

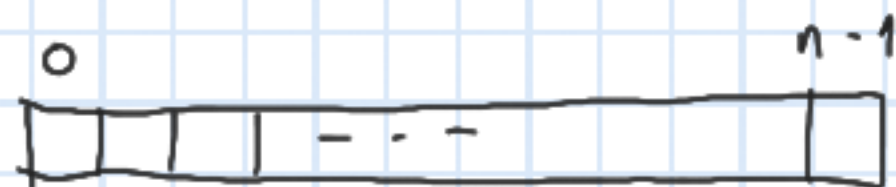
Algorytmy i Struktury Danych

Wykład 5

Abstrakcyjne struktury danych

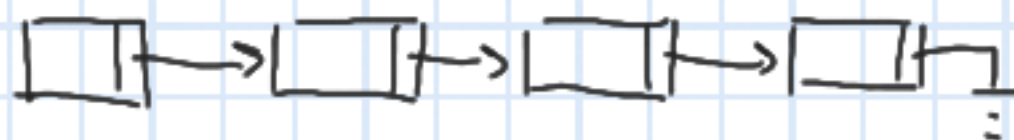
- "kontrakt" co do działania
- zestaw operacji
- fizyczna realizacja

Tablica



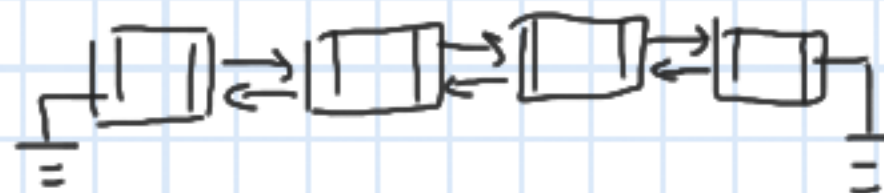
"Cos co ma ponumerowane komórki, do których można się bezpośrednio odwoływać"

Lista jednolinkowa



"Cos co pozwala wędrować od początku do końca i wstawiać/usuwać elementy"

Lista dwulinkowa

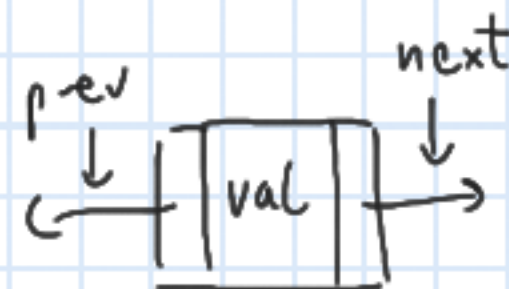


"Cos co pozwala wędrować w obie strony i wstawiać/usuwać elementy"

```
class DNode:
```

```
    def __init__(self):
```

```
        self.prev = None
        self.next = None
        self.val = None
```



Lista dwulinkowa z jednym wskaźnikiem

1 1 0 1 0 1 0 1

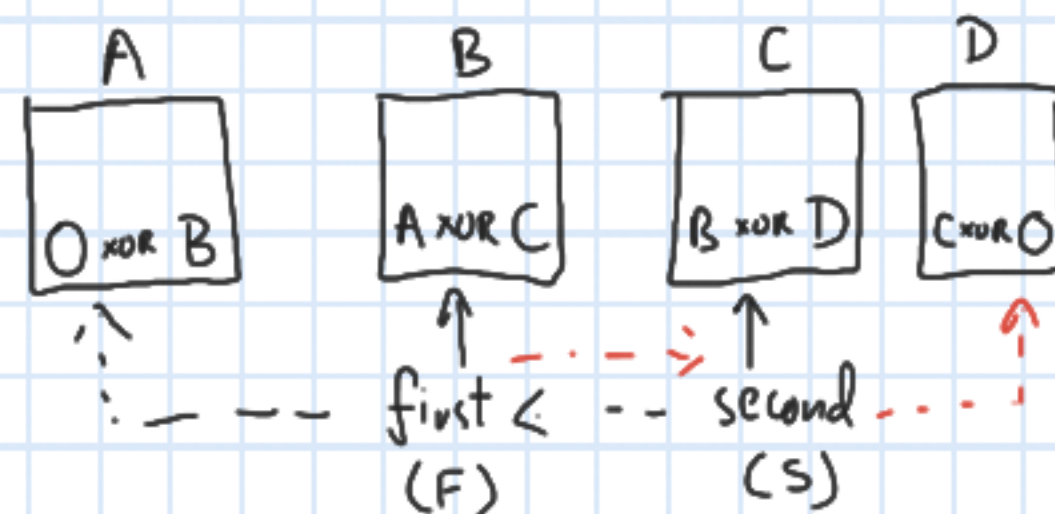
XOR 0 1 1 1 0 0 1 1

1 0 1 0 0 1 1 0

$$(A \text{ XOR } B) \text{ XOR } B = A$$

$$(A \text{ XOR } B) = (B \text{ XOR } A)$$

$$(A \text{ XOR } B) \text{ XOR } A = B$$



$$(A \text{ XOR } C) \text{ XOR } S.\text{ptv} =$$

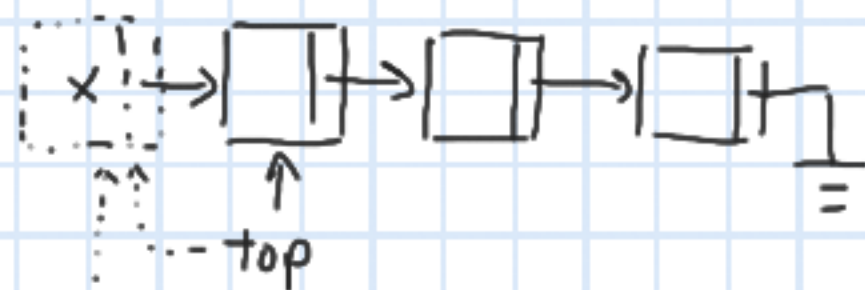
$$(A \text{ XOR } C) \text{ XOR } C = A$$

Stos (ang. stack)

"Coś, co pozwala odkładać elementy na szczyt, lub z niego zdejmować"

- $\text{push}(x) \leftarrow$ włoż x na stos
- $\text{pop}() \leftarrow$ zdejmij element ze stosu
- $\text{isEmpty}() \leftarrow$ czy stos już pusty

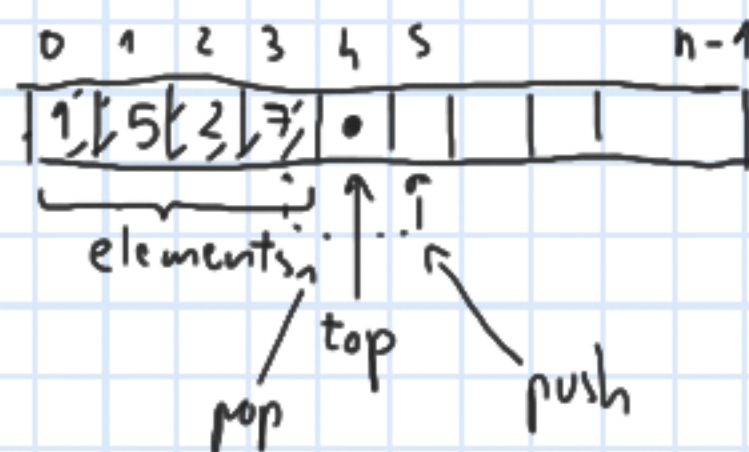
Implementacja na liście jednokierunkowej



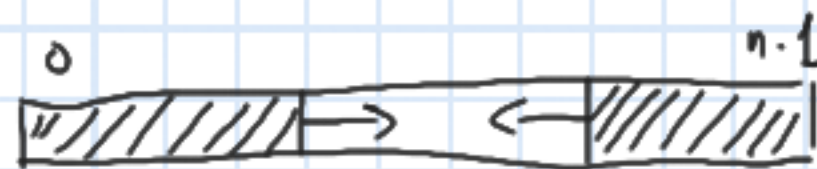
$\text{push}(x)$

$\text{pop}()$

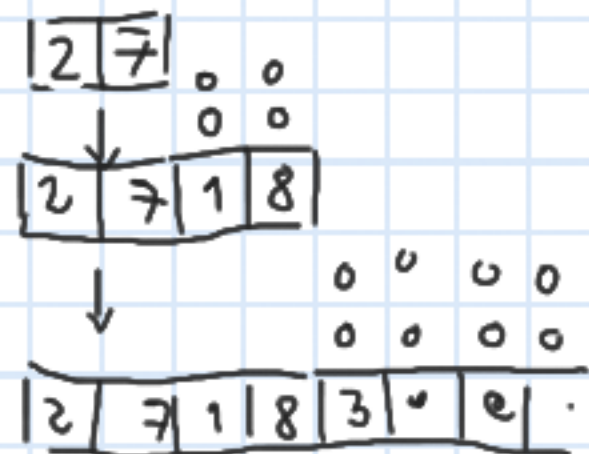
Implementacja tablicowa



Dwa stosy



wczesne komputery PC XT/AT



Co jeśli słowny nam się miejsce w zaalokowanej tablicy?

- wówczas alokujemy nową, 2x większą tablicę i kopiujemy do niej zawartość stosu

Analiza kosztu zamontowania

$\text{push} - 3 \text{ zt}$

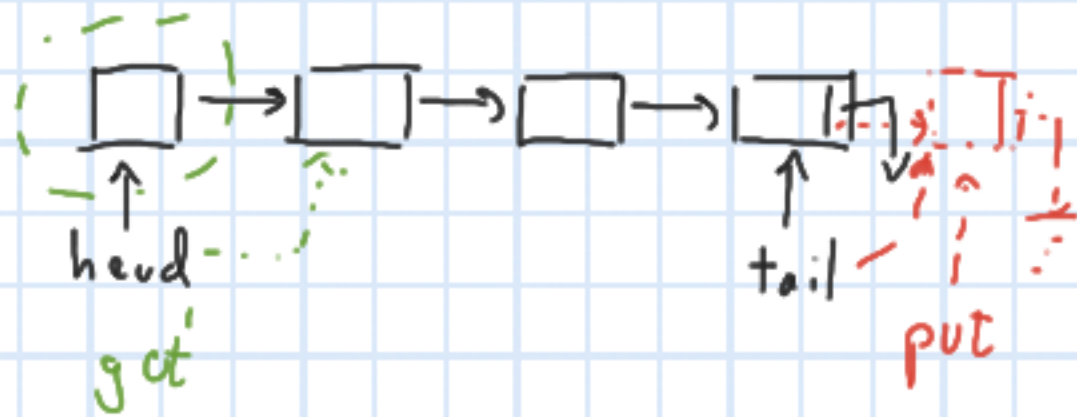
$\text{pop} - 1 \text{ zt}$

Kolejka (ang. queue)

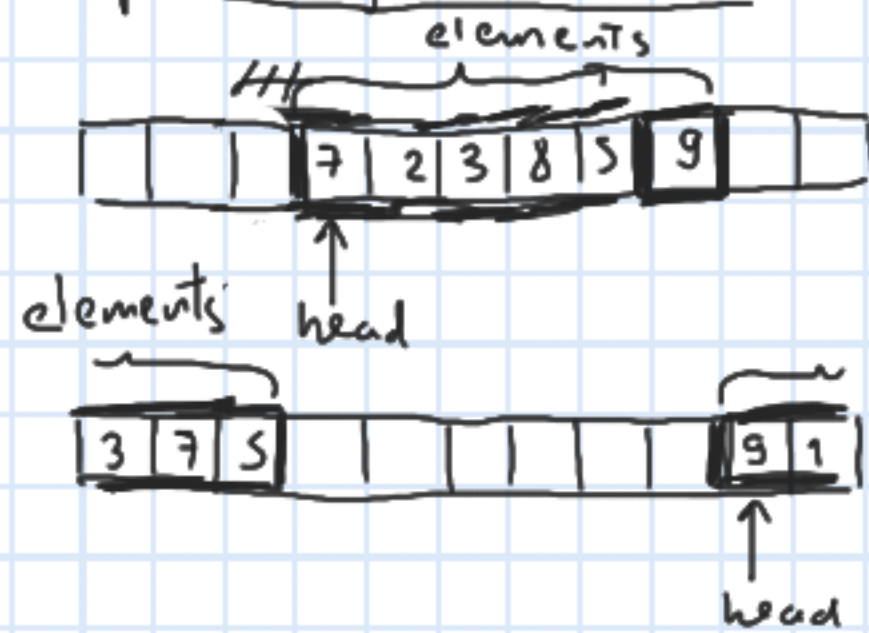
"coś, co pozwala ustawiać elementy na koniec i
wyiągać z początku"

put / get enqueue / dequeue

Implementacja listowa



Implementacja tablicowa



Przeputnienie: ta sama
metoda co przy stosie

Standardowa zagadka

Jak zaimplementować kolejkę
mając do dyspozycji tylko
dwa stosy?

Kolejka priorytetowa (ang. priority queue)

"coś do niego układamy elementy porządek z priorytetem, a wyciągamy w kolejności malejących priorytetów"

- insert
- extract max
- decrease key

Tablica asocjacyjna / słownik

"Coś co można indeksować dowolnymi wartościami"

$A["ston"] = 7$

$A["mysz"]$

$A[(1, 19)]$

Implementacje

	insert	extract
- kopiec binarny	$O(\log n)$	$O(\log n)$
- posortowana tablica	$O(n)$	$O(1)$
- nieposortowana tablica	$O(1)$	$O(n)$
- j.v. dla listy		
- wiele innych		

Implementacja

- drzewa BST	}	$O(\log n)$
L AVL		
L RB / czerwono-czarna		
L B-drzewa		
L drzewo splay		
- lista		
- tablica hashująca		$O(1)$

Algoritmy Grafov

$$G = (V, E)$$

$$V = \{v_1, \dots, v_n\}$$

$$E = \{e_1, \dots, e_m\}$$

e_i - základní prvky
relace

