

毕业设计理论笔记

钟 威

理论书籍目前看到： P_{19}

最后更改时间：March 11, 2013

凸规划问题基础

P_{17} 定义 1.2.1

称 S 是凸集，如果对于任意的 $x_1, x_2 \in S$ 和任意的 $\lambda \in [0, 1]$, 都有：

$$\lambda x_1 + (1 - \lambda)x_2 \in S \quad (1.2.1)$$

P_{17} 定义 1.2.3

任意的 $x_1, x_2 \in S$ 和任意的 $\lambda \in (0, 1)$, 都有：

$$f(\lambda x_1 + (1 - \lambda)x_2) \leq \lambda f(x_1) + (1 - \lambda)f(x_2) \quad (1.2.2)$$

P_{19} 定理 1.2.4

$f(x)$ 是凸函数的充要条件是：对于 S 中的任意一点 \bar{x} , 都有：

$$f(x) \geq f(\bar{x}) + \nabla f(\bar{x})^T (x - \bar{x}) \quad (1.2.6)$$

P_{20} 定义 1.2.6

$$\min \quad f_0(x), \quad x \in R^n \quad (1.2.10)$$

$$s.t. \quad f_i(x) \leq 0, \quad i = 1, \dots, m \quad (1.2.11)$$

$$h_i(x) = a_i^T x - b_i = 0, \quad i = 1, \dots, p. \quad (1.2.12)$$

其中 $f_0(x)$ 和 $f_i(x)$ 都是定义在 R^n 上的连续可微凸函数，而 $h_i(x)$ 是线性函数。

P_{20} 引理 1.2.8

若 $f(x)$ 是 R^n 上的凸函数，则对于任意的 $c \in R$, 水平集：

$$S = \{x | f(x) \leq c, x \in R^n\} \quad (1.2.16)$$

是凸集。

P_{20} 定理 1.2.10

考虑凸规划问题 (1.2.10)→(1.2.12)，若 x^* 是它的局部解，则 x^* 也是它的整体解。

P_{21} 定理 1.2.12

若凸规划问题 (1.2.10)→(1.2.12) 中的目标函数 $f_0(x)$ 是严格凸函数，则该问题的解唯一。

P_{21} 定义 1.2.13

设凸规划问题 (1.2.10)→(1.2.12) 中变量 x 具有式：

$$x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}, \quad x_i \in R^{m_i}, \quad i = 1, 2. \quad m_1 + m_2 = n. \quad (1.2.22)$$

所示的分划。称 x_1^* 是该问题关于 x_1 的解，如果存在 $x_2^* \in R^{m_2}$, 使得 $x^* = (x_1^{*T}, x_2^{*T})^T$ 是该问题的解。

P_{22} 定理 1.2.15

设凸规划问题 (1.2.10) \rightarrow (1.2.12) 中变量 x 具有式 (1.2.22) 的分划, 记 $f_0(x) = \mathbf{F}_0(x_1, x_2)$ 。若 $\mathbf{F}_0(x_1, x_2)$ 分别是变量 x_1 和 x_2 的严格凸函数, 则该问题对 x_1 的解唯一。

凸规划的对偶理论