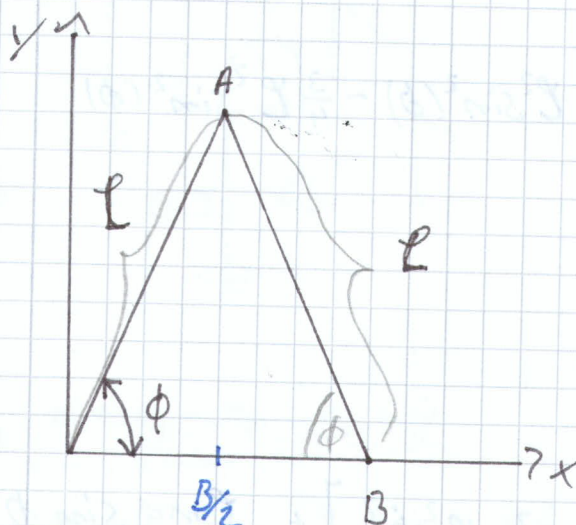


Aufgabe 17

1	2	3	4
2.5	5	3	5

Jonah
David
Lars

Ein Stab habe die Masse m .



15.5
17/20

- a) Da die Masse beider Stäbe homogen verteilt ist, befindet sich der Schwerpunkt eines Stabes mit Länge L in der Mitte des Stabes. Beide Stäbe haben auf Grund der Anordnung ihren Schwerpunkt bei $y = \frac{L}{2} \sin \phi$. Die x-Komponente wird in b) bestimmt.

$$\Rightarrow U = 2 \cdot \left(\frac{L}{2} \sin \phi \right) \cdot mg = L mg \sin \phi$$

- b) Der Schwerpunkt wird zunächst bestimmt:

o Erster Stab: $\vec{r}_{s1} = \frac{L}{2} \begin{pmatrix} \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix}$

o Zweiter Stab: $\vec{r}_{s2} = \begin{pmatrix} 2L \cos \phi \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -\frac{L}{2} \cos \phi \\ \frac{L}{2} \sin \phi \end{pmatrix}$

o Gesamt: $\vec{r}_{sg} = \frac{1}{2} (\vec{r}_{s1} + \vec{r}_{s2}) = \begin{pmatrix} \frac{L}{2} \cos \phi \\ \frac{L}{2} \sin \phi \end{pmatrix} = \vec{r}$

$$T = \frac{1}{2} m (\dot{\vec{r}}^2 + \vec{r}^2 \dot{\phi}^2) \quad \text{für einen Stab}$$

hier fehlt noch die Rotationsenergie der Stäbe! (da $I_{stab} \neq 0$)

$$\dot{\vec{r}}^2 = \left(-L \sin(\phi) \cdot \dot{\phi} \right)^2 + \left(\frac{L}{2} \cos(\phi) \cdot \dot{\phi} \right)^2 = L^2 \sin^2(\phi) \dot{\phi}^2 + \frac{L^2}{4} \cos^2(\phi) \dot{\phi}^2 + \frac{3}{4} \cos^4(\phi) L^2 \dot{\phi}^2 - \frac{3}{4} \cos^2(\phi) L^2 \dot{\phi}^2$$