2016 高考试题(全国卷 I) 理科数学

一、选择题: (本大题共12个小题, 每小题5分, 满分 60分, 在每小题给出的四个选项中, 只有 一项是符合题目要求的)

1. 己知集合 $A = \{x \mid x^2 - 4x + 3 < 0\}, B = \{x \mid 2x - 3 > 0\}, 则 A \cap B =$

- A. $\left(-3, -\frac{3}{2}\right)$ B. $\left(-3, \frac{3}{2}\right)$ C. $\left(1, \frac{3}{2}\right)$
- D. $(\frac{3}{2},3)$

2. 设 (1+i)x = 1 + yi, 其中 x, y 是实数,则 |x + yi| =

- A. 1
- B. $\sqrt{2}$

- D. 2

3. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 前 9 项的和为 27, $a_{10}=8$, 则 $a_{100}=$

- A. 100
- B. 99
- C. 98

D. 97

4. 某公司的班车在 7:30,8:00,8:30 发车,小明在 7:50 至 8:30 之间到达发车站乘坐班车,且 到达发车站的时刻是随机的,则他等车时间不超过 10 分钟的概率是

B. $\frac{1}{2}$

5. 已知方程 $\frac{x^2}{m^2+n} - \frac{y^2}{3m^2-n} = 1$ 表示双曲线,且该双曲线的焦距为 4,则 n 的取值范围是

- A. (-1,3) B. $(-1,\sqrt{3})$
- C. (0.3)
- D. $(0, \sqrt{3})$

6. 如图,某几何体的三视图是三个半径相等的圆及每个圆 中两条互相垂直的半径,若该几何体的体积是 $\frac{28\pi}{3}$,则 它的表面积是



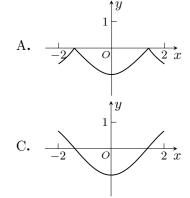


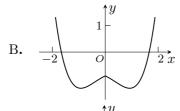
A. 17π

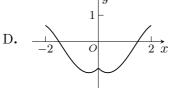
- B. 18π
- C. 20π
- D. 28π



7. 函数 $y = 2x^2 - e^{|x|}$ 在 [-2, 2] 的图像大致为



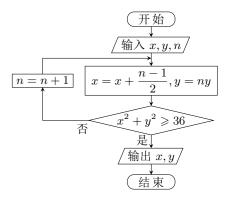




- 8. 若 a > b > 1, 0 < c < 1, 则
 - A. $a^c < b^c$
- B. $ab^c < ba^c$
- C. $a \log_b c < b \log_a c$ D. $\log_a c < \log_b c$

9. 执行右面的程序框图,如果输入的 x = 0, y = 1, n = 1, 则输出的 x, y 的值满足

- A. y = 2x
- B. y = 3x
- C. y = 4x
- D. y = 5x



10. 以抛物线 C 的顶点为圆心的圆交 $C \to A, B$ 两点,交 C 的准线于 D, E 两点. 已知 |AB| = $4\sqrt{2}$, $|DE| = 2\sqrt{5}$, 则 C 的焦点到准线的距离为

A. 2

B. 4

11. 平面 α 过正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的顶点 A,α // 平面 $CB_1D_1,\alpha\cap$ 平面 $ABCD=m,\alpha\cap$ 平面 $ABB_1A_1 = n$, 则 m, n 所成角的正弦值为

- B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{1}{3}$

12. 已知函数 $f(x) = \sin(\omega x + \varphi) \left(\omega > 0, |\varphi| \leqslant \frac{\pi}{2}\right)$, $x = -\frac{\pi}{4}$ 是 f(x) 的零点, $x = \frac{\pi}{4}$ 为 y = f(x)的图像的对称轴,且 f(x) 在 $\left(\frac{\pi}{18}, \frac{5\pi}{36}\right)$ 单调,则 ω 的最大值为

A. 11

B. 9

C. 7

D. 5

二、填空题: (共 4个小题, 每小题 5分, 满分 20分)

- 13. 设向量则 $\mathbf{a} = (m, 1), \ \mathbf{b} = (1, 2), \ \mathbb{E} \ |\mathbf{a} + \mathbf{b}|^2 = |\mathbf{a}|^2 + |\mathbf{b}|^2, \ \mathbb{M} \ m =$.
- 14. $(2x + \sqrt{x})^5$ 的展开式中, x^3 的系数是 . (用数字填写答案)
- 15. 设等比数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 + a_3 = 10$, $a_2 + a_4 = 5$, 则 $a_1 a_2 \cdots a_n$ 的最大值为

16. 某高科技企业生产产品 A 和产品 B 需要甲、乙两种新型材料. 生产一件产品 A 需要甲材料 1.5 kg, 乙材料 1 kg, 用 5 个工时; 生产一件产品 B 需要甲材料 0.5 kg, 乙材料 0.3 kg, 用 3 个 工时. 生产一件产品 A 的利润为 2100 元, 生产一件产品 B 的利润为 900 元. 该企业现有甲材 料 150 kg, 乙材料 90 kg,则在不超过 600 个工时的条件下,生产产品 A,产品 B 的利润之和 的最大值为 元.