

前言

起源于强网杯的密码学题目random study

java.util.Random

题目中challenge two的主要代码如下：

```
o = subprocess.check_output(["java", "Main"])
tmp=[]
for i in o.split("\n")[0:3]:
    tmp.append(int(i.strip()))
v1=tmp[0] % 0xffffffff
v2=tmp[1] % 0xffffffff
v3=tmp[2] % 0xffffffff
```

还给了一个Main.class文件，打开发现是字节码，用jd-gui反编译得到源码如下：

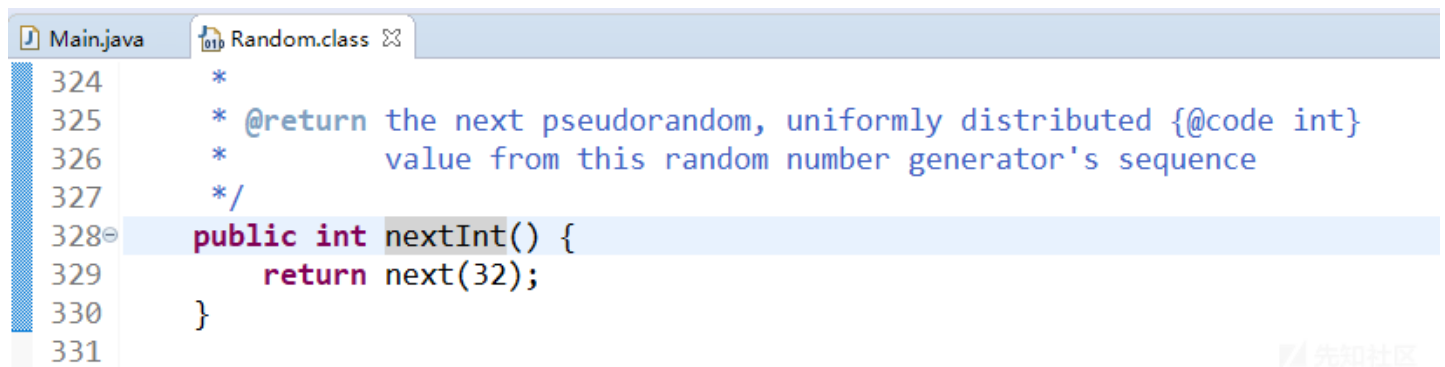
```
public class Main {
    public static void main(String[] paramArrayOfString) {
        Random random = new Random();
        System.out.println(random.nextInt());
        System.out.println(random.nextInt());
        System.out.println(random.nextInt());
    }
}
```

代码的意思很简单，调用random.nextInt方法生成三个连续的随机数，要求根据前两个随机数去预测第三个随机数

源码分析

为了了解这个方法出现的安全问题的原理，有必要去查看一下这个方法的源代码

在eclipse中将光标移动到nextInt处按F3可以追踪到jdk包里的具体代码



可以看到它直接调用了next方法，传递的参数是32。

继续追踪next方法

```

179 * {@code 1} and {@code 32} (inclusive), then that many low-order
180 * bits of the returned value will be (approximately) independently
181 * chosen bit values, each of which is (approximately) equally
182 * likely to be {@code 0} or {@code 1}. The method {@code next} is
183 * implemented by class {@code Random} by atomically updating the seed to
184 * <pre>{@code (seed * 0x5DEECE66DL + 0xBL) & ((1L << 48) - 1)}</pre>
185 * and returning
186 * <pre>{@code (int)(seed >>> (48 - bits))}</pre>
187 *
188 * This is a linear congruential pseudorandom number generator, as
189 * defined by D. H. Lehmer and described by Donald E. Knuth in
190 * <i>The Art of Computer Programming,</i> Volume 3:
191 * <i>Seminumerical Algorithms</i>, section 3.2.1.
192 *
193 * @param bits random bits
194 * @return the next pseudorandom value from this random number
195 *         generator's sequence
196 * @since 1.1
197 */
198 protected int next(int bits) {
199     long oldseed, nextseed;
200     AtomicLong seed = this.seed;
201     do {
202         oldseed = seed.get();
203         nextseed = (oldseed * multiplier + addend) & mask;
204     } while (!seed.compareAndSet(oldseed, nextseed));
205     return (int)(nextseed >>> (48 - bits));
206 }
207

```

可以看到前一个随机数种子和后一个随机数种子都是定义为long类型的，方法返回的值就是下一个种子右移16位然后强转为int的结果

while里的compareAndSet方法只是比较当前的种子值是否为oldseed，如果是的话就更新为nextseed而已，一般都会返回true

而下一个种子的更新算法就在do-while循环里面：nextseed = (oldseed * multiplier + addend) & mask，种子的初始值是将当前系统时间带入运算的结果

可以在类定义的开头处看到这几个常量属性的值

```

88 private static final long multiplier = 0x5DEECE66DL;
89 private static final long addend = 0xBL;
90 private static final long mask = (1L << 48) - 1;
91

```

而这个种子的更新算法本质上就是一个线性同余生成器

线性同余生成器（LCG）

LCG是形如这样的式子：

$$\begin{cases} X_0 = seed \\ X_{n+1} = (aX_n + c) \bmod m \end{cases}$$

和上面的代码对比可以看出是基本一致的，因为和mask常量做与运算就相当于舍弃高位，保留2进制的低47位，也就相当于模2的48次方

那么我们既然都有了常量的值了，我们就可以去做第三个随机数的预测了

预测

方法很简单，如果把生成第一个随机数的种子定义为seed1，seed2、seed3往后顺延的话

seed1右移16位就是第一个随机数的值，也就是说第一个随机数就丢失了16位，所以seed1就有2的16次方种可能，那么把这2的16次方种可能带入计算下一个seed2，并且

先看一组简单的测试样例，输出的三个随机数都是正数

```
1 package demo;
2
3 import java.util.Random;
4
5 public class Main {
6     public static void main(String[] args) {
7         Random random = new Random();
8         System.out.println(random.nextInt());
9         System.out.println(random.nextInt());
10        System.out.println(random.nextInt());
11    }
12 }
13
```

<terminated> Main [Java Application] C:\Program Files\Java\jre1.8.0_191\bin\javaw.exe (2019年5月15日 15:54)

1564370740
2121441037
1575772409

```
a = 0x5DEECE66DL
b = 0xBLL
mask = (1L << 48) - 1

def findseed(x1, x2):
    seed = x1 << 16
    for i in range(2 ** 16):
        if ((a * seed + b) & mask) >> 16 == x2:
            return seed
    seed += 1

if __name__ == '__main__':
    x1 = 1564370740
    x2 = 2121441037

    seed1 = findseed(x1, x2)
    seed2 = (a * seed1 + b) & mask
    x3 = ((a * seed2 + b) & mask) >> 16
    print x3
```

通过测试，结果正确

但是你可能会好奇为什么测试的java代码有时会输出负数，因为右移1位是相当于除以2的，一个正数除以一个正数怎么会得到一个负数呢？

实际上这是由于java代码中的int强制类型转换和>>>无符号右移所造成的

补码

先来回顾一下java的int类型，int类型占四个字节，也就是二进制的32位

计算机中的数字通常用二进制补码表示，最高位为符号位，正数为0，负数为1，所以表示数值的一共有31位，故int类型的最小值为-2147483648（-2的31次方）最大值2147483647（2的31次方-1）

你可能会好奇为什么负数比正数多表示了1位，因为自然数0就是用全为0（包括符号位）的二进制表示的，而到负数那里是没有负0的概念的，所以可以多表示一个数

接下来可以开始说>>>的意思了

看一下这种情况：

前两个为正数，但是第三个为负数，我们先按照上面的方法计算出seed3和它右移16位的结果：

输出结果为

这样就能看出问题在哪了，由于seed3右移了16位以后除了补0的高位就只有32位了，使用int强转以后java把它从long类型转换成了int，并且自动忽略了32位以后的高位。

可以看出来最高位为1，也就是说这个补码代表了一个负数，那么我们怎么通过补码找到这个负数的真值呢？很简单，对补码再求一次补码就行了，也就是取反后加1。

即011111111001011101111111101000010，对应的二进制为2133786434，所以第三个随机数应该为-2133786434，如此一来，我们就可以通过负数找到其对应的seed

exp

最终通过两个随机数预测第三个随机数的exp如下：

```
a = 0x5DEECE66DL
b = 0xBL
mask = (1L << 48) - 1

def n2p(x):
    y = -x
    y ^= 2 ** 32 - 1 #■■■
    y += 1
    return y

def findseed(x1, x2):
    if x1 < 0:
        x1 = n2p(x1)

    if x2 < 0:
        x2 = n2p(x2)

    seed = x1 << 16
    for i in range(2 ** 16):
        if ((a * seed + b) & mask) >> 16 == x2:
            return seed
        seed += 1

def cal_x(seed):
    x = seed>>16
    if '{:032b}'.format(x).startswith('1'):
        x ^= 2 ** 32 - 1
        x += 1
    return -x
    return x

if __name__ == '__main__':
    x1 = 187562908
    x2 = 1663125607

    seed1 = findseed(x1, x2)
    seed2 = (a * seed1 + b) & mask
    seed3 = (a * seed2 + b) & mask
    x3 = cal_x(seed3)
    print x3
```

经过测试，无论x1或者x2是否为负数，都可以准确预测

总结

以前学习LCG的时候，只是知道了它的原理，并没有接触到它在实际情况中的应用，通过这次比赛，学到了java的random方法的安全漏洞，同时也十分感谢出题人提供的学

点击收藏 | 2 关注 | 2

[上一篇：CVE-2019-0708：远程桌...](#) [下一篇：某CMS组合漏洞至Getshell](#)

1. 0 条回复

- 动动手指，沙发就是你的了！

[登录](#) 后跟帖

先知社区

[现在登录](#)

热门节点

[技术文章](#)

[社区小黑板](#)

[目录](#)

[RSS](#) [关于社区](#) [友情链接](#) [社区小黑板](#)