question (a) start (inte-io

不是子圣2

최백준 choi@startlink.io

- 텍스트 T에서 A라는 단어를 다음과 같은 알고리즘을 이용해서 모두 지운다
- 1. T에 A가 없으면 알고리즘을 종료한다.
- 2. T에서 처음 등장하는 A를 찾은 뒤, 삭제한다.
- 3. T에 A가 없으면 알고리즘을 종료한다.
- 4. T에서 마지막으로 등장하는 A를 찾은 뒤, 삭제한다.
- 5. 1번으로 돌아간다.

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = f
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = fa
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fa**b**aabcbcabccd
- L = fab
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = faba
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = fabaa
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaa**b**cbcabccd
- L = fabaab
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = fabaabc
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaab**c**bcabccd
- L = faba
- R=

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaab**c**bcabcc**d**
- L = faba
- R = d

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = faba
- R = dc

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcbcabccd
- L = faba
- R = dcc

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaab**c**bca**b**ccd
- L = faba
- R = dccb

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaab**c**bc**a**bccd
- L = faba
- R = dc**cba**

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaab**c**bc**a**bccd
- L = faba
- R = dc

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabc**b**cabccd
- L = fabab
- R = dc

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L = fababc
- R = dc

- 왼쪽 스택과 오른쪽 스택으로 나눠서 문제를 푼다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L = fab
- R = dc

- 모든 과정이 끝난 후에는 L에 들어있는 것을 R로 옮긴다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L = fa
- R = dcb

- 모든 과정이 끝난 후에는 L에 들어있는 것을 R로 옮긴다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L = f
- R = dcba

- 모든 과정이 끝난 후에는 L에 들어있는 것을 R로 옮긴다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L = f
- R = d

- 모든 과정이 끝난 후에는 L에 들어있는 것을 R로 옮긴다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L =
- R = df

- 모든 과정이 끝난 후에는 L에 들어있는 것을 R로 옮긴다.
- A = abc
- T = fabaabcb**ca**bccd
- L =
- R = df
- 정답: fd

https://www.acmicpc.net/problem/9935

- 문자열 S에서 폭발 문자열 T를 모두 지우는 문제
- 문자열: mirkov♀nizCC44
- 폭발 문자열: C4

mir/cou n/2 C4

• 결과: mirkovniz

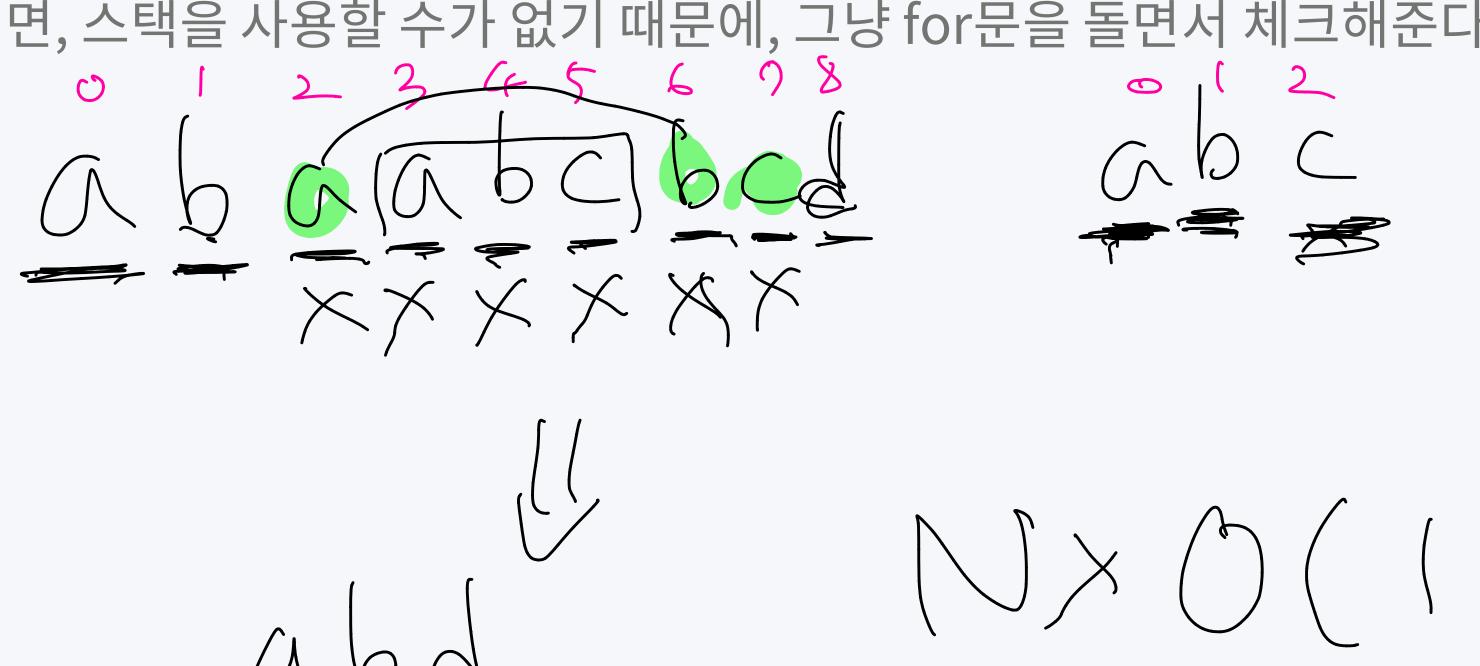
$$(1,000,000)^{2}/(0^{8})^{2}$$
 $(1,000,000)^{2}/(0^{8})^{2}$
 $(1,000,000)^{2}/(0^{8})^{2}$
 $(1,000,000)^{2}/(0^{8})^{2}$

- 스택에 넣는 것은 (문자열의 인덱스, 폭발 문자열에서 인덱스)
- 현재 문자가 폭발 문자열의 첫 번째 문자와 같으면 스택에 넣는다
- 다른 경우에 스택이 비어있으면 그냥 넘어간다
- 다른 경우에 스택이 비어있지 않으면, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열의 인덱스를 가져온다. 이 인덱스를 p라고 한다.
- 현재 문자가 폭발 문자열의 p+1문자와 같으면, 스택에 넣는다. (p+1이 폭발 문자열의 마지막 문자면, 폭발 문자열을 찾은 것이다. 스택에서 폭발 문자열을 지운다)
- 다르면, 스택을 모두 비워버린다.

https://www.acmicpc.net/problem/9935

37; abaababad I; abc

• 폭발 문자열의 길이가 1이면, 스택을 사용할 수가 없기 때문에, 그냥 for문을 돌면서 체크해준다.



- 폭발 문자열이 abc인 예시
- abaabcbcd -> ababcd -> abd
- abaabcbcd
- 폭발 문자열의 첫 번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0)
- abaabcbcd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 이 인덱스가 0이고, b는 폭발 문자열의 0+1번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1)

- abaabcbcd
- 폭발 문자열의 첫 번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0)
- abaabcbcd
- 폭발 문자열의 첫 번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0,0), (1,1), (2,0), (3,0)

- abaa**b**cbcd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 이 인덱스가 0이고, b는 폭발 문자열의 0+1번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0), (3, 0), (4, 1)

- abaab**c**bcd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 이 인덱스가 1이고, c는 폭발 문자열의 0+2번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0), (3, 0), (4, 1), (5, 2)
- 2는 폭발 문자열의 마지막 인덱스이기 때문에, 총 3개를 스택에서 뺀다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0), (3, 0), (4, 1), (5, 2)
- 3, 4, 5번째 문자는 사라져야 한다.
- 스택: (0,0), (1,1), (2,0)

- abaabc**b**cd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 이 인덱스가 0이고, b는 폭발 문자열의 0+1번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0), (6, 1)

- abaabcbcd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 이 인덱스가 1이고, c는 폭발 문자열의 0+2번째 문자와 같기 때문에, 스택에 넣는다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), (2, 0), (6, 1), (7, 2)
- 2는 폭발 문자열의 마지막 인덱스이기 때문에, 총 3개를 스택에서 뺀다.
- 스택: (0, 0), (1, 1), **(2, 0)**, **(6, 1)**, **(7, 2)**
- 2, 6, 7번째 문자는 사라져야 한다.
- 스택: (0, 0), (1, 1)

- abaabcbcd
- 첫 번째 문자와 다르기 때문에, 스택의 가장 위에 있는 것의 폭발 문자열 인덱스를 가져온다.
- 스택: (0, 0), (1, 1)
- 이 인덱스가 1이고, d는 폭발 문자열의 0+2번째 문자와 다르기 때문에, 스택을 비운다.
- 스택: (비어있음)

문자열폭발

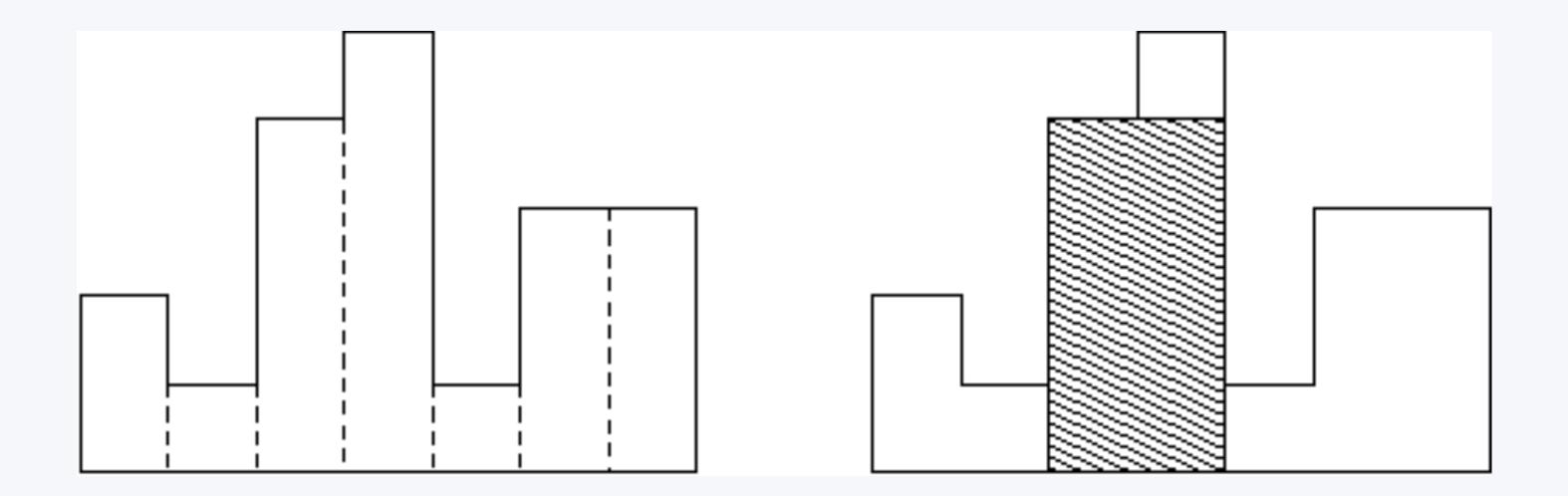
- 스택에 넣고 빼는 과정에서 지워져야 하는 문자로 체크하지 않은 글자를 모두 출력하면 된다.
- 이 방법의 예외는 폭발 문자열의 길이가 1일 때이다.
- 이 때는, 한 글자 이기 때문에, 그냥 지우면 된다.

문자열폭발

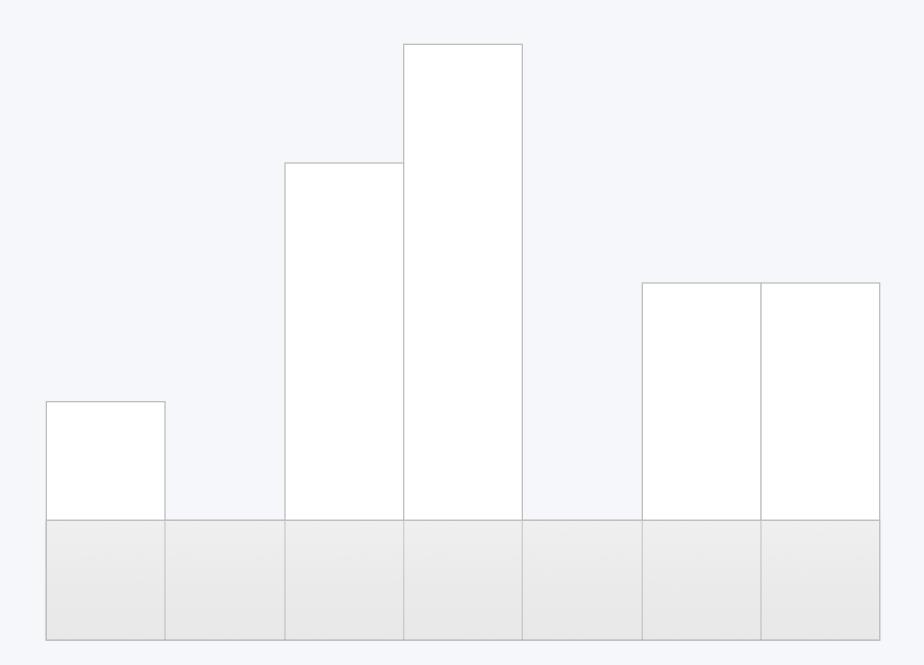
- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/fbbac6c2b54946aff40e
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/4368405c6c974ee61f74

https://www.acmicpc.net/problem/6549

• 히스토그램이 주어졌을 때, 가장 큰 직사각형을 찾는 문제



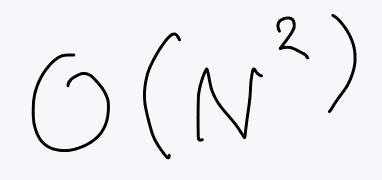
- 가장 왼쪽 끝과 오른쪽 끝을 변으로 하는 가장 큰 직사각형의 높이는?
- 높이: 히스토그램에서 가장 높이가 낮은 막대의 높이

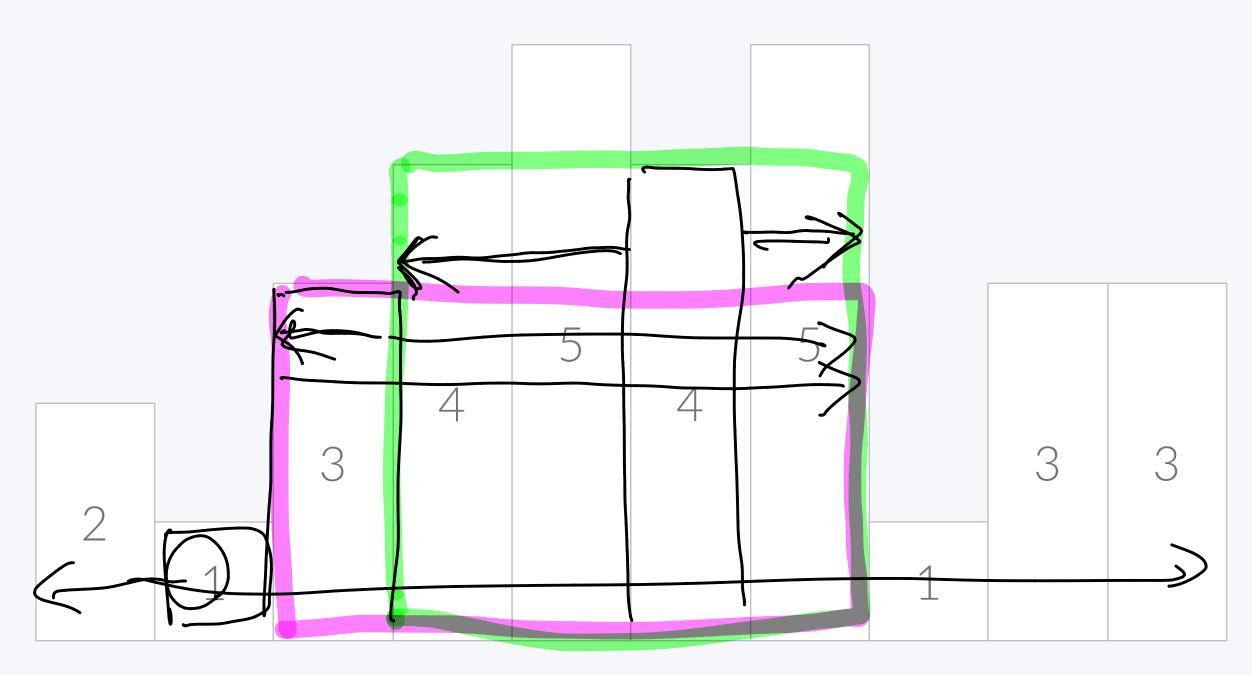


- 모든 막대 x에 대해서, x를 높이로 하면서, 만들 수 있는 가장 큰 직사각형을 찾아야 함
- x를 높이로 하면서 만들 수 있는 가장 큰 직사각형은
- x의 왼쪽에 있는 막대 중에 x보다 높이가 작은 첫 번째 막대 left와
- x의 오른쪽에 있는 막대 중에서 x보다 높이가 작은 첫 번째 막대 right를
- 찾아야한다

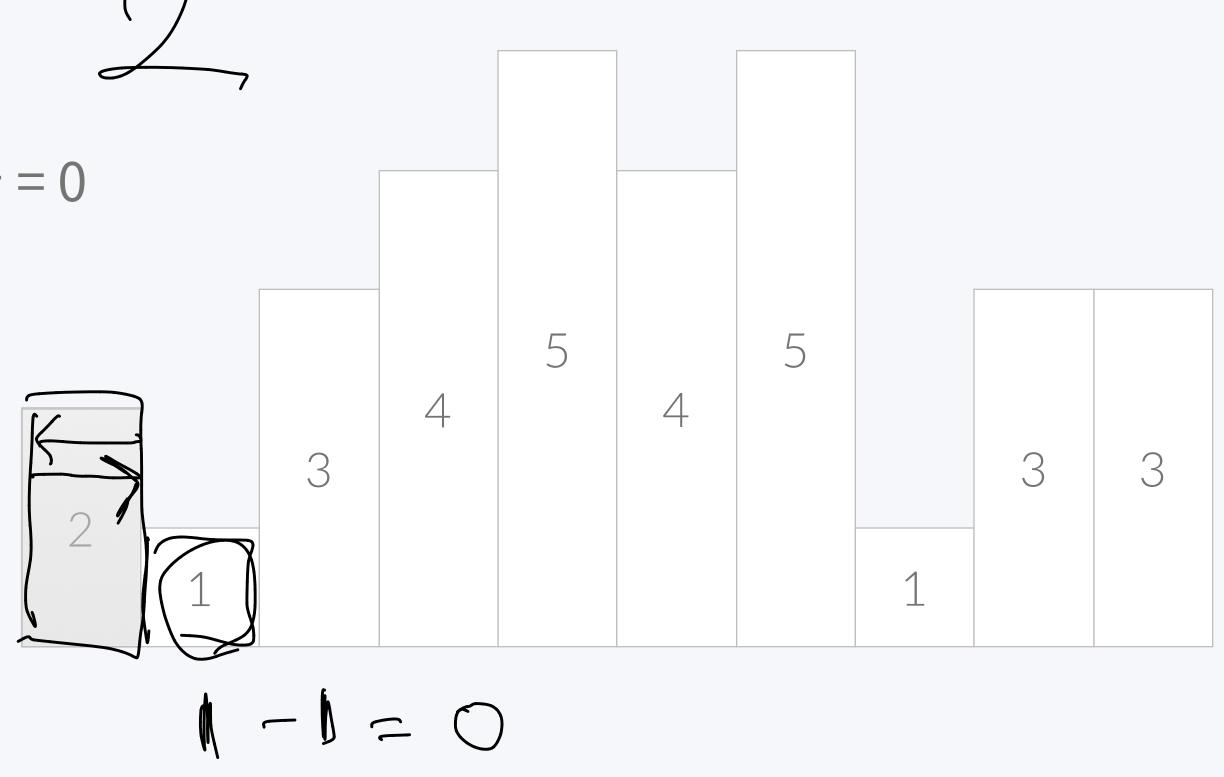
- 스택에 막대를 넣기 전에
- 스택의 가장 위에 있는 막대 top과 현재 넣으려고 하는 막대 x를 비교해야 한다
- top의 높이가 x의 높이보다 크면
- top을 높이로 하는 직사각형은 x를 지나갈 수 없다
- top을 높이로 하는 직사각형의 right는 x-1이다
- top을 높이로 하는 직사각형의 left는 top 다음에 스택에 들어있는 막대
- left와 right를 구했기 때문에, top을 높이로 하는 넓이를 구할 수 있다

- 0번 막대, 높이 2
- 스택이 비어있기 때문에, 막대 번호 0을 스택에 넣는다
- 스택: 0

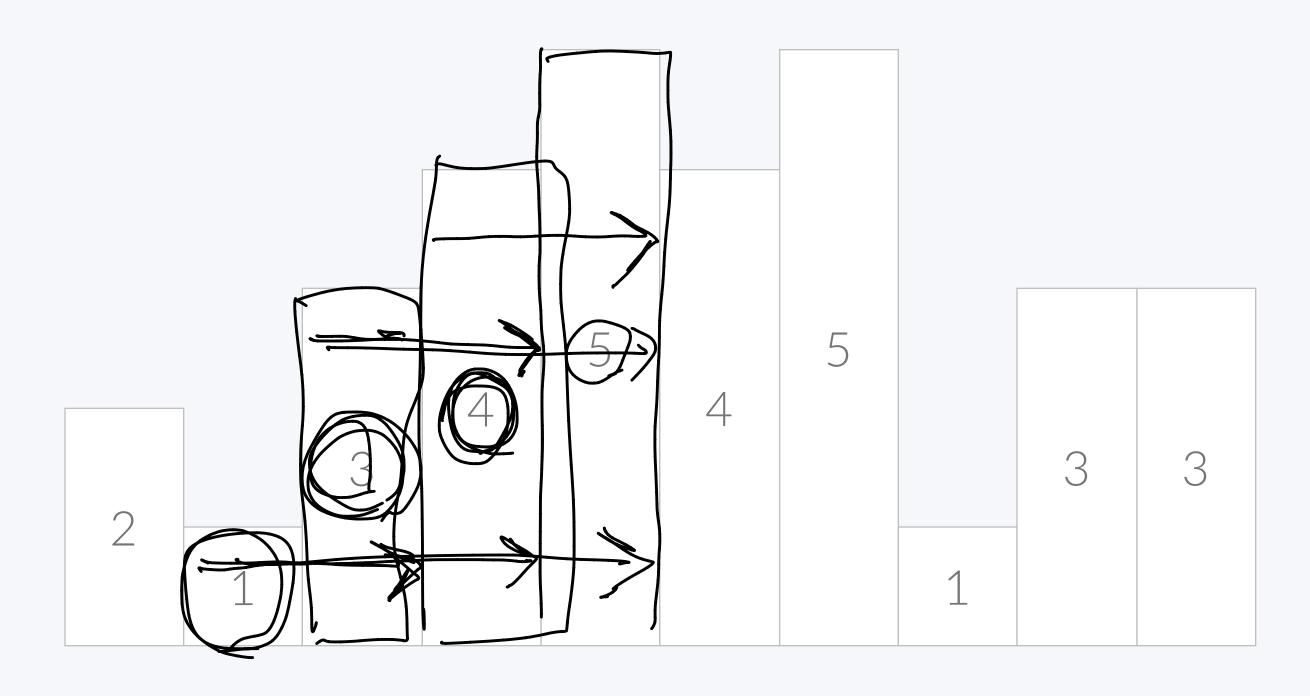




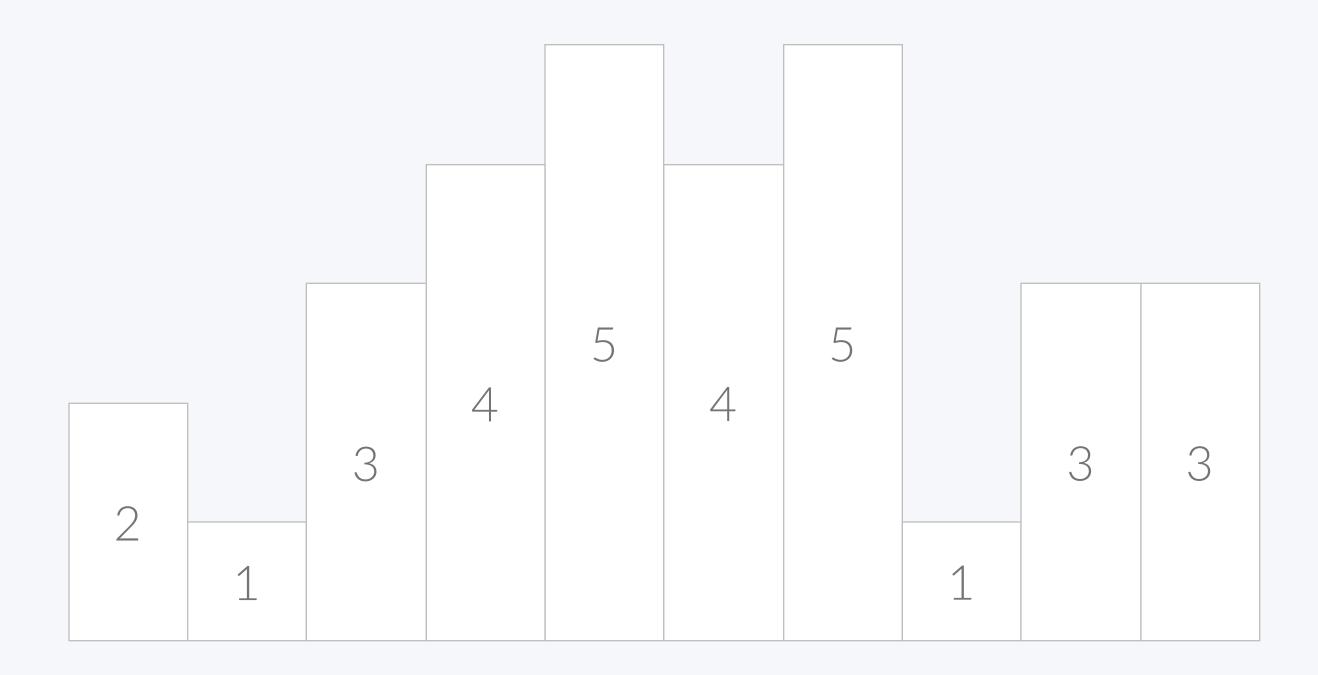
- 1번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대보다 높이가 작다
- 0번 막대의 오른쪽 끝 = 1-1 = 0
- pop을 하면스택이 비어있기 때문에 왼쪽 끝 = 0
- 넓이: 2
- 스택: 1



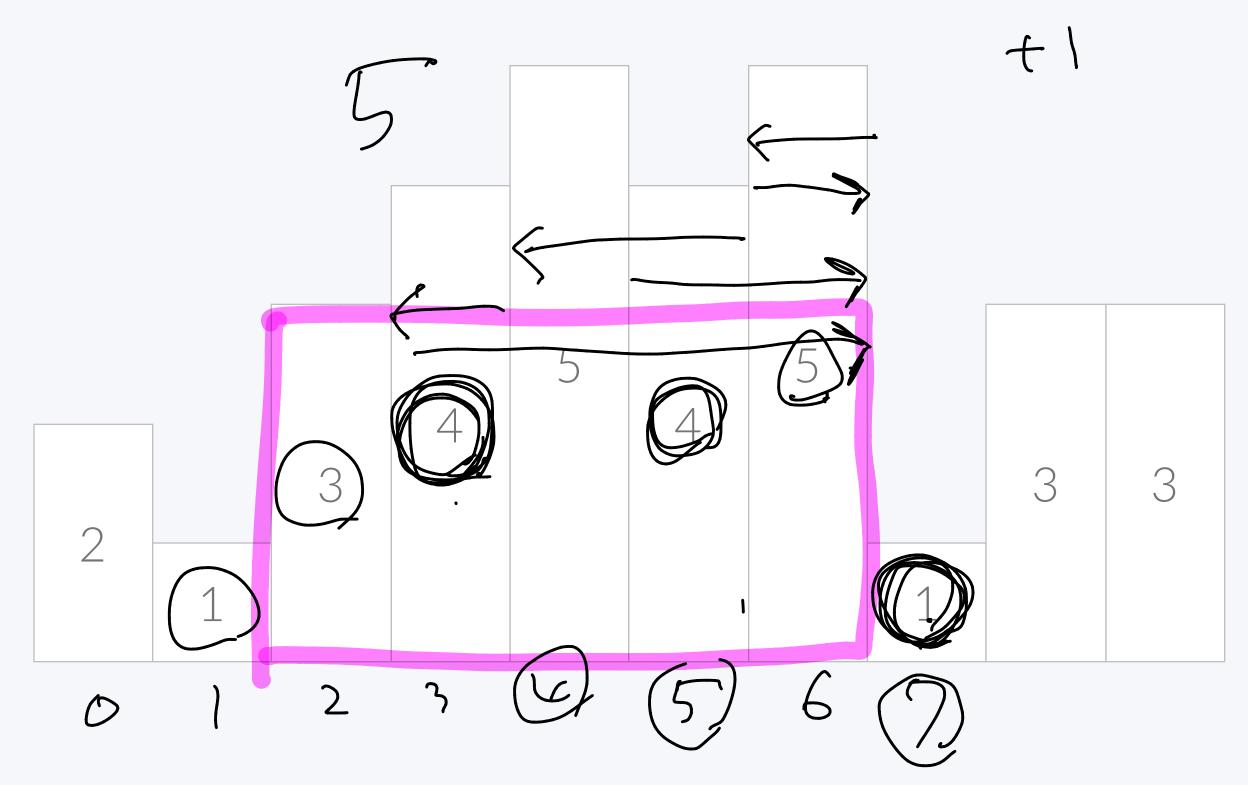
- 2번 막대, 높이 3
- 스택의 가장 위에 있는 막대 1보다 높이가 크거나 같기 때문에 push
- 스택:12



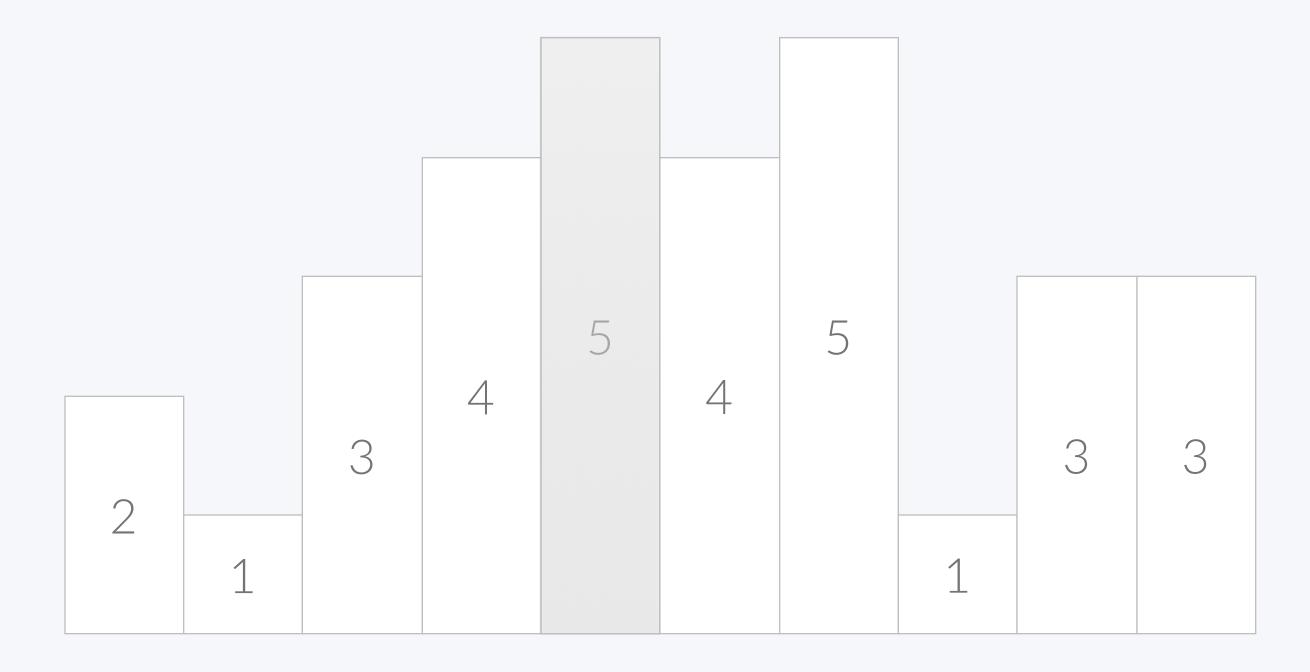
- 3번 막대, 높이 4
- 스택의 가장 위에 있는 막대 2보다 높이가 크거나 같기 때문에 push
- 스택:123



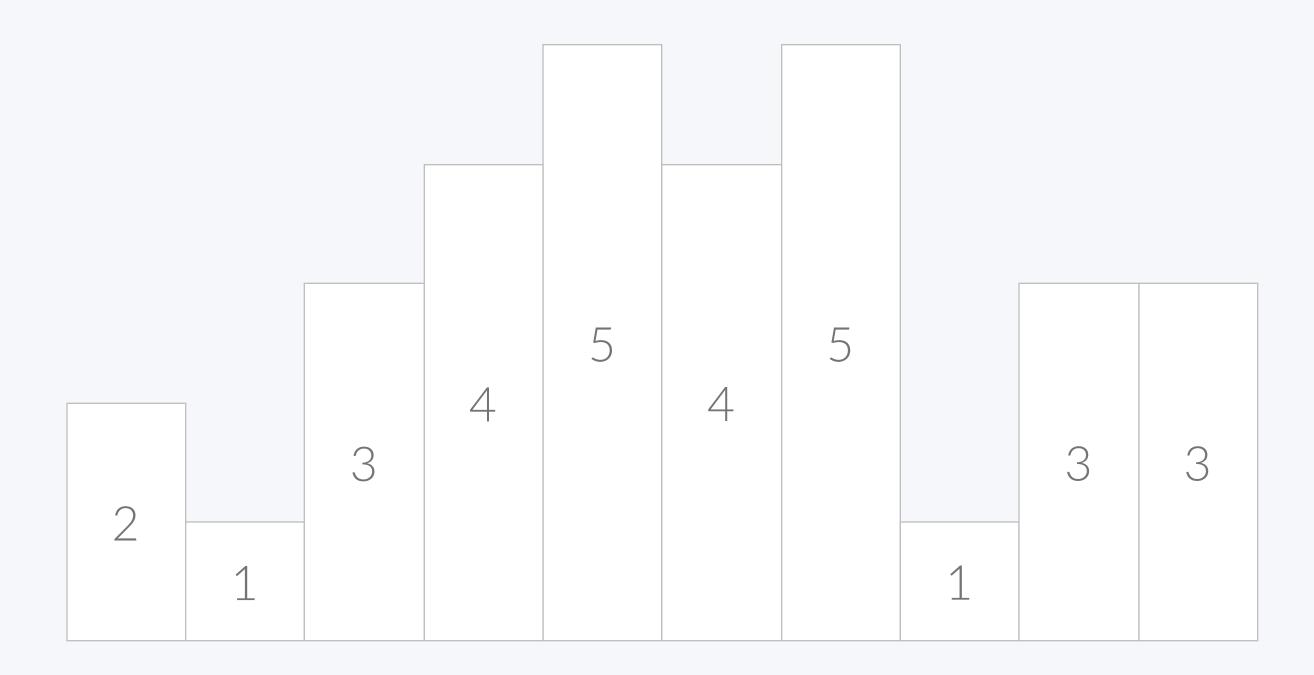
- 4번 막대, 높이 5
- 스택의 가장 위에 있는 막대 3보다 높이가 크거나 같기 때문에 push
- 스택:1234



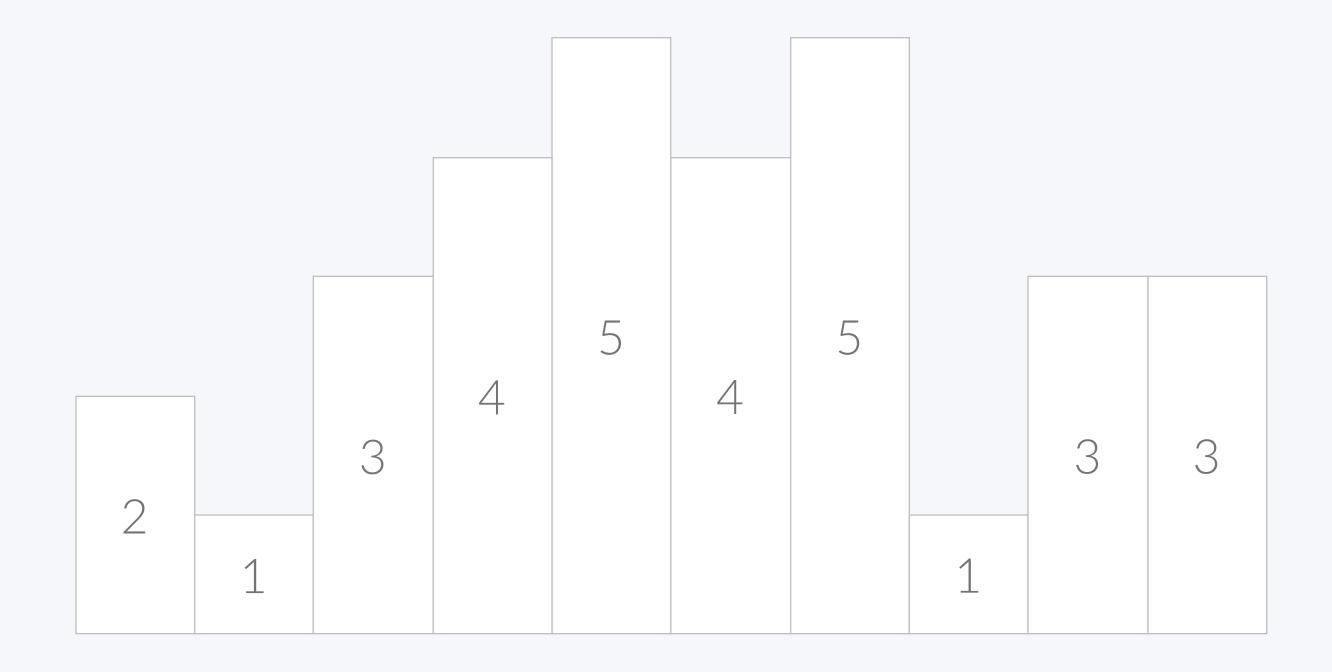
- 5번 막대, 높이 4
- 스택의 가장 위에 있는 막대 4번 (높이 5)이 현재 높이보다 크다
- right = 5-1 = 4, left = 3+1 = 4
- 4번 막대로 만들 수 있는 직사각형 넓이: 5
- 스택: 123



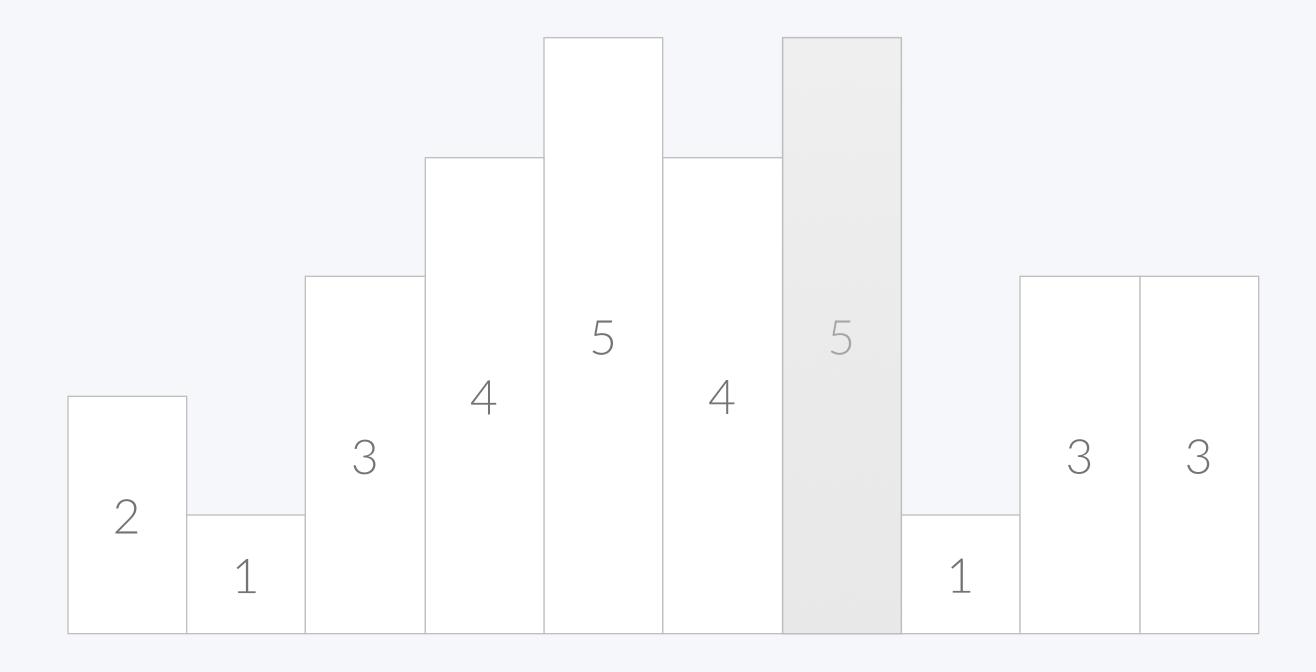
- 5번 막대, 높이 4
- 스택의 가장 위에 있는 막대 3보다 높이가 크거나 같기 때문에 push
- 스택: 1235



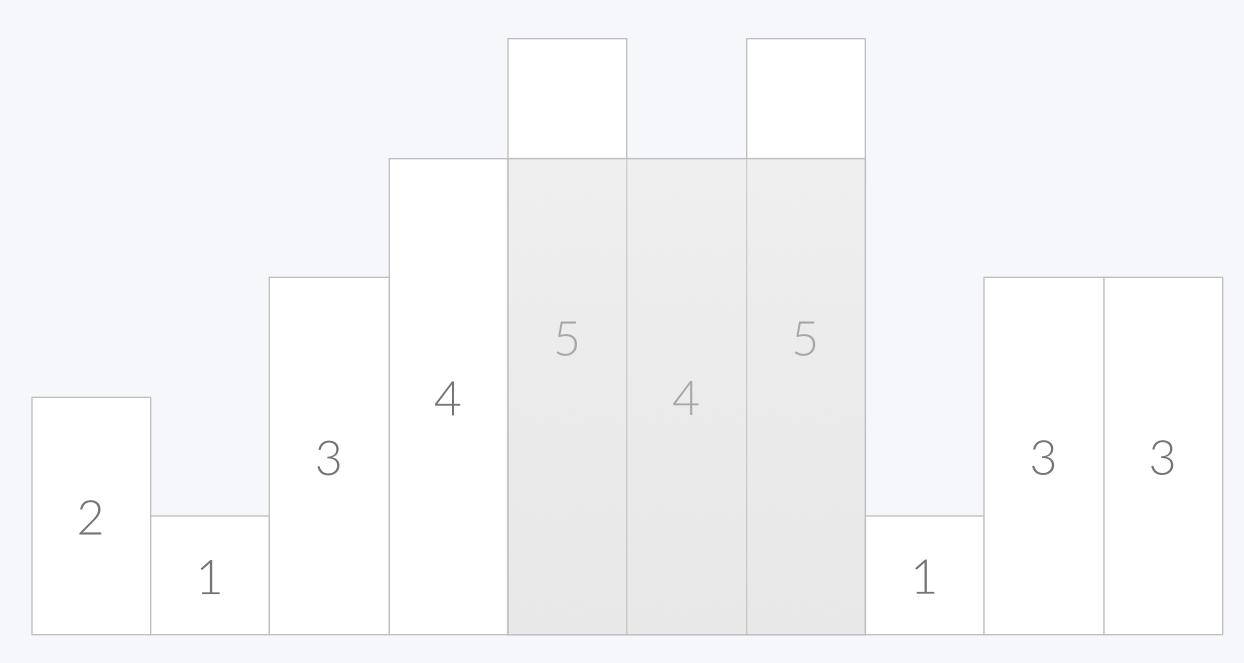
- 6번 막대, 높이 5
- 스택의 가장 위에 있는 막대 5보다 높이가 크거나 같기 때문에 push
- 스택: 12356



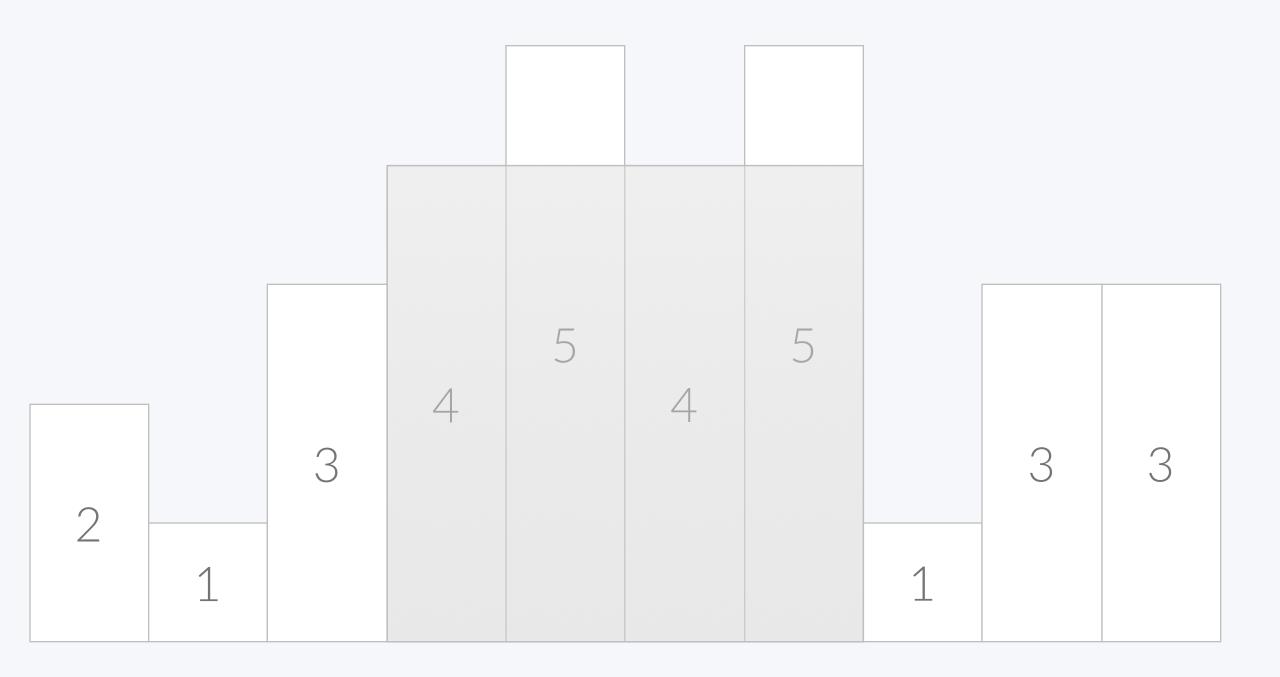
- 7번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대 6번 (높이 5)이 현재 높이보다 크다
- right = 7-1 = 6, left = 5+1 = 6
- 6번 막대로 만들 수 있는 직사각형 넓이: 5
- 스택: 1235



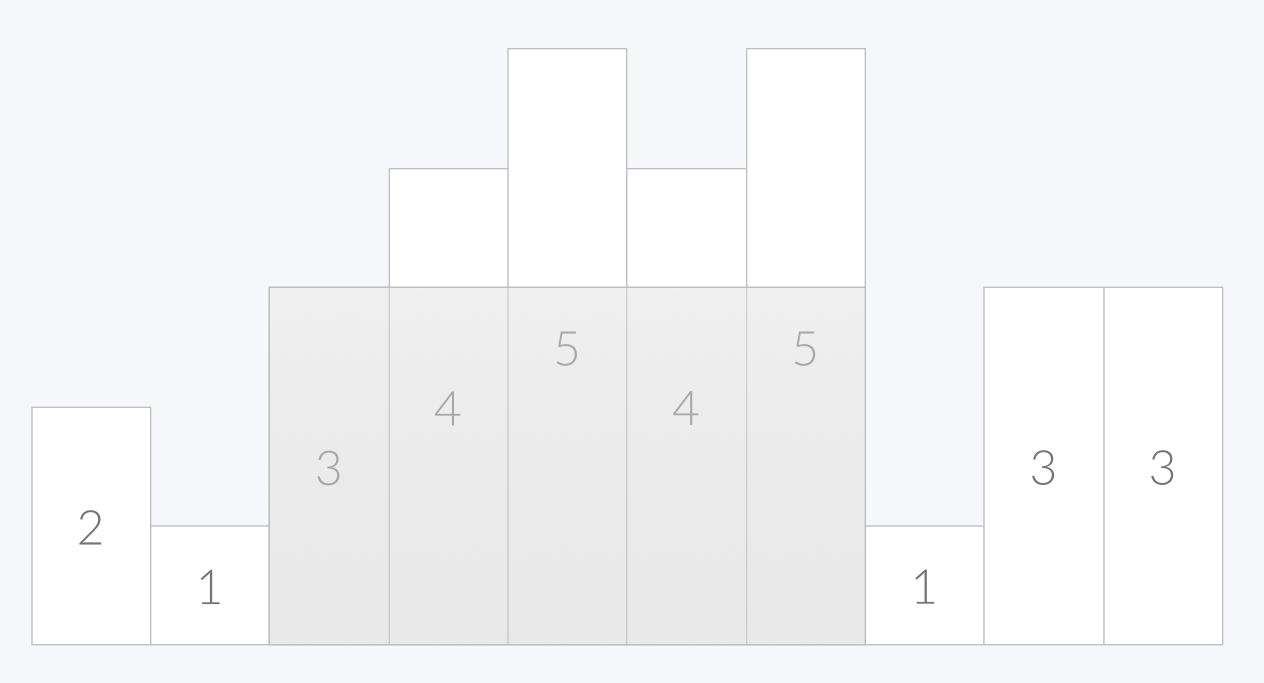
- 7번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대 5번 (높이 4)이 현재 높이보다 크다
- right = 7-1 = 6, left = 3+1 = 4
- 5번 막대로 만들 수 있는 직사각형 넓이: 12
- 스택: 123



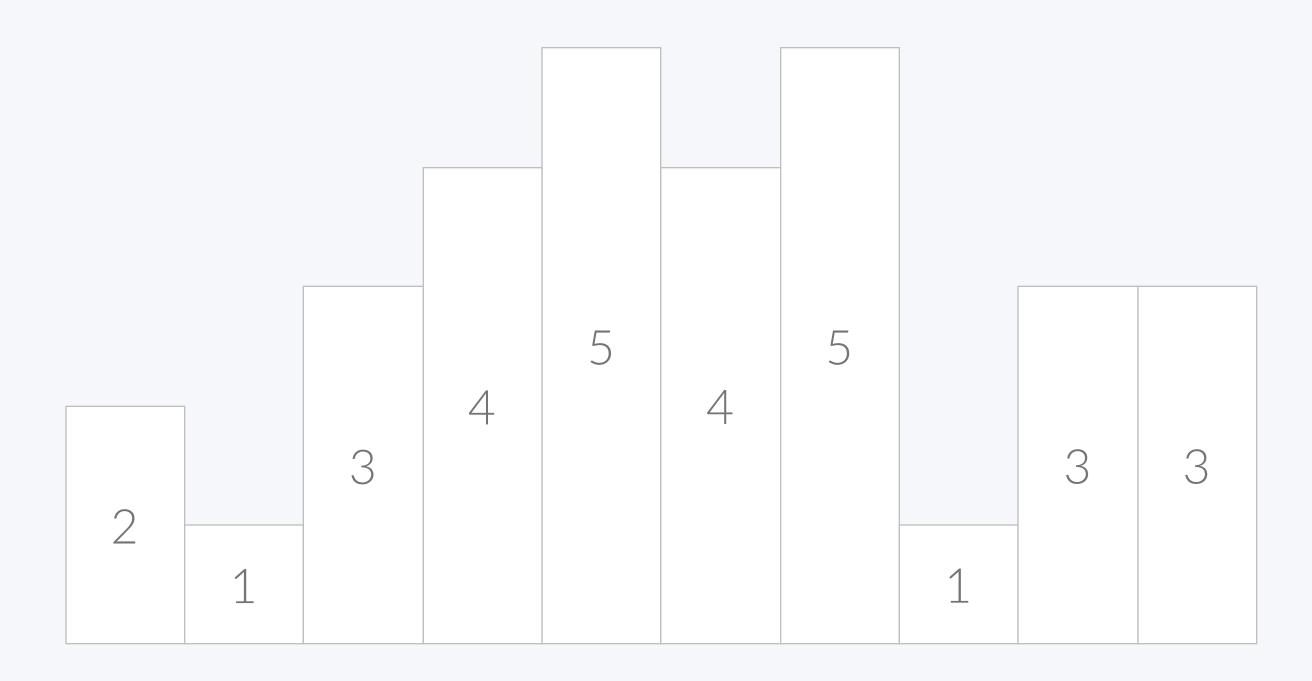
- 7번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대 3번 (높이 4)이 현재 높이보다 크다
- right = 7-1 = 6, left = 2+1 = 3
- 3번 막대로 만들 수 있는 직사각형 넓이: 16
- 스택: 1 2



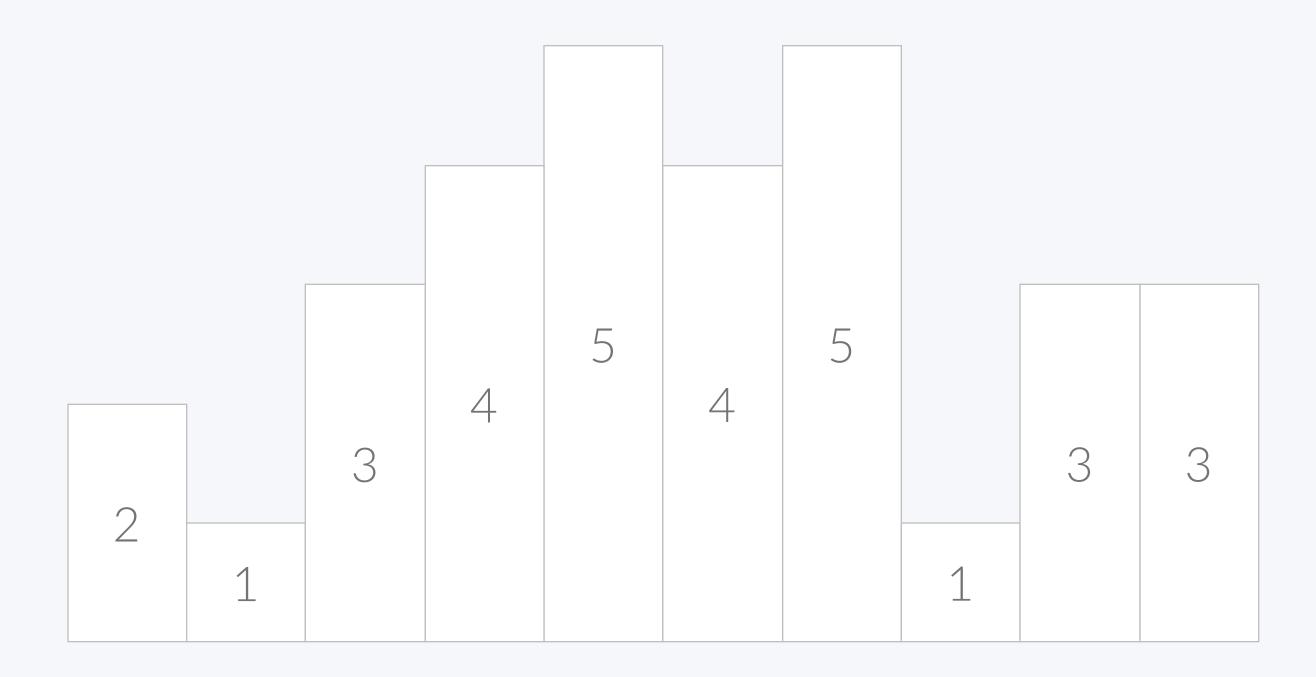
- 7번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대 2번 (높이 3)이 현재 높이보다 크다
- right = 7-1 = 6, left = 1+1 = 2
- 2번 막대로 만들 수 있는 직사각형 넓이: 15
- 스택: 1



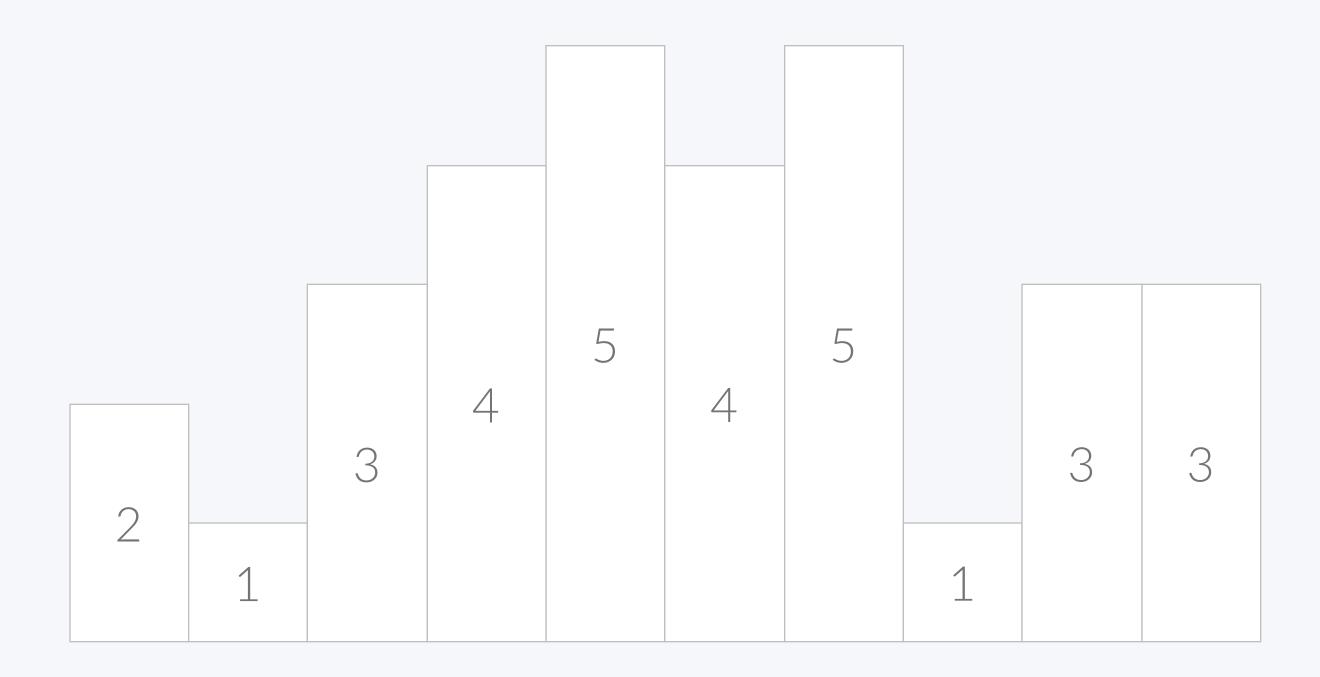
- 7번 막대, 높이 1
- 스택의 가장 위에 있는 막대 1번 (높이 1)이 현재 높이보다 크거나 같기 때문에
- 스택에 현재 막대 번호 7번을 push
- 스택:17



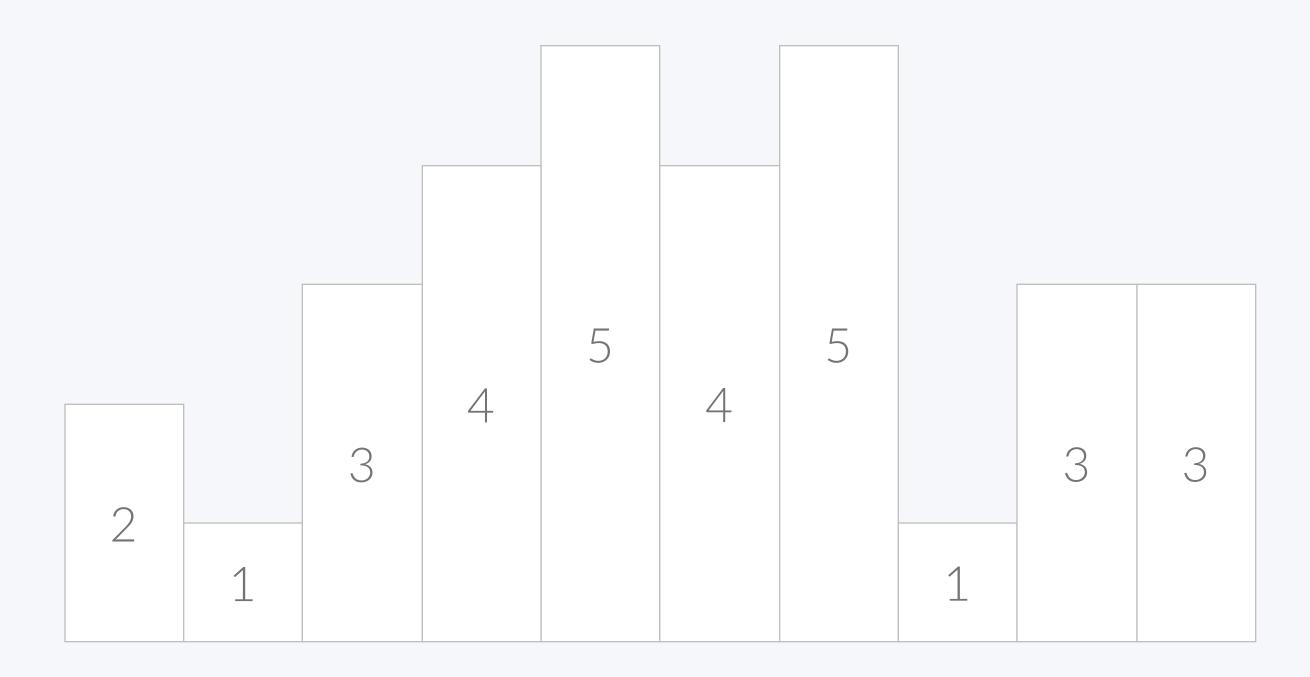
- 8번 막대, 높이 3
- 스택의 가장 위에 있는 막대 7번 (높이 1)이 현재 높이보다 크거나 같기 때문에
- 스택에 현재 막대 번호 8번을 push
- 스택: 178



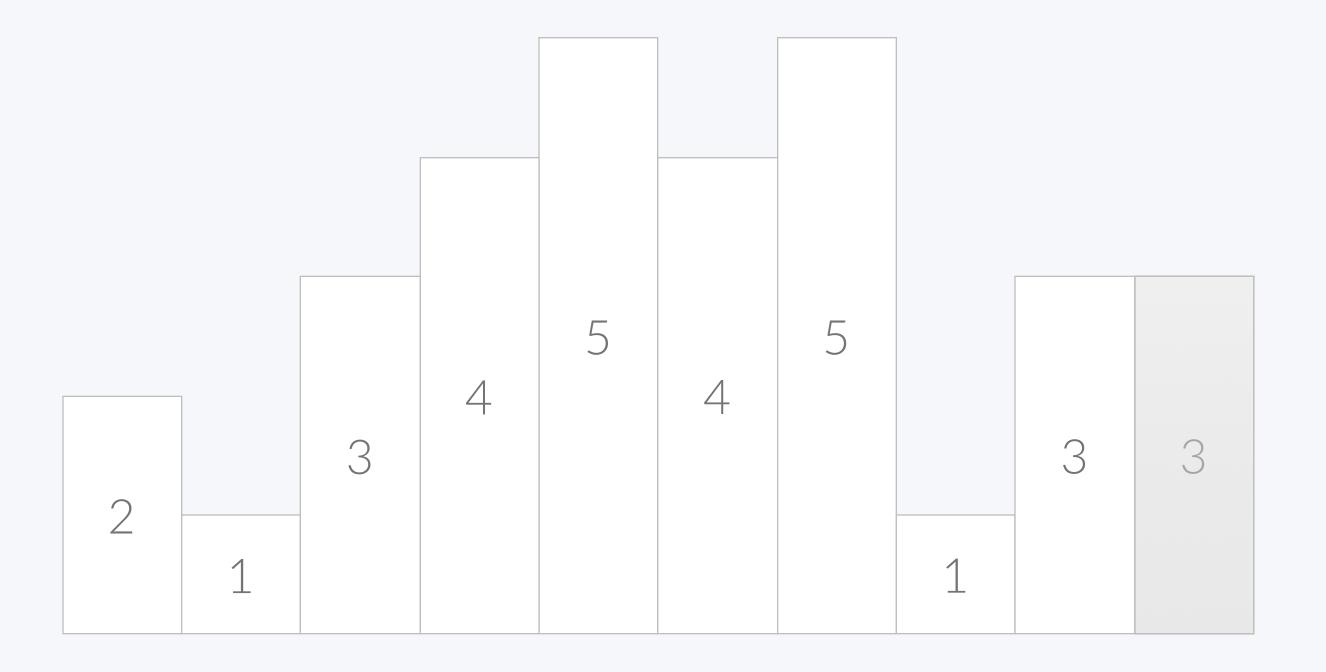
- 9번 막대, 높이 3
- 스택의 가장 위에 있는 막대 8번 (높이 3)이 현재 높이보다 크거나 같기 때문에
- 스택에 현재 막대 번호 9번을 push
- 스택: 1789



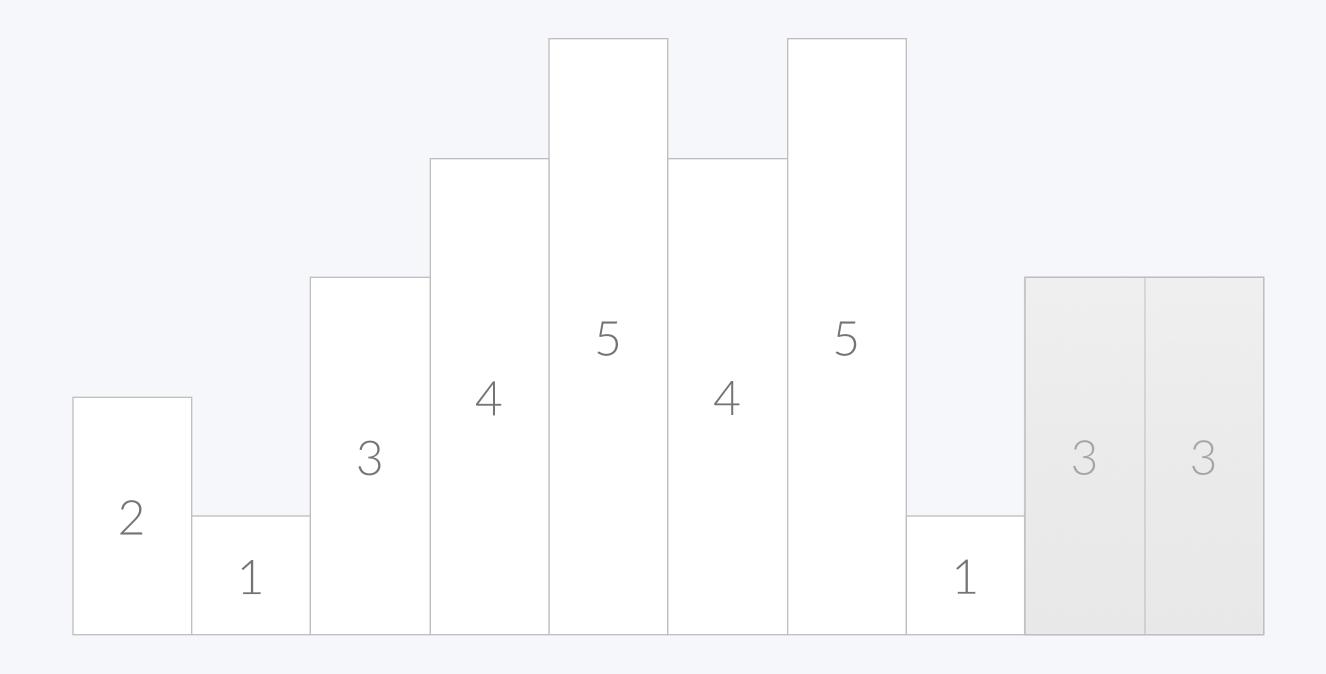
- 모든 막대가 스택에 들어갔고
- 지금부터는 right = n-1 인 경우를 처리할 차례



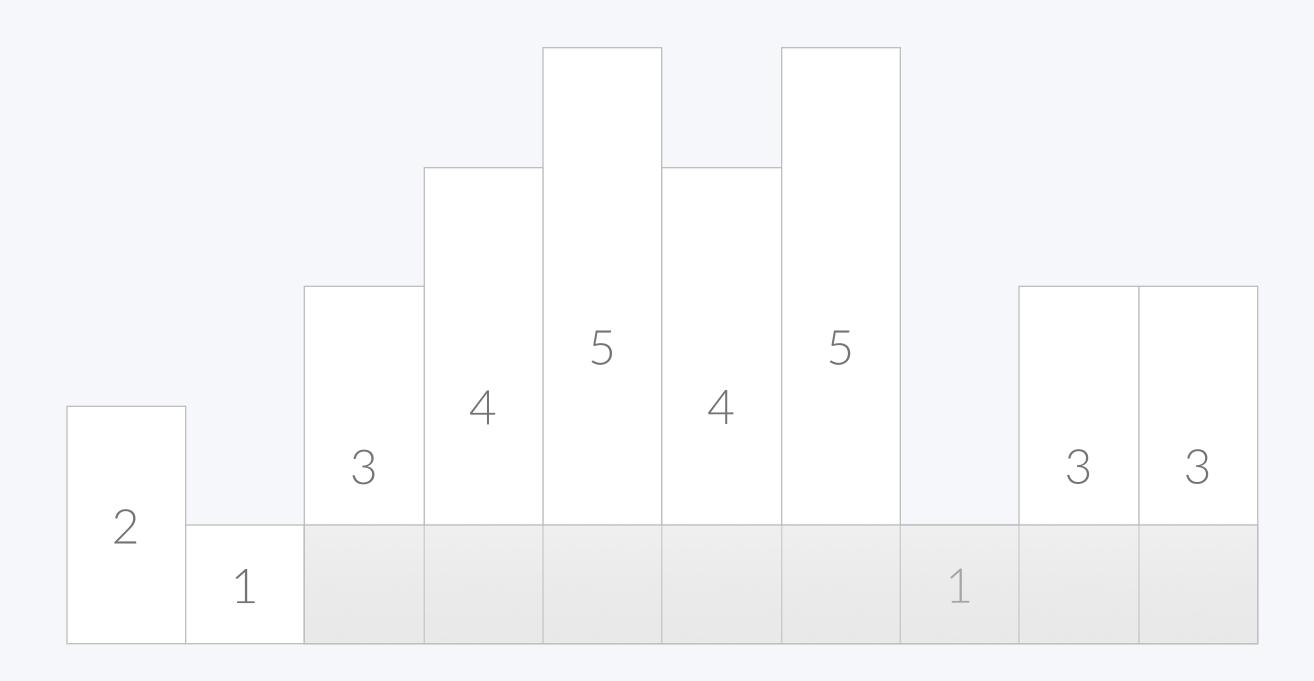
- 스택: 1789
- 9로 만들 수 있는 가장 큰 직사각형
- Right = 9
- Left = 8 + 1 = 9



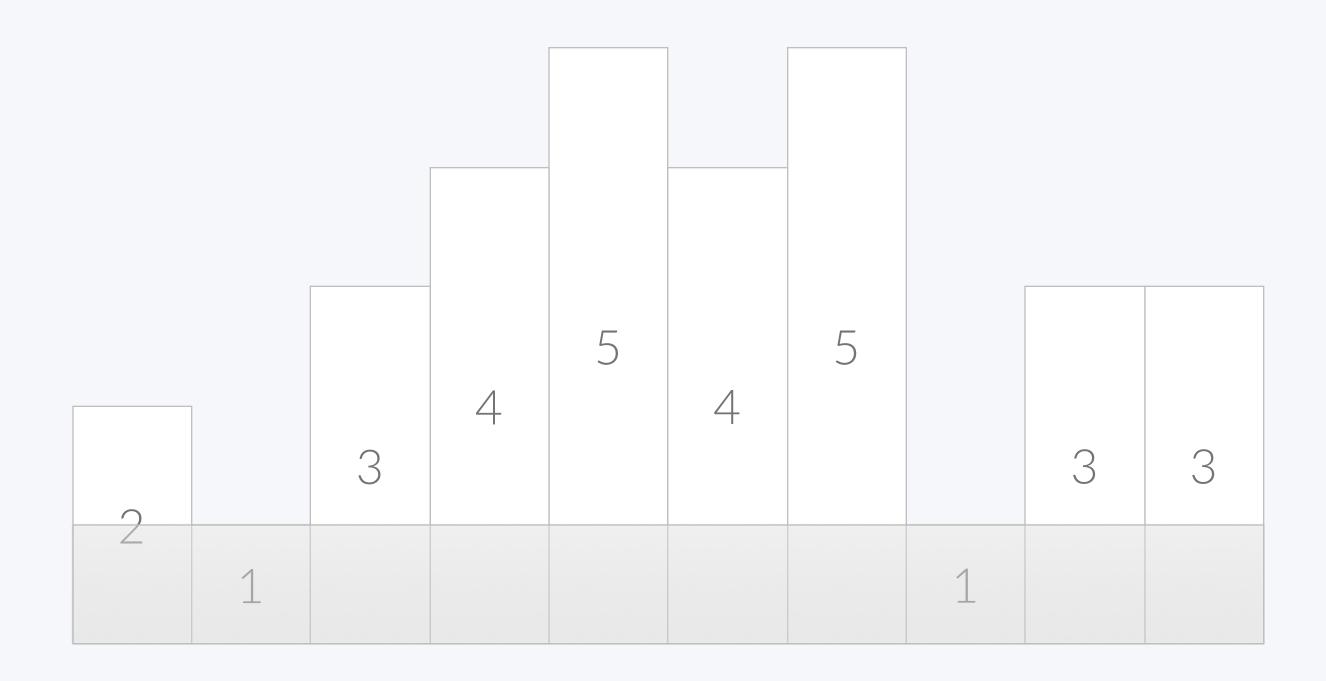
- 스택: 178
- 8로 만들 수 있는 가장 큰 직사각형
- Right = 9
- Left = 7 + 1 = 8



- 스택: 17
- 7로 만들 수 있는 가장 큰 직사각형
- Right = 9
- Left = 1 + 1 = 2



- 스택: 1
- 1로 만들 수 있는 가장 큰 직사각형
- Right = 9
- Left = 0



```
stack<int> s;
int ans = 0;
for (int i=0; i<n; i++) {
    int left = i;
    while(!s.empty() && a[s.top()] > a[i]) {
        int height = a[s.top()];
        s.pop();
        int width = i;
        if (!s.empty()) width = (i - s.top() - 1);
        if (ans < width*height) ans = width*height;</pre>
    s.push(i);
```

64

히스토그램에서 가장 큰 직사각형

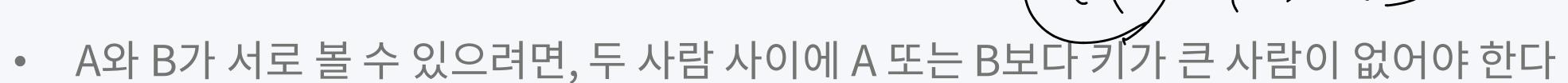
```
while (!s.empty()) {
    int height = a[s.top()];
    s.pop();
    int width = n;
    if (!s.empty()) {
        width = n-s.top()-1;
    if (ans < width*height) {</pre>
        ans = width*height;
```

https://www.acmicpc.net/problem/6549

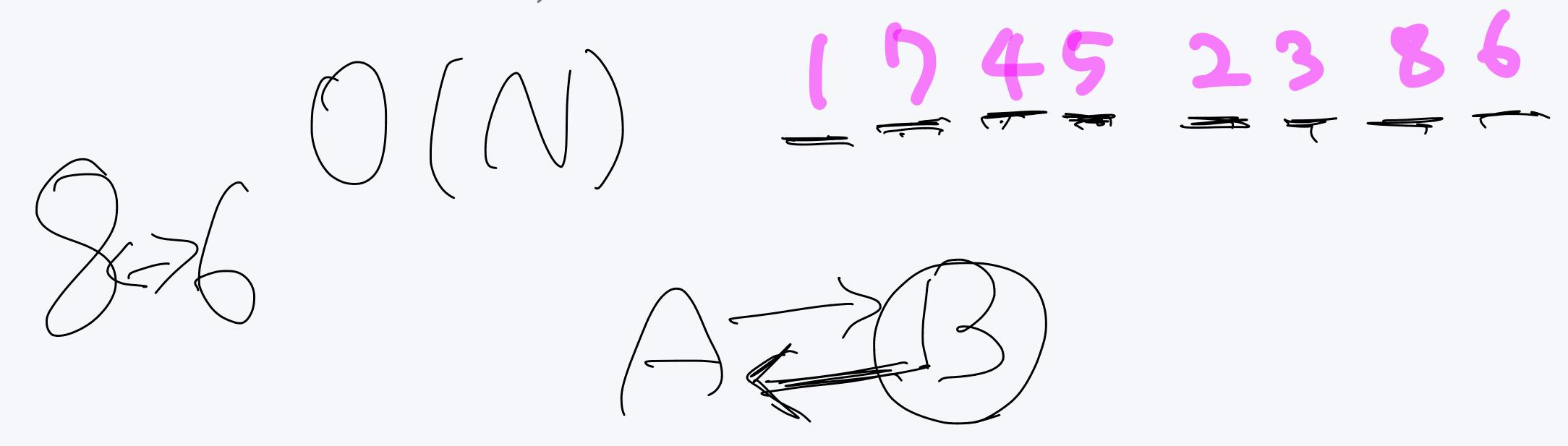
• C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/12d18034c2cd01a8d0ad

https://www.acmicpc.net/problem/3015

• N명이 한 줄로 줄을 서있다



• 줄에 서있는 사람의 키가 주어졌을 때, 서로 볼 수 있는 쌍의 수 구하기

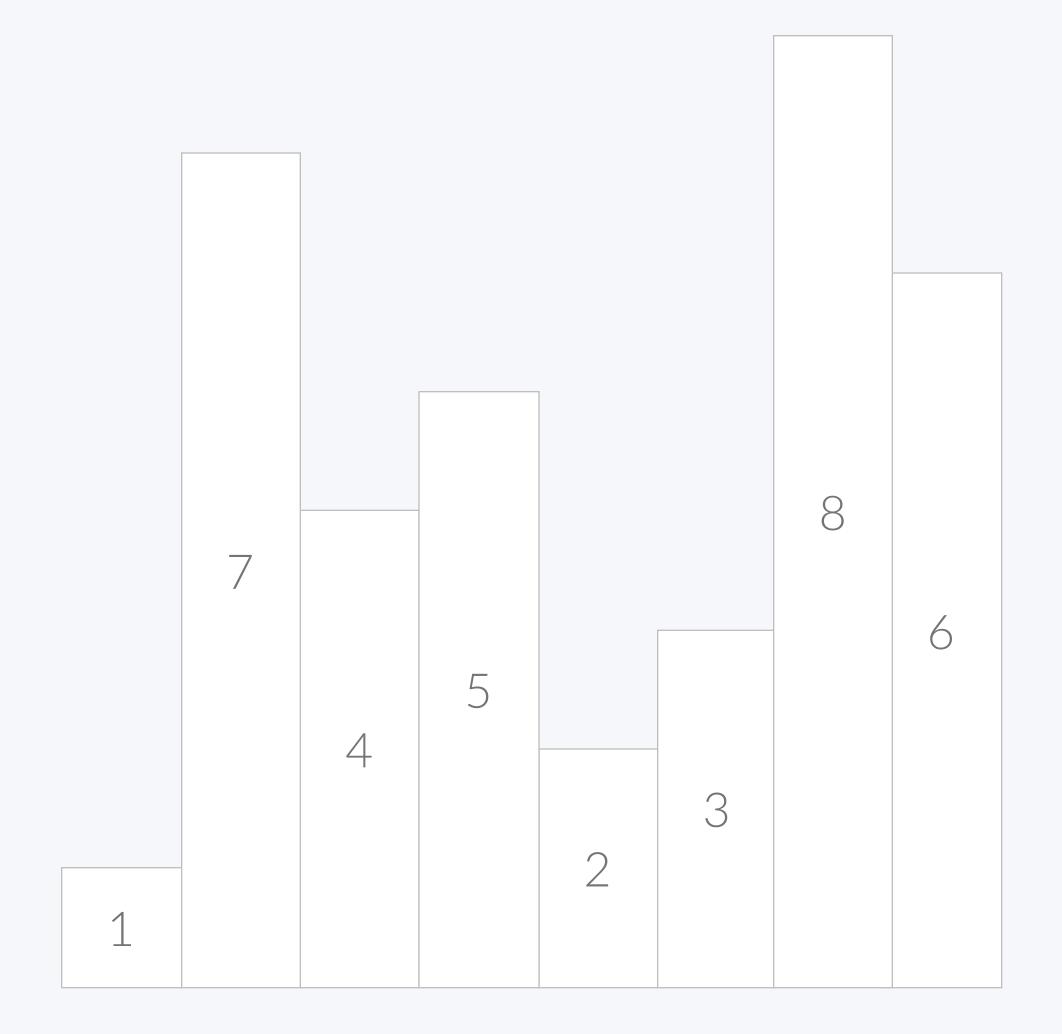


- 먼저, 문제에 나와있지 않은 조건을 하나 추가해서 문제를 푼다
- 모든 사람의 키가 모두 서로 다르다고 가정
- A 뒤에 B가 줄을 섰다
- B가 A보다 키가 크다
-B.....
- B의 뒤에 있는 사람들은 절대로 A를 볼 수 없다

- 한 명씩 줄을 서는 경우를 생각
- 줄을 설 때마다 자기 앞에 총 몇 명을 볼 수 있는지 계산해보기
- 스택에 들어있는 사람은 뒤에 줄을 서는 사람이 볼 수도 있는 사람
- 스택에서 이미 나온 사람은 뒤에 줄을 서는 사람이 절대 볼 수 없는 사람
- 따라서, 스택에는 항상 키가 작아지는 순으로 저장되게 됨
- 즉, 스택의 top이 스택에 들어있는 사람 중에서 키가 가장 작은 사람

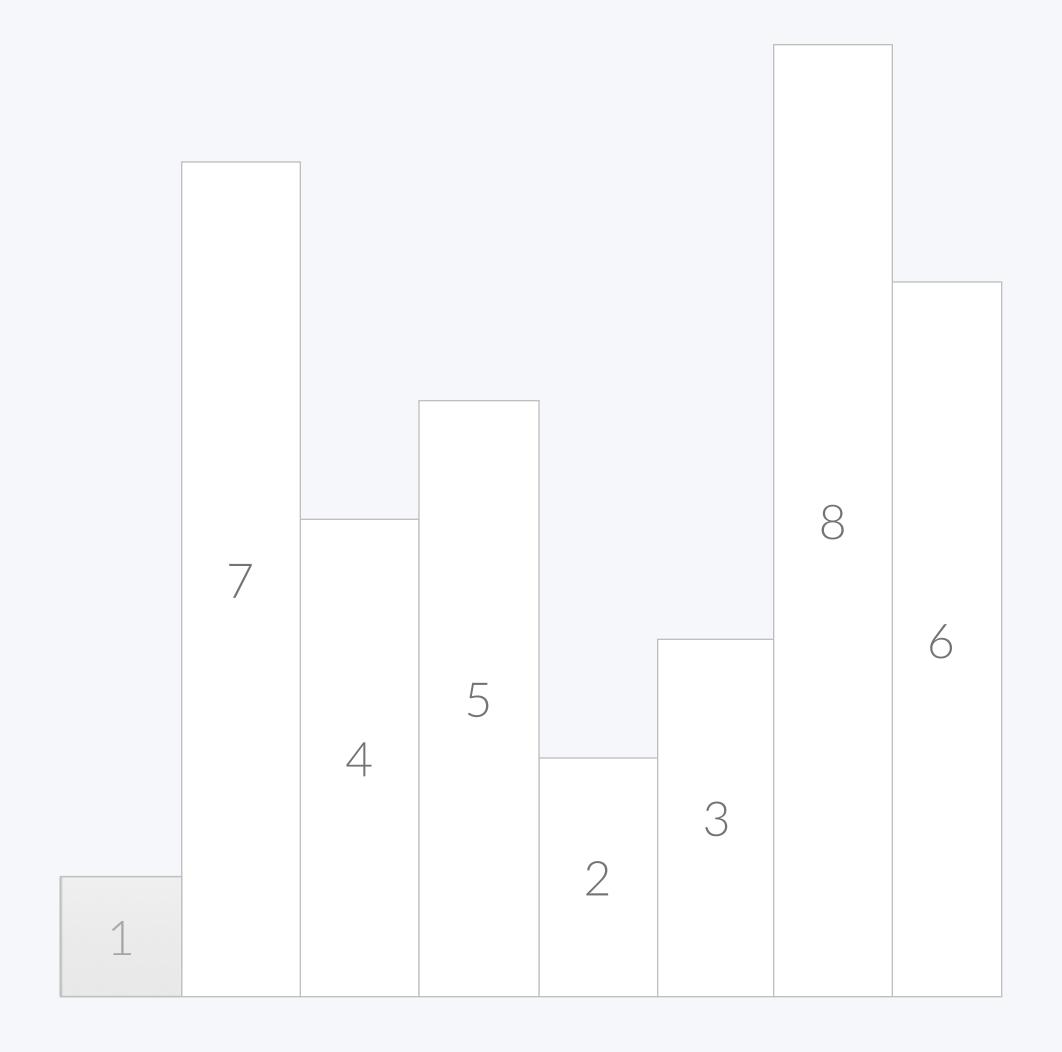
- 각 사람 A가 들어올 때마다 다음을 검사한다
 - 스택의 가장 위에 있는 사람 S와 키를 비교
 - S보다 A가 키가 크면
 - A의 뒤에 줄을 서는 사람은 절대로 A를 볼 수 없음
 - 따라서, 정답에 1을 더하고
 - S를 스택에서 빼고 위의 과정을 반복
- 이때, 스택이 비어있지 않으면 정답에 1을 더한다
 - 왜냐하면, 이제 스택의 가장 위에 있는 사람은 A보다 키가 큰 사람인데, 그 사람은 볼 수 있기 때문
- 이제, A를 스택에 추가한다.

- 17452386의 경우를 생각해보자
- 볼 수 있는 쌍의 수: 11개

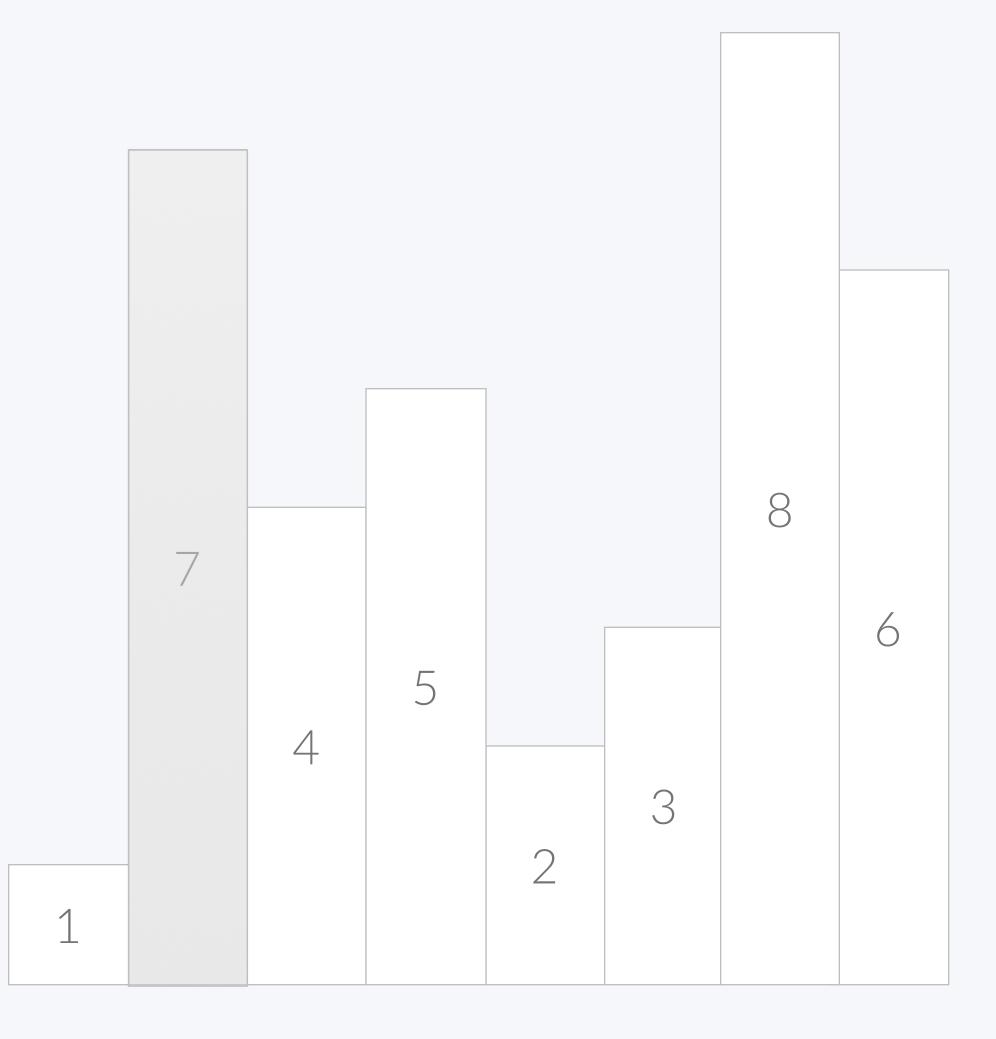


https://www.acmicpc.net/problem/3015

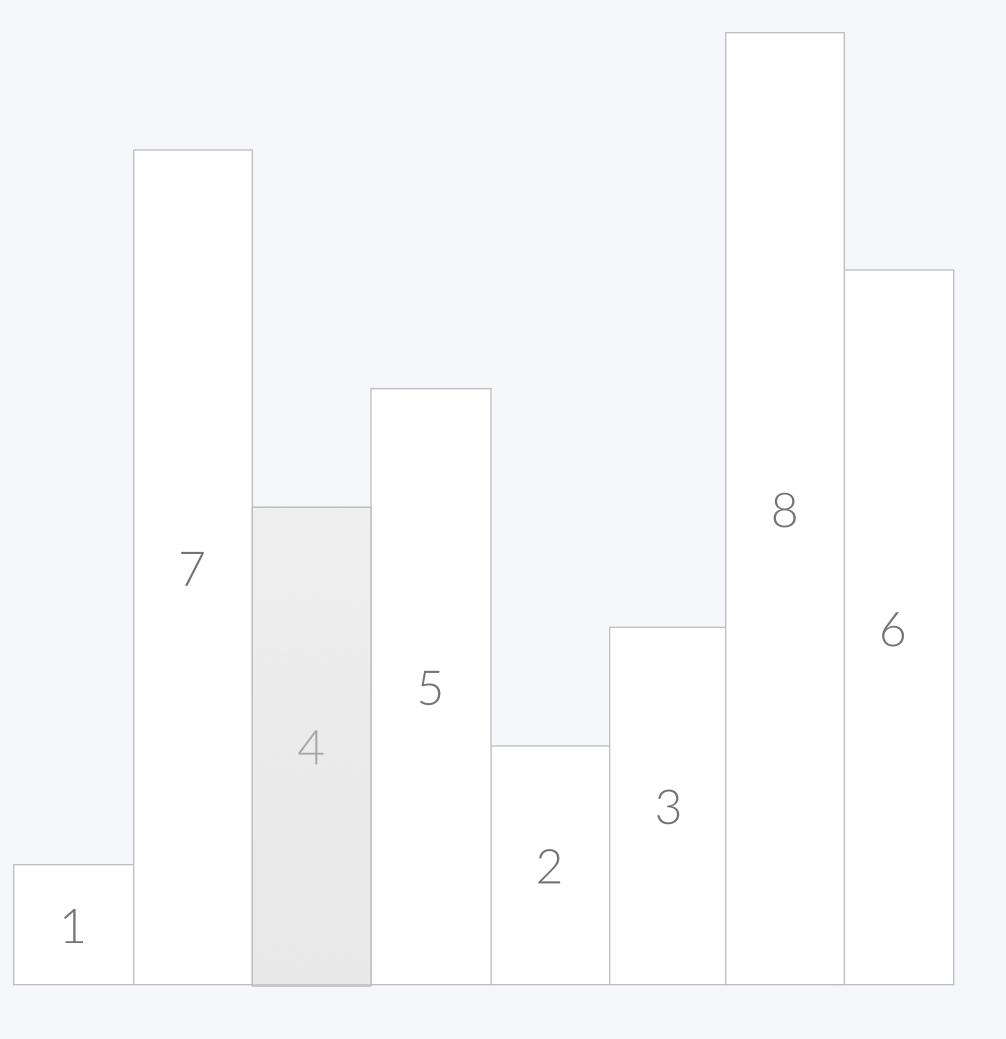
스택: 1



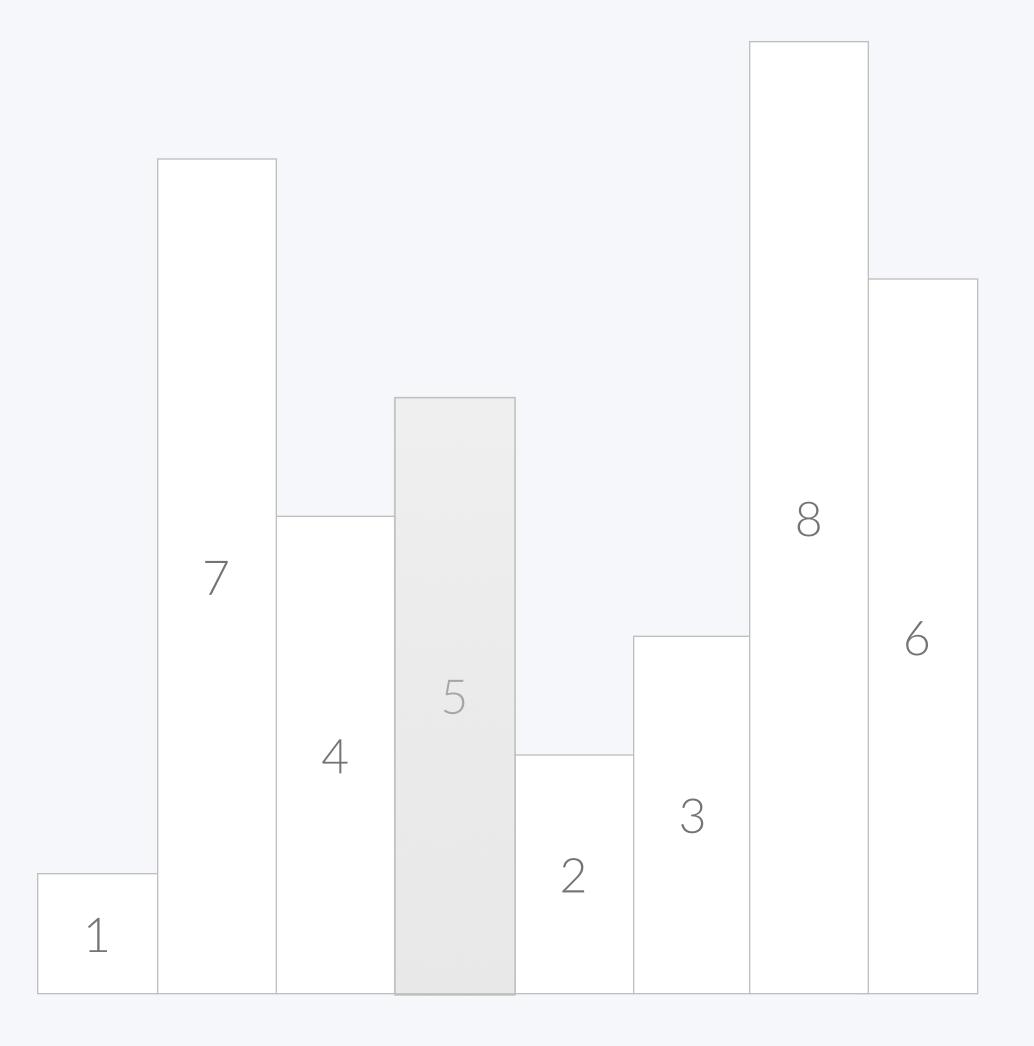
- 스택: 1
- 1은 7보다 키가 작다
- 7의 뒤에 있는 사람은 절대로 1을 볼 수 없다
- 정답에 1을 더해주고 (1과 7)
- 1을 스택에서 제거하고 7을 스택에 추가
- 스택: 7



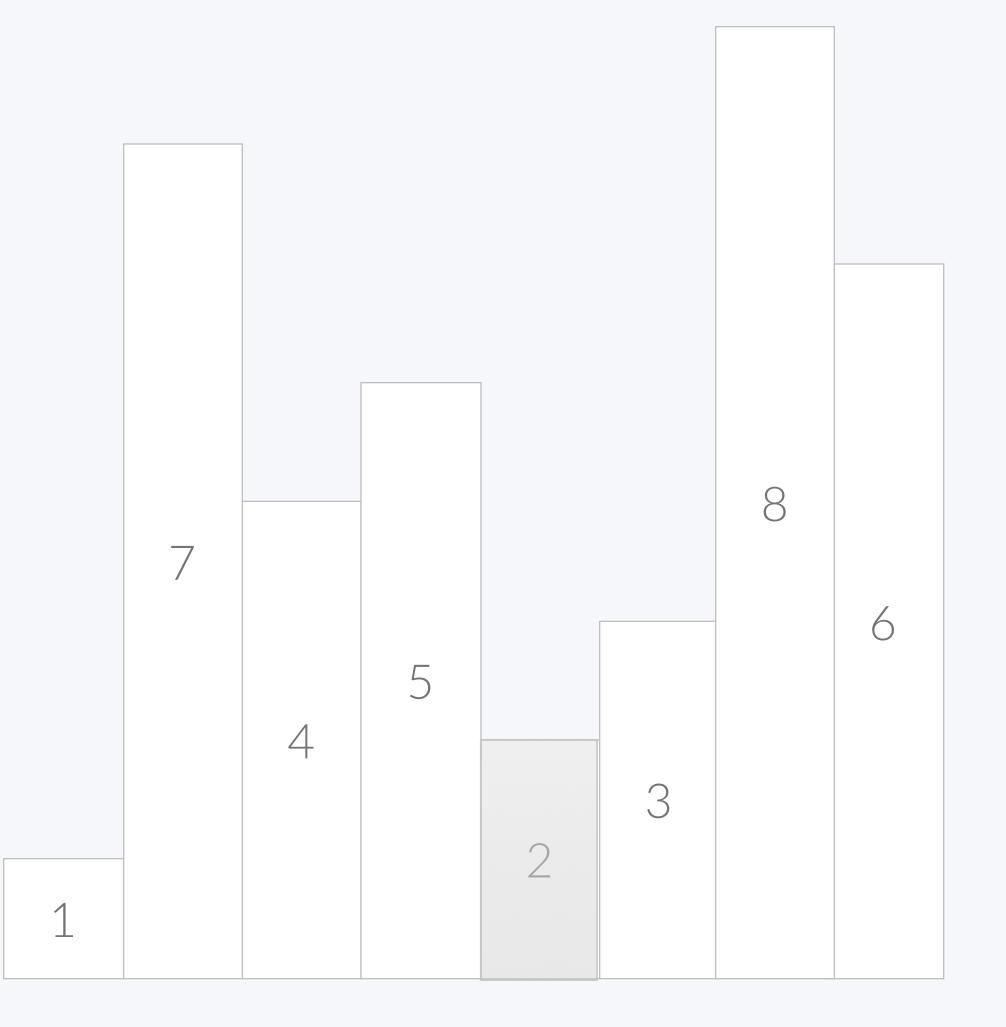
- 스택: 7
- 7은 4보다 키가 크다
- 따라서, 스택에는 아무 일도 일어나지 않는다
- 스택이 비어있지 않기 때문에
- 정답에 1을 추가한다 (7과 4)
- 4를 스택에 추가한다
- 스택: 74



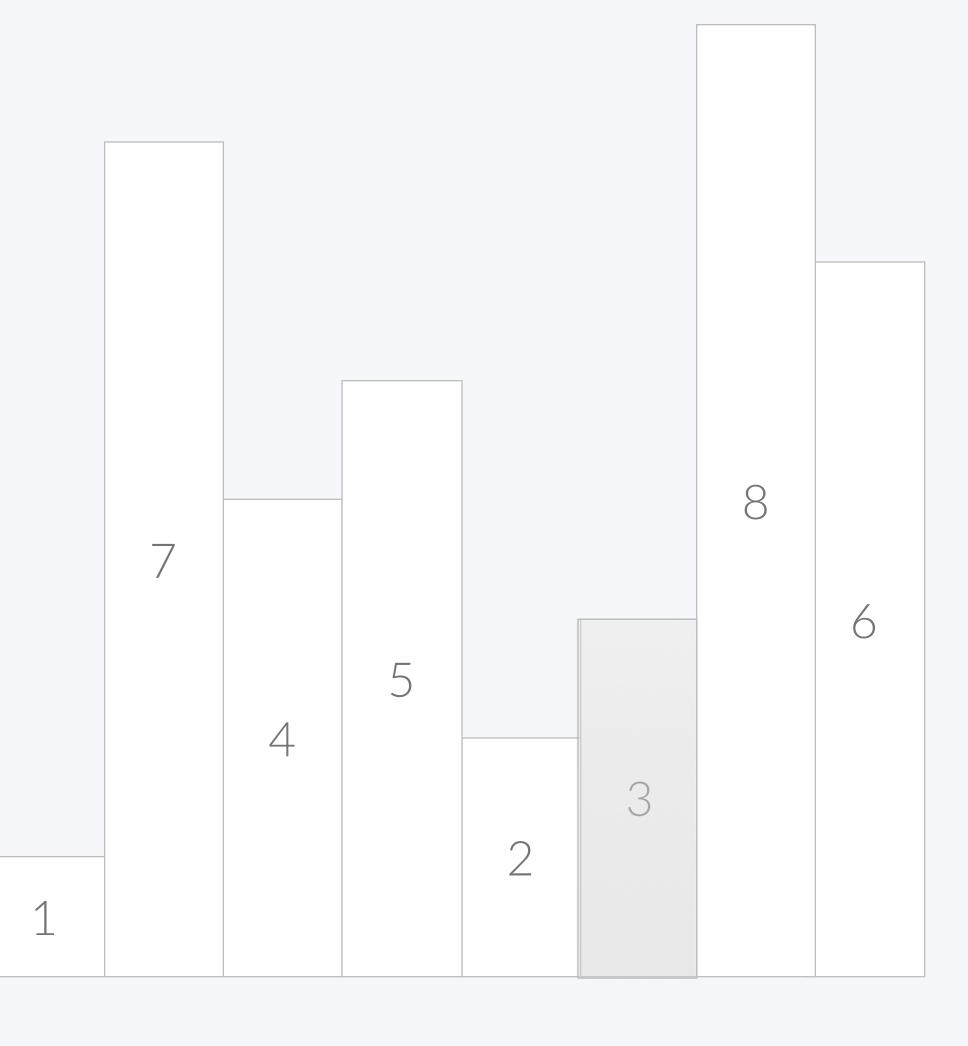
- 스택: 74
- 4는 5보다 키가 작다
- 4를 스택에서 제거하고
- 정답에 1을 더한다 (4와 5)
- 스택: 7
- 7은 5보다 키가 크다
- 스택이 비어있지 않기 때문에
- 정답에 1을 더하고 (7과 5)
- 5를 스택에 추가한다



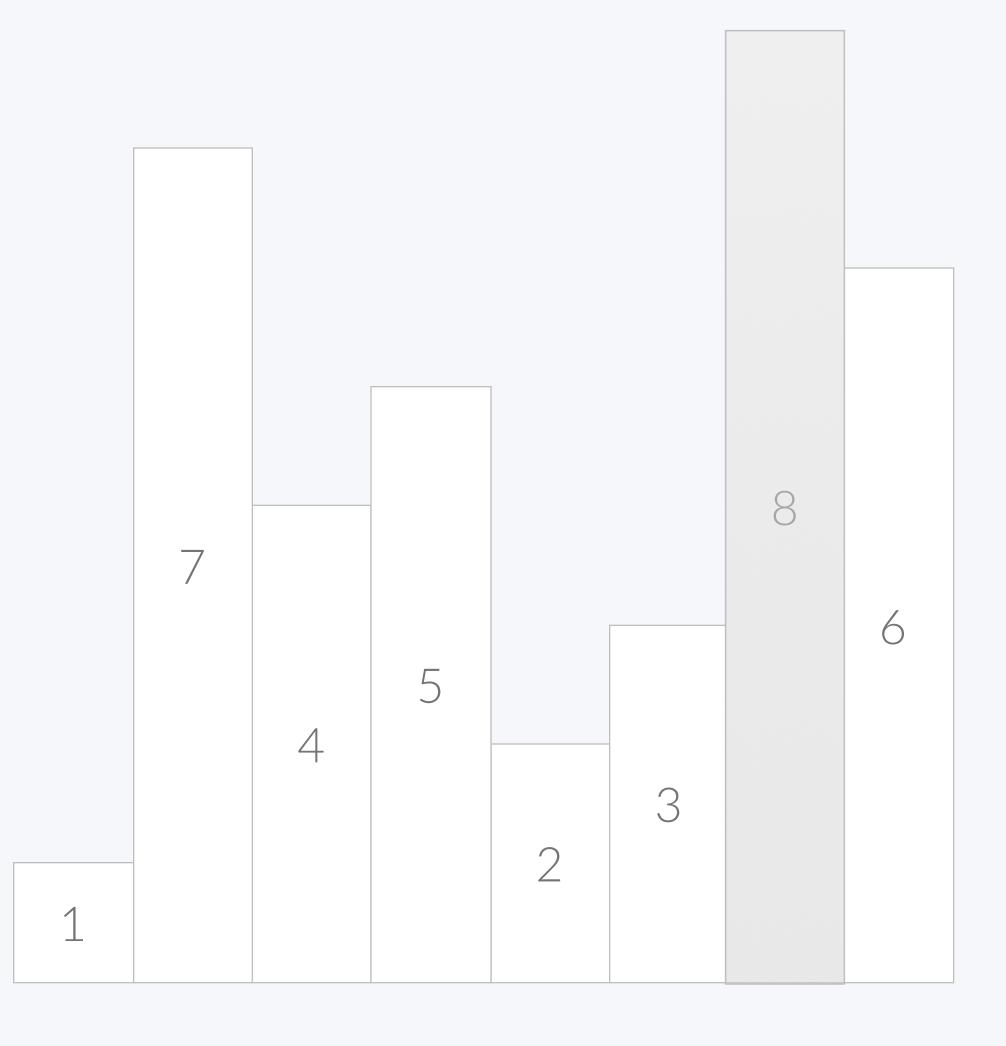
- 스택: 75
- 2는 5보다 키가 작기 때문에 스택에 추가한다
- 스택이 비어있지 않기 때문에
- 정답에 1을 더한다 (5와 2)
- 스택: 752



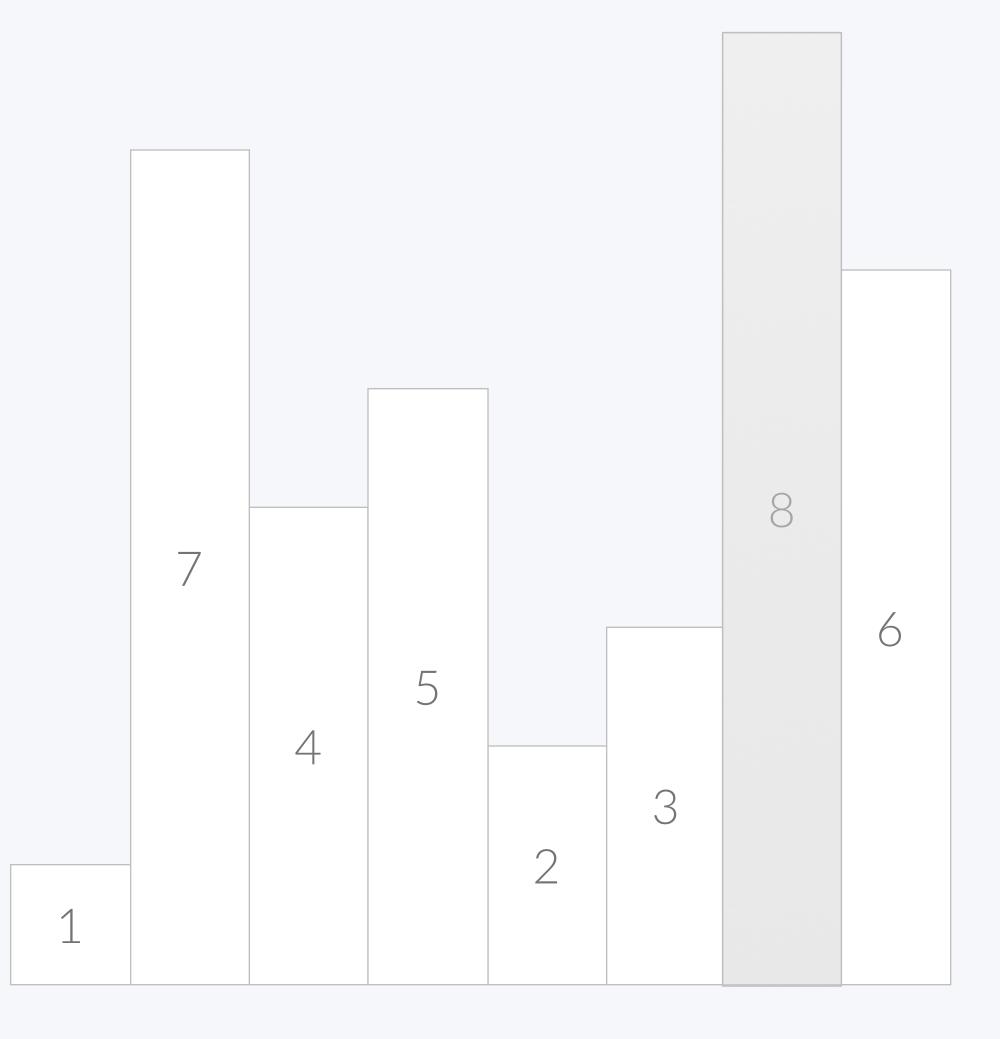
- 스택: 752
- 2는 3보다 키가 작다.
- 3의 뒤에 있는 사람은 2를 절대로 볼 수가 없다
- 정답에 1을 더해준다 (2와 3)
- 스택: 75
- 5는 3보다 키가 크다.
- 3을 스택에 추가하고, 정답에 1을 더한다 (5와 3)
- 스택: 753



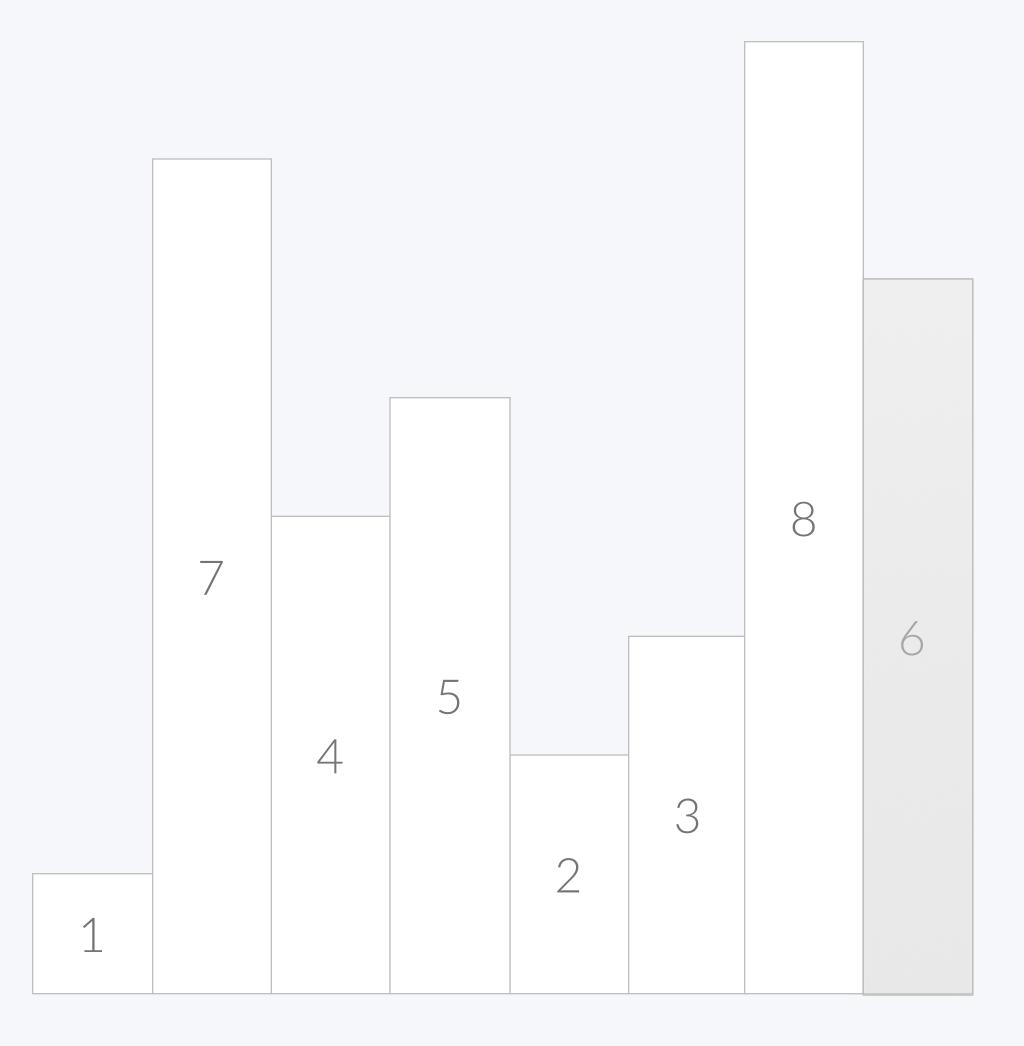
- 스택: 753
- 8은 3보다 키가 크다
- 8의 뒤에 있는 사람을 3를 볼 수 없다
- 3를 스택에서 빼고 정답에 1을 더한다 (3와 8)
- 스택: 75
- 8은 5보다 키가 크다
- 8의 뒤에 있는 사람은 5를 볼 수 없다
- 5를 스택에서 빼고 정답에 1을 더한다 (5와 8)
- 스택: 7



- 스택: 7
- 8은 7보다 키가 크다
- 8의 뒤에 있는 사람을 7를 볼 수 없다
- 7를 스택에서 빼고 정답에 1을 더한다 (7와 8)
- 스택:
- 스택이 비어있으니 이제 8을 넣는다
- 스택: 8

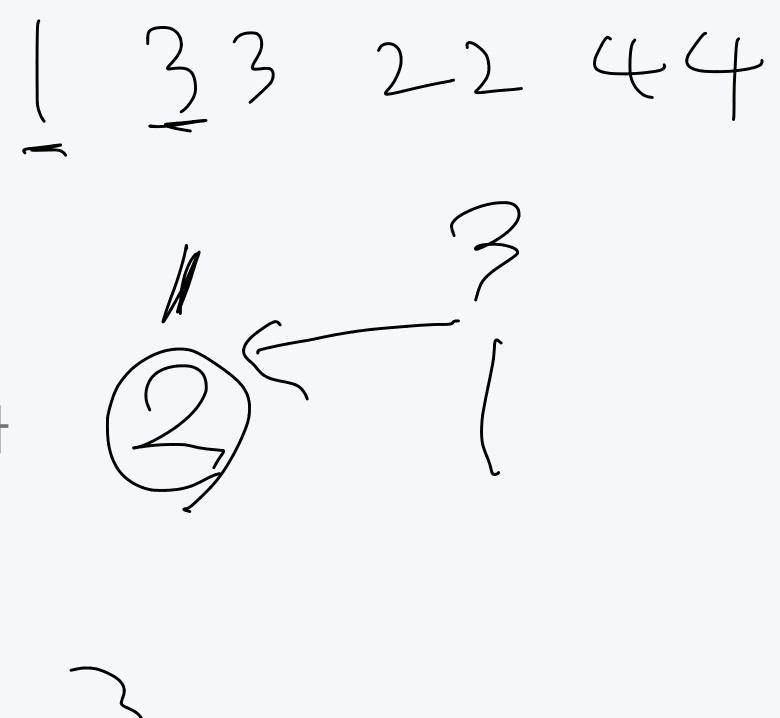


- 스택: 8
- 6은 8보다 키가 작다
- 스택이 비어있지 않기 때문에
- 정답에 1을 더하고 (8과 6)
- 스택에 6을 추가한다
- 스택:86



```
for (int i=0; i<n; i++) {
    while (!s.empty()) {
        if (s.top() < a[i]) {</pre>
            ans += 1;
            s.pop();
        } else {
            break;
    if (!s.empty()) ans += 1;
    s.push(a[i]);
```

- 이제 원래 문제를 풀어야 한다
- 키가 같은 사람이 들어오기 때문에
- 스택에 키와, 그 키를 가진 사람의 수를 넣어서 문제를 푼다



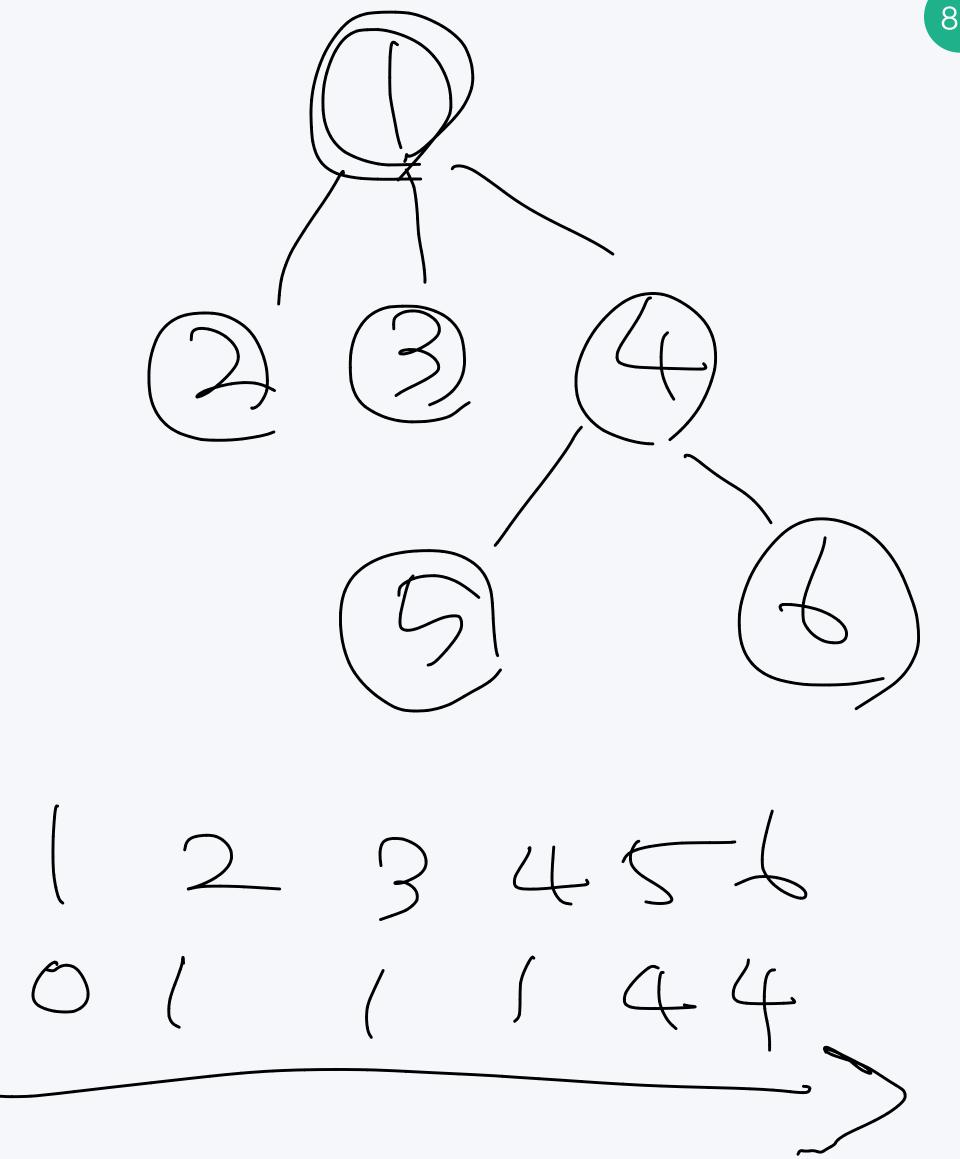
```
for (int i=0; i<n; i++) {
    pair<int, int> p = {a[i], 1};
    while (!s.empty()) {
        if (s.top().first < a[i]) {</pre>
            ans += (long long)s.top().second;
            if (s.top().first == a[i]) {
                p.second += s.top().second;
            s.pop();
        } else {
            break;
    if (!s.empty()) ans += 1LL;
   s.push(p);
```

- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/f080cf3009603815aa62
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/6557d554cf1400002a86

Disjoint-Set Asmir 27-62

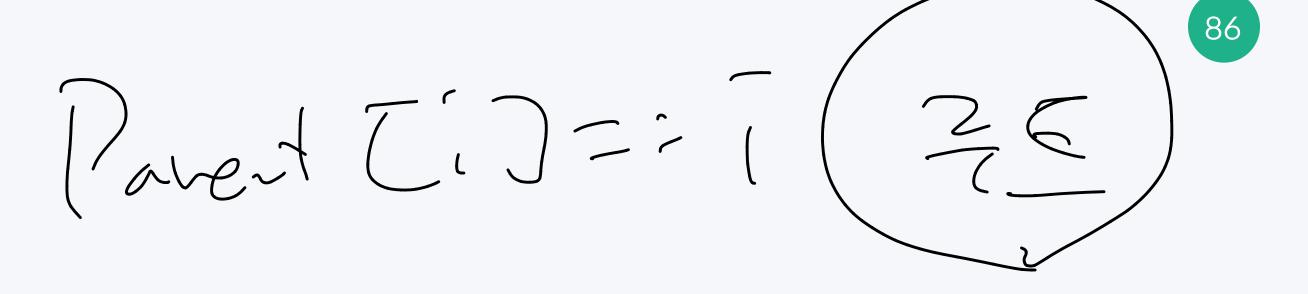
Union Find

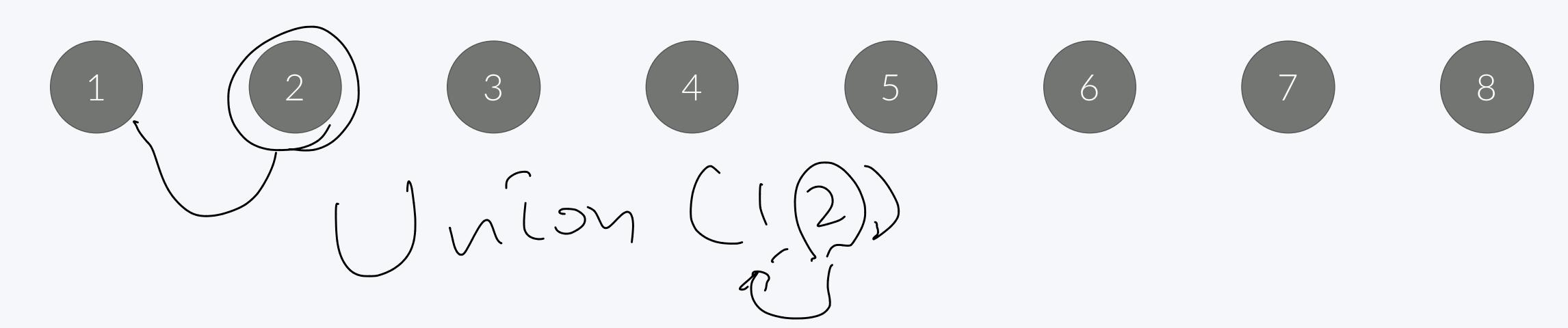
- 상호 배타적 집합(Disjoint-set)이라고도 한다.
- 2가지 연산으로 이루어져 있다.
- 1. Find: x가 어떤 집합에 포함되어 있는지 찾는 연산
- 2. Union: x와 y가 포함되어 있는 집합을 합치는 연산
- 구현은 간단한 트리를 이용해서 한다.
- parent[i] = i의 parent가 저장되어 있음



Union Find

• 가장 처음에는 parent[i] = i로 초기화 한다.

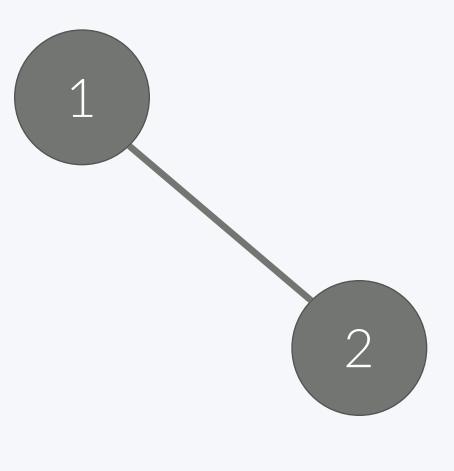




i	1	2	3	4	5	6	7	8
P[i]	$\left(1\right)$	2	3	4	5	6	7	8

Union Find

• Union (1, 2)



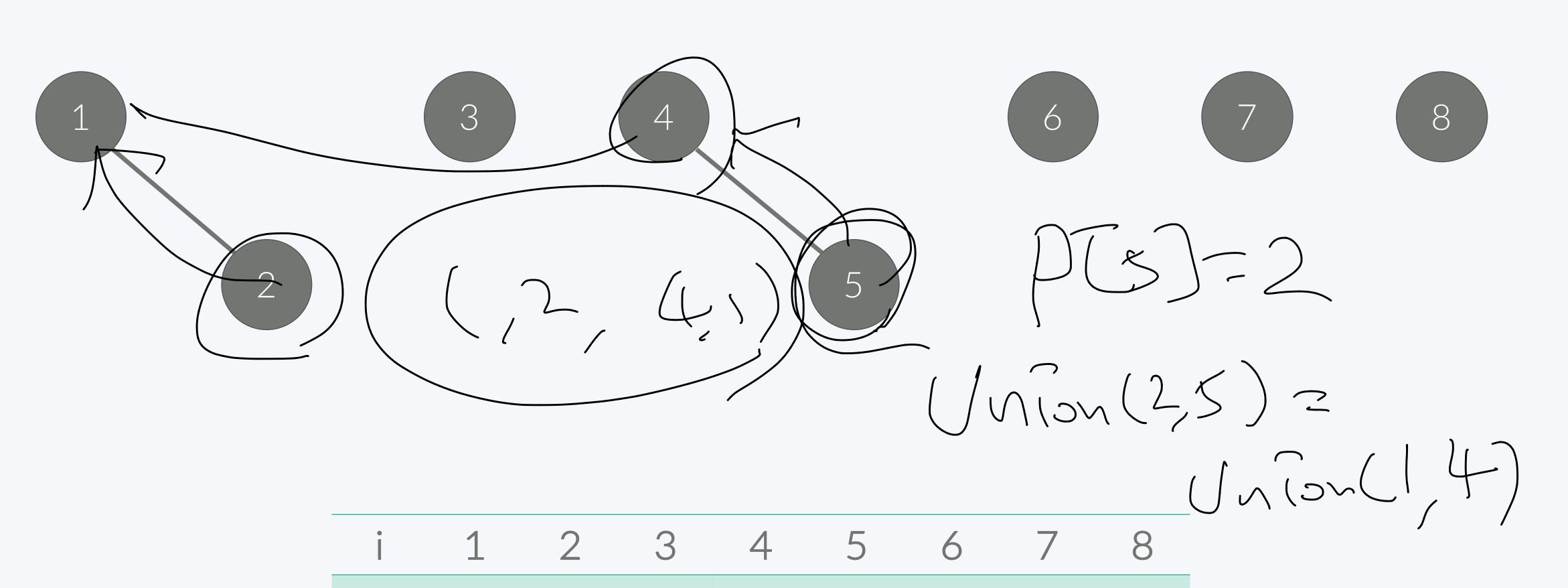
·	1	2	3	4	5	6	7	8
P[i]	1	1	3	4	5	6	7	8

UN60 (XY)

Darent Ty]=X

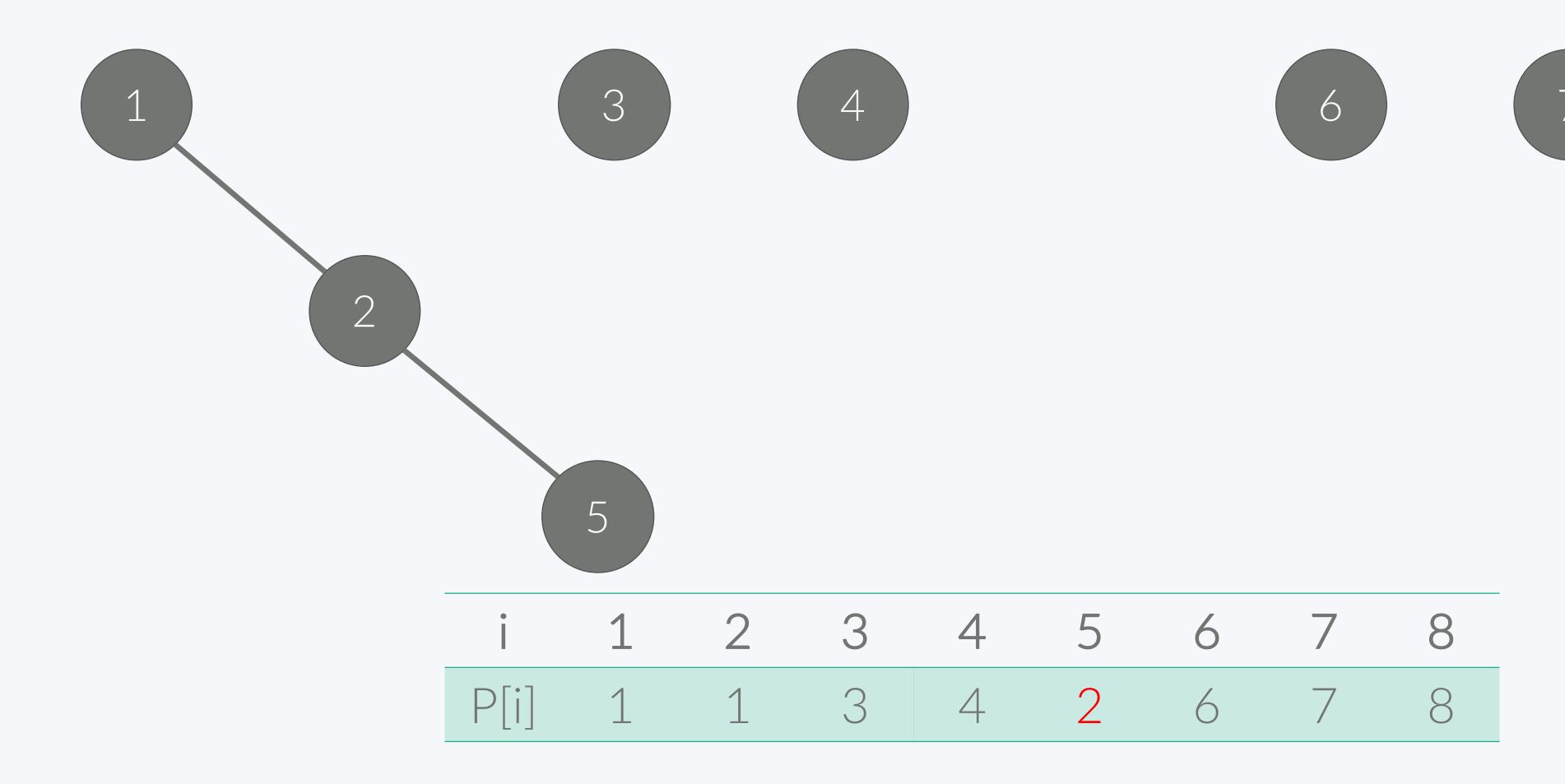
Union Find

• Union (4, 5)



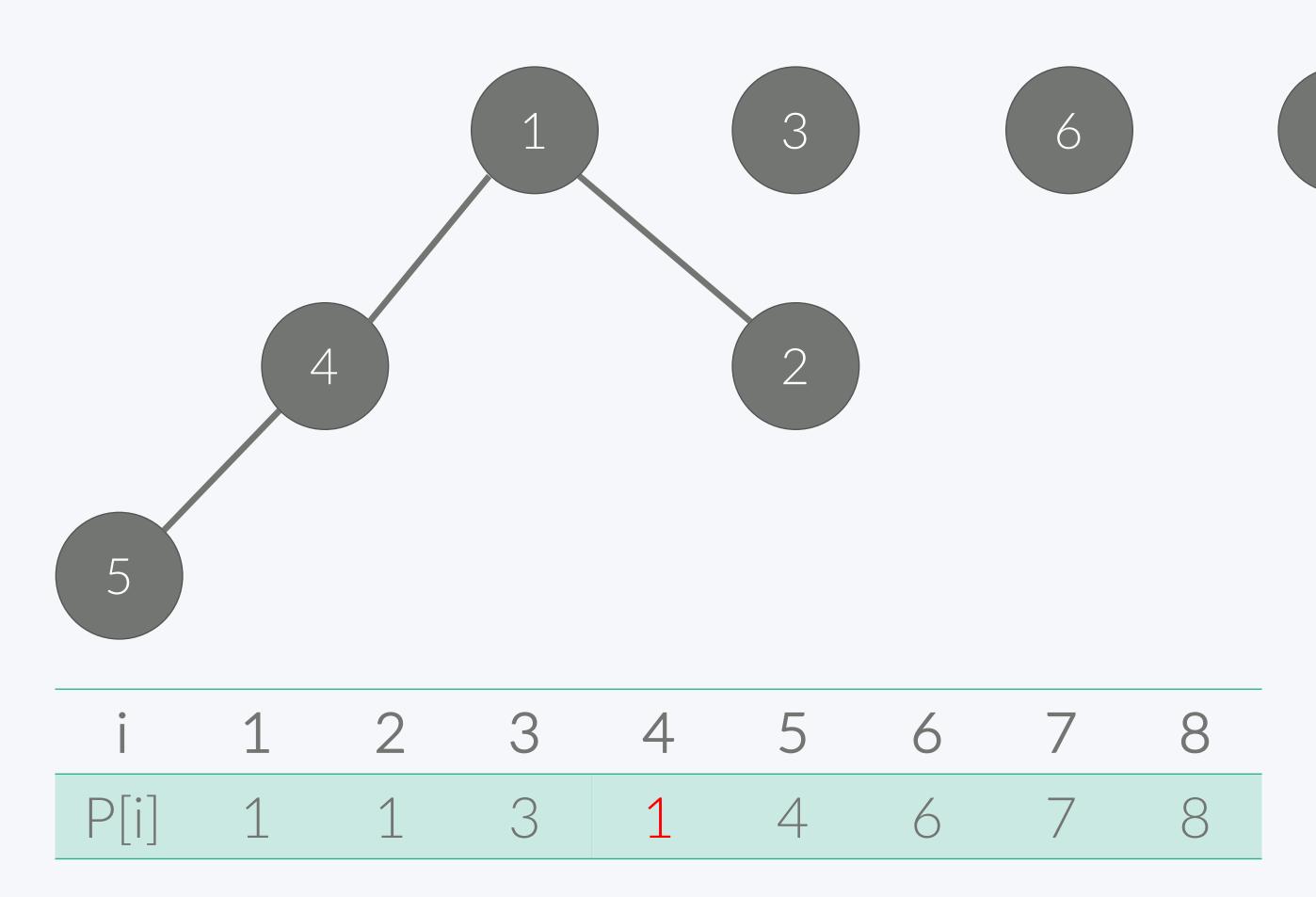
Union Find

• Union (2, 5)



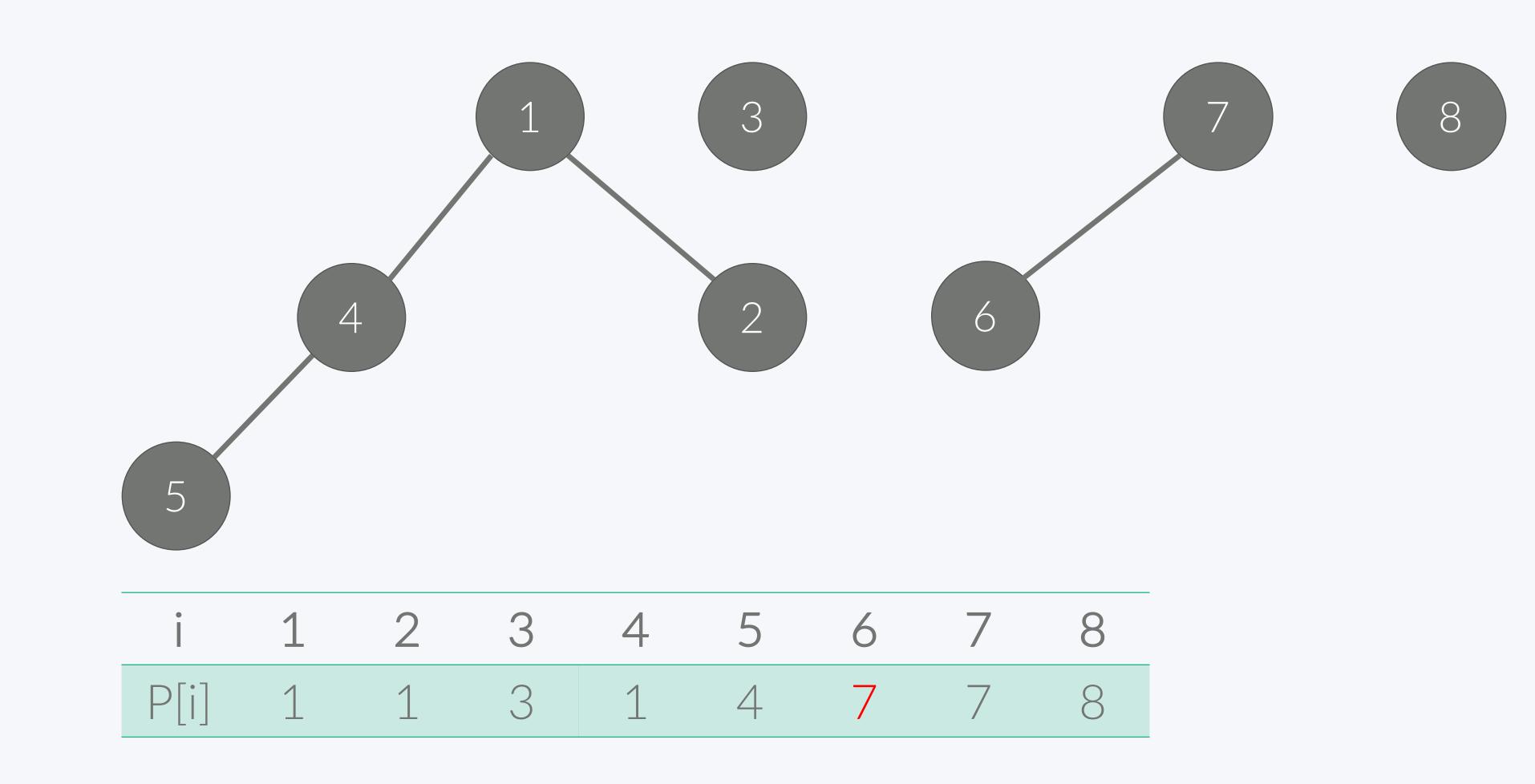
Union Find

- Union(2, 5)
- Find(2) = 1
- Find(5) = 4
- Union(1, 4)



Union Find

• Union(7, 6)



Union Find

```
• Find의 재귀 호출 구현
int Find(int x) {
    if (x == parent[x]) {
        return x;
    } else {
        return Find(parent[x]);
    }
}
```

Union Find

```
• Union의 구현
```

• Union(x, y) => y의 parent를 x로 설정한다.

```
int Union(int x, int y) {
   x = Find(x);
   y = Find(y);
   parent[y] = x;
}
```

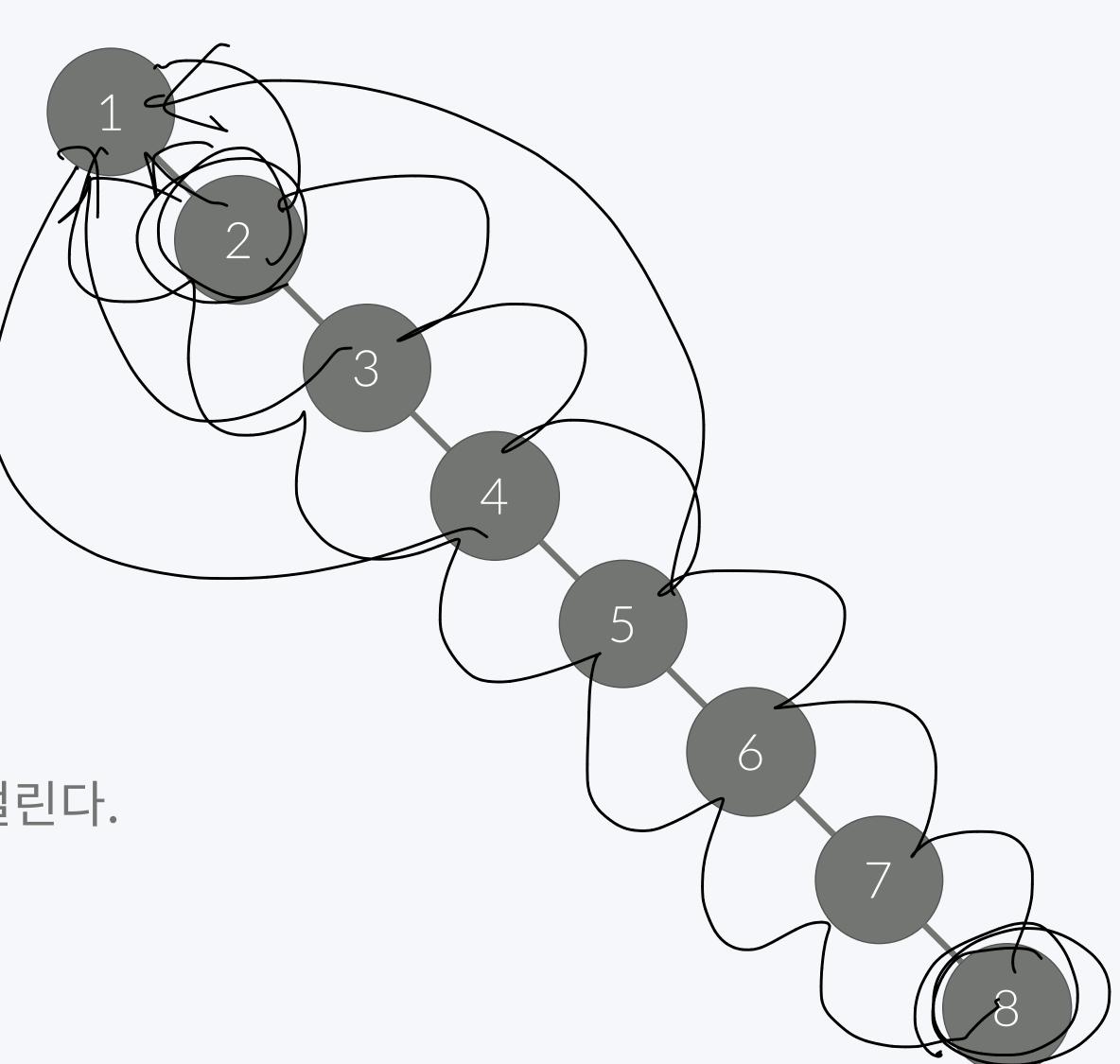
Union Find

• Union의 구현

• Union(x, y) => y의 parent를 x로 설정한다.

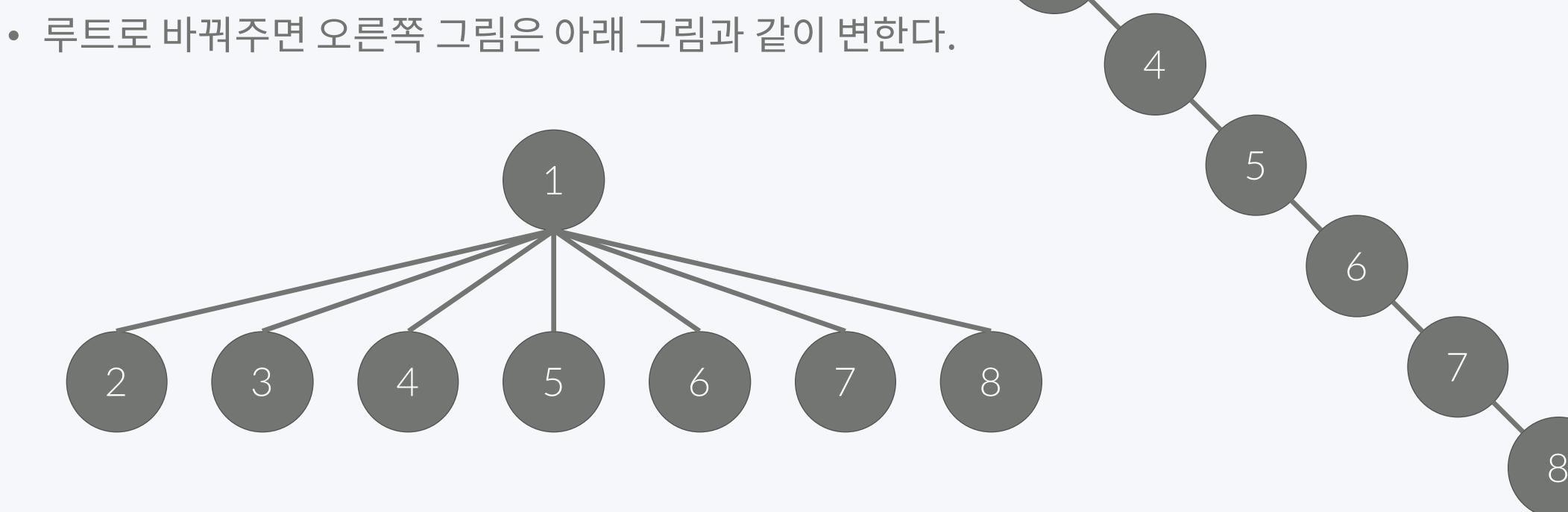
```
int union(int x, int y) {
   x = find(x);
   y = find(y);
   p[y] = x;
```

- 오른쪽 그림과 같은 문제가 생길 수 있다.
- 이렇게 되면 find의 시간 복잡도가 O(N)이 걸린다.



Union Find

- Find(8)을 할 때, 1까지 올라가면서 만난 값은
- 모두 8과 같은 집합에 포함되어 있다.
- Find를 하면서 만난 모든 값의 parent를



Union Find

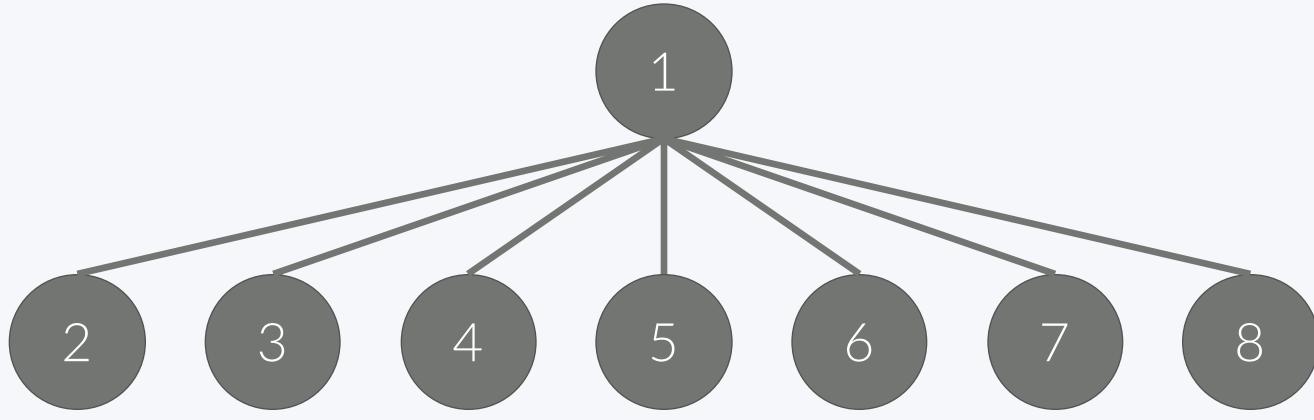
• 이런 방식을 경로 압축이라고 한다.

```
int Find(int x) {
   if (x == parent[x]) {
      return x;
   } else {
      int (y) = Find(parent[x]);
      parent[x]
      return
                      2 3 4 5 6 7 8
```

Union Find

• 아래와 같이 간단하게도 구현할 수 있다.

```
int find(int x) {
    if (x == p[x]) {
        return x;
    } else {
        return p[x] = find(p[x]);
    }
}
```



집합의표현

- 초기에 {0}, {1}, {2}, ... {n} 이 각각 n+1개의 집합을 이루고 있다
- 여기에 합집합 연산과, 두 원소가 같은 집합에 포함되어 있는지를 확인하는 연산을 수행
- Disjoint-set 자료구조를 구현하는 문제

집합의표현

https://www.acmicpc.net/problem/1717

• C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/d7b93169d5320566a979b74cc74e7976

바이러스

100

https://www.acmicpc.net/problem/2606

• 유니온 파인드로 푸는 문제

101

바이러스

https://www.acmicpc.net/problem/2606

• C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/47e0a140ecad408e5ec2412399e60dbe



出巨叶人三

出三叶人丑

103

Bitmask

• 비트(bit) 연산을 사용해서 부분 집합을 표현할 수 있다.

HI트 연산

bitwise operation

& (and), | (or), ~ (not), ^ (xor)

A	В	~A	A&B	A B	A^B
	0	1		0	
	1	1		1	1
1				1	1
1	1		1	1	

비트 연산

bitwise operation

- 두 수 A와 B를 비트 연산 하는 경우에는 가장 뒤의 자리부터 하나씩 연산을 수행하면 된다.
- A = 27, B = 83인 경우
- $A = 11011_2$, $B = 1010011_2$
- A & B = 19, A | B = 91, A ^ B = 73

비트 연산

bitwise operation

- not 연산의 경우에는 자료형에 따라 결과가 달라진다.
- $A = 83 = 1010011_2$
- \sim A = 10101100_2 (8비트 자료형인 경우)
- ~A = 11111111 11111111 11111111 10101100₂ (32비트 자료형인 경우)
- 또, unsigned, signed에 따라서 보여지는 값은 다르다.

107

비트 연산

bitwise operation

- shift left (<<) 와 shift right (>>) 연산이 있다.
- A << B (A를 왼쪽으로 B비트만큼 민다.)
- 1 << 0 = 1</pre>
- $1 << 1 = 2 (10_2)$
- 1 << 2 = 4 (100₂)
- 1 << 3 = 8 (1000_2)
- $1 << 4 = 16 (10000_2)$
- $3 << 3 = 24 (11000_2)$
- $5 << 10 = 5120 (10100000000000_{2})$

108

HIE 연산

bitwise operation

- shift left (<<) 와 shift right (>>) 연산이 있다.
- A >> B (A를 오른쪽으로 B비트만큼 민다.)
- 1 >> 0 = 1
- 1 >> 1 = 0 (0₂)
- $10 >> 1 = 5 (101_2)$
- $10 >> 2 = 2 (10_2)$
- $10 >> 3 = 1 (1_2)$
- $30 >> 1 = 15 (1111_2)$
- $1024 >> 10 = 1 (1_2)$

109

비트 연산

bitwise operation

- A << B는 A × 2^B와 같다.
- A >> B는 A / 2^B와 같다.
- (A + B) / 2는 (A+B) >> 1로 쓸 수 있다.
- 어떤 수가 홀수 인지 판별하는 if (N % 2 == 1) 은 if (N & 1)로 줄여 쓸 수 있다.

110

出三叶스크

- 정수로 집합을 나타낼 수 있다.
- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570 = 2^1 + 2^3 + 2^4 + 2^5 + 2^9$

出三叶스크

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 0이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & 2° = 570 & $(1 << \circ)$ = 0
- 1이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & $2^1 = 570$ & (1 << 1) = 2
- 2이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & $2^2 = 570$ & (1 << 2) = 0
- 3이 포함되어 있는지 검사
 - $570 \& 2^3 = 570 \& (1 << 3) = 8$

出三미-스크

Bitmask

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 1 추가하기

• 570 |
$$2^1 = 570 + (1 << 1) = 570 (1000111010_2)$$

• 2 추가하기

• 570 |
$$2^2 = 570$$
 | $(1 << 2) = 574$ (10001111110_2)

• 3 추가하기

• 574 |
$$2^3 = 570 + (1 << 3) = 570 (1000111010_2)$$

• 4 추가하기

• 574 |
$$2^4 = 570$$
 | $(1 << 4) = 570$ (1000111010_2)

出三四十二

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 1제거하기
 - 570 & $\sim 2^1 = 570$ & $\sim (1 << 1) = 568 (1000111000_2)$
- 2제거하기
 - 570 & $\sim 2^2 = 570$ & $\sim (1 << 2) = 570$ (1000111010₂)
- 3제거하기
 - $562 \& ~2^3 = 562 \& ~(1<<3) = 562 (1000110010₂)$
- 4제거하기
 - $562 \& ~2^4 = 562 \& ~(1<<4) = 546 (1000101010₂)$

出三叶스크

- 전체 집합
 - (1 << N) 1
- 공집합
 - 0

出三미一人三

- 현재 집합이 S일때
- i를 추가
 - S | (1 << i)
- i를 검사
 - S & (1 << i)
- i를 제거
 - S & ~(1 << i)
- i를 토글 (0을 1로, 1을 0으로)
 - S ^ (1 << i)

집합

https://www.acmicpc.net/problem/11723

• 비트마스크를 연습해보는 문제

집합

https://www.acmicpc.net/problem/11723

• C++: https://gist.github.com/Baekjoon/3503aaa55c03cdde9df51b1bd5155486

出三미-人三

- 물론 배열을 사용하는 것이 더욱 편리하지만, 비트마스크를 사용하는 이유는
- 집합을 배열의 인덱스로 표현할 수 있기 때문이다.
- 상태 다이나믹을 할 때 자주 사용하게 된다.

bitset

bitset

• 비트마스크는 STL의 bitset을 이용해서 더 쉽게 나타낼 수 있다.

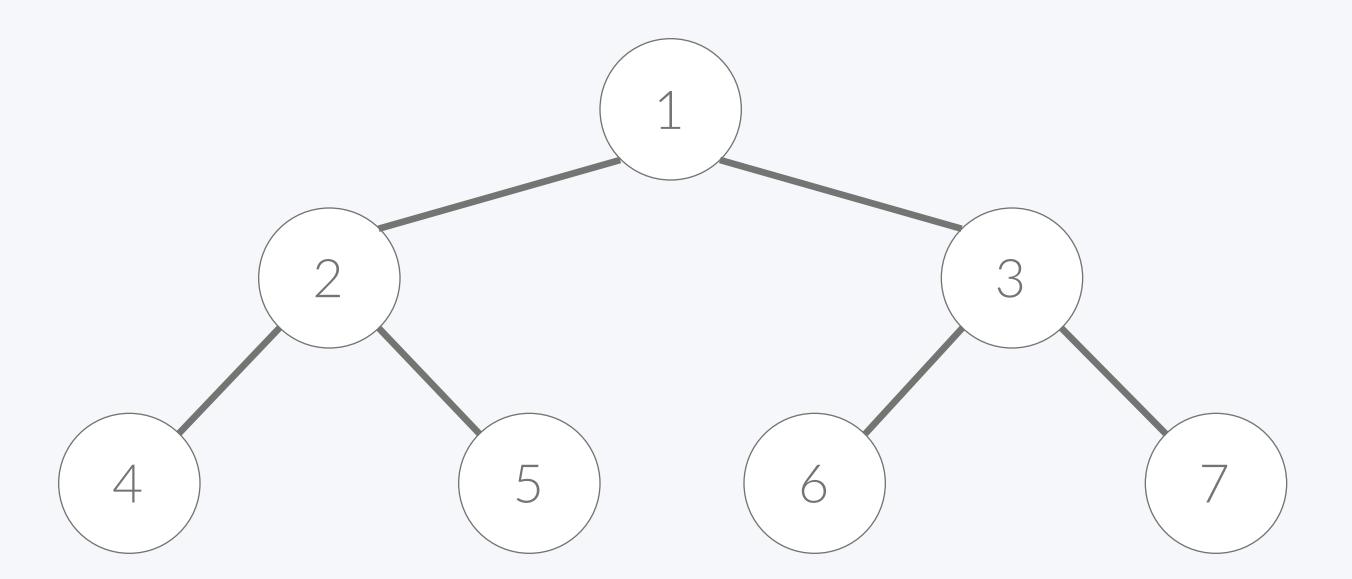




Perfect Binary Tree

Perfect Binary Tree

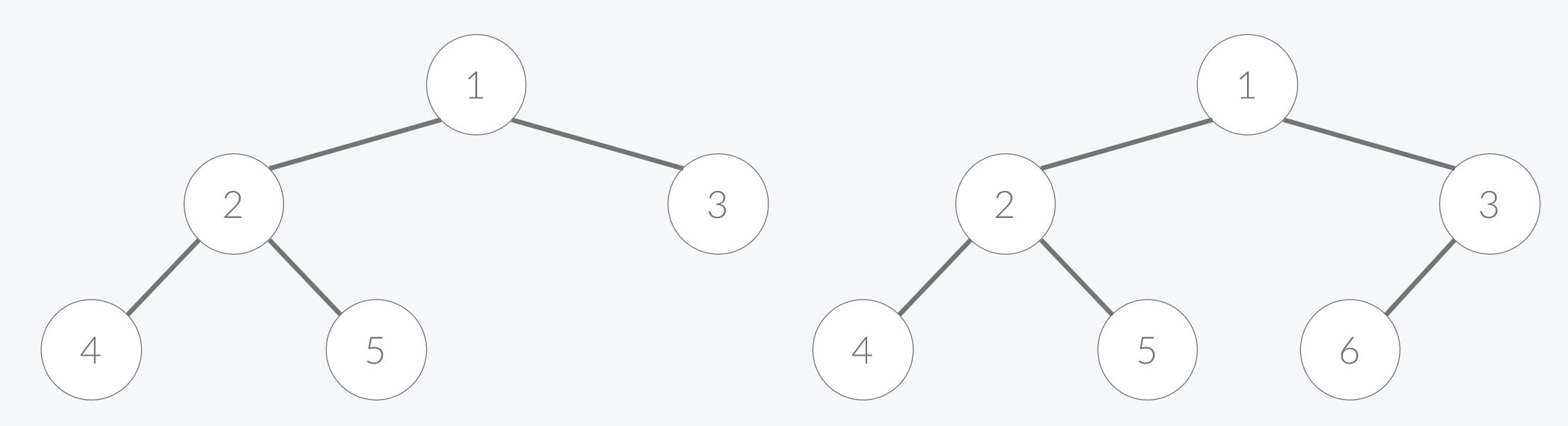
- 리프 노드를 제외한 노드의 자식의 수: 2
- 리프 노드의 자식의 수: 0
- 모든 리프 노드의 depth가 같아야 함
- 높이가 h인 트리의 노드 개수 = 2^h-1



Complete Binary Tree

Complete Binary Tree

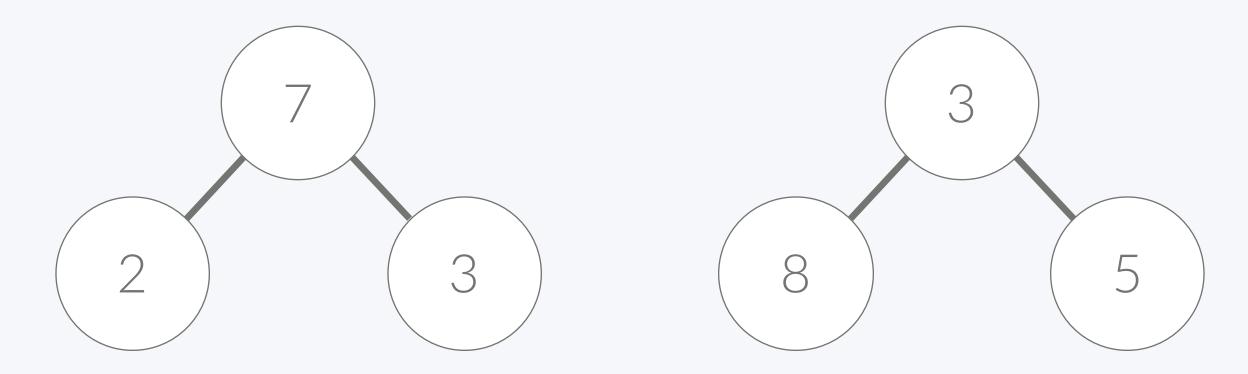
- 리프 노드를 제외한 노드의 자식의 수: 2
- 리프 노드의 자식의 수: 0
- 마지막 레벨에는 노드가 일부는 없을 수도 있음
- 오른쪽에서부터 몇 개가 사라진 형태





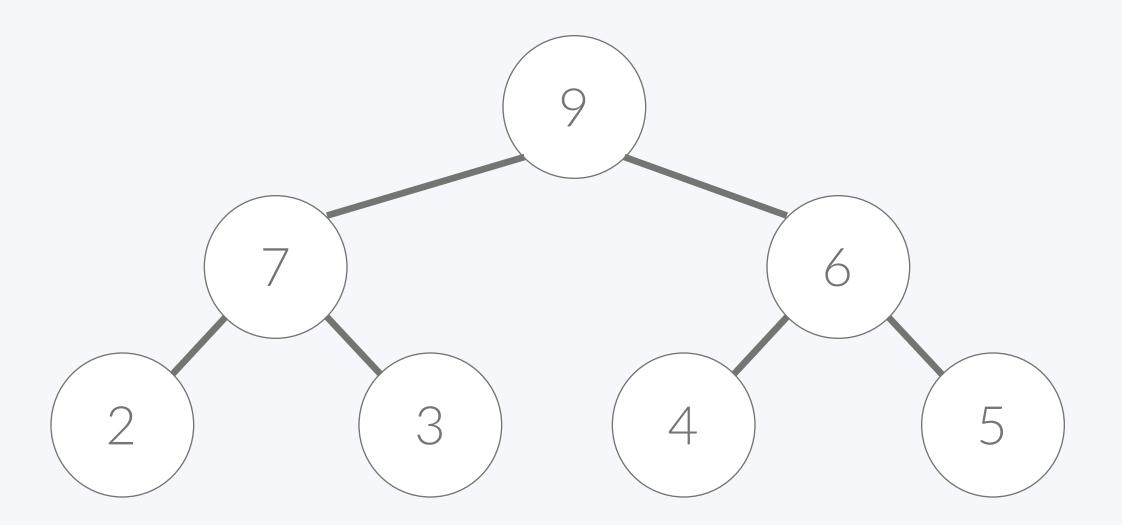
Heap

- Max-heap
 - 부모 노드는 자식 노드에 들어있는 값보다 크다
- Min-heap
 - 부모 노드는 자식 노드에 들어있는 값보다 작다.



최대합

- Max-heap 에서 가장 큰 값은 루트에 들어가 있다.
- N개가 Heap에 들어가있으면 높이는 lgN이 된다.

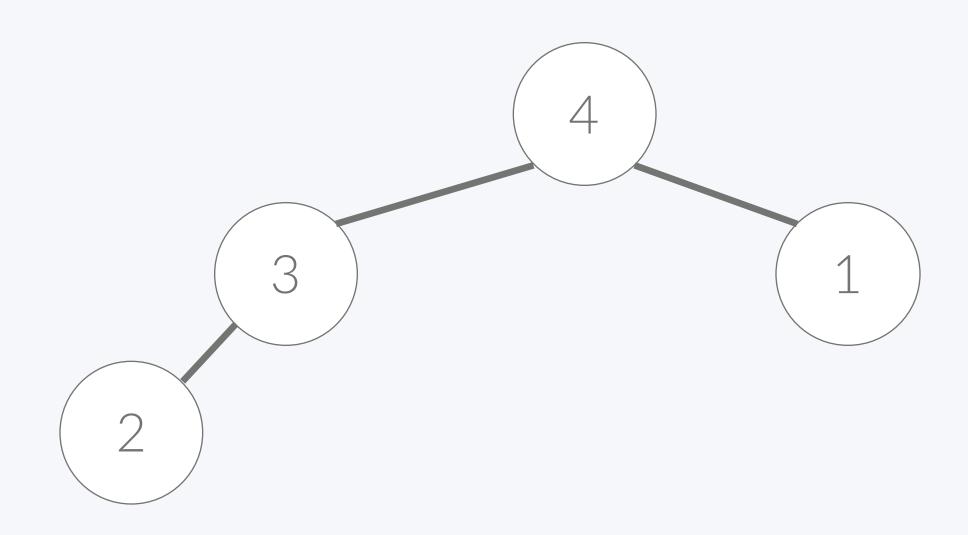


Max-Heap

• 가장 마지막 위치에 새로운 수를 넣는다.

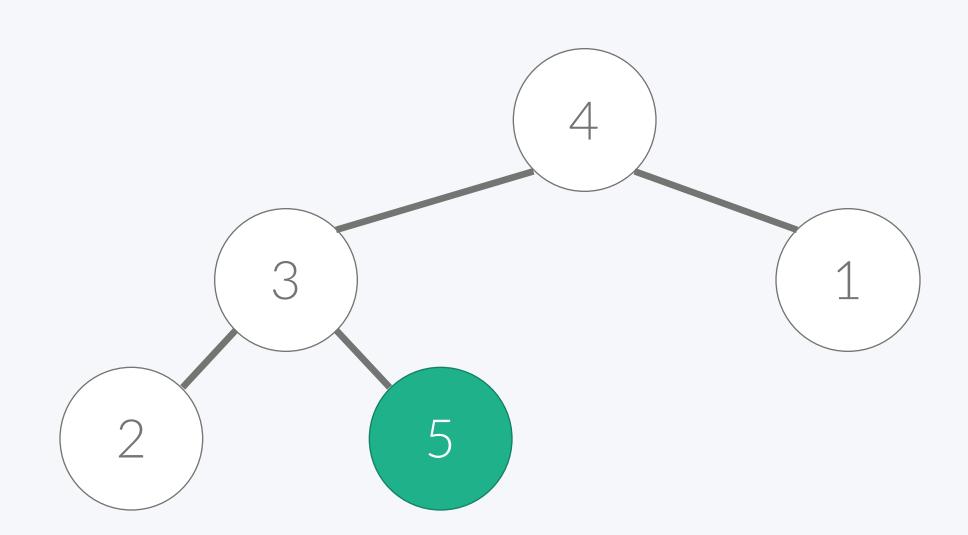
- 그 수와 parent를 계속해서 비교해가면서
- 루트 < 자식 이면 두 수를 바꿔준다.

• 이런 Max-Heap 에 5를 넣어보자

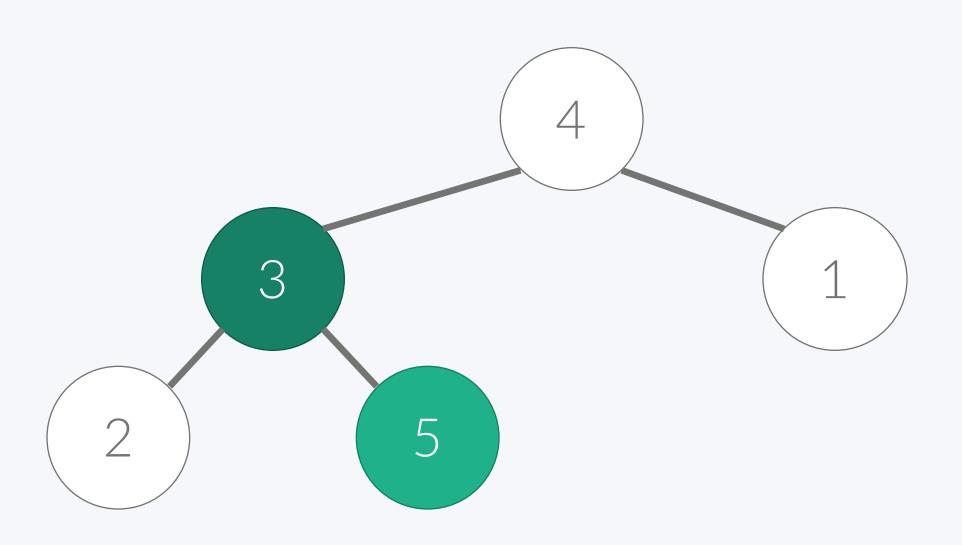


Max-Heap

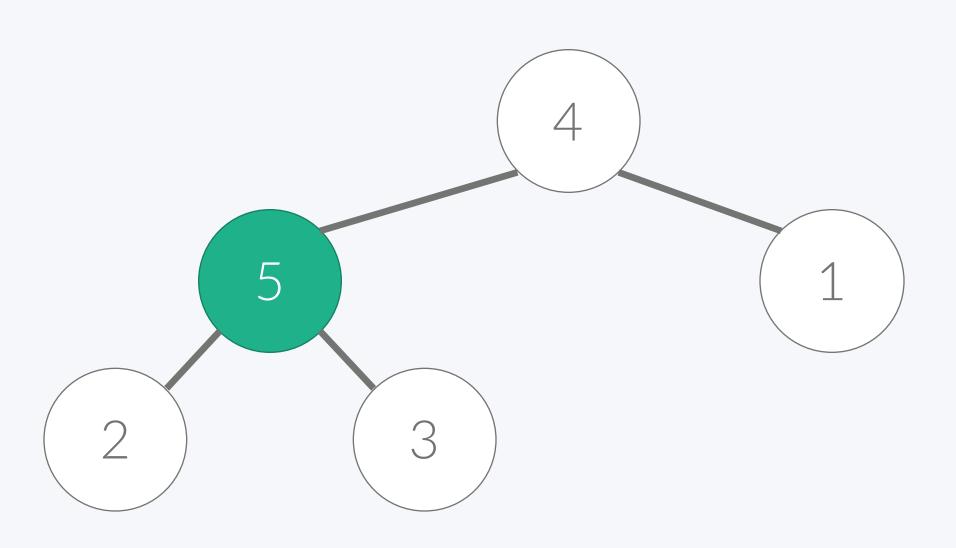
• 5의 위치



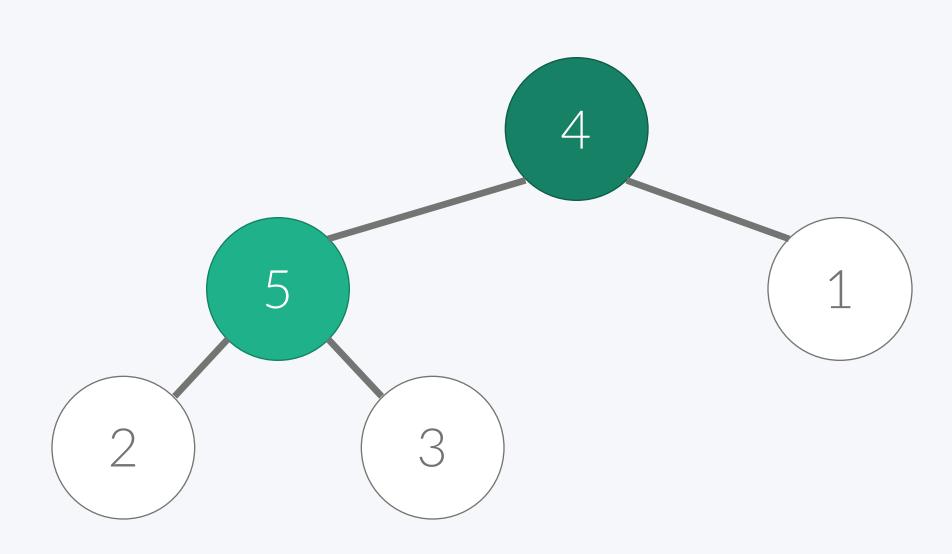
- 5와 parent를 비교한다.
- 이 경우에 3 < 5 이기 때문에 Max-heap의 성질을 만족하지 않는다
- 따라서 두 수를 swap



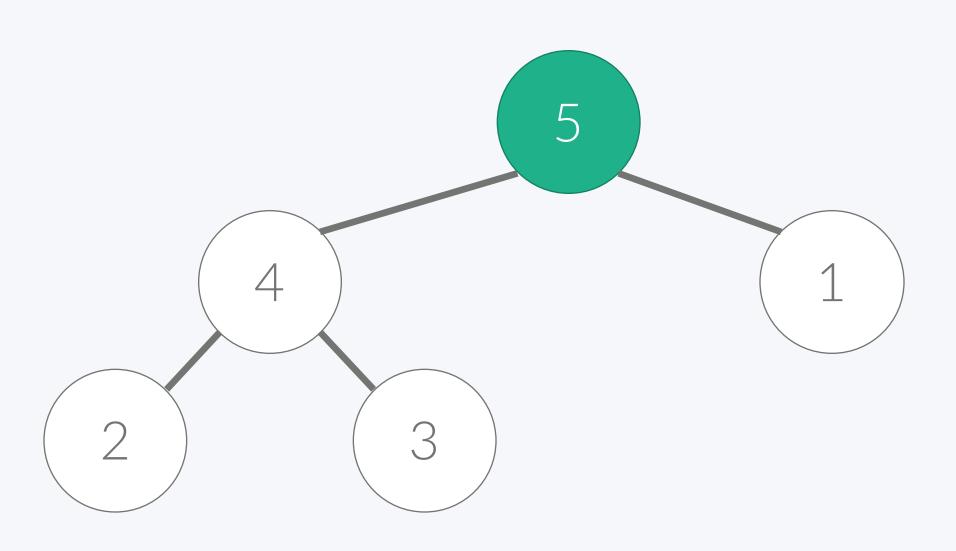
- 5와 parent를 비교한다.
- 이 경우에 3 < 5 이기 때문에 Max-heap의 성질을 만족하지 않는다
- 따라서 두 수를 swap



- 5와 parent를 비교한다.
- 이 경우에 4 < 5 이기 때문에 Max-heap의 성질을 만족하지 않는다
- 따라서 두 수를 swap

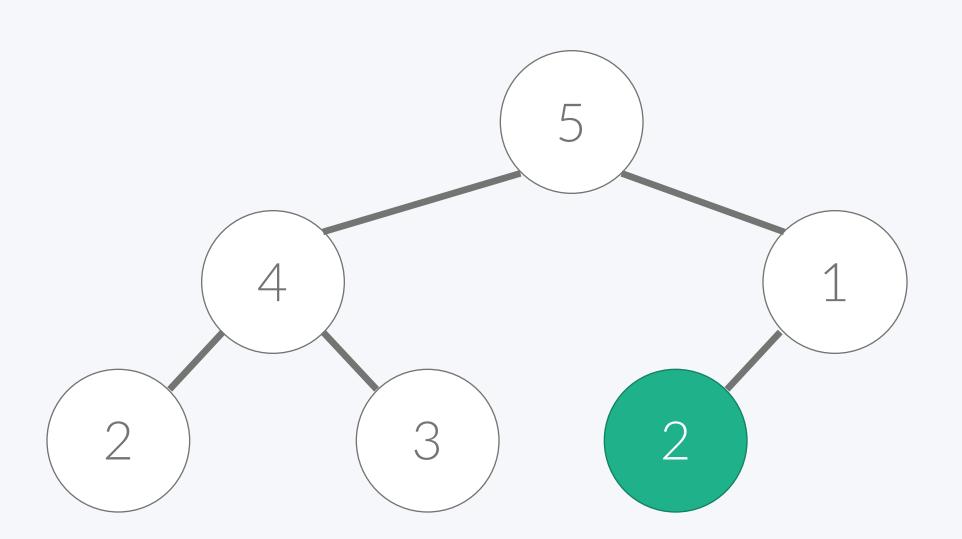


- 5와 parent를 비교한다.
- 이 경우에 4 < 5 이기 때문에 Max-heap의 성질을 만족하지 않는다
- 따라서 두 수를 swap

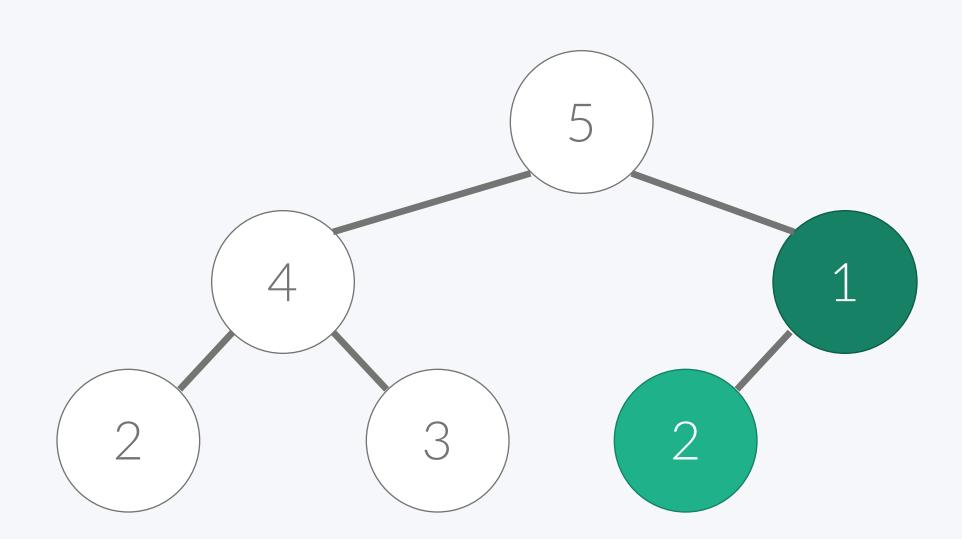


Max-Heap

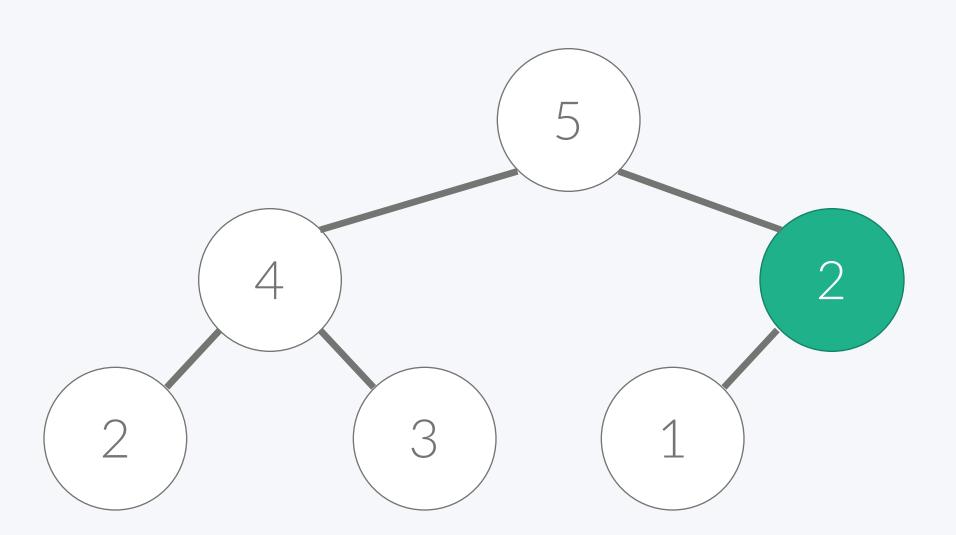
• 2를 넣는다



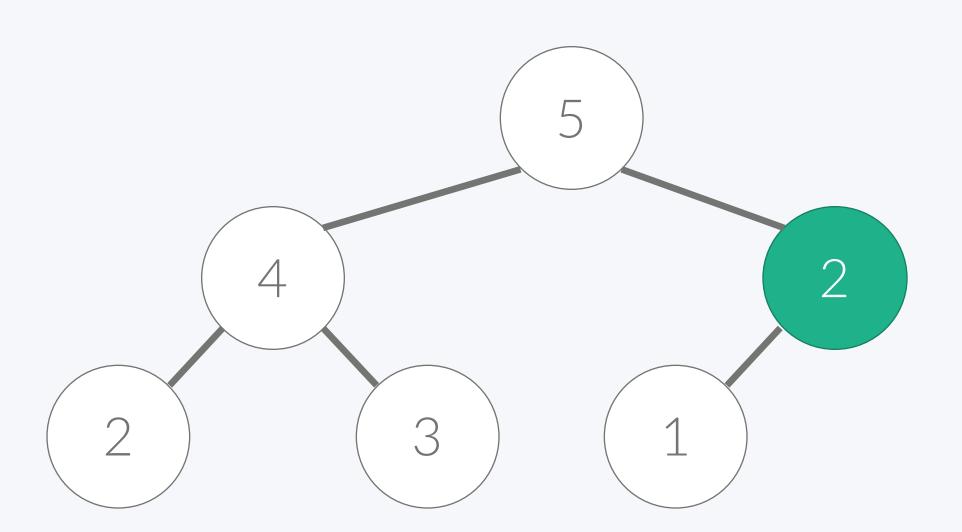
- 2와 2의 parent 1을 비교
- 1 < 2 이기 때문에 swap



- 2와 2의 parent 1을 비교
- 1 < 2 이기 때문에 swap

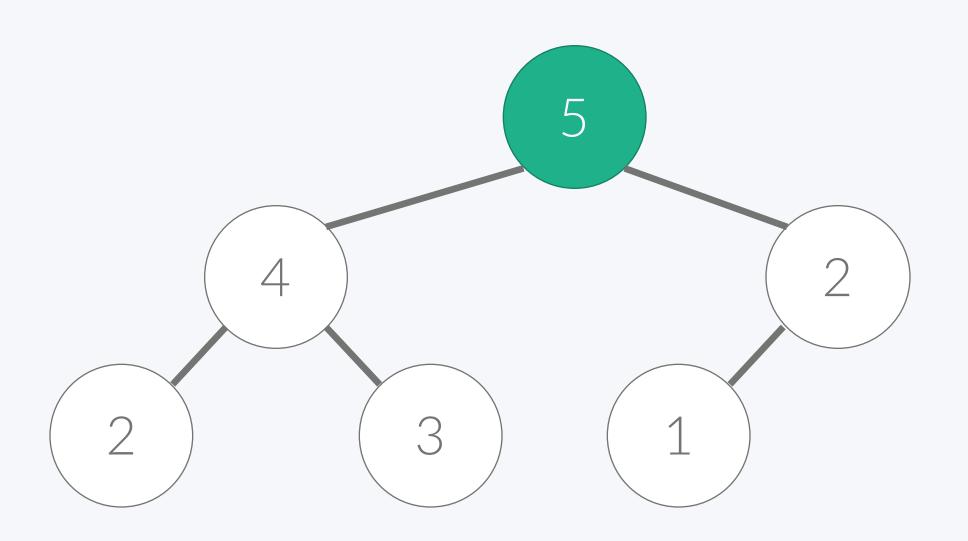


- 2와 2의 parent 5을 비교
- 5 > 1 이기 때문에 여기서 종료

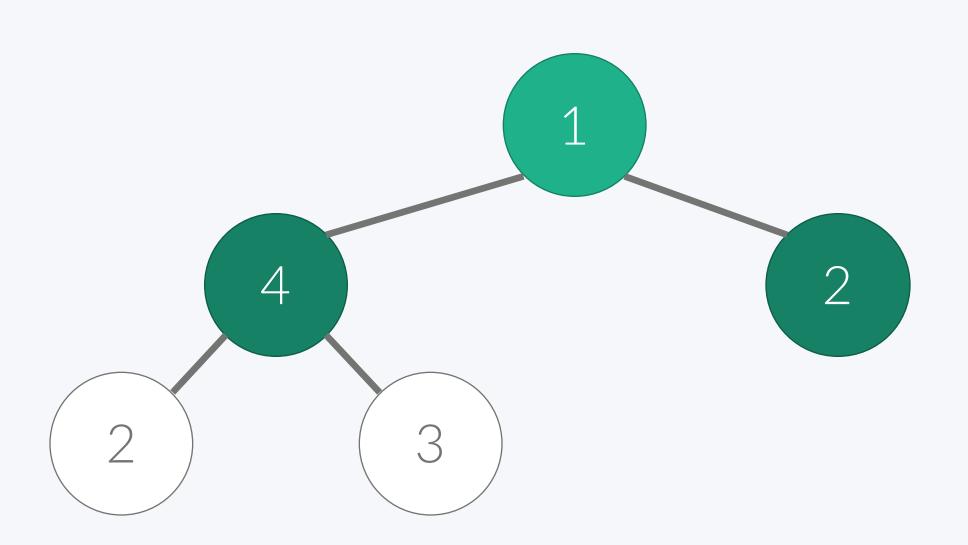


Max-Heap

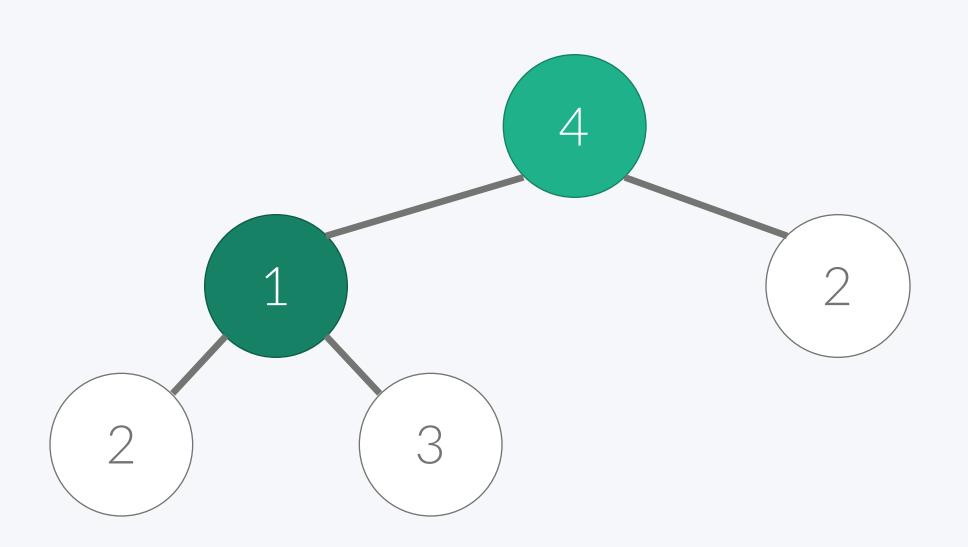
• 루트를 가장 마지막에 있는 값으로 바꿈



- children과 비교하면서 아래로 내려감
- Max-heap이기 때문에
- 루트 > children 을 만족하려면
- 4와 1을 바꿔야 함

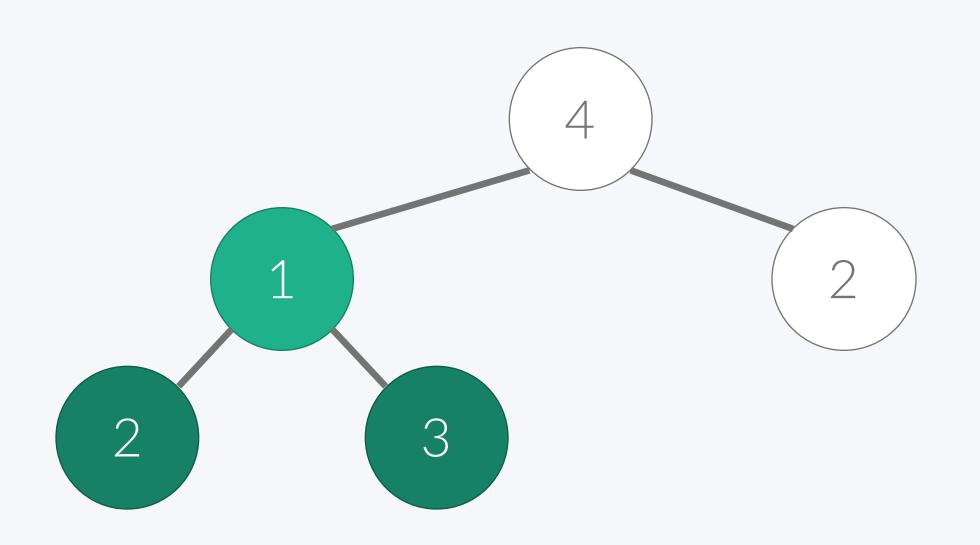


- children과 비교하면서 아래로 내려감
- Max-heap이기 때문에
- 루트 > children 을 만족하려면
- 4와 1을 바꿔야 함



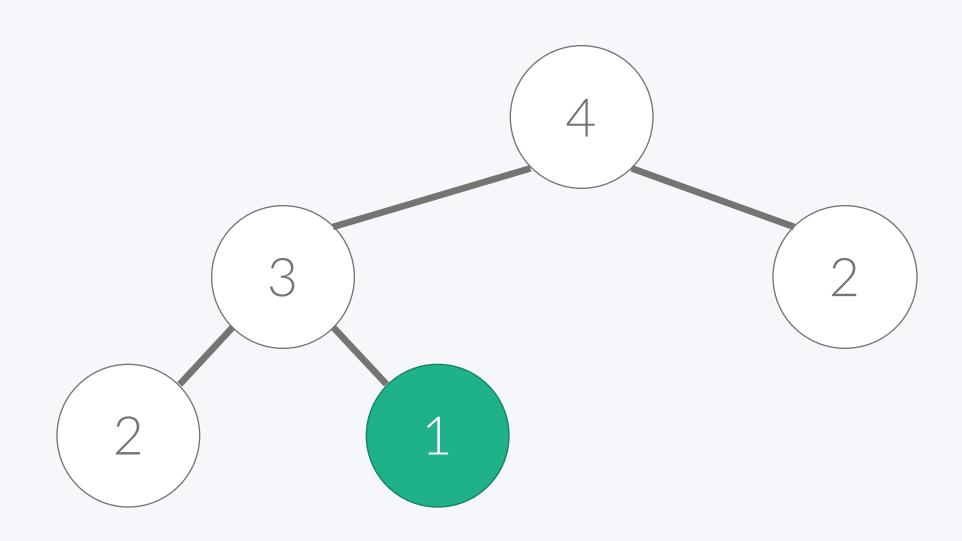
Max-Heap

• children과 비교하면서 아래로 내려감



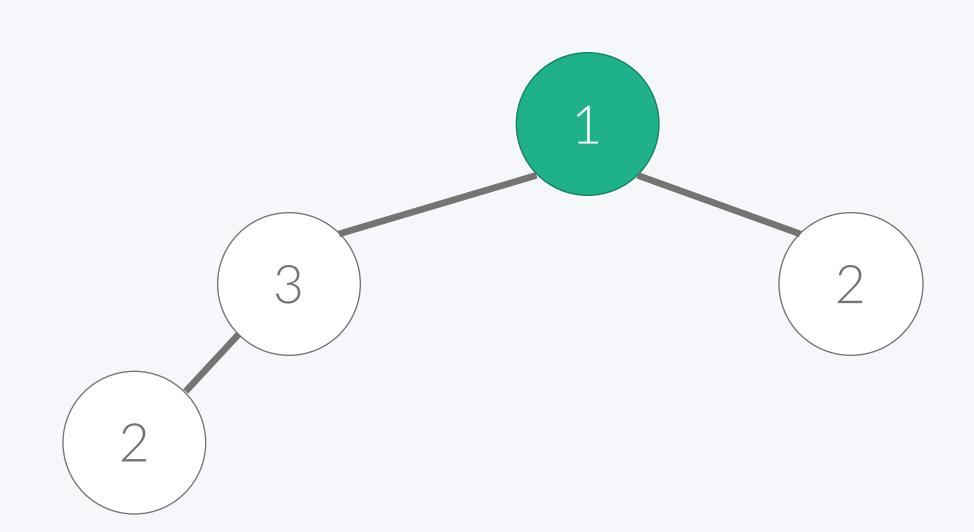
Max-Heap

• children과 비교하면서 아래로 내려감



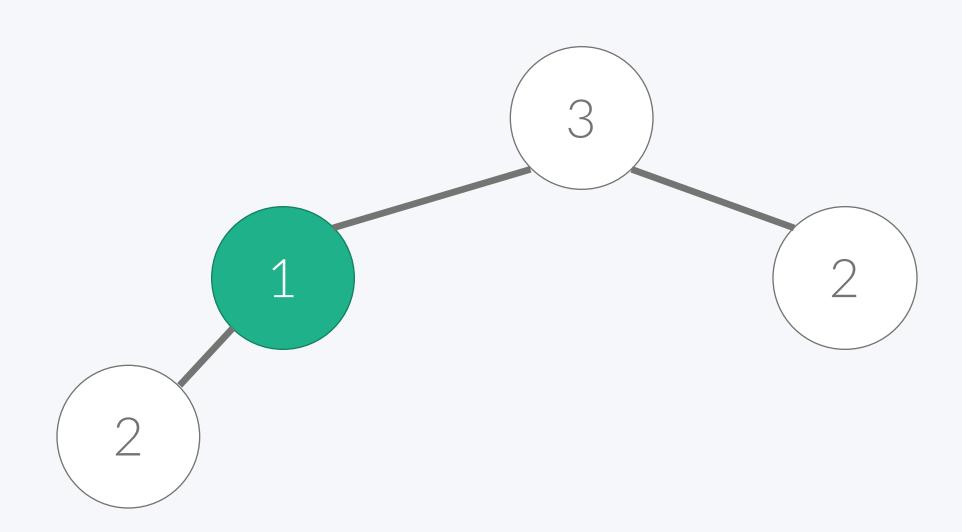
Max-Heap

• 한번더제거



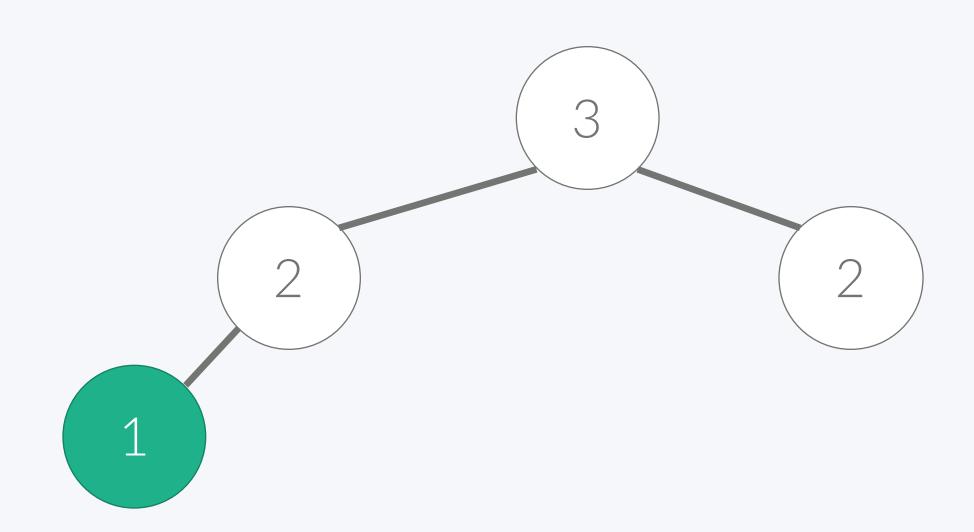
Max-Heap

• children과 비교하면서 아래로 내려감



Max-Heap

• children과 비교하면서 아래로 내려감



최대힘

- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/1ac8d329d982e564a3ea
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/87a8137d783fcbf45aa7

최대힘

https://www.acmicpc.net/problem/11279

- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/02af142497091c742baa
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/5b1349b9159e7548bb54

최소입

https://www.acmicpc.net/problem/1927

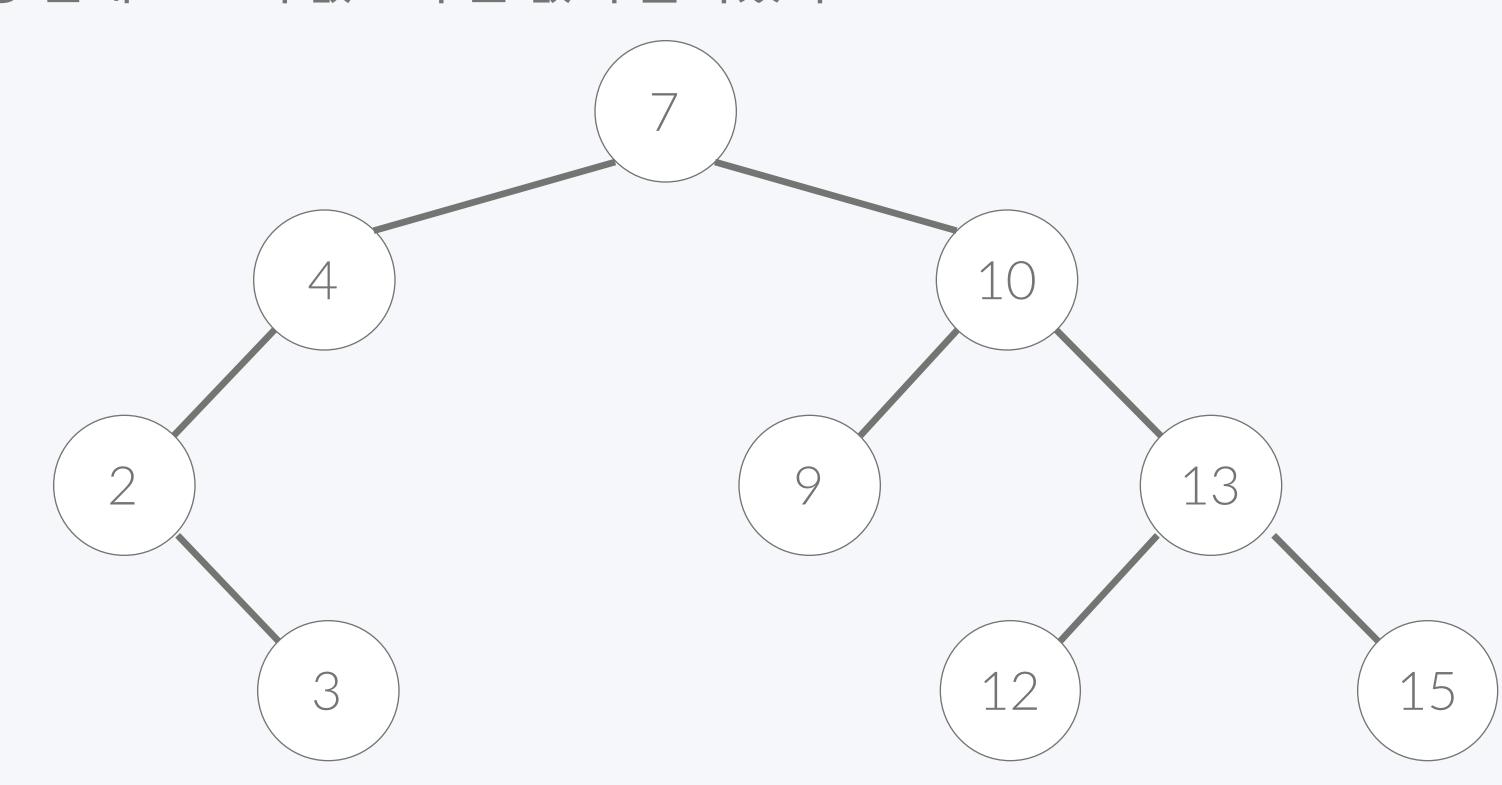
- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/92f4fd7261b10723227d
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/215d09220124cf3cb2af

이진검색토리

이진 검색 트리

Binary Search Tree

- 이진 트리
- 현재 노드의 왼쪽 서브 트리에는 항상 현재 노드의 값보다 작은 값이 들어있고
- 현재 노드의 오른쪽 서브 트리에는 항상 현재 노드의 값보다 큰 값이 들어있다



이진 검색 트리

Binary Search Tree

- 이진 검색의 원리를 이용해서 트리를 만들었다
- 어떤 자료의 삽입/삭제/검색이 모두 O(lgN)이 걸린다
- 트리가 균형이 맞지 않으면 O(N)이 걸리기 때문에
- 균형이 맞춰져있는 BST를 사용해야 한다

이진 검색 트리

Binary Search Tree

- 균형이 맞춰져 있는 BST는
- AVL-Tree
- Red-black Tree
- Splay Tree
- Treap 이 있다

150

이진 검색 트리

Binary Search Tree

• STL을 사용하는 경우에는 set을 사용하면 된다.

회사에 있는 사람

https://www.acmicpc.net/problem/7785

- 회사 모든 사람의 출입카드 시스템 로그를 가지고 있다.
- 로그는 어떤 사람이 들어갔는지, 나갔는지가 기록되어 있다.
- 로그가 주어졌을 때, 회사에 있는 모든 사람을 구하는 문제

152

회사에 있는 사람

https://www.acmicpc.net/problem/7785

• C++: https://gist.github.com/Baekjoon/9ea0da3cf46c394dc1a5

듣보잡

https://www.acmicpc.net/problem/1764

- 듣도 못한 사람과 보도 못한 사람의 명단이 주어졌을 때
- 듣도 보도 못한 사람의 명단을 구하는 문제

듣보잡

https://www.acmicpc.net/problem/7785

- map 사용: https://gist.github.com/Baekjoon/eff5f116fbbb07231675
- set 사용: https://gist.github.com/Baekjoon/2f5caeca4fd25b8c4021
- 머지 소트 사용: https://gist.github.com/Baekjoon/385f7d8129d46dd353d7
- set_intersection 사용: https://gist.github.com/Baekjoon/130329076d21f97f76cc