Numer indeksu:	
----------------	--

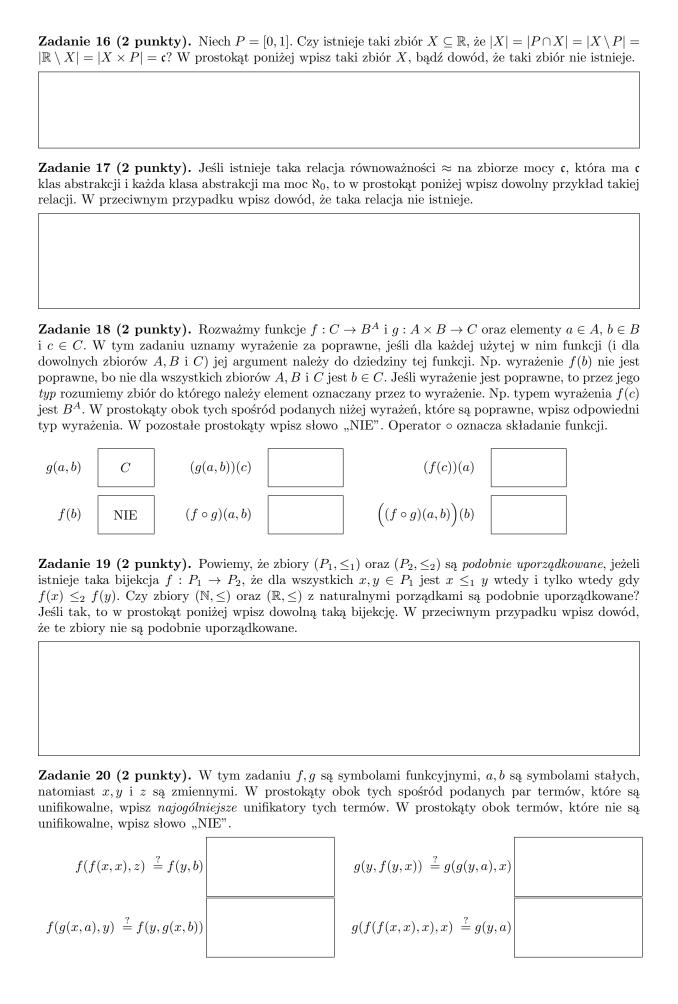
Logika dla informatyków

Egzamin popra	wk	owy	(pie	erws	sza część)	
		tego 20 nia: 90		ut		
Zadanie 1 (2 punkty). Jeśli istnieją takie sa formuła $\psi \Leftrightarrow (\neg \varphi)$ jest spełnialna, to w p W przeciwnym przypadku wpisz dowód, że ta	prost	tokąt j	oniż	ej wr	oisz dowolny p	
Zadanie 2 (2 punkty). Jeśli dla formuły p wyłącznie ze zmiennych zdaniowych, nawiasów dowolną taką formułę. W przeciwnym razie w	ora	z spóji	ników	· ,,¬"		
Zadanie 3 (2 punkty). Jeżeli poniższe zbio słowo TAK. W przeciwnym razie wpisz w prosformule zbudowanej ze zmiennych zdaniowych	stoka	ąt przy	kład	form	uły, która nie	1 0 1
{¬}			$\{\lor,$	^}		
Zadanie 4 (2 punkty). Czy formuła $p \lor q$ W prostokąt poniżej wpisz odpowiedź oraz do						$A = \{r \lor p, \neg r \lor q\}?$
Zadanie 5 (2 punkty). W prostokąty poniż niunkcyjnej postaci normalnej, mające następ		-			-	nio, dysjunkcyjnej i ko-
$\begin{bmatrix} p \\ T \end{bmatrix}$	q	r	φ	v	v	
T	- т	- F	T T			
T F	: т	- T	T F			
F F F	: F	: T	F F F			
CNF:		DNF:				

Zadanie 7 (2 punkty). Jeśli zbiór klauzul $\{r \lor p, \neg p \lor \neg q, \neg r \lor q, \neg r\}$ jest sprzeczny, to w prostokąt po- niżej wpisz rezolucyjny dowód sprzeczności tego zbioru. W przeciwnym przypadku wpisz wartościowanie spełniające ten zbiór. Zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W pro- stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nic istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne rela- tje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie sosby bywają w Jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk zytają jakie soby. Niech Lalka oznacza ksiżyke. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek barze, w którym bywają wszystkie osoby czytające Lalkę.	The state of the s	tórego ta formula nie jes	or spermena.		
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książke czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiele					
zadanie 8 (2 punkty). Czy równanie $\{2,4\} \cap X = \{2,4\}$ ma inne rozwiązanie niż $X = \{2,4\}$? W prostokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książke czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiele					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książkie czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
stokąt poniżej wpisz inne rozwiązanie powyższego równania lub dowód, że ono nie istnieje. Zadanie 9 (2 punkty). Rozważmy zbiory osób O , barów B , soków S i książek K oraz binarne relacje $Bywa \subseteq O \times B$, $Lubi \subseteq O \times S$, $Podają \subseteq B \times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formulę φ , że $\{s \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiele					
cje $Bywa\subseteq O\times B$, $Lubi\subseteq O\times S$, $Podajq\subseteq B\times S$ i $Czyta\subseteq O\times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książki czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s\mid\varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek	Zadanie 8 (2 punkt stokąt poniżej wpisz i	y). Czy równanie {2,4} nne rozwiązanie powyższ	$Y \cap X = \{2, 4\}$ ma innzego równania lub do	ne rozwiązanie niż $X =$ pwód, że ono nie istnie	= {2,4}? W pro-
cje $Bywa\subseteq O\times B$, $Lubi\subseteq O\times S$, $Podajq\subseteq B\times S$ i $Czyta\subseteq O\times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książki czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s\mid\varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
cje $Bywa\subseteq O\times B$, $Lubi\subseteq O\times S$, $Podajq\subseteq B\times S$ i $Czyta\subseteq O\times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s\mid\varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
cje $Bywa\subseteq O\times B$, $Lubi\subseteq O\times S$, $Podajq\subseteq B\times S$ i $Czyta\subseteq O\times K$ informujące, odpowiednio, o tym, jakie osoby bywają w jakich barach, jakie osoby lubią jakie soki, jakie bary podają jakie soki oraz jakie książk czytają jakie osoby. Niech Lalka oznacza książkę. W prostokąt poniżej wpisz taką formułę φ , że $\{s\mid\varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachunku dziedzin oznaczającym wykaz soków podawanych w jakimkolwiek					
	cje $Bywa \subseteq O \times B$, Ludosoby bywają w jakich czytają jakie osoby. N jest zapytaniem relacy	$bi \subseteq O \times S$, $Podajq \subseteq B$ n barach, jakie osoby lub liech Lalka oznacza książyjnego rachunku dziedzin	$\times S$ i $Czyta \subseteq O \times K$ ią jakie soki, jakie bażkę. W prostokąt pod oznaczającym wyk	informujące, odpowied ary podają jakie soki o niżej wpisz taką formu	nio, o tym, jakie raz jakie książk dę $arphi$, że $\{s \mid arphi\}$

Wį	orostokąt	y poniżej wpisz, o	odpowiednio, n	ędzie taką rodzina ajmniejszy i najw ego elementu nie r	iększy eleme		
			X	$=\bigcup_{m=21}^{42}\bigcap_{n=m}^{m+1}A_n$			
min	X =			m=21 $n=m$	n	$\max X =$	
towa sum rówa	ana w zb ą trzech ności =, y	oiorze liczb natura liczb nieparzystyc	alnych mówi, z ch. W rozwiąza ennych oraz sta	iżej wpisz formułę że każda liczba na uniu możesz korzys ałych 0,1,2 i 7. Po h wyrażeniach.	aturalna niej stać z symbo	parzysta i wie oli mnożenia ·	eksza od 7 jest , dodawania +,
sym	etryczna	zawierająca R . Cz	zy prawdą jest,	e <i>symetryczne dor</i> , że symetryczne do dowodem poprawn	omknięcie re	łacji przechod	niej jest relacją
				$\mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ będzi ści obrazów i przec		zorem $f(n,m)$	$=2^n(2m+1).$
$f[\mathbb{N}$	$\times \mathbb{N}$			$f^{-1}[\mathbb{N}$]		
Jeśl	i istnieje	funkcja odwrotn	a do f , to w	$ ightarrow \mathbb{R} imes \mathbb{R}$ będzie oki prostokąt poniżej unkcja odwrotna r	wpisz wyra		
		(2 punkty). W	pisz w puste po	ola poniższej tabel	ki moce pod	lanych zbioróv	v.
1	$\int_{k=1}^{\infty} \mathbb{N}^k$	$\mathcal{P}(\{21,42\}) \times \emptyset$	$(\mathbb{N} \times \mathbb{Z}) \setminus \mathbb{N}$	$\{\mathbb{N},0\} \cup \{0,42\}$	${21,42}^{\mathbb{N}}$	$\mathbb{Q}\cap[21,42]$	$\mathcal{P}(\mathbb{N}) \times \mathbb{Q}$

Numer indeksu:



	Numer indeksu:	
Oddane zadania:		

Logika dla informatyków

Egzamin poprawkowy (część druga)

 $\begin{array}{c} 6~{\rm lutego}~2020\\ {\rm czas~pisania:}~120~{\rm minut} \end{array}$

Każde z poniższych zadań będzie oceniane w skali od -4 do 20 punktów. 1

Zadanie 21. Powiemy, że funkcja $f: \mathcal{P}(\mathbb{N}) \to \mathcal{P}(\mathbb{N})$ jest *rozszerzająca*, gdy dla dowolnego $A \in \mathcal{P}(\mathbb{N})$ zachodzi $A \subseteq f(A)$. Pokaż, że zbiór wszystkich funkcji rozszerzających jest mocy 2° (czyli, że jest równoliczny ze zbiorem $\mathcal{P}(\mathbb{R})$). Wskazówka: Możesz skorzystać z faktu, że $\mathbb{N} \sim \mathbb{P}$ dla $\mathbb{P} = \{2n \mid n \in \mathbb{N}\}$.

Zadanie 22. Wykaż, że istnieje dokładnie jedna funkcja $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ spełniająca dla wszelkich $n, m \in \mathbb{N}$ równania f(1) = 1 oraz f(n+m) = f(m) + f(n) + 2nm.

Zadanie 23. Pokaż, że istnieje taki zbiór uporządkowany (P,\leq) , że:

- $P \mod \operatorname{moc} \mathfrak{c}$,
- porządek ≤ jest liniowy,
- P ma element największy oraz element najmniejszy,
- każdy element poza największym ma następnik oraz
- każdy element poza najmniejszym ma poprzednik.

 $^{^1{\}rm Algorytm}$ oceniania oddanych zadań jest następujący: najpierw zadanie jest ocenione w skali od 0 do 24 punktów, a następnie od wyniku zostają odjęte 4 punkty. Osoba, która nie oddaje rozwiązania zadania otrzymuje za to zadanie 0 punktów.