集中的输入 符号

即,根据下一个输入符号是否属于要归约的 非终结符的 Follow 集来决定是否进行归约



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◆ SLR(1)分析表的构造

- 假定G[S]的拓广文法为G'[S],其LR(0)A的状态集为 $C=\{I_0, I_1, ..., I_n\}$ ;令状态 $I_k$ 对应的 SLR(1)分析表的栈顶状态为k;并令含有项目S'→.S 的项目集为 $I_0$ ,因此0为初态。ACTION表项和 GOTO 表项可按如下方法构造:
- 若GO (I<sub>k</sub>, A)= I<sub>j</sub>, A为非终结符,则置GOTO(k, A)=j;
- 若项目A→α.aβ属于 I<sub>k</sub>且 GO (I<sub>k</sub>, a)= I<sub>j</sub>, a 为终结符,则置 ACTION[k, a] 为 "把状态j移进栈",简记为 "sj";
- 若项目 $A\to\alpha$ . 属于 $I_k$ , 那么,对任何 $a\in Follow(A)$ , 置ACTION[k, a]为 "用产生式 $A\to\alpha$ 进行归约",简记为"rj";其中,假定 $A\to\alpha$ 为文法G"的第j个产生式;
- 若项目 $S' \rightarrow S$ . 属于 $I_k$ ,则置ACTION[k, #]为"接受",简记为"acc";
- 分析表中凡不能用上述规则填入信息的空白格均置上"出错标志"



THSS 44100593 2019 / XS-301

◆ SLR (1) 分析表 的构造举例

- 拓广文法: G'[S]

$$(0) S \rightarrow E (1) E \rightarrow E + T (2) E \rightarrow T$$

$$(3) T \rightarrow T*F \qquad (4) T \rightarrow F$$

(5) 
$$F \rightarrow (E)$$
 (6)  $F \rightarrow V$  (7)  $F \rightarrow d$ 

栈顶	ACTION					GOTO				
状态	V	d	*	+	(	)	#	E	T	F
0	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s4			1	2	3
1				<i>s</i> 7			acc			
2 3			<i>s</i> 8	<i>r</i> 2		<i>r</i> 2	r2			
			r4	r4		r4	r4			
4	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s <b>4</b>			9	2	3
5			<i>r</i> 6	<i>r</i> 6		<i>r</i> 6	<i>r</i> 6			
6			<i>r</i> 7	<i>r</i> 7		<i>r</i> 7	<i>r</i> 7			
7	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			s4				10	3
6 7 8 9	<i>s</i> 5	<i>s</i> 6			<i>s</i> 4					11
9				<i>s</i> 7		s12				
10			<i>s</i> 8	<i>r</i> 1		r1	<i>r</i> 1			
11			<i>r</i> 3	<i>r</i> 3		<i>r</i> 3	<i>r</i> 3			
12			<i>r</i> 5	<i>r</i> 5		<i>r</i> 5	<i>r</i> 5			



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ SLR (1) 文法

- 按上述算法构造的分析表,如果各表项均无多重定义,则称它为文法 G 的一张 SLR (1) 表,并称 G 为一个 SLR (1) 文法
- SLR(1) 文法的LR(0)A中,每个状态都满足:
  - 对该状态的任何项目A→u.av(为终结符),不存在项目 B→w. 使得 a∈Follow(B)
  - 对该状态的任何两个项目A $\rightarrow$ u.和B $\rightarrow$ v.,满足 Follow(A)  $\cap$  Follow(B) =  $\Phi$



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ SLR 分析表

- 使用两张表
- ACTION 表 告诉分析引擎: 在栈顶状态为k, 当前输入符号是 a 时做什么
   ACTION [k,a]=si, Shift: 状态 i 移进栈顶
   ACTION [k,a]=rj, Reduce: 按第 j 条产生式归约
   ACTION [k,a]=acc, Accept: 分析完成
   ACTION [k,a]=err, Error: 发现错误(常标为空白)
- GOTO 表 GOTO[i,A]=j 告诉分析引擎: 在依产生式  $A \rightarrow \beta$  归约之后,栈顶状态为i 时,要将新 状态为 j 移进栈顶 (依产生式  $A \rightarrow \beta$  归约时,要将栈顶的  $|\beta|$  个状态弹出)



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ SLR 分析算法

- 置 ip 指向输入串 w 的首符号,置初始栈顶状态为 o 令 i 为栈顶状态, a 是 ip 指向的符号,重复如下步骤:



**THSS** 44100593 2019 / XS-301

♦ SLR 分析过程举例(1) E→E+T (2) E→T

-文法: G[E] (3)  $T \rightarrow T*F$  (4)  $T \rightarrow F$ 

- 输入串: v+v\*d (5)  $F\rightarrow (E)$  (6)  $F\rightarrow v$  (7)  $F\rightarrow d$ 

分析栈	余留输入串	分析动作
0	v + v * d #	ACTION $[0, v] = s5$
0 5	+ <b>v</b> * <b>d</b> #	ACTION [5,+]=r6, GOTO [0,F]=3
0 3	+ <b>v</b> * <b>d</b> #	ACTION [3,+]= <i>r4</i> , GOTO [0, <i>T</i> ]=2
0 2	+ <b>v</b> * <b>d</b> #	ACTION $[2,+]=r^2$ , GOTO $[0,E]=1$
0 1	+ <b>v</b> * <b>d</b> #	ACTION [1,+]=s7
0 1 7	<i>v</i> * <i>d</i> #	ACTION [7, v] = s5
0175	* d #	ACTION [5,*]= <i>r6</i> , GOTO [7, <i>F</i> ]=3
0 1 7 3	* d #	ACTION $[3,*]=r4$ , GOTO $[7,T]=10$
0 1 7 10	* d #	ACTION [10,*]=s8
0 1 7 10 8	d#	ACTION [8,d]=s6
0171086	#	ACTION $[6, \#] = r7$ , GOTO $[8, F] = 11$
0 1 7 10 811	#	ACTION $[11, \#] = r3$ , GOTO $[7, T] = 10$
0 1 7 10	#	ACTION $[10, \#] = r1$ , GOTO $[0, E] = 1$
0 1	#	ACTION [1,#]=acc



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ SLR (1) 文法

- 按上述算法构造的分析表,如果各表项均无多重定义,则称它为文法 G 的一张 SLR (1) 表,并称 G 为一个 SLR (1) 文法
- SLR(1) 文法的LR(0)A中,每个状态都满足:
  - 对该状态的任何项目A→u.av(为终结符),不存在项目 B→w. 使得 a∈Follow(B)
  - 对该状态的任何两个项目A $\rightarrow$ u.和B $\rightarrow$ v.,满足 Follow(A)  $\cap$  Follow(B) =  $\Phi$

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◆ SLR(1)分析的局限性举例

- 验证如下文法不是 SLR (1) 的

### 文法 G[E]:

- (1)  $E \rightarrow (L, E)$
- (2)  $E \rightarrow F$
- $(3) L \rightarrow L, E$
- $(4) L \rightarrow E$
- (5)  $F \rightarrow (F)$
- (6)  $F \rightarrow d$

### G[E] 的拓广文法 G'[S]:

- $(0) S \rightarrow E$
- (1)  $E \rightarrow (L, E)$
- (2)  $E \rightarrow F$
- $(3) L \rightarrow L, E$
- $(4) L \rightarrow E$
- $(5) F \rightarrow (F)$
- (6)  $F \rightarrow d$



THSS 44100593 2019 / XS-301

拓广文法G'[S]:

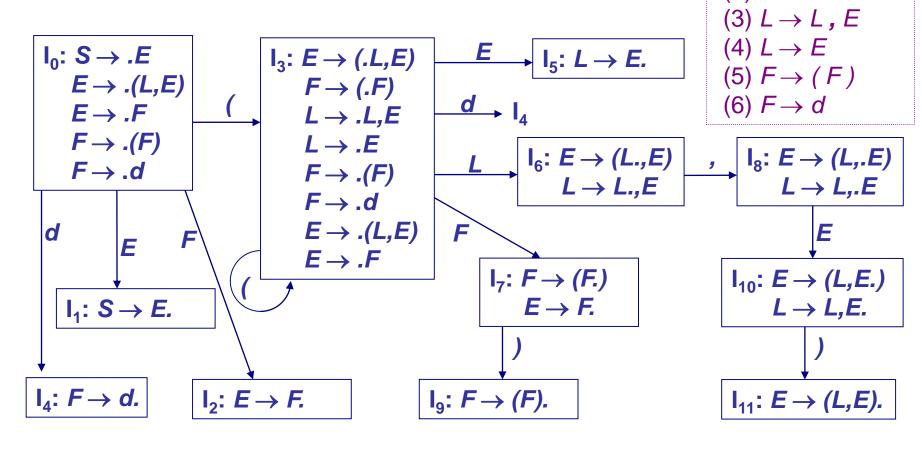
 $(1) E \rightarrow (L, E)$ 

 $(0) S \rightarrow E$ 

(2)  $E \rightarrow F$ 

### ◆ SLR(1)分析的局限性举例

- 构造拓广文法G'[S] 的 LR(0)A





THSS 44100593 2019 / XS-301

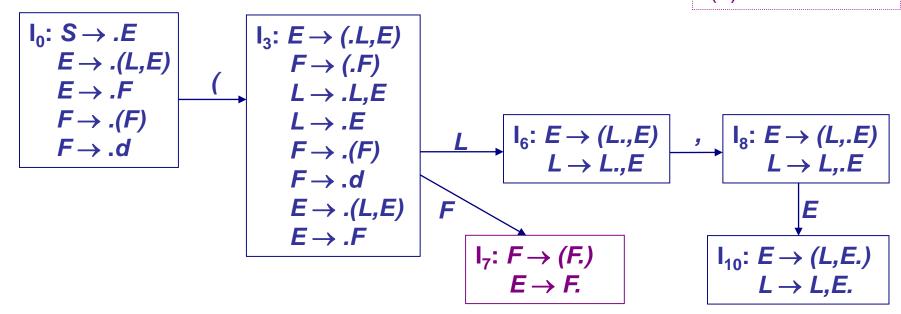
### ♦ SLR(1)分析的局限性举例

- 文法G'[S] 不是SLR(1) 文法

状态 I<sub>7</sub> 的移进—归约冲突无法用 SLR (1) 分析方法解决

### 拓广文法G'[S]:

- $(0) S \rightarrow E$
- $(1) E \rightarrow (L, E)$
- (2)  $E \rightarrow F$
- (3)  $L \rightarrow L$ , E
- $(4) L \rightarrow E$
- (5)  $F \rightarrow (F)$
- (6)  $F \rightarrow d$





THSS 44100593 2019 / XS-301

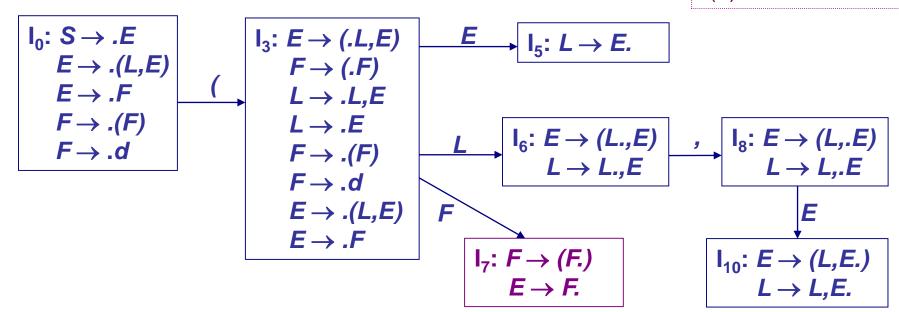
### ◆ SLR(1)分析的局限性举例

- 状态 I<sub>7</sub> 的冲突是可以解决的

从  $I_3$  和  $I_5$  容易看出,到达状态  $I_7$  (栈上的活前缀为(F) 时,句柄 F 所期望的下一个输入符号实际上是,,而不是)

### 拓广文法G'[S]:

- $(0) S \rightarrow E$
- (1)  $E \rightarrow (L, E)$
- (2)  $E \rightarrow F$
- (3)  $L \rightarrow L$ , E
- $(4) L \rightarrow E$
- (5)  $F \rightarrow (F)$
- (6)  $F \rightarrow d$





THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◆ SLR (1) 分析的局限性

- 只考虑到所归约非终结符的 Follow 符号 虽然是向前查看一个输入符号,但只要输入符号属于所归约非终结符的 Follow 集合,就可进行归约
- 未考虑非终结符 Follow 集中的符号是否也是 句柄的 Follow 符号
  - 一个输入符号属于所归约非终结符的 Follow 集合, 未必就是句柄可以后跟的符号



THSS 44100593 2019 / XS-301

- ♦ LR (1) 项目
  - 在 LR (0) 项目基础上增加一个终结符 所增加的终结符称为向前搜索符(lookahead) 表示产生式右端完整匹配后所允许在余留符号 串中的下一个终结符
  - LR(1)项目形如:

 $A \rightarrow \alpha . \beta$ , a

 $A \rightarrow \alpha$ . β 同 LR (0) 项目, a 为向前搜索符。 这里,a 或为终结符,或为输入结束标志符 #



THSS 44100593 2019 / XS-301

- ♦ LR (1) 项目解析
  - 对于形如:

 $A \rightarrow \alpha$ ., a

的 LR (1) 项目,对应 LR (0) 的归约项目,但只有当下一个输入符是 a 时才能进行归约

对于其它形式的LR(1)项目, a 只起到信息 传承的作用

(参见随后的 LR (1) 自动机构造过程)

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ◇ 记号

- 若形如

$$A \rightarrow \alpha . \beta, a_1$$
  
 $A \rightarrow \alpha . \beta, a_2$ 

 $A \rightarrow \alpha . \beta, a_m$ 

的 LR (1) 项目序列需要出现在同一个项目集中时,将其简记为

$$A \rightarrow \alpha . \beta, a_1/a_2/.../a_m$$



THSS 44100593 2019 / XS-301

- - 类似于 LR(0) A, 可以在 LR(1) 项目的基础上为上下文无关文法 G 构造一个类似的有限状态机, 称为 LR(1)自动机(LR(1) A)

THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ LR (1) A的构造

- LR (1) A的状态
  - LR(1) A的状态是 LR(1) 项目集的闭包(closure)
  - 计算LR (1) 项目集 I 的闭包 CLOSURE (I) 的算法:

```
function CLOSURE(I)

{ J:= I;
    repeat for J 中的每个项目 [A→α. Bβ, a] 和产生式 B→γ
        do 将所有形如 [B→.γ, b] 的项目加到 J 中, 这里
             b ∈ First (βa)
    until 上一次循环不再有新项目加到 J 中
    return J
}:
```



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ LR (1) A的构造

- LR (1) A的初态

设文法 G[S] 的拓广文法为 G'[S'], 则 G'的 LR (1) A 的初态  $I_0 = CLOSURE(\{[S'\rightarrow .S, \#]\})$ 

例 设右边文法G[S]的拓广文法为G'[S],其 LR(1)A 的初态

$$I_0: S \rightarrow .E, \#$$
 $E \rightarrow .(L, E), \#$ 
 $E \rightarrow .F, \#$ 
 $F \rightarrow .(F), \#$ 
 $F \rightarrow .d, \#$ 

### 文法 G[E]:

- (1)  $E \rightarrow (L, E)$
- (2)  $E \rightarrow F$
- $(3) L \rightarrow L, E$
- $(4) L \rightarrow E$
- $(5) F \rightarrow (F)$
- (6)  $F \rightarrow d$



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ LR (1) A的构造

- LR(1)A的状态转移函数

GO(I,X) = CLOSURE(J)

- 从 LR (1) A 的初态出发,应用上述转移函数,可逐步构造出完整的 LR (1) A
  - 对于文法G, 称其 LR (1) A的所有状态的集合为 G 的 LR (1) 项目集规范族



THSS 44100593 2019 / XS-301

### ♦ LR (1) A的构造

- 计算 LR (1) 项目集规范族

设文法 G[S] 的拓广文法为 G'[S'], 则 G'的LR(1)项目集规范族 C 可由如下算法计算:

```
C:= { CLOSURE ( { [S'→.S, #] } ) }
Repeat
For C 中每一项目集 I 和每一文法符号X
Do if GO(I,X) 非空且不属于 C
Then 把 GO(I,X) 放入 C 中
Until C 不再增大
```



### Conclusions

THSS 44100593 2019 / XS-301

- ♦ LR(0) 自动机
  - ✓ 活前缀
- ♦ SLR(1)分析
  - ✓ SLR(1)分析表
  - ✓ SLR(1)文法
  - ✓ SLR(1)分析算法
- ♦ LR(1)分析
  - ✓ SLR(1)分析的局限性
  - ✓ SLR(1)分析



# 推荐教学资料

THSS 44100593 2019 / XS-301

- **♦ § 4.6 Introduction to LR Parsing**
- **♦ § 4.7 More Powerful LR Parsers**



THSS 44100593 2019 / XS-301

# Thank you!