

第 30 届全国中学生物理竞赛决赛考试试卷

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	总分
得分									
阅卷									
复核									

考生须知

- 1、考生考试前务必认真阅读本须知。
- 2、本试卷考试时间为 3 个小时。
- 3、本试卷从本页开始，共 8 张（16 页），含八道大题，总分为 140 分。试卷的每一页下面标出了该页的页码和试卷的总页数，请认真核对每一页的页码和总页数是否正确，每一页中是否有印刷不清楚的地方，发现问题请及时与监考老师联系。
- 4、每道试题后面留有空白，请在每题后面的空白处写相应题目的解答。
- 5、计算题的解答应写出必要的文字说明、方程式和重要的演算步骤，只写出最后结果的不能得分。有数值计算的，答案中必须明确写出数值和单位。
- 6、试卷的密封线内不允许答题；请在每页试卷的正面答题；当某题正面的空白不够用时，可以把解答写在该题的反面，但需要在正面明确注明；凡未明确注明的，不予评阅。
- 7、考生可以用发的草稿纸打草稿，但需要阅卷老师评阅的内容一定要写到本试卷相应题目后面的空白处；阅卷老师只评阅试卷上的内容，写在草稿纸上的解答一律无效。

-----以下为试题-----

一、（15 分）

得分	阅卷	复核

一质量为 m 的小球在距水平地面 h 高处以水平速度 $\sqrt{2gh}$ 抛出，空气阻力不计。小球每次落地反弹时水平速度不变，竖直速度大小按同样的比率减小。若自第一次反弹开始小球的运动轨迹与其在地面的投影之间所包围的面积总和为 $\frac{8}{21}h^2$ ，求小球在各次与地面碰撞过

程中所受到的总冲量。

提示：小球每次做斜抛运动（从水平地面射出又落至地面）的轨迹与其在地面的投影之间所包围的面积等于其最大高度和水平射程乘积的 $\frac{2}{3}$ 。

线

封

密

线

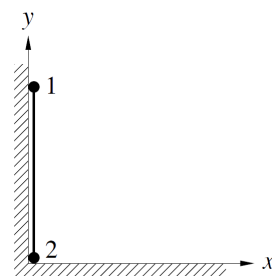
封

密

二、(15 分)

得分	阅卷	复核

质量均为 m 的小球 1 和 2 由一质量可忽略、长度为 l 的刚性轻杆连接，竖直地靠在墙角，小球 1 在杆的上端，如图所示。假设墙和地面都是光滑的。初始时给小球 2 一个微小的向右初速度。问在系统运动过程中，当杆与竖直墙面之间的夹角等于何值时，小球 1 开始离开竖直墙面？



线

得分	阅卷	复核

封

$$\alpha_m = \left(\frac{GM_e}{\omega_\rho^2 R_\rho^3} \right)^{1/3} - 1,$$

密

1. 在把物资从供应站送到飞行器的过程中, 地球引力和惯性离心力做的功分别是多少?
2. 在把物资从供应站送到飞行器的过程中, 外推力至少需要做多少正功?
3. 当飞行器离地面的高度 (记为 L_0) 为多少时, 在把物资送到飞行器的过程中, 地球引力和惯性离心力所做功的和为零?
4. 如果通过适当控制飞行器的动力, 使飞行器在不输送物资时对输送管的作用力恒为零, 在不输送物资的情况下, 计算当飞行器离地面的高度为 $L = \alpha R_c$ ($\alpha > \alpha_m$) 时, 地面供应站对输送管的作用力; 并对 $L > L_0$ 、 $L = L_0$ 、 $\alpha_m R_c < L < L_0$ 三种情形, 分别给出供应站对输送管作用力的大小和方向.

线

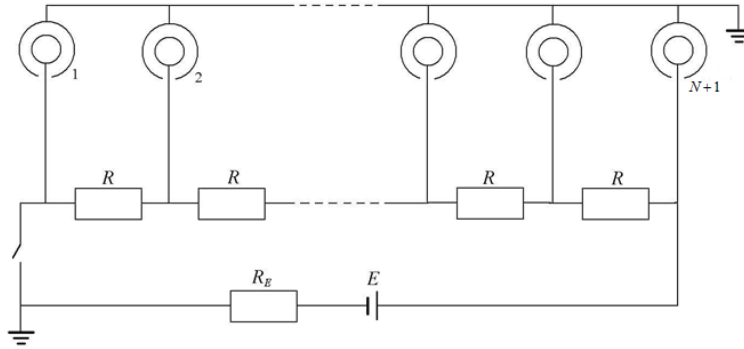
封

密

四、(20 分)

得分	阅卷	复核

一电路包含内阻为 R_E 、电动势为 E 的直流电源和 N 个阻值均为 R 的相同电阻, 有 $N+1$ 个半径为 r 的相同导体球通过细长导线与电路连接起来. 为消除导体球之间的互相影响, 每个导体球的外边都用内半径为 $r_0 (> r)$ 的同心接地导体薄球壳包围起来, 球壳上有小缺口容许细长导线进入但与其绝缘, 如图所示. 把导体球按照从左向右的顺序依次编号为 1 到 $N+1$. 所有导体球起初不带电, 开关闭合并达到稳定状态后, 导体球上所带的总电量为 Q . 问导体球的半径是多少? 已知静电力常量为 k .



线 封 密

得分	阅卷	复核

$B_z = B_0(1 - 2\alpha z)$ 和一个径向分量 $B_r = B_0\alpha r$ 近似地描述. 这里 B_0 、 α 为大于零的常量, z 、 r 分别为竖直和径向位置坐标. 在 $t=0$ 时刻, 环心的坐标为 $z=0$ 、 $r=0$, 环上电流为 I_0 (规定圆环中电流的正向与 z 轴正向满足右手规则). 此时把圆环释放, 圆环开始向下运动, 其对称轴仍然保持竖直. 处于超导态的超导细圆环具有这样的性质: 穿过超导细圆环的磁通量保持不变.

-
- A diagram showing a cylindrical magnet with a ring-shaped coil placed on its top surface. Magnetic field lines are shown emerging from the top of the magnet. The radial component of the magnetic field is labeled B_r and the axial component is labeled B_z . The field lines are shown passing through the coil.

线

封

密

线

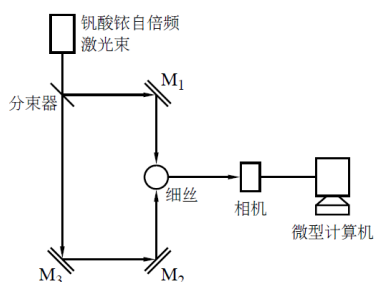
封

密

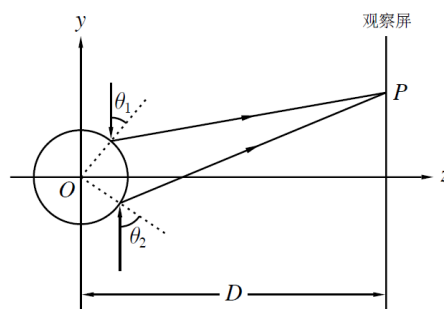
七、(15分)

得分	阅卷	复核

亚毫米细丝直径的双光束干涉测量装置如图(a)所示, 其中 M_1 、 M_2 、 M_3 为全反射镜, 相机为 CCD (电荷耦合装置) 相机. 来自钕酸铋自倍频激光器的激光束被分束器分成两束, 一束经全反镜 M_1 反射后从上侧入射到细丝上; 另一束经全反镜 M_3 和 M_2 相继反射后从下侧入射到细丝上. 图(b)给出了两条反射光线产生干涉的光路, 其中 θ_1 、 θ_2 分别为上、下两侧的入射角, D 为细丝轴线到观察屏(即相机感光片)的距离, P 为两条反射线在观察屏上的交点. 已建立这样的直角坐标系: 坐标原点 O 位于细丝的轴线上, x 轴(未画出)沿细丝轴线、指向纸面内, y 轴与入射到细丝上的光线平行(y 轴的正向向上), z 轴指向观察屏并与其垂直. 已知光波长为 λ , 屏上干涉条纹的间距为 a . 由于 D 远大于细丝直径和观察屏的尺寸, 可假设投射到屏上的只有非常接近平行于 z 轴的细光束.



图(a)



图(b)

1. 由于细丝到观察屏的距离远大于观察屏的尺寸, 因而上、下两侧的入射光只有 45° 入射角附近的细光束经细丝反射到屏上, 上、下两侧的反射光束分别形成两个虚像. 试求这两个虚像的位置. (注: 当 $x \sim 0$ 时, $\sin x \sim x$, $\cos x \sim 1$)
2. 求细丝的直径 d .

八、(15 分)

得分	阅卷	复核

相对于站立在地面的李同学，张同学以相对论速率 v 向右运动，王同学以同样的速率 v 向左运动。当张同学和王同学相遇时，三位同学各自把自己时钟的读数调整到零。当张同学和王同学之间的距离为 L 时(在地面参考系中观察)，张同学拍一下手。已知张同学和王同学之间的相对速率为

$$v_r = \frac{2\beta c}{1 + \beta^2},$$

其中 $\beta = \frac{v}{c}$ ， c 为真空中的光速。

1. 求张同学拍手时其随身携带的时钟的读数。
2. 从王同学自身静止的参考系看，在张同学拍手这一事件发生的时刻，王同学也拍一下手。从张同学自身静止的参考系看，在王同学拍手这一事件发生的时刻，张同学第二次拍一下手。从王同学自身静止的参考系看，在张同学第二次拍手这一事件发生的时刻，王同学第二次拍一下手。照此继续下去。求当张同学第 n 次拍手时地面参考系中张、王同学之间的距离。
3. 从李同学自身静止的参考系看，张同学和王同学依次拍手的时刻为多少？并指出这些时刻的顺序。

