# Neurális hálózatok házi feladat beszámoló

Pintér Bálint (I6QS0K), Szilágyi Gábor (NOMK01)

Koncentrált paraméterű RF szűrő optimalizációja aktív tanulással

2023. június 7.

# Tartalomjegyzék

Aktív tanulás
Az optimalizálandó probléma
A felhasznált könyvtár
függvény felírása
A hálózat kapcsolási rajza
mpedanciák és admittanciák
Láncparaméterek
Szórási paraméterek
függvény javítása
Az első verzió és a problémái
A paraméterek logaritmizálása
A függvényérték logaritmizálása
1

#### 1. Bevezetés

#### 1.1. Aktív tanulás

A legtöbb neurális hálózatokat használó megoldás olyan problémára irányul, ahol sok rendelkezésre álló adat alapján kell a hálót betanítani egy feladat elvégzésére. Az a legtöbb esetben teljesül, hogy még több tanító adat felhasználásával jobb hálót lehetne tanítani, de ennek az extrém esetére tud megoldást nyújtani az aktív tanulás. A nem adathiányos problémáknál a rendelkezésre álló, címkézett adatpontok nagy részét felhasználva szokás tanítani a hálót, majd a fennmaradó adatpontokon ellenőrizni a háló teljesítőképességét olyan esetekre, amikkel nem találkozott a tanulás során. Az aktív tanulás folyamata ettől merőben eltér.

Aktív tanulás kiindulási helyzete, hogy nagyon sok címkézetlen adat áll rendelkezésre, de az egyes adatpontok címkézése rendkívül költséges. A címkézés költsége miatt végeredményben az a cél, hogy azt minél kevesebbszer kelljen elvégezni a tanulás során. A tanulási folyamat közben az eddig megkapott kevés címkézett adatpont alapján a háló jelöl ki következőnek címkézésre azt, amelyik várhatóan a leghasznosabb lesz számára. A hasznosság becslésére több megközelítés is létezik, erre a későbbiekben visszatérünk.

Az aktív tanulás egyik alesete a Bayes-optimalizáció. Itt nem egy osztályozót tanítunk minél kevesebb címkézett adat alapján, hanem egy "fekete doboz" függvény maximumát keressük a függvény minél kevesebb kiértékelése mellett. Ez a különbség már befolyásolni fogja a következőnek megcímkézendő adat választását, ami ebben az esetben a következő paraméterértékek megválasztását jelenti, ahol kiértékeljük a függvényt.

# 1.2. Az optimalizálandó probléma

Az optimalizálandó probléma egy koncentrált paraméterű rádiófrekvenciás (RF) szűrő elemeinek megadása, azaz méretezése. Egy koncentrált paraméterű elemekből felépülő szűrő alapesetben ellenállásból, tekercsekből és kondenzátorokból áll, de léteznek aktív elemet,

azaz erősítőt is tartalmazó szűrők – de ez már kívül esik a vizsgálatunkon, csak passzív eszközökkel foglalkozunk. Feltesszük továbbá, hogy a vizsgálatunk során csillapítással nem foglalkozunk, így ellenállást sem használunk a szűrőnkhöz.

Szűrőtervezéskor mindig egy előre megadott specifikációból indulunk ki, ebben elő van írva azon frekvenciatartományok csoportja, ahol a szűrni kell, illetve ahol csillapítás nélkül kell az RF teljesítményt átereszteni. Ennek megfelelően beszélhetünk záró és áteresztő sávokról, ahol a szűrő impedanciakarakterisztikájának rendre nagynak, illetve kicsinek kell lennie, ehhez a tekercsek és kondenzátorok soros és párhuzamos rezonanciáit használjuk ki. (S paraméter majd később).

A valóságban mind a tekercsek, mind a kondenzátorok 3D-s objektumok, induktivitásuk és kapacitásuk anyagparamétertől és geometriai méretektől függenek. Anyagparamétertől függés alatt a kondenzátorok dielektrikumában a relatív permittivitását, illetve a tekercsek belsejében a közeg relatív permeabilitását kell érteni – bár utóbbi nem jellemző RF szűrők esetében. Az anyagparaméter tehát egy fix érték, amit nem egyszerű változtatni, méretezés céljából ez nem járható út. Megoldást a geometriai méretek optimális megválasztása jelent, ami utat nyit az alapesetektől, az analitikus formulákkal egyszerűen kiszámolható geometriáktól való eltéréshez. Bár ezekben az alapesetekben, a síkkondenzátorban és az egyenes tekercsben, a szolenoidban is megjelennek geometriai jellemzők, a

$$C = \varepsilon_0 \varepsilon_r \frac{A}{d}$$
$$L = \mu_0 \mu_r \frac{N^2 A}{l}$$

formulák egyrészt csak közelítések, azaz nem írják le pontosan az L és a C értékeket, másrészt sokszor nem kivitelezhető az általuk leírt komponens.

A feladat innentől az, hogy olyan geometriai méreteket találjunk, amivel a komponensek pont az általunk kívánt L és C értékeket mutassák, ezzel a specifikációnak eleget tudjunk tenni. Esetünkben a nem analitikusan kiszámolható értékekhez numerikus megoldást kell keresni, amire egy jó megoldás, ha 3D véges elemes szimulációt készítünk. Egyegy szimuláció futási ideje a megkövetelt precizitás és a rendelkezésünkre álló erőforrás függvényében változhat, de mindenképp több mint csupán egyetlen egyenlet kiértékelése. Éppen ezért szükséges az optimalizálást úgy végezni, hogy szempont legyen a minél kevesebbszer történű kiértékelés.

A fent leírtak az RF szűrőtervezés témakörében egy releváns problémát takarnak, munkánkban azonban nem 3D véges elemes szimulációkat használunk, nem geometriai paraméterek optimalizálását végezzük el. Tesszük mindezt egyrészt azért, mert a szimulációs szoftverek programozott vezérlése **kibaszott nehéz**, másrészt a neurális hálók szempontjából teljesen lényegtelen, hogy a kiértékelt függvényben mi történik. Azonban maga az optimalizálás amit csinálunk alkalmas egy ilyen feladatra, és érdemben tudja a tervezőt segíteni munkája során. Visszatérni tehát a koncentrált paraméterű, L és C elemeket tartalmazó hálózatra az optimalizáció szempontjából nem jelent kevesebb munkát, ebben az értelemben nem jár a feladat egyszerűsítésével.

A feladathoz már csak egy lépés hiányzik, amivel a problémát át tudjuk alakítani egy szélsőérték keresésre. Ennek az alapgondolata az, hogy az elvárt és a kapott kimenet különbségét vesszük figyelembe egy büntetőfüggvény segítségével. Magát az optimalizálást ezen keresztül tudjuk megtenni, ennek a függvénynek a kifejtésére a ?? részben kerül sor.

#### 1.3. A felhasznált könyvtár

Bayes-optimalizáció megvalósításához már léteznek elkészített könyvtárak, így azt külön nem készítettük el, hanem felhasználtuk. Az általunk használt ingyenesen elérhető és letölthető *Bayesian Optimization* könyvtár más, neurális hálózatokra készített, ugyancsak szabadon hozzáférhető könyvtárakon alapszik, itt most ennek a bemutatását adjuk.

A Bayesian Optimization használata rendkívül egyszerű, összesen két dolgot kell megtennünk. Elsőként példányosítjuk a Bayesian Optimization osztályt, ami bemeneti paraméterként megkapja a maximalizálandó költségfüggvényt, illetve a határait annak a tartománynak, ahol a maximumot keresnie kell. Fontos kiemelni, hogy esetünkben a kapott és az elvárt kimenetek közötti minimalizálás a feladat, így a költségfüggvényben át kell térni maximumhely keresésre.

A szélsőértékhely keresést ezután a maximize() tagfüggvény hajtja végre. Ez a folyamat kezdetben random helyeken kiértékel pontokból indul el, majd iteratívan halad a modelltérben az optimum felé. Ennek megfelelően a maximize() bemeneti paraméterei az inicializáló, véletlenszerű helyek száma és az iteráció száma. Ebben elsőként példányosul egy UtilityFunction nevű osztály, utána elindul az iteráció. Minden kör az előző lefutás utáni paraméterfrissítéssel, az *update param()*-mal kezdődik, ami a *UtilityFunction* egy tagfüggvénye. A függvénynek több felderítési típusa lehet, ezek a UCB (Upper Confidence Bounds method), az EI (Expected Improvement method) és a POI (Probability Of Improvement), alapesetben az UCB-t használjuk. Az update param()-nak három hiperparamétere van:  $\chi$ ,  $\kappa$  és  $\kappa_{decay}$ , az utóbbi a  $\kappa$  csökkentését végzi minden iterációban, de csak egy másik paraméter,  $\kappa_{delay}$  iterációtól kezdve. Frissítve a *UtilityFunction*-t, egy javaslattevő tagfüggvénynek, a suggest( )-nek adjuk át inputként, ami javasol egy új pontot, az x probe-ot a következő kiértékelésre. Ebben a suggest()-ben egy argmax vizsgálat történik egy akvizíciós függvényre, az acq max-ra. Ez a vizsgálat két lépésből áll, elsőként egyenletes eloszlással felvesztünk mintavételi pontokat a UtilityFunction-ból a paramétertartomány határain belül, alapbeállításként  $10^5$  darabot. Második lépésként L-BFGS-B optimalizációs metódus futtatunk le minden mintavételezett pontra. Egy ciklusban kiválasztjuk a legnagyobbat, ezzel térünk vissza, ez lesz x probe, a javasolt új kiértékelési hely. A maximize () iterációs ciklusának harmadik lépése maga a kiértékelés, erre a probe() tagfüggvény szolgál, ami az általunk megadott költségfüggvényt futtatja le a kiszámolt új x probe helyen. Ezt a három iterációs lépést folytatja a kód a meghatározott iterációszámig.

Az L-BFGS-B optimalizáló solver nem ebben a könyvtárban van megírva, hanem a scipy optimizer tartalmazza. Ez egy minimalizálási feladatokra készített másodrendű optimalizációs algoritmus, az L-BFGS kiterjesztése korlátok kezelésére. Feloldva a rövidítést a Limited-memory Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno algoritmus egy kvázi-Newton módszer, másodrendű deriváltak közelítésére hasznos, ahol az közvetlenül nehéz kiszámolni. Konkretizálva ez azt jelenti, hogy nem számolja ki a Hesse-mátrixot, csak annak inverzét közelíti. A módszer nevében az L előtag a limitált memóriára utal, azaz mindig csak az elmúlt m lépés koordináta- és gradiensvektorát tárolja el. Ez a memóriagazdálkodás fontos, különösen az  $acq\_max$  függvényben, ahol mind a  $10^5$  mintavételi pontra elvégezzük az L-BFGS-B-t.

# 2. A célfüggvény felírása

A célfüggvényünket olyan formában definiáltuk, hogy az adott specifikációnak jobban megfelelő szűrőparaméterekhez nagyobb számot rendeljen. A specifikációban frekvenciasávok és a hozzájuk elvárt minimális vagy maximális átvitel van megadva. Az átvitel itt a teljes kétportú (vagyis négypólusú) rendszer szórási mátrixának (S-mátrixának) egyik elemét, név szerint az  $S_{21}$ -et jelenti. Mivel ez a reaktív elemek jelenléte miatt egy komplex szám, ennek az abszolút értékét vizsgáljuk, a specifikációbeli korlátok is az abszolút értékre vonatkoznak. Az  $S_{21}$  paraméter egy frekvenciafüggő mennyiség, ami azt az információt hordozza, hogy ha az 1-es porton (kapun) beküldünk a szűrőbe egy adott amplitúdójú és frekvenciájú szinuszos feszültséghullámot, akkor az a rendszer 2-es portján milyen amplitúdójú és fázisú kimenő feszültséghullámot eredményez. Az  $S_{21}$  komplex fázisa a két feszültséghullám relatív fázisát fejezi ki, ez számunkra nem érdekes, ezért vesszük az abszolút értéket. Ha  $|S_{21}|(f) = 1$ , akkor a szűrő az adott f frekvencián nem csillapít, de nem is erősít, tehát tökéletesen átereszti a rajta keresztülküldött jelet, legfeljebb más fázisban. Ez lenne a szűrő ideális viselkedése áteresztő sávban. Ha pedig  $|S_{21}|(f)=0$ , akkor a beküldött jelből semmit nem enged át, azt általános esetben vagy elnyeli, vagy visszaveri, de mivel mi veszteségmentes, LC szűrőkkel foglalkoztunk, itt az elnyelés nem jöhet szóba. Ez utóbbi pedig az ideális viselkedés záró sávban. Természetesen véges frekvencián és véges elemértékekkel egyik szélső eset sem megvalósítható, még az ideális LC komponensekkel sem, amelyekkel mi számolunk. A szűrő tehát mindig valamilyen 0 és 1 közötti  $|S_{21}|$ -et fog mutatni bármilyen frekvencián és bármilyen behelyettesített elemértékek mellett.

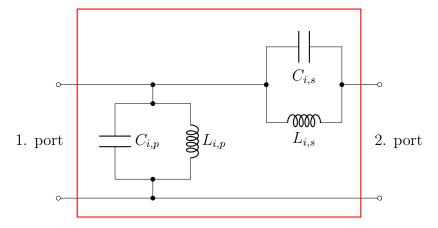
A célfüggvényünket, vagyis  $c(\underline{x})$ -t, ahol  $\underline{x}$  a behelyettesített elemértékek vektora, egy összeggel definiáljuk. Az összegben diszkrét frekvenciákon felvett hibaértékeket,  $h(f,\underline{x})$ -ket adunk össze.

$$c(\underline{x}) = \sum_{i=1}^{N_f} h(f_i, \underline{x}) \tag{1}$$

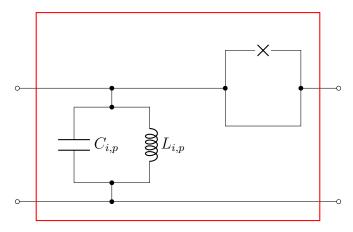
A vizsgált diszkrét  $f_i$  frekvenciákat logaritmikusan vettük fel a legkisebb és a legnagyobb specifikált frekvencia között, a kiértékelt frekvenciák száma,  $N_f$  megadható a specifikáció definiálásakor a programunkban. Ha egy adott frekvencián a kiszámolt  $S(f) = |S_{21}|(f)$  kisebb, mint a megadott maximum,  $S_{max}(f)$  vagy hasonlóan, ha nagyobb, mint a megadott minimum,  $S_{min}(f)$ , akkor a célfüggvény értékét nem változtatjuk az  $f_i$  frekvencián mutatott viselkedés alapján, itt nem büntetünk. Ez egyben azt is jelenti, hogy az adott diszkrét frekvencián megfelel a specifikációnak a szűrő. Ellenkező esetben minél jobban belóg az S(f) a tiltott zónába, annál nagyobb abszolút értékű negatív szám lesz  $h(f,\underline{x})$  értéke. A fent vázolt összegzős módszerrel egy olyan mennyiséget kapunk, ami az S(f) átviteli függvény tiltott zónákba való belógásának integrálját közelíti. Hogy ez a belógás, vagyis a  $h(f,\underline{x})$  pontosabban mit takar, később fejtjük ki a 3. fejezetben.

## 2.1. A hálózat kapcsolási rajza

A hálózatnak gyakorlatilag a kapcsolási rajza adott L és C elemértékekkel, innen kell valahogyan eljutni az  $|S_{21}|$  paraméterig. Olyan struktúrájú szűrőt választottunk, amivel szűrőkarakterisztikák széles köre megvalósítható. Alapvetően egy periodikus szerkezetű kapcsolásról van szó, de az egyes blokkokban, amik egymás után vannak kapcsolva, külön meg lehet adni az elemértékeket, eleve azt is, hogy az adott pozícióban van-e kondenzátor vagy induktivitás. A programkódunk végleges verziójában legfeljebb 3 db ilyen blokk



1. ábra. Az optimalizálandó szűrő i-edik egysége

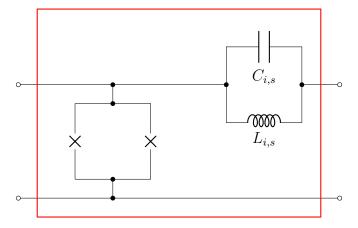


2. ábra. Az egységhálózat párhuzamosan kötött párhuzamos LC rezgőkörnek használva. Itt érdekesség, hogy a soros ágban egyik alkatrészt sem használjuk, mégis összesen egy rövidzárral vannak helyettesítve, mivel ennek a helyettesítésnek van értelme.

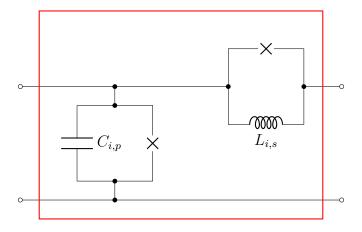
használható, de a kód minimális módosításával bővíthető még több blokkal szükség szerint. Egy ilyen blokk kapcsolási rajza az 1. ábrán látható. Ahogy az ábrán is látszik, az egységhálózat egy kétkapu, amiben egy párhuzamos és egy soros LC rezgőkör van. Ez csak abban az esetben néz ki pontosan így, ha mind a négy paraméterértéket beállítjuk. Ha egyes komponenseket nem használunk, akkor azokat szakadással, vagy rövidzárral helyettesíti a program, ahogy annak a teljes hálózat szempontjából értelme van. Erre láthatunk néhány példát a 2. 3. és 4. ábrán.

## 2.2. Impedanciák és admittanciák

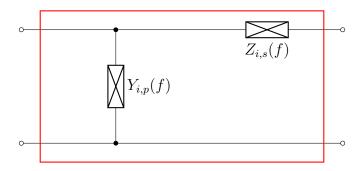
A célfüggvény számításának logikusan következő lépése, hogy az elemértékekből egy-egy diszkrét frekvencián helyettesítő impedanciát számolunk. A kódban egyébként az egyes párhuzamos rezgőkörökre direkte határozzuk meg annak az eredő impedanciát (vagy admittanciát) az *Impedance()* és *Admittance()* függvények segítségével. Ezek után a helyettesítőkép az 5. ábrán látható módon alakul. Itt a paraméterértékek az alábbi képletek alapján adódnak. Természetesen külön le vannak kezelve azok az esetek, amikor valamelyik impedancia vagy admittancia 0-ra vagy ∞-re adódik és nem lehet direkt behelyette-



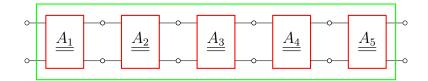
3. ábra. Az egységhálózat sorosan kötött párhuzamos LC rezgőkörnek használva.



4. ábra. Az egységhálózat elsőrendű LC aluláteresztő szűrőnek használva.



5. ábra. Helyettesítő impedancia és admittancia



6. ábra. A hálózat egységeinek kaszkád kapcsolása.

síteni a képletekbe.

$$Z_{i,p,L} = i2\pi f \cdot L_{i,p} \tag{2}$$

$$Z_{i,p,C} = \frac{1}{i2\pi f \cdot C_{i,p}} \tag{3}$$

$$Z_{i,s,L} = i2\pi f \cdot L_{i,s} \tag{4}$$

$$Z_{i,s,C} = \frac{1}{i2\pi f \cdot C_{i,s}} \tag{5}$$

$$Z_{i,s} = \frac{Z_{i,s,C} \cdot Z_{i,s,L}}{Z_{i,s,C} + Z_{i,s,L}} \tag{6}$$

$$Y_{i,p} = \frac{Z_{i,p,C} + Z_{i,p,L}}{Z_{i,p,C} \cdot Z_{i,p,L}} \tag{7}$$

# 2.3. Láncparaméterek

A következő lépés egy köztes számítás, ami az egyes egységblokkok kaszkádkapcsolásának számítását könnyíti meg. Ehhez a láncparamétereket hívjuk segítségül, amelyek az angol szakirodalomban ABCD-paraméterekként szerepelnek. A láncparaméterek mátrixa, vagyis  $\underline{\underline{A}} \in \mathbb{C}^{2\times 2}$  lényegében a leírt rendszer két portján felvett feszültségek és áramok között teremt kapcsolatot, az impedanciaparaméterekhez (Z-paraméterek) nagyon hasonló módon. Egy adott frekvencián ezzel a  $2\times 2$ -es mátrixszal teljesen leírható a hálózat. A feszültségek és áramok referenciairányai úgy vannak megválasztva a láncparaméterek felírásakor, hogy a kaszkádba kapcsolt kétportú hálózatok eredő láncparamétereit az összekapcsolt alegységek  $\underline{A}$  mátrixainak szorzataként kaphatjuk meg, ahogy az a 6. ábrán látható.

$$\underline{\underline{A}} = \prod_{i} \underline{\underline{A}_{i}} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$$
 (8)

# 2.4. Szórási paraméterek

Végül elérkeztünk a szórási paraméterek számításához. A 2.3. pontban tárgyalt lánc-paraméterek használatát az is indokolja, hogy létezik egyszerű képlet az  $\underline{\underline{A}}$  mátrixból  $\underline{\underline{S}}$  mátrixba való áttérésre. Az  $\underline{\underline{S}}$  mátrix minden elemére külön analitikus képlet van [1], de mivel nekünk csak az  $S_{21}$ -re van szükségünk, így csak az erre a konkrét paraméterre

vonatkozót kellett használnunk. Az S-paraméterek használatához minden portra definiálni kell egy normalizáló impedanciát,  $Z_0$ -t. Ezt mi a konvencionálisnak számító 50 $\Omega$ -ra választottuk, de végeredményben ennek nincs különösebb jelentőssége.

$$S_{21} = \frac{2}{A + B/Z_0 + CZ_0 + D} \tag{9}$$

- 3. A célfüggvény javítása
- 3.1. Az első verzió és a problémái
- 3.2. A paraméterek logaritmizálása
- 3.3. A függvényérték logaritmizálása

### Hivatkozások

[1] Láncparaméter - S-paraméter konverzió: https://www.rfwireless-world.com/ Terminology/abcd-matrix-vs-s-matrix.html

# A. Az általunk írt specifikáció osztály

```
import numpy as np
    import math
2
3
    import matplotlib.pyplot as plt
    from matplotlib.patches import Rectangle
    {\tt from \ matplotlib.backends.backend\_pdf \ import \ PdfPages}
5
   pi = math.pi
8
    inf = math.inf
    nan = math.nan
9
10
    #ipmedance of the series LC subcircuit
11
12
    def Impedance(f, lnC, lnL):
        match [math.isnan(lnC), math.isnan(lnL)]:
13
            case [True, True]:
14
                return 0.0
15
16
            case [True, False]:
                L = math.exp(lnL)
                return f*1j*2*pi*L
18
19
            case [False, True]:
                C = math.exp(lnC)
20
21
                return -1j*1/(f*2*pi*C)
            case _:
22
                C = math.exp(lnC)
23
24
                 L = math.exp(lnL)
25
                 ZC = -1j*1/(f*2*pi*C)
                ZL = 0 + f * 1 j * 2 * p i * L
26
27
                return ZL*ZC/(ZL+ZC)
28
    def Admittance(f, lnC, lnL):
29
        match [math.isnan(lnC), math.isnan(lnL)]:
30
            case [True, True]:
31
                return 0.0
32
            case [True, False]:
                L = math.exp(lnL)
34
                return 1/(f*1j*2*pi*L)
35
36
            case [False, True]:
                C = math.exp(lnC)
37
38
                return f*2*pi*C*1j
            case _:
39
40
                C = math.exp(lnC)
                L = math.exp(lnL)
41
                 ZC = -1j*1/(f*2*pi*C)
42
                ZL = 0+f*1j*2*pi*L
43
44
                 return (ZL+ZC)/ZL*ZC
45
46
    class Spec:
47
        def __init__(self, starts, ends, limits, directions, margin, n):
            # starts of pass- or stopbands in Hz
48
            self.starts = starts
            # ends of start- or stopbands in Hz
50
51
            self.ends = ends
            # pass - or stopband threshold values
52
53
            self.limits = limits
            # pass- or stopbands? possible values: "pass" or "stop" strings
54
            self.directions = directions
55
56
            # number of frequency points
            self.n = n
57
            # margin to still punish solution that only barely satisfies the specification
58
59
            # on stopbands, with limit l and margin m, the margin range is from l*(1-m) to l
            # on passbands, with limit 1 and margin m, the margin range is from 1 to 1*(1+m)
60
            self.margin = margin
61
62
63
        #def cost(self, types, values):
        def cost(self, plot=False, par1C=nan, par1L=nan, ser1C=nan, ser1L=nan, par2C=nan,
64
        par2L=nan, ser2C=nan, ser2L=nan, par3C=nan, par3L=nan, ser3C=nan, ser3L=nan):
            """Parameters define a ladder structure, where each series or parallel element consists of
65
66
            two discrete, ideal L or C components in parallel
67
            with each other. Default values define a perfect
68
69
            all-pass filter. In the function parameters, "parXY" means
```

```
the value of the Y-th sub-component of the X-th parallel
70
             element. Similarly, "serXY" means the value of the Y-th
71
            sub-component of the X-th series element. The ladder starts
72
            with a parallel element."""
73
            values = [par1C, par1L, ser1C, ser1L, par2C, par2L, ser2C, ser2L, par3C, par3L,
74
        ser3C, ser3L]
            nval = len(values)
75
            nladder = int(nval/4)
76
77
            minf = (min(self.starts))
            maxf = (max(self.ends))
78
            # frequency axis sample points (log spacing)
79
            faxis = []
80
            # no. of frequency sample points
81
            #n = self.n
82
83
             factor = (maxf/minf)**((1/self.n))
            for i in range(self.n+1):
84
85
                 faxis.append(minf*factor**(i))
            # reference impedance in Ohm, on both ports
86
            Z0 = 50
87
            YO = 1/ZO
88
             # array of overall S21 values at the frequency sample points
89
            S21 = []
90
            #process 1 parallel and 1 series element:
91
            for f in faxis:
92
93
                 # ABCD parameter matrix of the whole system
                 ABCD = np.matrix([[1,0],[0,1]])
94
                 for l in range(nladder):
95
96
                     # admittance of the two parallel components together from the current
        step of the ladder
97
                     Y = Admittance(f, values[4*1+0], values[4*1+1])
98
                     mPar = np.matrix([[1, 0],[Y, 1]])
                     Z = Impedance(f, values[4*1+2], values[4*1+3])
99
                     mSer = np.matrix([[1, Z],[0, 1]])
100
101
                     ABCD = ABCD*mPar*mSer
                 \# 2/(A+B/Z0+C*Z0+D)
102
                 A = ABCD.item(0,0)
103
                 B = ABCD.item(0,1)
104
                 C = ABCD.item(1,0)
105
                 D = ABCD.item(1,1)
106
                 S21.append(abs(2/(A+B/Z0+C*Z0+D)))
107
108
            # natural log of margin+1
            lnmargin=math.log(self.margin+1)
109
            if(plot):
110
                 # green: passband; red: stopband; orange: ok, but close to not ok, still
111
        punished
                 fig, ax = plt.subplots()
112
                 minS21 = min(S21)
113
                 for i in range(len(self.starts)):
114
115
                     if(self.directions[i] == "pass"):
                         # region forbidden by the original specification
116
                         ax.add_patch(Rectangle((self.starts[i], minS21),
117
                                                  self.ends[i]-self.starts[i],
118
119
                                                  self.limits[i]-minS21,
                                                  facecolor='#00aa00'))
120
                         # region close to original limit, but satisfying it, additional
121
        penalty region
                         ax.add_patch(Rectangle((self.starts[i], self.limits[i]),
122
                                                  (self.ends[i]-self.starts[i]),
123
                                                  self.limits[i]*self.margin,
124
125
                                                  facecolor='orange'))
                     else: # "stop"
126
                         # region forbidden by the original specification
127
128
                         ax.add_patch(Rectangle((self.starts[i], self.limits[i]),
129
                                                  self.ends[i]-self.starts[i],
130
                                                  1.0-self.limits[i],
                                                  facecolor='#aa0000'))
131
                         # region close to original limit, but satisfying it, additional
132
        penalty region
                         ax.add_patch(Rectangle((self.starts[i], self.limits[i]*(1/(1+self.
133
        margin))),
134
                                                  (self.ends[i]-self.starts[i]),
135
                                                  self.limits[i]*(1-1/(1+self.margin)),
                                                  facecolor='orange'))
136
```

```
ax.loglog(faxis, S21, 'k-')
plt.ylabel(r'$|S_{21}|$')
plt.xlabel(r'$f$')
137
138
139
                      plt.savefig("plot.pdf", dpi=120, format='pdf', bbox_inches='tight')
140
                     plt.show()
141
                cost = 0
142
143
                \# number of freq points in the regions where the S21 is specified
                ncost = 0
144
145
                for i in range(len(self.starts)):
                     for j in range(len(faxis)):
146
                           if faxis[j]>self.starts[i] and faxis[j]<self.ends[i]:</pre>
147
                                 ncost = ncost + 1
lnlimit = math.log(self.limits[i])
148
149
                                 lnS21 = math.log(S21[j])
150
                                 if self.directions[i] == "pass":
    cost += max(0, min(-lnS21, lnlimit+lnmargin-lnS21))
151
152
                                 else: # "stop"
153
           \texttt{cost} \; += \; \max \left( \text{O, lnS21-lnlimit+lnmargin} \right) \\ \text{\# negative of average cost, for function maximizing}
154
155
156
                return -cost/ncost
```