

(5.34) の式を考える。(4.30) より、

$$\mathcal{L}(\xi) = \int q(W; \xi|X) \ln \frac{p(Y, W|X)}{q(W, \xi|X)} dW = \int q(W; \xi) \ln \frac{p(Y, W|X)}{q(W, \xi)} dW \quad (1)$$

全体的に X で条件付しておきたいが、 $W, \xi$  は X に依存しないため、条件付を無視できる。よって、

$$\begin{aligned} \mathcal{L}(\xi) &= \int q(W; \xi|X) \ln \frac{p(Y|W, X)p(W|X)}{q(W, \xi|X)} dW \\ &= \int q(W; \xi) \ln \frac{p(Y|W, X)}{q(W, \xi)} dW + \int q(W; \xi) \ln \frac{p(W)}{q(W, \xi)} dW \\ &= \int q(W; \xi) \ln p(Y|W, X) dW - \left( - \int q(W; \xi) \ln \frac{p(W)}{q(W, \xi)} dW \right) \\ &= \int q(W; \xi) \ln \prod p(y_n|W, X) dW - D_{KL}[q(W, \xi)||p(W)] \\ &= \int q(W; \xi) \ln \prod p(y_n|W, x_n) dW - D_{KL}[q(W, \xi)||p(W)] \\ &= \int q(W; \xi) \sum \ln p(y_n|W, x_n) dW - D_{KL}[q(W, \xi)||p(W)] \\ &= \sum \int q(W; \xi) \ln p(y_n|W, x_n) dW - D_{KL}[q(W, \xi)||p(W)] \\ &= \sum \int q(W; \xi) \ln p(y_n|f(x_n; W)) dW - D_{KL}[q(W, \xi)||p(W)] \end{aligned} \quad (2)$$