Numer indeksu:	

Logika dla informatyków

Egzamin poprawkowy (pierwsza część)

Llg2	zamin poprawkov	- ,-	sc)
	21 luteg		
Zadanie 1 (2 punkty). Jeś dowolne wartościowanie spełn			
dowonie war toselowanie spen	mające tę formurę. w p.	izeciwnym pizypadku v	vpisz słowo bi italicziwi .
7 1 2 2 (2 14) 111	. 1		
Zadanie 2 (2 punkty). W odpowiednio w koniunkcyjnej			owazne formule $(p \Leftrightarrow q) \lor r$,
CNF		DNF	
7-1:- 9 (91-t) I-4	21: f1- ((() :
Zadanie 3 (2 punkty). Jeś zdań, to w prostokąt poniżej			
przypadku wpisz wartościowa			

Zadanie 4 (2 punkty). Mówimy, że formuła φ logiki I rzędu jest w preneksowej postaci normalnej, jeśli jest postaci $Q_1x_1 \dots Q_nx_n\psi$, gdzie x_i są zmiennymi, Q_i są kwantyfikatorami (czyli $Q_i \in \{\forall, \exists\}$ dla $i = 1, \dots, n$), a formuła ψ nie zawiera kwantyfikatorów. Jeśli istnieje formuła w preneksowej postaci normalnej
równoważna formule $(\forall n \exists x (f(x) > n)) \land \neg (\exists n \forall x f(x) > n)$, to w prostokąt poniżej wpisz dowolną taką formule. W przesiyowym przypadku wpisz slowe. NJE"
formułę. W przeciwnym przypadku wpisz słowo "NIE".
Zadanie 5 (2 punkty). <i>Różnicę symetryczną</i> $$ zbiorów A i B definiujemy w sposób następujący: $A = B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A)$. Nie używając symbolu $$ wpisz w prostokąt poniżej wyrażenie równoważne z $(A = B) = C$.
Zadanie 6 (2 punkty). Jeśli równość $\bigcap_{t \in T} (A_t \setminus B_t) = \bigcap_{t \in T} A_t \setminus \bigcap_{t \in T} B_t$ zachodzi dla wszystkich zbiorów
indeksów T oraz wszystkich indeksowanych rodzin zbiorów $\{A_t\}_{t\in T}$ oraz $\{B_t\}_{t\in T}$, to w prostokąt poniżej wpisz słowo "TAK". W przeciwnym przypadku wpisz odpowiedni kontrprzykład.
Zadanie 7 (2 punkty). Jeśli zbiór klauzul $\{\neg p \lor q, \ \neg q \lor r, \ p \lor q, \ \neg q \lor \neg r\}$ jest sprzeczny, to w prostokąt poniżej wpisz rezolucyjny dowód sprzeczności tego zbioru. W przeciwnym przypadku wpisz wartościowanie spełniające ten zbiór.
2017 m+9
Zadanie 8 (2 punkty). Dla $n \in \mathbb{N}$ niech $A_n = \{ f \in \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \mid f(n) = 42 \}$. Jeśli zbiór $\bigcap_{m=2} \bigcup_{n=m} A_n$ jest
niepusty, to w prostokąt poniżej wpisz dowolny element tego zbioru. W przeciwnym przypadku wpisz słowo "PUSTY".

	Numer indeksu:	
$Obejrzal \subseteq O \times F$ kinach, jakie osob wpisz taką formule	nkty). Rozważmy zbiory osób O , kin K i filmów i $Wyświetla \subseteq K \times F$ informujące odpowiednio o y obejrzały jakie filmy oraz jakie kina wyświetlają $\varphi \varphi$, że $\{k \in K \mid \varphi\}$ jest zapytaniem relacyjnego rachurklają wszystkie filmy, które obejrzał Jan Kowalski.	tym jakie osoby bywają w jakich jakie filmy. W prostokąt poniżej
zbiorze $\{0,1,2\}$, k	unkty). Jeśli istnieje najmniejsza (ze względu na ink tóra zawiera pary $\langle 0,2 \rangle$ i $\langle 1,2 \rangle$, to w prostokąt poniże izasadnienie, dlaczego taka relacja nie istnieje.	
z których każda m	unkty). Jeśli istnieje relacja równoważności na Na 2017 elementów, to w prostokąt poniżej wpisz downzasadnienie, dlaczego taka relacja nie istnieje.	
Zadanie 12 (2 p W prostokąty pon	unkty). Rozważmy funkcję $sgn: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ zdefiniowiżej wpisz odpowiednio obrazy i przeciwobrazy podan	$\operatorname{vana} sgn(x) = \begin{cases} -1, & \operatorname{dla} x < 0, \\ 0, & \operatorname{dla} x = 0, \\ 1, & \operatorname{wpp.} \end{cases}$ ych zbiorów w odwzorowaniu sgn .
$sgn\big[[1,3]\big] =$	sgnig[[-5,4]ig]=	
rem $(F(f))(n) =$ wpisz tę funkcję. V	$sgn^{-1}[[-5,4]]$ sunkty). Rozważmy funkcję $F:[1,2]^{\{0,1\}\times\mathbb{N}}\to [3,4]$ $f(n \bmod 2,2*n)+2$. Jeśli istnieje funkcja odwrot V przeciwnym przypadku wpisz uzasadnienie, dlacze	$]^{\mathbb{N}}$ daną dla $f \in [1,2]^{\{0,1\} \times \mathbb{N}}$ wzona do F , to w prostokąt poniżej go funkcja odwrotna nie istnieje.
	unkty). Niech $R = \{\langle n, m \rangle \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} \mid m = n + 2\}$. $m \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} \mid \varphi \}$ jest przechodnim domknięciem relac	

Zadanie 15 (2 punkty). W prostokąty poniżej wpisz te spośród liter A, \dots, K , które oznaczają odpo-
wiednio zbiory o mocy 16, \aleph_0 i \mathfrak{c} .

A	B	C	D	$\mid E \mid$	F	G	H	J	K
$\bigcup_{n=1}^{\infty} \mathbb{N}^n$	$\{1,2,3,4\}^{\{5,6\}}$	$\mathcal{P}(\mathbb{N} \times \mathbb{Q})$	\emptyset N	Nø	$\mathbb{Q}^{\mathbb{N}}$	$\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$	$\{1,2\}^{\{3,4,5,6\}}$	} N{1,2,3,4}	{0}
3:		\aleph_0 :					c:		
adanio 1	6 (2 punkty).	Rozważmy f	inke	io f	. 1 _	B Nio używaje	ne słów jozyk	naturalnogo) (cz:
zywając je	edynie formuł) u podzbioru Y zbi	zupełnij pon	iższy	teks	t tak,	aby otrzymać p			
owód. Do	wód przeprowad	lzimy wpros	t. We	eźmy	dowe	olny podzbiór Y	zbioru B i	dowolny eler	nent
oioru	.	Wtedy istn	ieje t	aki e	lemer	nt x w zbiorze		\dot{z} e $f(x)$	(x) =
		_							
	przeciwobrazu z	bioru otrzyn	nujer	ny, ż	e		. Zatem		,
níczy dow	ród.								
adanie 1	7 (2 punkty).	Rozważmy z	zbiór	$\{n\in$	$\mathbb{N} \mid n$	$n \ge 2 \land n \le 20\}$	uporządkow	any relacją p	odzi
	prostokąty poniz						minimalne i	maksymalne	w ty
	ub glowe "BBAK	(") odre takiel	പറവ	monto					
orządku li	ub słowo "BRAK	K" gdy takicl	n elei	mento	ow nie	e ma.			
	ub słowo "BRAK	K" gdy takiel	ı elei	mento	ow me				
nin:					ma	ax:			
adanie 1	8 (2 punkty).	W prostokąt			ma	ax:	parami nieizo	norficznych p	orzą
in: adanie 1		W prostokąt			ma	ax:	parami nieizo	norficznych p	orzą
in:	8 (2 punkty).	W prostokąt			ma	ax:	parami nieizo	norficznych p	orzą
in:	8 (2 punkty).	W prostokąt			ma	ax:	parami nieizo	morficznych p	orzą
in:	8 (2 punkty).	W prostokąt			ma	ax:	parami nieizo	norficznych p	orzą
in: adanie 1 ów na zbio	8 (2 punkty). orach nieprzelicz	W prostokąt alnych.	pon	iżej w	ma vpisz p	orzykład trzech p			
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). prach nieprzelicz 9 (2 punkty).	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 w na zbie adanie 1 klkowitych	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto	pon ki ⟨ℤ okąt	iżej w $\langle \cdot, \leq angle$ i	$\begin{array}{c} \text{ma} \\ \text{vpisz p} \\ \\ & \langle \mathbb{Z}, \geq \\ \text{sej wp} \end{array}$	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych	ządkiem na li	czba
in: adanie 1 Adanie 1 Akowitych wnym prz	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne zypadku wpisz uz	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto zasadnienie,	ki $\langle \mathbb{Z}$ okąt	iżej w $\langle i, \leq angle$ iżej poniż	ma vpisz p c ⟨ℤ, ≥ cej wp taki iz	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje.	ządkiem na li porządków. V	czba V prz
in: adanie 1 Alkowitych wnym prz	8 (2 punkty). orach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prosto zasadnienie,	ki $\langle \mathbb{Z}$ okąt dlacz	iżej w $\langle i, \leq angle$ iżej poniżzego f f i g	ma $\langle \mathbb{Z}, \geq \mathbb{Z} $ zej wp taki iz	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje.	ządkiem na li porządków. W	czba V prz
in: adanie 1 ów na zbie adanie 1 alkowitych wnym prz adanie 2 atomiast nifikowaln	8 (2 punkty). prach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne zypadku wpisz uz 0 (2 punkty). x, y i z są zmie e, wpisz najogól	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prostozasadnienie, W tym zadannymi. W plniejsze unifi	ki $\langle \mathbb{Z} \rangle$	iżej w $\langle i, \leq \rangle$ i poniżzego t f i g okąty	ma vpisz p zej wp taki iz	orzykład trzech p orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje. cyjnymi, a je podanych pa	ządkiem na li porządków. V st symbolem r termów, kt	czba V prz stał stał
adanie 1 Akowitych wnym prz adanie 2 atomiast nifikowaln	8 (2 punkty). prach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne zypadku wpisz uz 0 (2 punkty). x, y i z są zmie ne, wpisz najogól ne, wpisz słowo "	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prostokat zasadnienie, W tym zadannymi. W plniejsze unifiniejsze u	ki $\langle \mathbb{Z} \rangle$	iżej w $\langle i, \leq \rangle$ i poniżzego t f i g okąty	ma vpisz p zej wp taki iz	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje. cyjnymi, a je podanych pa okąty obok te	ządkiem na li porządków. V st symbolem r termów, kt	czba V prz stało stało
adanie 1 Akowitych wnym prz adanie 2 atomiast nifikowaln	8 (2 punkty). prach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne zypadku wpisz uz 0 (2 punkty). x, y i z są zmie e, wpisz najogól	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prostokat zasadnienie, W tym zadannymi. W plniejsze unifiniejsze u	ki $\langle \mathbb{Z} \rangle$	iżej w $\langle i, \leq \rangle$ i poniżzego t f i g okąty	ma vpisz p zej wp taki iz	orzykład trzech p orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje. cyjnymi, a je podanych pa okąty obok te	ządkiem na li porządków. V st symbolem r termów, kt	czba V prz stało stało
adanie 1 Akowitych wnym prz adanie 2 atomiast nifikowaln	8 (2 punkty). prach nieprzelicz 9 (2 punkty). n, są izomorficzne zypadku wpisz uz 0 (2 punkty). x, y i z są zmie ne, wpisz najogól ne, wpisz słowo "	W prostokąt alnych. Jeśli porząd e, to w prostokat zasadnienie, W tym zadannymi. W plniejsze unifiniejsze u	ki $\langle \mathbb{Z} \rangle$	iżej w $\langle i, \leq \rangle$ i poniżzego t f i g okąty	ma vpisz p zej wp taki iz	orzykład trzech p	zwykłym por norfizm tych tnieje. cyjnymi, a je podanych pa okąty obok te	ządkiem na li porządków. V st symbolem r termów, kt	czba V prz stało stało