(7.76)(7.77) を考える。 まず、(7.76) に対して、

$$\begin{split} m_i^{(2)}(x) &= \mathbb{E}[a_i^{(2)}] = \int p(a_i^{(2)})a_i^{(2)}da_i^{(2)} \\ &= \int \cdots \int ((\prod_j^{H_1} p(w_{i,j}^{(2)}))p(b_i^{(2)})(\prod_j^{H_1} p(z_j^{(1)}(x))))(\sum_j^{H_1} w_{i,j}^{(2)}z_j^{(1)}(x) + b_i^{(2)})(\prod_j^{H_1} dw_{i,j}^{(2)})db_i^{(2)}(\prod_j^{H_1} dz_j^{(1)}(x))) \\ &= \int \cdots \int ((\prod_j^{H_1} p(w_{i,j}^{(2)}))(\prod_j^{H_1} p(z_j^{(1)}(x))))(\sum_j^{H_1} w_{i,j}^{(2)}z_j^{(1)}(x))(\prod_j^{H_1} dw_{i,j}^{(2)})(\prod_j^{H_1} dz_j^{(1)}(x))) + \int p(b_i^{(2)})b_i^{(2)}db_i^{(2)} \\ &= \sum_j^{H_1} (\int \int p(w_{i,j}^{(2)})p(z_j^{(1)}(x))w_{i,j}^{(2)}z_j^{(1)}(x))dw_{i,j}^{(2)}dz_j^{(1)}(x))) + \int p(b_i^{(2)})b_i^{(2)}db_i^{(2)} \\ &= \sum_j^{H_1} (\int p(w_{i,j}^{(2)})w_{i,j}^{(2)}dw_{i,j}^{(2)} \int p(z_j^{(1)}(x))z_j^{(1)}(x))dz_j^{(1)}(x))) + \int p(b_i^{(2)})b_i^{(2)}db_i^{(2)} \\ &= \sum_j^{H_1} (\int p(w_{i,j}^{(2)})w_{i,j}^{(2)}dw_{i,j}^{(2)} \int p(z_j^{(1)}(x))z_j^{(1)}(x))dz_j^{(1)}(x))) + \int p(b_i^{(2)})b_i^{(2)}db_i^{(2)} \\ &= \sum_j^{H_1} (\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)}]\mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] + \mathbb{E}[b_i^{(2)}] = 0 \end{split}$$

3個目の等式はともかく、 $a_i^{(2)}$ に関して足し合わせるので、 $w_{i,j}^{(2)}, b_i^{(2)}, z_j^{(1)}$ たちに関して、足し合わせれば良い。 最後の等号は (7.74) から、i,j によらず、 $\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)}]=0$ 、(7.75) から、i によらず、 $\mathbb{E}[b_i^{(2)}]=0$ なので、成り立つ。

(7.77) の検討を行う。

$$=\sum_{j=1}^{H_1} \mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)^2] + \mathbb{E}[b_i^{(2)^2}] + \sum_{j < k} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] \mathbb{E}[w_{i,k}^{(2)}] \mathbb{E}[z_k^{(1)}(x)] + \sum_{j=1}^{H_1} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] \mathbb{E}[b_i^{(2)}] = \sum_{j=1}^{H_1} \mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] \mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] + \sum_{j=1}^{H_1} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] \mathbb{E}[b_i^{(2)^2}] = \sum_{j=1}^{H_1} \mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] + \sum_{j=1}^{H_1} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] + \sum_{j=1}^{H_1} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] \mathbb{E}[z_j^{(1)}(x)] + \sum_{j=1}^{H_1} 2\mathbb{E}[w_{i,j}^{(2)^2}] + \sum_{j=1}^{H_1}$$

となる。