Wersja:	A	Imię i nazwisko:		
		Lo	gika dla informatyków	
			zian nr 2, 24 listopada 2010	
Zadanie	e 1 (1 1	_	szystkich zbiorów A, B, C i D zachodzi równość	
	` .	- ,	$\bigcap (C \setminus D) = (A \cap C) \setminus (B \cap D)$	
to w pro	-	poniżej wpisz słowo	o "TAK". W przeciwnym przypadku wpisz odpowiedni	
Zadanie 2 (1 punkt). Dla $m, n \in \mathbb{N}$ niech $A_{m,n} = \{i \in \mathbb{N} \mid m \leq i \land i \leq n\}$. W prostokąt poniżej wpisz wyliczoną wartość zbioru $\bigcup_{m=0}^{100} \bigcap_{n=m}^{\infty} A_{m,n}$, tzn. wpisz wyrażenie oznaczające ten sam zbiór i nie zawierające symboli $\cap, \cup, \exists, \forall$.				
			$\{\langle m,n\rangle\in\mathbb{N}\times\mathbb{N}\mid m-n=2\}$. W prostokąt poniżej wpisz najmniejszą relacją równoważności zawierającą R .	
wystąpie są równo	eń i wsz oważne,	ystkich formuł ψ logi	szystkich formuł φ , w których zmienna x nie ma wolnych iki pierwszego rzędu formuły $\exists x(\varphi\Leftrightarrow\psi)$ oraz $\varphi\Leftrightarrow(\exists x\psi)$ żej wpisz słowo "RÓWNOWAŻNE". W przeciwnym przytład.	

Zadanie 5 (1 punkt). Jeśli istnieje taka funkcja $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, że $f([0,2]) = [0,1] \cup [2,3]$ to w prostokąt poniżej wpisz dowolną taką funkcję. W przeciwnym przypadku wpisz słowo "NIE".



Zadanie 6 (5 punktów). Niech R_1 i R_2 będą takimi relacjami równoważności na A, że $R_2R_1=A\times A$. Dla $i\in\{1,2\}$ niech A/R_i będzie rodziną klas abstrakcji relacji R_i , tzn. $A/R_i=\{[a]_{R_i}\mid a\in A\}$. Udowodnij, że funkcja $f:A\to A/R_1\times A/R_2$ zdefiniowana wzorem $f(x)=\langle [x]_{R_1}, [x]_{R_2}\rangle$ jest "na".

Wersja: $oxedown$ Imię i nazwisko: $oxedown$	
Log	gika dla informatyków
Sprawdz	zian nr 2, 24 listopada 2010
Zadanie 1 (1 punkt). Jeśli dla ws	szystkich zbiorów A,B,C i D zachodzi równość
$(A \setminus B) \cap$	$\cap (C \setminus D) = (A \setminus C) \cap (B \setminus D)$
to w prostokąt poniżej wpisz słowo kontrprzykład.	, "TAK". W przeciwnym przypadku wpisz odpowiedni
Zadanie 2 (1 punkt). Dla $m, n \in$ poniżej wpisz wyliczoną wartość zbio sam zbiór i nie zawierające symboli	$n=2010 \ m=0$
	= $\{\langle x, x+3 \rangle \mid x \in \mathbb{N}\}$. W prostokąt poniżej wpisz taką niejszą relacją równoważności zawierającą R .
wystąpień i wszystkich formuł ψ logi	szystkich formuł φ , w których zmienna x nie ma wolnych ki pierwszego rzędu formuły $\forall x(\varphi\Leftrightarrow\psi)$ oraz $\varphi\Leftrightarrow(\forall x\psi)$ ej wpisz słowo "RÓWNOWAŻNE". W przeciwnym przyład.

Zadanie 5 (1 punkt). Jeśli istnieje taka funkcja $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, że $f^{-1}([1,2]) = [0,1] \cup [2,3]$ to w prostokąt poniżej wpisz dowolną taką funkcję. W przeciwnym przypadku wpisz słowo "NIE".



Zadanie 6 (5 punktów). Niech R_1 i R_2 będą takimi relacjami równoważności na A, że $R_1 \cap R_2 = I_A$ (gdzie I_A jest relacją identyczności na zbiorze A). Dla $i \in \{1,2\}$ niech A/R_i będzie rodziną klas abstrakcji relacji R_i , tzn. $A/R_i = \{[a]_{R_i} \mid a \in A\}$. Udowodnij, że funkcja $f: A \to A/R_1 \times A/R_2$ zdefiniowana wzorem $f(x) = \langle [x]_{R_1}, [x]_{R_2} \rangle$ jest różnowartościowa.