Program 2

Wyznacz wzór na ciągłoczasowe przekształcenie Fouriera CTFT sygnału

$$x(t) = e^{-2t^2 + 1}$$

na podstawie definicji z wykładu II (w postaci nieunitarnej). Następnie dla otrzymanego wzoru na X(w) wyznacz wzór na przekształcenie odwrotne ICTFT. Upewnij się, czy poprawnie został odtworzony pierwotny sygnał x(t). Następnie sprawdź, czy zachodzi twierdzenie Parsevala o zachowaniu energii (policz osobno obie strony równania i zobacz, czy wyszły te same wartości). Na koniec wyznacz wzór na power spectrum (widmową gęstość energii) PS(w) na podstawie otrzymanego wcześniej przekształcenia CTFT. W całym zadaniu przyjmij, że $x(t), X(\omega) \in L^1(\mathbb{R})$.

Przygotuj raport w Jupyterze i załącz z rozszerzeniem IPYNB. Omawiaj na bieżąco, co analizujesz, wyświetlaj wyniki wszystkich obliczeń i wnioski. Użyj teorii i wzorów z wykładu II.