

# Metody programowania 2017

## Lista zadań nr 6

Na zajęcia 4 i 5 kwietnia 2017

**Zadanie 1 (1 pkt).** *Kolekcje* to struktury danych służące do przechowywania elementów. Niech interfejs kolekcji składa się z następujących nazw predyktów:

- `put(+E, +S, -R)` wstawia element `E` do kolekcji `S` i zwraca nową kolekcję `R`;
- `get(+S, -E, -R)` usuwa element z kolekcji `S`, podstawia go pod `E` i zwraca nową kolekcję `R`;
- `empty(?S)` sprawdza lub tworzy pustą kolekcję;
- `addall(-E, +G, +S, -R)` wstawia wszystkie wyniki podstawień pod zmienną `E`, które spełniają cel `G` (w którym zmienna `E` występuje) do kolekcji `S` i zwraca nową kolekcję `R` (ten predykat przypomina standardowe predykaty `findall/3` i `findall/4`).

Podaj dwie implementacje tego interfejsu, jedną dla stosu (użyj list zamkniętych do reprezentowania kolekcji), drugą dla kolejek FIFO (tu użyj list różnicowych).

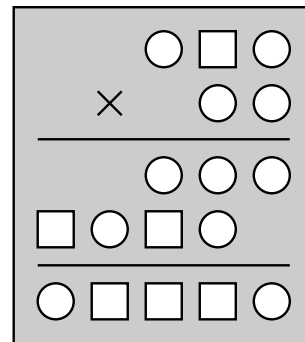
**Zadanie 2 (1 pkt).** Rozważmy skierowany graf  $G = \langle V, E \rangle$ . Jego wierzchołki ze zbioru  $V$  będziemy reprezentować w postaci atomów i liczb, a relację krawędzi  $E$  — za pomocą binarnego predykatu  $e/2$ . Dane są wierzchołki  $v_1, v_2 \in V$ . Ścieżkę z wierzchołka  $v_1$  do wierzchołka  $v_2$  w grafie  $G$  można znaleźć używając algorytmu przeszukiwania sparymetryzowanego kolekcją przechowującą oczekujące wierzchołki:

1. Jeśli kolekcja przechowująca oczekujące wierzchołki jest pusta, to zakończ pracę.
2. W przeciwnym razie wyjmij wierzchołek  $v$  z kolekcji. Jeśli  $v$  nie został wcześniej odwiedzony, to odwiedź go i wstaw wszystkich jego e-sąsiadów do kolekcji. W przeciwnym razie odrzuć wierzchołek  $v$ . Powtórz całą procedurę.

Zaprogramuj powyższy algorytm tak, by znajdował w grafie ścieżki między podanymi wierzchołkami używając interfejsu kolekcji z poprzedniego zadania. Następnie użyj stosów, by otrzymać DFS oraz kolejek, by otrzymać BFS.

Przypuśćmy, że wierzchołkom grafu dodajemy wagi i używamy kolejek priorytetowych do przechowywania oczekujących wierzchołków. Zbadaj zachowanie takiego algorytmu.

**Zadanie 3 (1 pkt).** W tym zadaniu będziemy zakładać, że drzewa poszukiwań o etykietowanych wierzchołkach wewnętrznych nie zawierają dwóch równych etykiet. Zaprogramuj następujące predykaty: `insert/3` — wstawiający element do drzewa (bez powtórzeń), `find/2` — sprawdzający, czy element znajduje się w drzewie, `findMax/2` — ujawniający największy element w drzewie, `delMax/3` — ujawniający i usuwający największy element z drzewa, `delete/3` — usuwający podany element z drzewa oraz `empty/1` — sprawdzający, czy drzewo jest puste.



Rysunek 1: Łamigłówka z „Wiedzy i Życia”

**Zadanie 4 (1 pkt).** Napisz w Prologu program rozwiązujący zadania takie jak to, które pochodzi z numeru 11/2000 miesięcznika „Wiedza i Życie”: Wpisz w kwadraty [planszy przedstawionej na Rysunku 1] cyfry parzyste (0, 2, 4, 6, 8), w koła zaś nieparzyste (1, 3, 5, 7, 9) tak, by otrzymać poprawny zapis mnożenia.

Dane do programu (opis problemu) należy podać w postaci listy list atomów `s` i `c` reprezentujących kwadraty i koła. Np. dane do problemu z obrazka są następujące:

`[[c,s,c], [c,c], [c,c,c], [s,c,s,c], [c,s,s,s,c]]`

**Zadanie 5 (1 pkt).** Jaki język generuje gramatyka  $G = \langle \Sigma, V, S, P \rangle$ , gdzie  $\Sigma = \{0, 1\}$ ,  $V = \{S\}$ , zaś  $P = \{S \rightarrow 0S1, S \rightarrow 0S, S \rightarrow \epsilon\}$ ? Wykaż, że jest ona niejednoznaczna. Zdefiniuj jednoznaczny gramatykę opisującą ten sam język. Udowodnij, że Twoja gramatyka jest jednoznaczna i że generuje ten sam język.

**Zadanie 6 (1 pkt).** Napisz gramatyki bezkontekstowe opisujące następujące języki nad alfabetem  $\Sigma = \{0, 1\}$ :

1.  $\{0^n 1^m 0^n \mid n, m \in \mathbb{N}\}$ ;
2.  $\{0^n 1^n 0^m \mid n, m \in \mathbb{N}\}$ ;
3.  $\{0^n 1^m 0^k \mid n, m, k \in \mathbb{N}, n \leq m\}$ ;
4.  $\{(01)^n 0^{2n} \mid n \in \mathbb{N}\}$ ;
5. zbiór ciągów zerojedynkowych, w których liczba zer i jedynek jest taka sama;
6. zbiór ciągów zerojedynkowych zawierających dwukrotnie więcej zer niż jedynek.

**Zadanie 7 (1 pkt).** Gramatyka bezkontekstowa jest *prawostronnie liniowa*, jeżeli wszystkie jej produkcje są postaci  $A \rightarrow wB$  lub  $A \rightarrow w$ , gdzie  $w \in \Sigma^*$  oraz  $A, B \in V$ .

Napisz gramatyki prawostronnie liniowe opisujące następujące języki nad alfabetem  $\Sigma = \{0, 1\}$ :

1.  $\{0^{2n} \mid n \in \mathbb{N}\}$ ;
2.  $\{0^n 1^m \mid n, m \in \mathbb{N}\}$ ;
3. zbiór ciągów zerojedynkowych, które nie zawierają trzech kolejnych jedynek;
4. zbiór ciągów zerojedynkowych, w których liczba zer jest parzysta, a jedynek — dowolna;
5. zbiór ciągów zerojedynkowych, w których liczba zer jest parzysta, a jedynek — nieparzysta;
6. zbiór ciągów zerojedynkowych, w których różnica liczby zer i jedynek jest parzysta.

Czy można napisać gramatyki bezkontekstowe posiadające prostsze zbiory produkcji i opisujące powyższe języki?