

$$\begin{aligned}
&= * \left(\left((V^y W^z - V^z W^y) \frac{\partial}{\partial x} + (V^z W^x - V^x W^z) \frac{\partial}{\partial y} + (V^x W^y - V^y W^x) \frac{\partial}{\partial z} \right)^* \right) \\
&= * \left((V \times W)^* \right) = i_2(V \times W) \quad \square
\end{aligned}$$

補題 2.30 により 補題 2.18 はベクトル場の言葉では次のようになる。

$$\circ \operatorname{rot} \operatorname{grad} f = 0 \quad (2.23)$$

$$\rightarrow i_2(\operatorname{rot} \operatorname{grad} f) = di_1(\operatorname{grad} f) \quad \circ \circ (2.21)$$

$$= d(df) \quad \circ \circ (2.20)$$

$$= 0$$

$$\circ \operatorname{div} \operatorname{rot} V = 0 \quad (2.24)$$

$$\rightarrow *(\operatorname{div} \operatorname{rot} V) = di_2(\operatorname{rot} V) \quad \circ \circ (2.22)$$

$$= d(di_1(V)) \quad \circ \circ (2.21)$$

$$= 0$$

「電磁場とベクトル解析」定理 2.43 と定理 3.43 を

微分形式の言葉で書き換える。

定義 2.42 $\Omega: \mathbb{R}^3$ の中の領域

Ω が単連結

$\stackrel{\text{def}}{\iff} \forall$ 閉曲線 $L \subset \Omega$ に対し

\exists 向きが付いた境界付き曲面 S s.t. $\partial S = L \quad \square$

(普通の定義ではない。)