



### Rozwiązanie wzorcowe $O(n \cdot \sqrt{n})$

Pogrupujmy sobie wartości ciągu wejściowego w paczki (wielkości około  $\sqrt{n}$ , gdzie  $n$  jest ilością liczb na wejściu), dla których będziemy mieli obliczony wynik. Możemy to zrobić, trzymając dla każdej paczki tablicę, w której zliczyliśmy wystąpienia liczb z tej paczki (później nazywamy tę tablicę tablicą wynikową). Wielkości liczb są od  $-10^5$ , więc należy pamiętać, żeby je przeskalować (np. dodać do wszystkich liczb  $10^5$ ). Będziemy trzymali jeszcze tablicę  $t$ , w której dla każdej paczki będziemy pamiętali, o ile zmieniła się wartość wszystkich liczb w tej paczce. Jeżeli chcemy dodać wartość  $d$  do wszystkich liczb na przedziale od  $a$  do  $b$ , musimy przejść po paczkach, które w całości zawierają się w tym przedziale i zwiększyć im wartość w tablicy  $t$ . Natomiast dla paczek, które nie zawierają się całkowicie (będzie ich maksymalnie dwie), przeiterujemy się po ich elementach (będzie ich maksymalnie  $\sqrt{n}$ , ponieważ tak dzieliliśmy na grupy) i zwiększymy wartości w tablicy wynikowej. Dzięki temu, możemy realizować aktualizacje elementów w czasie  $\sqrt{n}$ . Natomiast zapytania o ilość elementów, które są równe  $d$  na przedziale, realizujemy w bardzo podobny sposób. Przechodzenie po paczkach nie zmienia się, trzymamy tylko zmienną do której zliczamy ilość wystąpień z paczek. Należy pamiętać, żeby dla każdej paczki dostosować szukaną wartość z tablicy wynikowej tzn. zmienić  $d$  o wartość z odpowiedniej komórki  $t$ . Dostajemy  $n$  zapytań, z czego każde realizujemy w czasie  $\sqrt{n}$ , złożoność wynosi więc  $O(n \cdot \sqrt{n})$ .