



図 1.12 放物軌道及び、

双曲軌道の場合の

断面図。

$H_0 = 0$ の場合 質点は放物線上

$H_0 > 0$ の場合 質点は双曲線上を動く。(後述) □

(後述) \Rightarrow

[場合 2] について

$$(1.20) \Rightarrow \frac{A_0^2}{2} \left(\frac{1}{r} - \frac{GmM}{A_0^2} \right)^2 + \frac{p_r^2}{2} = \frac{(GmM)^2}{2A_0^2} + H_0, \quad (1.21)$$

$(\frac{1}{r}, p_r)$ に対する楕円の方程式。

$$\lambda = \frac{A_0^2}{GmM}, \quad e = \sqrt{1 + 2H_0 \frac{A_0^2}{(GmM)^2}} \quad \text{とおくと,}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{r} = \frac{1}{\lambda} (1 + e \cos \varphi) & \dots \textcircled{1} \\ p_r = \frac{eA_0}{\lambda} \sin \varphi & \dots \textcircled{2} \end{cases} \quad (1.22) \quad \varphi \in [0, 2\pi)$$

と表わせる。

(1.22) ① を 時間 t で微分

$$\begin{aligned} \frac{1}{r^2} \frac{dr}{dt} &= \frac{e}{\lambda} \sin \varphi \frac{d\varphi}{dt} \\ &= \frac{p_r}{A_0} \dot{\varphi} \quad (\text{by (1.22) ②}) \end{aligned}$$