

MODI – projekt II, zadanie 37

W pliku `www.ia.pw.edu.pl/~maciek/modi/danestat37.zip` znajdują się dane statyczne zarejestrowane podczas pracy procesu (pierwsza kolumna – sygnał wejściowy u , druga kolumna – sygnał wyjściowy y , w kolejnych wierszach podane są kolejne próbki).

Dane dynamiczne znajdują się w plikach `www.ia.pw.edu.pl/~maciek/modi/danedynucz37.zip` – zbiór uczący, `www.ia.pw.edu.pl/~maciek/modi/danedynwer37.zip` – zbiór weryfikujący (pierwsza kolumna – sygnał wejściowy u , druga kolumna – sygnał wyjściowy y , w kolejnych wierszach podane są próbki w kolejnych chwilach próbkowania).

1. Identyfikacja modeli statycznych:

- Narysować dane statyczne. Podzielić dane statyczne na zbiór uczący i weryfikujący, narysować te zbiory na oddzielnych rysunkach. (0,5 pkt.)
- Metodą najmniejszych kwadratów wyznaczyć statyczny model liniowy postaci

$$y(u) = a_0 + a_1 u$$

Narysować charakterystykę $y(u)$, obliczyć błędy modelu dla zbioru uczącego i weryfikującego. Pokazać na rysunkach wyjście modelu na tle dwóch zbiorów danych. Skomentować rezultaty. (1 pkt.)

- Metodą najmniejszych kwadratów wyznaczyć statyczne modele nieliniowe postaci

$$y(u) = a_0 + \sum_{i=1}^N a_i u^i$$

dla różnych stopni wielomianu N . W każdym przypadku narysować charakterystykę $y(u)$, obliczyć błędy modelu dla zbioru uczącego i weryfikującego (podać je w tabeli) oraz pokazać na rysunkach wyjście modelu na tle dwóch zbiorów danych. Skomentować rezultaty. Wybrać najlepszy model statyczny. Uzasadnić wybór. (4 pkt.)

2. Identyfikacja modeli dynamicznych:

- Narysować dane dynamiczne: zbiór uczący i weryfikujący (na oddzielnych rysunkach). (0,5 pkt.)
- Metodą najmniejszych kwadratów wyznaczyć dynamiczne modele liniowe postaci

$$y(k) = \sum_{i=1}^{n_B} b_i u(k-i) + \sum_{i=1}^{n_A} a_i y(k-i)$$

pierwszego ($n_A = n_B = 1$), drugiego ($n_A = n_B = 2$) i trzeciego rzędu ($n_A = n_B = 3$). Dla każdego modelu obliczyć błędy dla zbioru uczącego i weryfikującego w trybie bez rekurencji i z rekurencją (podać je w tabeli) oraz pokazać na rysunkach wyjście modeli na tle dwóch zbiorów danych (w trybie bez rekurencji i z rekurencją). Skomentować rezultaty. Wybrać najlepszy model liniowy z punktu widzenia dokładności (w trybie rekurencyjnym). (5 pkt.)

- Metodą najmniejszych kwadratów wyznaczyć szereg wielomianowych dynamicznych modeli nieliniowych. Rozważyć modele o różnym rzędzie dynamiki i strukturze nieliniowości, np. modele o dynamice pierwszego rzędu i różnym stopniu wielomianów

$$\begin{aligned} y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) + w_3 y(k-1) + w_4 y^2(k-1) \\ y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) + w_3 u^3(k-1) \\ &\quad + w_4 y(k-1) + w_5 y^2(k-1) + w_6 y^3(k-1) \\ y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) + w_3 u^3(k-1) + w_4 u^4(k-1) \\ &\quad + w_5 y(k-1) + w_6 y^2(k-1) + w_7 y^3(k-1) + w_8 y^4(k-1) \\ &\vdots \end{aligned}$$

modele o dynamice drugiego rzędu i różnym stopniu wielomianów

$$\begin{aligned}y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) \\&\quad + w_3 u(k-2) + w_4 u^2(k-2) \\&\quad + w_5 y(k-1) + w_6 y^2(k-1) \\&\quad + w_7 y(k-2) + w_8 y^2(k-2) \\y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) + w_3 u^3(k-1) \\&\quad + w_4 u(k-2) + w_5 u^2(k-2) + w_6 u^3(k-2) \\&\quad + w_7 y(k-1) + w_8 y^2(k-1) + w_9 y^3(k-1) \\&\quad + w_{10} y(k-2) + w_{11} y^2(k-2) + w_{12} y^3(k-2) \\y(k) &= w_1 u(k-1) + w_2 u^2(k-1) + w_3 u^3(k-1) + w_4 u^4(k-1) \\&\quad + w_5 u(k-2) + w_6 u^2(k-2) + w_7 u^3(k-2) + w_8 u^4(k-2) \\&\quad + w_9 y(k-1) + w_{10} y^2(k-1) + w_{11} y^3(k-1) + w_{12} y^4(k-1) \\&\quad + w_{13} y(k-2) + w_{14} y^2(k-2) + w_{15} y^3(k-2) + w_{16} y^4(k-2) \\&\quad \vdots\end{aligned}$$

modele o dynamice trzeciego rzędu itd. Ewentualnie uwzględnić wyrazy mieszane, np. postaci $u(k-1)y(k-1)$, $u^2(k-1)y(k-1)$, $u(k-2)y(k-1)$, itd. Dla każdego modelu obliczyć błędy dla zbioru uczącego i weryfikującego w trybie bez rekurencji i z rekurencją (podać je w tabeli) oraz pokazać na rysunkach wyjście modeli na tle dwóch zbiorów danych (w trybie bez rekurencji i z rekurencją). Skomentować rezultaty. Wybrać najlepszy model nieliniowy z punktu widzenia dokładności (w trybie rekurencyjnym) i ewentualnie liczby parametrów. (7 pkt.)

- d) Na podstawie uznanego za najlepszy dynamicznego modelu nieliniowego otrzymanego w zadaniu 2c wyznaczyć statyczny model nieliniowy – narysować charakterystykę $y(u)$ wykorzystując funkcję `fsolve`. (2 pkt.)

Zamieścić sprawozdanie w pliku pdf oraz spakowane wszystkie pliki MATLABa do dnia 10.06.2022 (włącznie) w module Sprawozdania na serwerze Studia. Nie przysyłać rysunków (fig, jpg, itp.). Maksymalna liczba punktów wynosi 20. Projekt nadesłany po terminie nie będzie oceniany. W razie pytań proszę kierować je na adres krzysztof.zarzycki@pw.edu.pl lub w wiadomości na MS Teams.