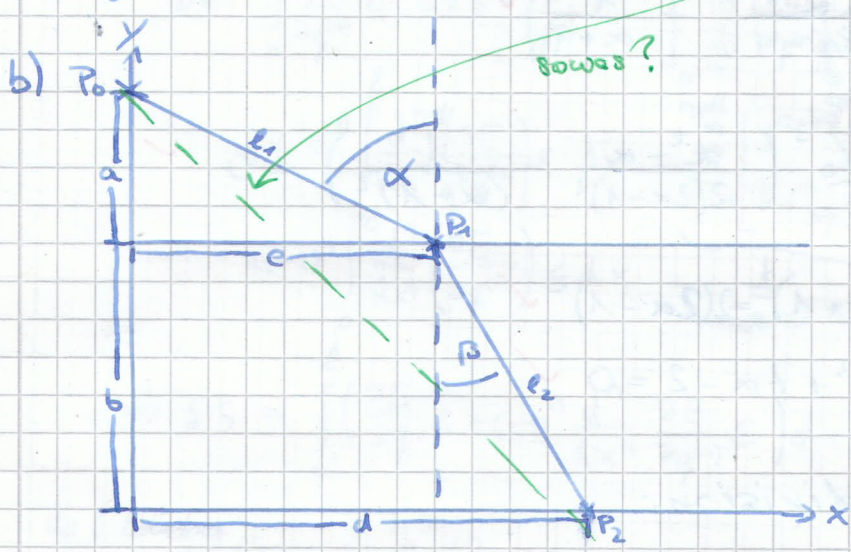


4a) $\delta \left(\int_{P_0}^{P_2} n(\vec{r}) ds \right) = 0$

Das Licht nimmt zwischen den Punkten P_0 und P_2 den zeitlich kürzesten Weg, aber nicht unbedingt den geometrisch minimalen.

Was soll das sein?



Sowas?

$t = t_1 + t_2 = \frac{l_1}{c_1} + \frac{l_2}{c_2}$
 ↑
 Zeit in den versch. Medien

$l_1 = \sqrt{e^2 + a^2}$
 $l_2 = \sqrt{(d-e)^2 + b^2}$

$= \frac{\sqrt{e^2 + a^2}}{c_1} + \frac{\sqrt{(d-e)^2 + b^2}}{c_2}$

$\frac{dt}{de} = \frac{e}{c_1 \sqrt{e^2 + a^2}} - \frac{1}{c_2} \cdot \frac{d-e}{\sqrt{(d-e)^2 + b^2}} = \frac{1}{c_1} \frac{e}{l_1} - \frac{1}{c_2} \frac{d-e}{l_2}$

$\frac{dt}{de} \stackrel{!}{=} 0$ Da nach dem Fermat'schen Prinzip die minimale Zeit gebraucht wird.

$\Rightarrow \frac{1}{c_1} \frac{e}{l_1} = \frac{1}{c_2} \frac{d-e}{l_2}$

$\sin \alpha = \frac{e}{l_1} \quad \sin \beta = \frac{d-e}{l_2}$

$\Rightarrow \frac{1}{c_1} \sin \alpha = \frac{1}{c_2} \sin \beta$

$\Rightarrow c_2 \sin \alpha = c_1 \sin \beta \rightarrow \text{Gesetz von Snellius} \checkmark$