

알고리즘_11~12일차 (2/15~2/16)

목차

큐 (Queue)

- 1. 선형큐
- 2. 원형큐
- 3. 연결큐
- 4. 우선순위 큐
- 5. 큐의 활용 : 버퍼
- 6. BFS
- 7. BFS 예제

0. 큐 (Queue)

0-1. 큐 (Queue)

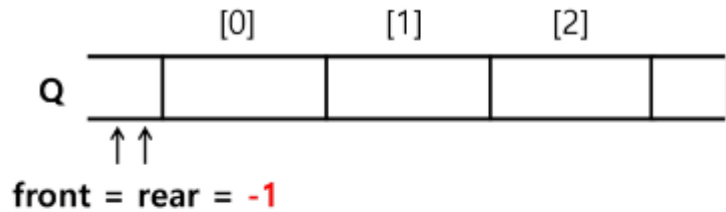
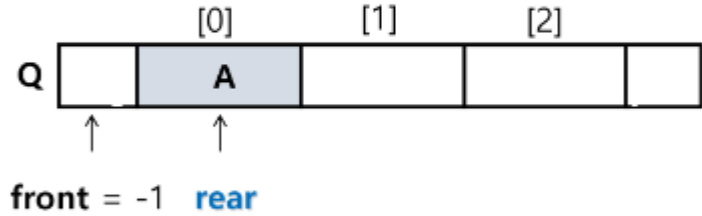
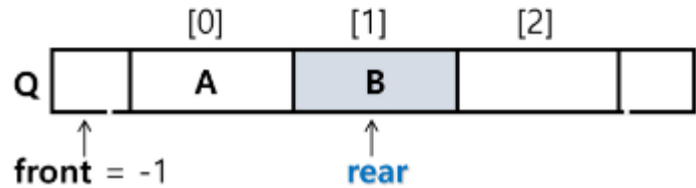
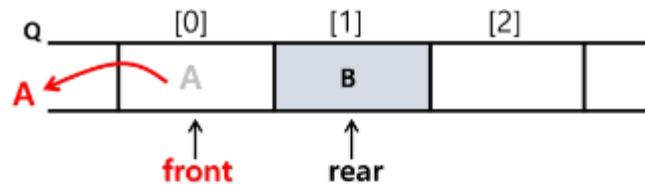
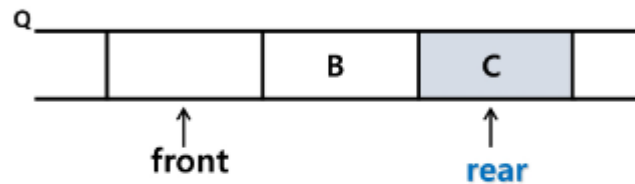
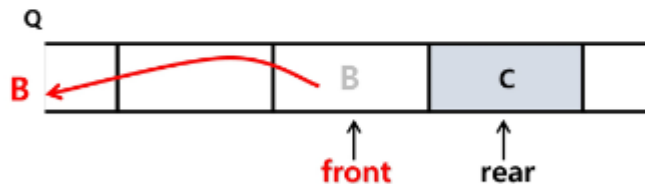
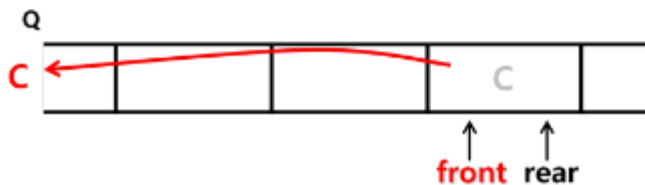
스택과 마찬가지로 삽입과 삭제의 위치가 제한적인 자료구조
큐의 뒤에서는 삽입, 앞에서는 삭제만 이루어지는 구조

선입선출구조 (FIFO : First In First Out)
큐에 삽입한 순서대로 원소가 저장되어, 가장 먼저 삽입된 원소는 가장 먼저 삭제된다.

큐의 기본연산

삽입 : enqueue
삭제 : dequeue

연산	기능
enqueue(item)	큐의 뒤쪽(rear 다음)에 원소를 삽입하는 연산
dequeue()	큐의 앞쪽(front)에서 원소를 삭제하고 반환하는 연산
createQueue()	공백상태의 큐를 생성하는 연산
isEmpty()	큐가 공백상태인지 확인하는 연산
isFull()	큐가 포화상태인지 확인하는 연산
peek()	큐의 앞쪽(front)에서 원소를 삭제 없이 반환하는 연산

1) 공백 큐 생성 : `createQueue()`;2) 원소 A 삽입 : `enqueue(A)`;3) 원소 B 삽입 : `enqueue(B)`;4) 원소 반환/삭제 : `dequeue()`;5) 원소 C 삽입 : `enqueue(C)`;6) 원소 반환/삭제 : `dequeue()`;7) 원소 반환/삭제 : `dequeue()`;

1. 선형큐

1차원 배열을 이용한 큐
 큐의 크기 = 배열의 크기
`front` : 저장된 첫 번째 원소의 인덱스
`rear` : 저장된 마지막 원소의 인덱스
 초기 상태 : `front = rear = -1`
 공백 상태 : `front == rear`
 포화 상태 : `rear == n-1`
 (`n`: 배열의 크기, `n-1`: 배열의 마지막 인덱스)

1-1. 큐의 구현

초기 공백 큐 생성

크기 n 인 1차원 배열 생성
front와 rear를 -1로 초기화

삽입 : enqueue(item)

마지막 원소 뒤에 새로운 원소를 삽입하기 위해
rear 값을 하나 증가시켜 새로운 원소를 삽입할 자리를 마련
그 인덱스에 해당하는 배열원소 $Q[\text{rear}]$ 에 item을 저장

```
def enqueue(item):  
    global rear  
    if isFull():  
        print("Queue_Full")  
    else:  
        rear == rear + 1  
        Q[rear] == item
```

삭제 : dequeue()

가장 앞에 있는 원소를 삭제하기 위해
front 값을 하나 증가시켜 큐에 남아있는 첫 번째 원소로 이동
새로운 첫 번째 원소를 리턴함으로써 삭제와 동일한 기능

```
dequeue()  
    if(isEmpty()) then Queue_Empty()  
    else{  
        front <- front + 1  
        return Q[front]  
    }
```

공백상태 및 포화상태 검사 : isEmpty(), isFull()

공백상태 : $\text{front} == \text{rear}$
포화상태 : $\text{rear} == n-1$
(n : 배열의 크기, $n-1$: 배열의 마지막 인덱스)

```
def isEmpty():  
    return front == rear  
  
def isFull():  
    return rear == len(Q) - 1
```

검색 : Qpeek()

가장 앞에 있는 원소를 검색하여 반환하는 연산

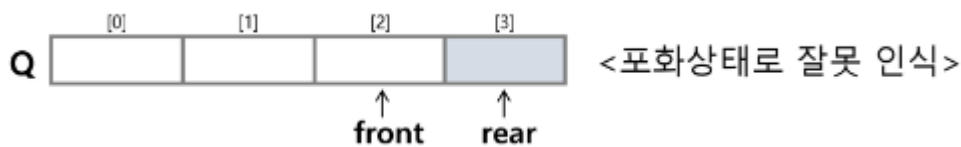
현재 front의 한자리 뒤(front+1)에 있는 원소, 즉 큐의 첫 번째에 있는 원소를 반환

```
def Qpeek():
    if isEmpty():
        print("Queue_Empty")
    else:
        return Q[front+1]
```

1-2. 선형큐 이용시 문제점

잘못된 포화상태 인식

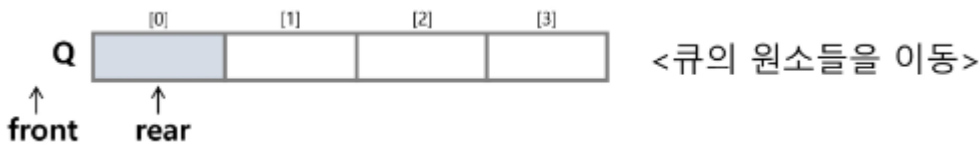
선형큐를 이용하여 원소의 삽입과 삭제를 계속할 경우, 배열의 앞부분에 활용할 수 있는 공간이 있음에도 불구하고 rear = n-1인 상태, 포화상태로 인식하여 더이상의 삽입을 수행하지 않게 됨



해결방법1

매 연산이 이루어질 때마다 저장된 원소들을 배열의 앞부분으로 모두 이동시킴

-> 원소 이동에 많은 시간이 소요되어 큐의 효율성 급감



해결방법2

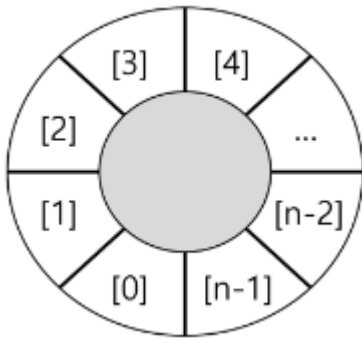
1차원 배열을 사용하되, 논리적으로는 배열의 처음과 끝이 연결된 원형형태의 큐를 이룬다고 가정하고 사용

-> 원형큐

2. 원형큐

2-1. 원형큐의 구조

1차원 배열을 사용하되, 논리적으로는 배열의 처음과 끝이 연결된 원형형태의 큐를 이룬다고 가정하고 사용



초기 공백 상태

$\text{front} = \text{rear} = 0$

인덱스의 순환

front와 rear의 위치가 배열의 마지막 인덱스인 $n-1$ 을 가리킨 후, 그 다음에는 논리적 순환을 이루어 배열의 처음 인덱스인 0으로 이동해야 함
이를 위해 나머지 연산자 mod를 사용

front 변수

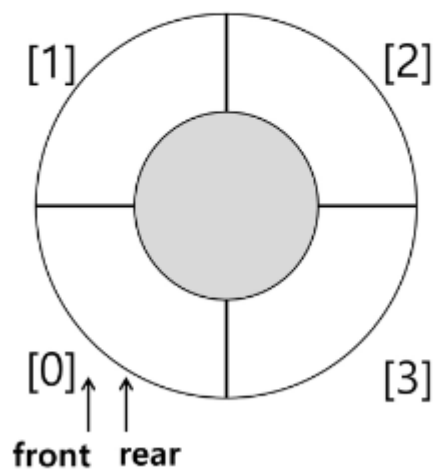
공백 상태와 포화 상태의 구분을 쉽게하기 위해 front가 있는 자리는 사용하지 않고 항상 빈자리로 둬

삽입 및 삭제 위치

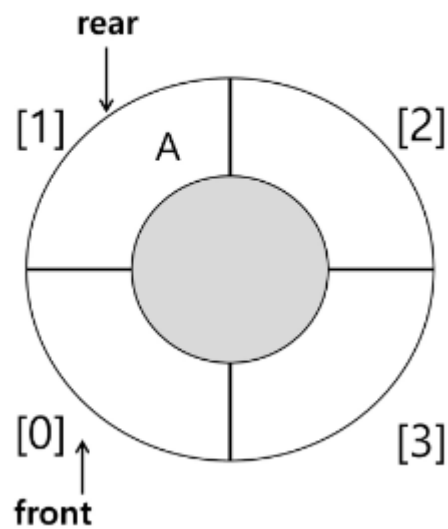
	삽입 위치	삭제 위치
선형큐	$\text{rear} = \text{rear} + 1$	$\text{front} = \text{front} + 1$
원형큐	$\text{rear} = (\text{rear} + 1) \bmod n$	$\text{front} = (\text{front} + 1) \bmod n$

2-2. 원형큐의 연산과정

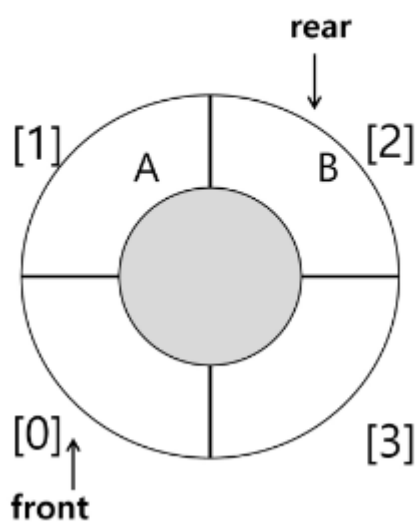
1) create Queue



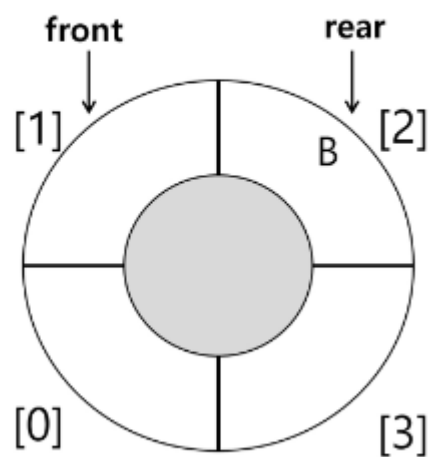
2) enqueue(A);



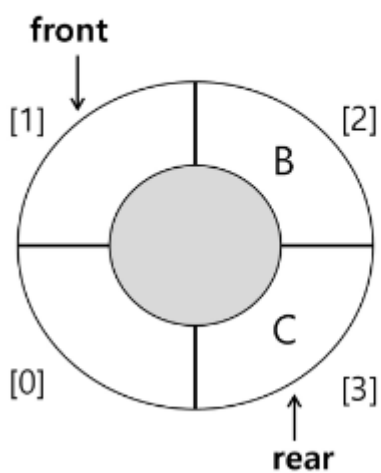
3) enqueue(B);



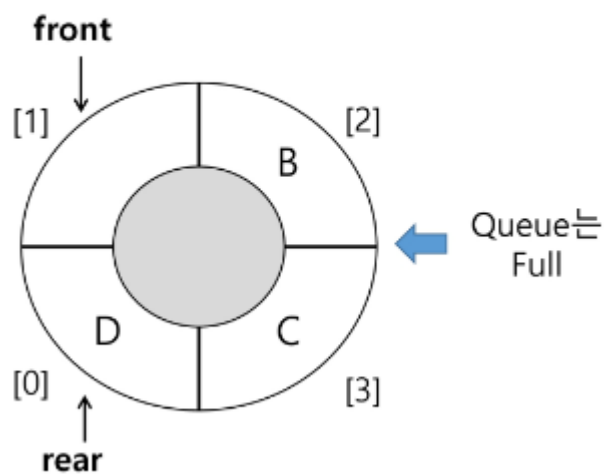
4) dequeue();



5) enqueue(C);



6) enqueue(D);



2-3. 원형큐의 구현

초기 공백 큐 생성

크기 n 인 1차원 배열 생성
front와 rear를 0으로 초기화

공백상태 및 포화상태 검사 : isEmpty(), isFull()

공백상태 : $\text{front} == \text{rear}$
포화상태 : 삽입할 rear의 다음 위치 $==$ 현재 front
 $(\text{rear}+1) \bmod n == \text{front}$

```
def isEmpty():  
    return front == rear  
  
def isFull():  
    return (rear+1) % len(cQ) == front
```

삽입 : enqueue(item)

마지막 원소 뒤에 새로운 원소를 삽입하기 위해
rear값을 조정하여 새로운 원소를 삽입할 자리를 마련 : $\text{rear} \leftarrow (\text{rear}+1) \bmod n$
그 인덱스에 해당하는 배열원소 $\text{cQ}[\text{rear}]$ 에 item을 저장

```
def enqueue(item):  
    global rear  
    if isFull():  
        print("Queue_Full")  
    else:  
        rear = (rear+1) % len(cQ)  
        cQ[rear] = item
```

삭제 : dequeue()

가장 앞에 있는 원소를 삭제하기 위해
front 값을 조정하여 삭제할 자리를 준비
새로운 front 원소를 리턴함으로써 삭제와 동일한 기능

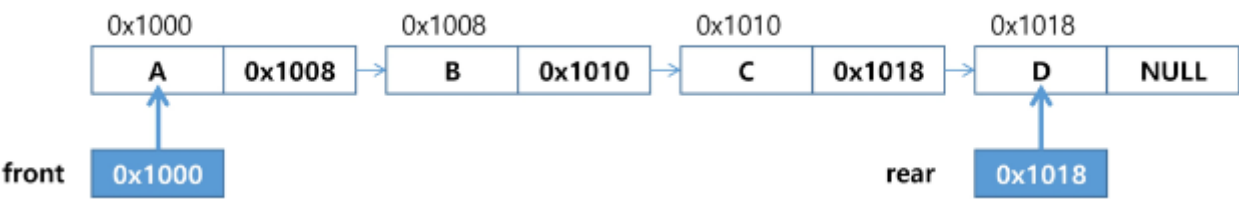
```
def dequeue():  
    global front  
    if isEmpty():  
        print("Queue_Empty")  
    else:  
        front = (front+1) % len(cQ)  
        return cQ[front]
```

3. 연결큐

단순 연결 리스트(Linked List)를 이용한 큐

3-1. 연결큐의 구조

- 큐의 원소 : 단순 연결 리스트의 노드
- 큐의 원소 순서 : 노드의 연결 순서 (링크로 연결되어 있음)
- front : 첫 번째 노드를 가리키는 링크
- rear : 마지막 노드를 가리키는 링크
- 초기 상태 : front = rear = null 공백 상태 : front = rear = null

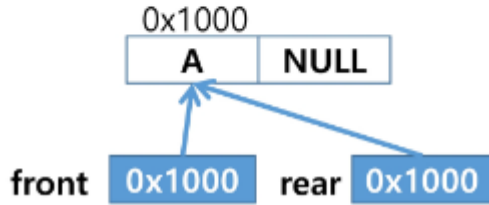


3-2. 연결큐의 연산 과정

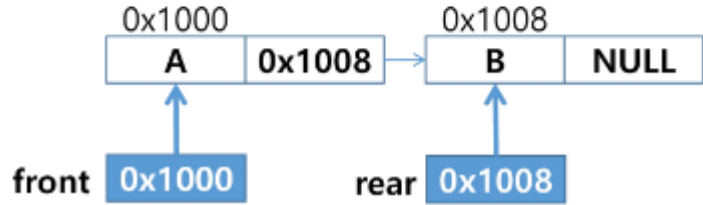
1) 공백 큐 생성 : createLinkedList();

front **NULL** rear **NULL**

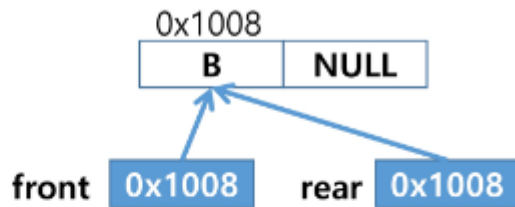
2) 원소 A 삽입 : enqueue(A);



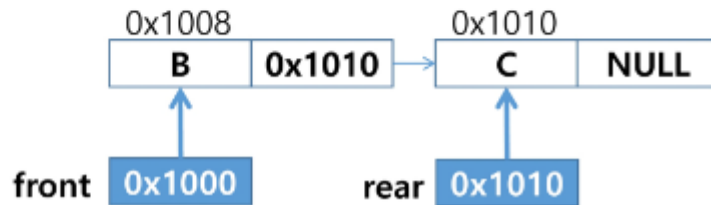
3) 원소 B 삽입 : enqueue(B);



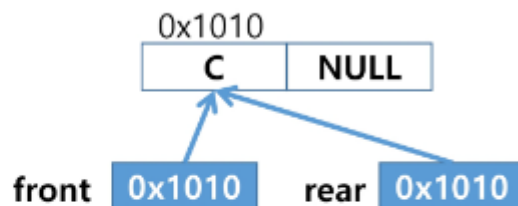
4) 원소 삭제 : dequeue();



5) 원소 C 삽입 : enqueue(C);



6) 원소 삭제 : dequeue();



7) 원소 삭제 : dequeue();

front **NULL** rear **NULL**

[참고] deque(덱)

컨테이너 자료형 중 하나

deque 객체 : 양쪽 끝에서 빠르게 추가와 삭제를 할 수 있는 리스트류 컨테이너

연산

append(x) : 오른쪽에 x 추가

popleft() : 왼쪽에서 요소 제거 후 반환

(요소가 없으면 IndexError)

```
from collections import deque
q = deque()
q.append(1)      # enqueue()
t = q.popleft() # dequeue()
```

4. 우선순위 큐 (Priority Queue)

특성

우선순위를 가진 항목들을 저장하는 큐

FIFO 순서가 아니라 우선순위가 높은 순서대로 먼저 나간다.

적용 분야

시뮬레이션 시스템, 네트워크 트래픽 제어, 운영체제의 테스크 스케줄링

우선순위 큐의 구현

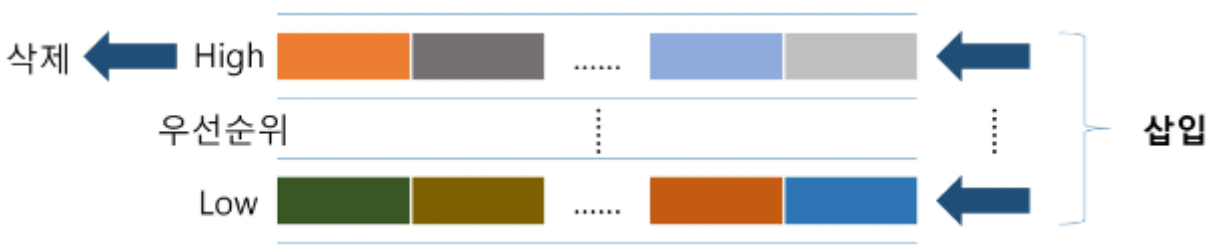
배열을 이용한 우선순위 큐

리스트를 이용한 우선순위 큐

우선순위 큐의 기본 연산

삽입 : enqueue

삭제 : dequeue



배열을 이용한 우선순위 큐 구현

배열을 이용하여 자료 저장

원소를 삽입하는 과정에서 우선순위를 비교하여 적절한 위치에 삽입하는 구조

가장 앞에 최고 우선순위의 원소가 위치하게 됨

문제점

배열을 사용하므로, 삽입 및 삭제 연산이 일어날 때 원소의 재배치가 발생함
-> 이에 소요되는 시간 및 메모리 낭비가 큼

5. 큐의 활용 : 버퍼 (Buffer)

데이터를 한 곳에서 다른 한 곳으로 전송하는 동안 일시적으로 그 데이터를 보관하는 메모리의 영역
버퍼링 : 버퍼를 활용하는 방식 또는 버퍼를 채우는 동작

버퍼의 자료 구조

버퍼는 일반적으로 입출력 및 네트워크와 관련된 기능에서 이용된다.
순서대로 입력-출력-전달되어야 하므로 FIFO 방식의 자료구조인 큐가 활용된다.

6. BFS (Breadth First Search)

너비 우선 탐색 (BFS)
그래프를 탐색하는 방법 중 하나
(나머지는 깊이 우선 탐색(DFS))

6-1. BFS의 구조

탐색 시작점의 인접한 정점들을 먼저 모두 차례로 방문한 후에, 방문했던 정점을 시작점으로 하여 다시 인접한 정점들을 방문하는 방식

인접한 정점들에 대해 탐색을 한 후, 차례로 다시 너비우선탐색을 진행해야 하므로 선입선출 형태의 자료구조인 큐를 활용

6-2. BFS 알고리즘

```
# 그래프 G, 탐색 시작점 v
def bfs(G, v):
    visited = [0] * (n+1)
    queue = []
    queue.append(v)
    while queue:
        t = queue.pop(0)
        if not visited[t]:
            visited[t] = True
            visit(t)
            for i in G[t]:
                if not visited[i]:
                    queue.append(i)

# n : 정점의 개수
# 큐 생성
# 시작점 v를 큐에 삽입
# 큐가 비어있지 않은 경우
# 큐의 첫번째 원소 반환
# 방문되지 않은 곳이면
# 방문으로 표시
# 정점 t에서 할 일
# t와 연결된 모든 정점에 대해
# 방문되지 않은 곳이라면
# 큐에 넣기
```

BFS 예제

```
# 그래프 G, 탐색 시작점 v
def bfs(G, v, n):
    visited = [0] * (n+1)      # n : 정점의 개수
    queue = []                 # 큐 생성
    queue.append(v)            # 시작점 v를 큐에 삽입
    visited[v] = 1
    while queue:               # 큐가 비어있지 않은 경우
        t = queue.pop(0)       # 큐의 첫번째 원소 반환
        visit(t)
        for i in G[t]:         # t와 연결된 모든 정점에 대해
            if not visited[i]: # 방문되지 않은 곳이라면
                queue.append(i) # 큐에 넣기
                visited[i] = visited[t] + 1
            # n으로부터 1만큼 이동
```