数值实验五——计算机作业

(1) 计算结果如下:

```
it =
     93
     49
     33
     24
     19
     15
     12
     10
      8
      6
      6
     11
     20
     44
    556
    Inf
    Inf
    Inf
    Inf
 minit =
      6
 ind =
    10
 xxs =
-0.8514 2.0785 0.3805
```

当 w=1.0 和 1.1 时迭代最快, w≥1.6 时发散。

(2) 以 n=3 测试,代码见下页。

代码块

```
文件名称: hwl.m
                                              功能:数值实验 6.1 的计算代码
clc,clear all
A=[-55 -5 12;21 36 -13;24 7 47];
b=[41 52 12]';
ttol=1e-4; %10^-4
maxit=20000;
it=zeros(19,1);
xs=zeros(19,3);
for t=1:19
    omega=0.1*t;
    [x,iter]=sorhw2(A,b,omega,maxit,ttol);
    it(t)=iter;
    xs(t,:)=x';
end
[minit,ind]=min(it)
xxs=xs(ind,:)
%% sor
function [x,iter]=sorhw2(A,b,omega,maxit,ttol)
x=zeros(size(b));
D=diag(diag(A));
L=-tril(A,-1);
U=-triu(A,1);
iter=0;
while iter<maxit
    iter=iter+1;
    xold=x;
    x=(D-omega*L)\setminus(omega*b+omega*U*x+(1-omega)*D*x);
    error=norm(x-xold);
    if(error<ttol)
         break;
    end
    if iter==maxit-1
         iter=inf;
         break;
    end
end
end
```

```
文件名称: hw2.m
                                            功能:数值实验 6.2 的计算代码
clc,clear all
[x,iteration]=jacobi(3,5e-3)
%% Jacobi
function [x,iteration]=jacobi(n,tol)
%n为维数,tol为误差
A=ones(n,n);
D=diag([n+1:2*n]); %n*n
L=-tril(A,-1); %n*n
U=-triu(A,1); % n*n
A=D-L-U;
b=[1:n]'; %n*1
x=zeros(size(b)) % initialize x
for iteration=1:2000 % maxit=2000,default
    x=D(L*x+U*x+b) % remember divide by'\' no '/'
    error=norm(b-A*x,2)/norm(b,2) % 2-norm to calculate error
    if error<tol
         break;
    end
end
end
```

```
文件名称: check.m

为能: 手写作业 1.1 的计算代码

%% hw1
clc,clear all
A=[20 4 6;4 20 8;6 8 20];
b=[10 -24 -22]';
[xj,iterj]=jacobi(A,b,5e-5)
[xgs,itergx]=gs(A,b,5e-5)
[xsor,itersor]=sor(A,b,1.35,5e-5)
```

```
文件名称: jacobi.m

function [x,iter]=jacobi(A,b,tol)

D=diag(diag(A));

L=-tril(A,-1);

U=-triu(A,1); % attention minus!!!

x=zeros(size(b));

for iter=1:2000

    xold=x;

    x=D\(L*x+U*x+b);
    error=norm(x-xold);
    if error<tol
        break;
```

```
end
end
end
```

```
文件名称: gs.m
                                             功能: 高斯赛德尔迭代的代码
function [x,iter]=gs(A,b,tol)
D=diag(diag(A));
L=-tril(A,-1);
U=-triu(A,1);
x=zeros(size(b));
for iter=1:2000
    xold=x;
    x=(D-L)\setminus (U*x+b); \% D->(D-L)
    error=norm(x-xold);
    if error<tol
         break;
    end
end
end
```

```
文件名称: sor.m
                                               功能: SOR 迭代的代码
function [x,iter]=sor(A,b,omega,tol)
D=diag(diag(A));
L=-tril(A,-1);
U=-triu(A,1);
x=zeros(size(b));
for iter=1:2000
    xold=x;
    x = (D - omega*L) \setminus ((1 - omega)*D*x + omega*U*x + omega*b);
    error=norm(x-xold);
    if error<tol
         break;
    end
end
end
```