

# 形态学

## 上次课程

- OSTU二值化算法
- 线扫描
- 旋转变换
- 临近插值法

## 本次课程

- 形态学腐蚀膨胀
- 形态学重构
- 连通域查找表
- 投影定位

# 形态学

腐蚀和膨胀是形态学中的基本方法。以下描述只对二值图像适应。

腐蚀记为  $A \ominus B$

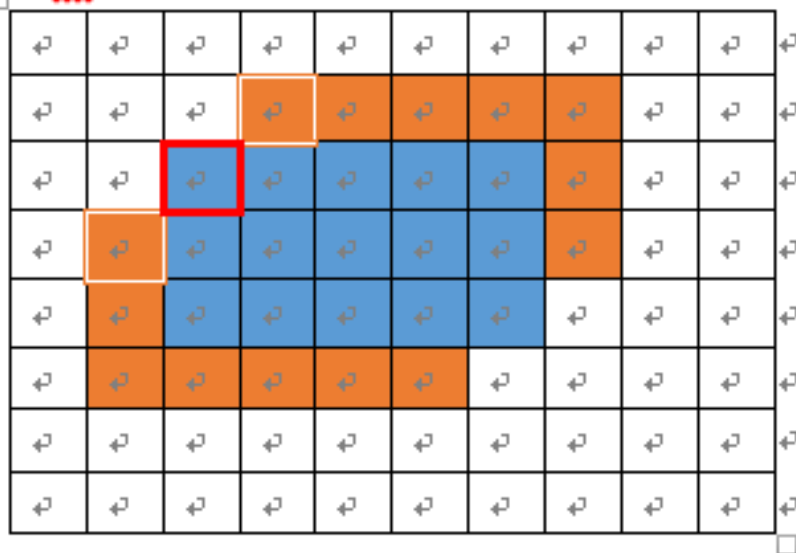
腐蚀是结构元素B与图像A上前景像素完全匹配的原点位置的集合。

膨胀记为  $A \oplus B$

膨胀是结构元素B在图像A上的前景像素上平移后的集合。

# 膨胀

.. 存在结构元素 B 和待膨胀的目标图像 A，膨胀结果是 B 的原点沿着 A 的像素点平移后的集合。



如图所示，蓝色的是 A 的前景像素，橙色的是膨胀后的结果，红框是结构元素的原点。Ps: 必须先确定结构元素 B 的原点

# Matlab实现

1. 建立一个与结构元素同样大小的窗口。
2. 滑动窗口，如果此窗口中原点位置的像素值不为0，则此点邻域赋值为结构元素。

for xxx

    遍历原图像的每一个点

    % if 当前结构体原点不为0

        for xxx

            检查结构体的每一个点，若结构体中该点不为0，则将原点赋值为1；

        end

    end

# 腐蚀

## b) → 腐蚀算法

腐蚀算法可以看作是膨胀算法的对偶。方法是拿 B 的中心点和 A 上的点一个一个地对比，如果 B 上的所有点都在 A 的范围内，则该点保留，否则将该点去掉；右边是腐蚀后的结果。可以看出，它仍在原来 A 的范围内，且比 A 包含的点要少，就象 A 被腐蚀掉了一层。



如图所示，蓝色的是 A 的前景像素，橙色的是腐蚀后的结果，红框是结构元素的原点。

# Matlab实现

1. 建立一个与结构元素同样大小的窗口。
2. 滑动窗口，如果此窗口中的像素与结构元素完全匹配，则窗口的原点的位置的像素值置1，否则置0。

for xxx

    遍历原图像的每一个点

    若窗口内所有点与结构元素点完全匹配

    则将原点赋值为1

end

这样实现腐蚀会有一个问题，是什么呢？

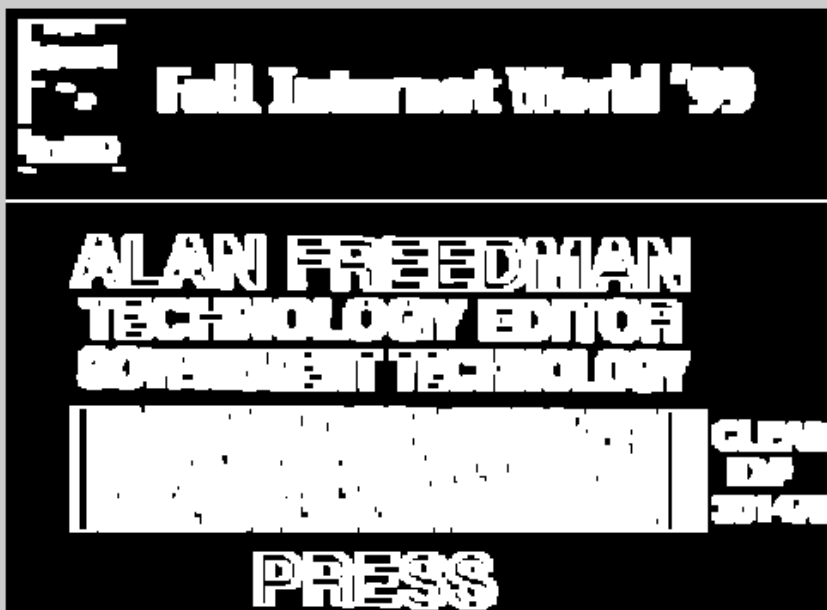
# 形态学重构

- **重构**：是一种涉及到两幅图像和一个结构元素的形态学变换。一副图像，即标记（**marker**），是变换的开始点，用来约束变换经过的过程。结构元素用于定义连接性。重构的步骤如下
- 将 $h_1$ 初始化为标记图像**marker**。
- 创建构造元素 $B=\text{ones}(3)$
- 其中 $f \in g$ ， $g$ 是掩膜**mask**（控制变换的限制区域）
- 重复  $h_{k+1} = h_k \oplus B \cap g$
- 直到  $h_{k+1} = h_k$
- $f$ 是标记，则从 $f$ 重构 $g$ 可以标记为 $R_g(f)$ 。

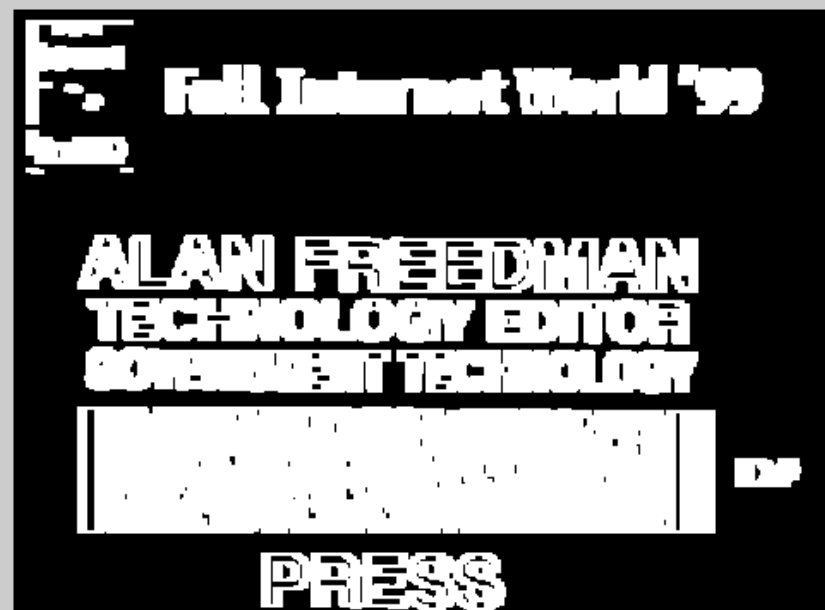


# 利用重构去除与边界相连的连通域

1. 把marker设定为原图像的边界值，掩膜设定为原图像。
2. 进行重构运算 $h_{k+1} = h_k \oplus B \cap g$   
while  $h_k \neq h_{k+1}$   
    进行运算 $h_{k+1} = h_k \oplus B \cap g$   
end
3. 用原图像减去重构的结果



去掉与边界相连的连通域





# Fall Internet World '99

**ALAN FREEDMAN**  
**TECHNOLOGY EDITOR**  
**GOVERNMENT TECHNOLOGY**



CLEAR  
ID#  
301479

**PRESS**

# 流程

1. 将图像转化为二值化的图像
2. 定义结构元素(记得定义结构体原点)、边缘算子
3. 对图像的边界进行扩展

原图像大小为 $row \times col$ , 结构元素大小为 $m \times n$ , 则扩展后大小为 $(row + 2(m-1)) \times (col + 2(n-1))$ , 扩展值为0。

4. 提取边缘
5. 根据图像特点进行腐蚀和膨胀, 最后去除边界上扩展的像素值。
6. 去除与边界相连的连通域
7. 建立查找表, 去除小面积连通域
8. 投影定位、截取图像

# 建立查找表

1. 函数[L,num]=bwlabel(src);用于对二值图像src中的连通域进行标号。L是各连通域的编号， num是连通域的数量。
2. 计算各连通域的面积。

for 1:num

    统计各个连通域的面积s(i)

end

1	1	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1	0	0
1	1	1	0	1	1	0	0
1	1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0

1	1	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	2	2	0	0
1	1	1	0	2	2	0	0
1	1	1	0	0	0	3	0
1	1	1	0	0	0	3	0
1	1	1	0	0	0	3	0
1	1	1	0	0	3	3	0
1	1	1	0	0	0	0	0

3. 找到把最大连通域面积的一半作为阈值，去除小于阈值的连通域。

for 1:num

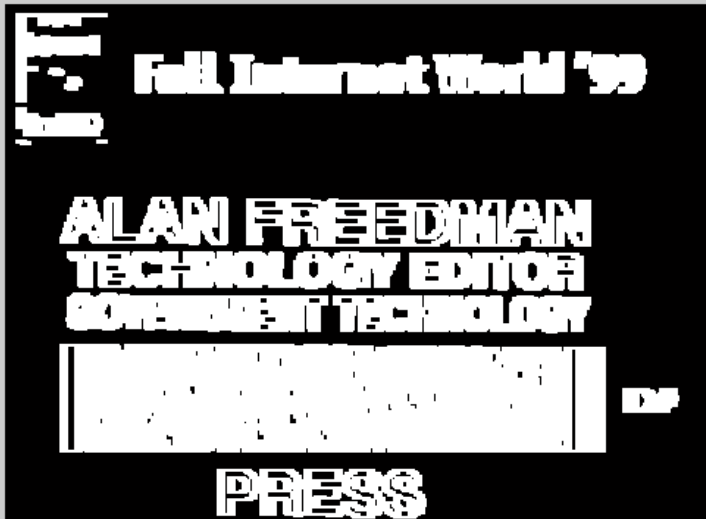
if  $s(i) < \frac{1}{2} * \text{最大值}$

把 $L==i$ 的点均去除（赋值为0）

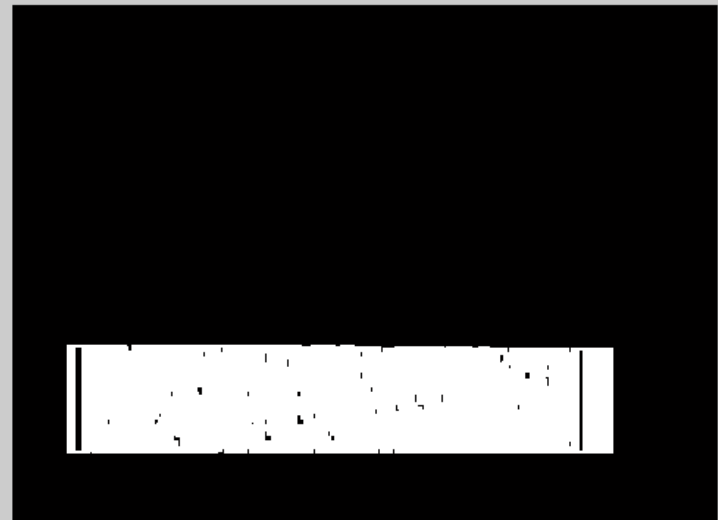
end

end

去掉与边界相连的连通域

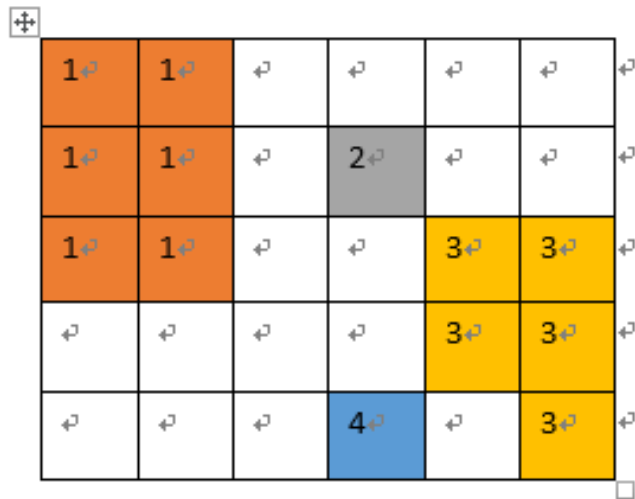
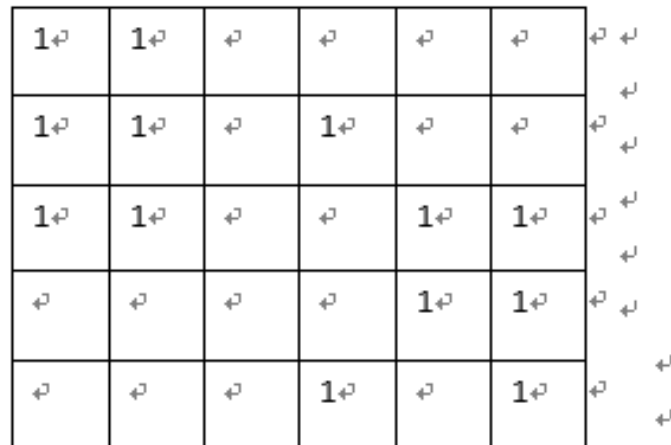


去除小面积连通域后

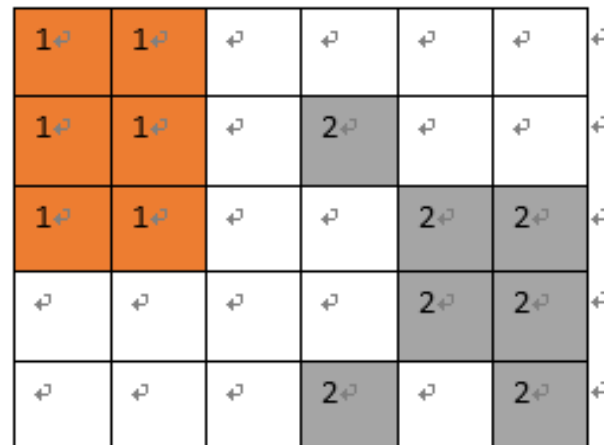


# P.S. 连通域分为4连接和8连接

连通分量的获取和划分与选择的连接方式有关，如下图



4 连接

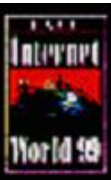


8 连接

# 投影定位

1. 统计每一行的前景像素的数量作为水平方向上的投影 $S_y(y)$ 。
2. 统计每一列的前景像素的数量作为垂直方向上的投影 $S_x(x)$ 。
3. 利用公式 $S_k = 0.7S_k + 0.3S_{k+1}$  进行平滑。
4. 把各方向上的投影值的平均值作为阈值。
5. 找到各方向上大于阈值的区间
6. 截取图像





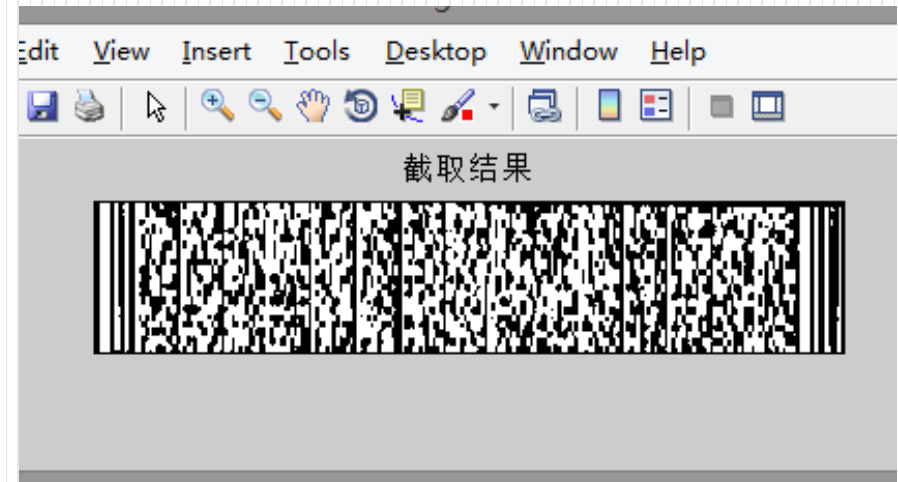
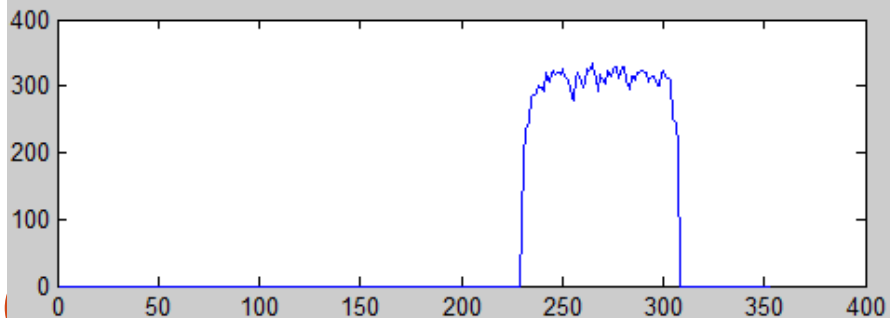
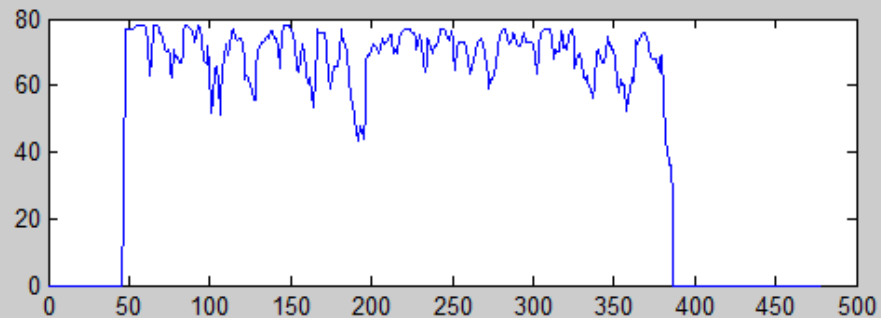
# Fall Internet World '99

**ALAN FREEDMAN**  
TECHNOLOGY EDITOR  
GOVERNMENT TECHNOLOGY



CLEAR  
ID#  
301479

**PRESS**



**迷人风景只有站在一定高度才能领略，  
望诸君努力，谢谢！**

