Zadanie: FAR

farragut



Warsztaty ILO 2018-2019, grupa olimpijska, dzień 12. Dostępna pamięć: 128 MB.

Rozwiązanie wzorcowe $O(n^2 + sqrt(k))$

Zadanie to wymaga zastanowienia się jakie zależności niesie ze sobą tak pozyskana macież. Suma podmacieży,

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} a_i \cdot a_j = \sum_{i=1}^{n} a_i \cdot \sum_{j=1}^{m} a_j = \sum_{i=1}^{n} a_i \cdot S_m = S_m \cdot \sum_{i=1}^{n} a_i = S_m \cdot S_n$$

dla uproszczenia oznaczeń zaczynającej się od 1, wynosi: $\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} a_i \cdot a_j = \sum_{i=1}^{n} a_i \cdot \sum_{j=1}^{m} a_j = \sum_{i=1}^{n} a_i \cdot S_m = S_m \cdot \sum_{i=1}^{n} a_i = S_m \cdot S_n$ więc suma elementów pomacieży z lewym dolnym rogiem w (i, j), a prawym górnym w (k, l) wynosi suma elementów z wejściowego ciągu na przedziale [i;j] pomnożona przez sumę elementów na przedziale [k;l].

Nasze rozwiązanie będzie więc działało w następujący sposób: zlicza ile jest podciągów sumujących się do pewnego x, a następnie iteruje się po dzielnikach k, w złożoności sqrt(k). Dla danego dzielnika, wiemy na ile sposobów jesteśmy w stanie stworzyć $S_{dzielnik}$, co musimy przemnożyć przez $S_{k/dzielnik}$ aby uzyskać iloczyn równy k.